文章编号:0253-2239(2002)11-1392-04

$Au-Au_2S$ 复合纳米球壳微粒的空腔谐振及参量讨论*

宋 岩¹) 席 聪²) 陈光德¹) 刁佳杰¹) 景 轩²)

(1),西安交通大学应用物理系,西安 710049

(2),西安交通大学电子与信息工程学院,西安 710049/

摘要: Au-Au₂S复合纳米球壳微粒(金纳米球壳),是一种新型复合结构的纳米微粒,其结构为纳米级的 Au₂S介 质球外包裹了一层几个纳米厚的黄金球壳。这种复合纳米球壳微粒可以被抽象为球型谐振腔。报道了它的空腔 谐振吸收的实验结果,并且运用经典理论结合介观结构特性,讨论了有关 Au-Au₂S复合纳米球壳微粒空腔谐振吸 收的一些重要参量,其中包括谐振吸收波长、品质因数、谐振能量等。另外,还讨论了金球壳的厚度对这些重要参 量的影响。

1 引 言

目前金属-半导体纳米粒子在光学和半导体器 件等领域显示出巨大的应用前景,并大大促进了这 些领域研究活动的发展^[1~3],其中与固体金属粒子 的基础光学属性相关的研究目前也已有了重大的进 展^[4]。最近美国科学家制成了一种结构奇特的新型 金属-半导体纳米微粒——金纳米球壳微料。它是 在纳米级 Au₂S 介质球核外包裹了一层厚度为几个 纳米的黄金薄膜而形成的复合结构纳米微粒,它的 这种独特的结构为它带来了许多新的性能,其中最 特殊的便是它的几何可调光学特性。例如,这种金 纳米球壳微粒的等离子吸收决定于壳厚度与核半径 的比值,在制备过程中,可以观测到它的吸收波长先 红移再蓝移的现象。这种几何可调的等离子谐振对 周围环境非常敏感,可以用来制成光敏探测器^{5]}。 金纳米球壳微粒的结构如图 1 所示。

图 1(a)所示的是透射电镜(JEM-200CX 型 TEM)所拍摄的金纳米球壳微粒图片,从图可见,该 粒子为包层结构,内核为介质,外壳为金属。由于其 结构的特殊性,金纳米球壳显示出与其他纳米微粒 不同的性质。目前,科学家们在等离子模型的前提 下,对复合金纳米球壳微粒的线性光学特性、红外消 光特性以及超快电动力学特性等性质已作了很多研

* 国家自然科学基金(19874049)资助课题。

E-mail sy_xjtu@sina.com

收稿日期 2001-09-17; 收到修改稿日期 2002-01-24

究^[5-8]。其中 Averitt 等发现金纳米球壳的等离子 谐振的几何可调性是由其核半径和总体半径比率所 决定的 对于 Au-Au₂S 的纳米球壳微粒而言,该比 率的范围为 $0.6 \sim 0.9$ 因此其等离子谐振的波长调 节范围为 600 nm 至 1000 nm 以上^[5]。等离子模型 是成功的,但还不够全面。



Fig. 1 The structure of the gold-coated Au₂S nanoshell.
(a) TEM electron diffraction micrograph of the nanoshell sample.
(b) Ideal nanoshell geometry. R₁ and R₂ are the radii of the core and total particle

在本文中,我们给出了一种新的金属纳米球壳 谐振吸收模型——谐振腔吸收(CRA)。这种模型把 金属纳米球壳视为一个纳米量级的球型电磁谐振

2 实 验

的厚度对这些参量的影响。

HAuCl₄ 和 Na₂S 两种水溶液混合,就可以得到 金纳米球壳微粒。第一次实验将 3 mM 黄色透明的 HAuCl₄ 溶液和 2 mM 无色透明的 Na₂S 溶液(要注 意 反应最好使用放置一、二天的 Na₂S 溶液,这样 可以降低 HS⁻ 的活性,减少其对反应的影响)以 6:10的体积比混合。在实验中,所有玻璃器皿都用 铬酸清洗并用去离子水漂净。其初始的反应方程如 下表示^[5]:

2AuCl₄⁻ + 3HS⁻ = 2Au + 3S + 3H⁺ + 8Cl⁻. 反应过程中,Au和S形成了晶核并且长大,生成固体金纳米微粒和Au-Au₂S复合纳米球壳微粒,溶液的颜色变成棕黑色。12小时之后,混合溶液将会形成黑色团絮。

本实验的反应过程由港东 WGZ-8 型紫外-可见 分光光度计在 1:5的稀释度下以 0.2 nm/s 的扫描速 度进行测量。图 2 显示了在反应的末尾(60 min 后)时所探测到的混合溶液在 226.8 nm 处出现的 紫外吸收谱线。



Fig. 2 The ultraviolet spectrum of gold nanoshell with the scanning speed 0.2 nm/s at the end of reaction (after 60 min). The volume ratio of HAuCl₄ and Na₂S is 6:10, and dilution ratio is 1:5

第二次实验将 3 mM 的 HAuCl₄ 溶液和 2 mM 的 Na₂S 溶液以 7:10 的体积比混合。本实验的反应 由港东 WGZ-8 型紫外-可见分光光度计以 1:10 的 稀释度下以 1 nm/s 的扫描速度进行测量。图 3 显 示出了在反应末尾时 210 nm 处出现的吸收波峰。

另外,通过透射电镜照片我们可以得到金纳米 球壳微粒的尺寸分布,每张透射电镜照片大概能容 纳 100 个微粒 利用图像工具测量每个微粒的半径, 得到微粒尺寸分布直方图,再由直方图确定其平均 半径。当 3 mM 的 HAuCl₄ 溶液和 2 mM 的 Na₂S 溶液混合的体积比在 6:10 到 8:10 之间时,金纳米 球壳微粒的平均半径在 40 nm 左右。对于不同的 样本,其尺寸分布的标准误差约在 ± 15% 到 ± 25% 之间。



Fig. 3 The ultraviolet spectrum of gold nanoshell with the scanning speed 1 nm/s at the end of the reaction (after 60 min). The volume ratio of $HAuCl_4$ and Na_2S is 7: 10, and dilution ratio is 1:10

3 理论分析及参量讨论

金纳米球壳的等离子谐振发生在可见光的范围 内,其谐振范围从 650 nm 到超过 1000 nm^[5],所以 纳米球壳在紫外范围内的吸收波峰不是等离子谐振 吸收。对于金纳米球壳这种在紫外范围的吸收波峰 的解释就是:空腔谐振吸收(CRA)。根据经典电磁 理论,球形谐振腔的特征方程为贝塞尔方程,具体形 式如下:

TE 模式:

$$J_{l+1/2}\left(\frac{\omega_e}{c}\sqrt{\varepsilon}R_1\right) = 0 , \qquad (1)$$

TM 模式:

$$J_{l+1/2}\left(\frac{\omega_{\rm m}}{c}\sqrt{\varepsilon}R_1\right) = 0 , \qquad (2)$$

上式中 ω_{e} 和 ω_{m} 分别为 TE 波和 TM 波的角频率 ϵ 和 R_{1} 分别为球核的介电常数和半径。通过解(1)式 和(2)式,可得到一系列 TE 和 TM 模式的谐振波 长。纳米空腔谐振的主模是 TM₁₀₁,它具有最长的 谐振波长以及最高的谐振能量。 TM₁₀₁模式的波长 由下式给出:

$$\lambda_{\rm SCR} = \frac{\pi c \sqrt{\epsilon \mu}}{1.372} R_1 , \qquad (3)$$

其中 μ 是球核的磁导率,在我们的讨论中,假定 μ 为 真空中的磁导率($\mu = 1$)。 我们利用 H_{nml} 和 E_{nml} 来表示金纳米球壳空腔 TE(r, φ, θ)和 TM(r, φ, θ)波的不同模式。随着参量 l和 n的增加 ,空腔谐振的波长逐渐缩短 ,其次序依次 为 E_{101} 、 E_{201} 、 H_{101} 。当参量 l和 n 很大时 相近谐振波 的波长差非常小。在通常情况下谐振由很多模式混合 在一起 ,很难区分开来 ,并且当谐振波长变小时 ,金纳 米球壳空腔谐振的谐振能量也会逐渐削减。所以 ,值 得讨论的只有 H_{101} 、 H_{201} 和 E_{101} 这几种模式。

3.1 谐振波长

金纳米球壳空腔谐振的主模是 H₁₀₁ 模式,其内 核介电常数 ϵ = 5.44 可通过使用实验表达式 $\epsilon^2 E_g$ = 77 来确定(其中 E_g 是 Au₂S 的禁带值, E_g = 2.6 eV)。将 ϵ = 5.44 代入(3)式,可得出金纳米球 壳空腔谐振波长的表达式:

$$\lambda_{\max} = 5.289 R_1. \tag{4}$$

根据(4)式,当 R_1 足够大时,谐振波长可以变得很 长。当 Au_2 S 内核的半径在 20 nm 到 210 nm 的范围 内变化时,其谐振波长在从 100 nm 到超过 1000 nm 的范围内相应变化。图 2 和图 3 的吸收波峰可由 (4)式来解释。我们所用的化学方法制得的金纳米 球壳微粒的球核半径大约为 40 nm,对应的谐振波 长的理论计算值约为211.56 nm,而实验值分别为 226.8 nm和211.0 nm,可以看到实验值和理论计算 符合得很好。第一次实验的吸收峰对应波长比第二 次长,这是由于第一次实验中 Na_2 S 的比例高于第 二次,使得 Au_2 S 内核更大所致。内核的介电常数 也会影响空腔谐振的波长, $\lambda \propto (ε)^{1/2}$ 。如果内核材 料没有改变,那么谐振频率的波长仅取决于内核的 半径。这样,谐振波长的控制就变得比较容易了,空 腔谐振的可调范围也就变得很宽了。

3.2 微型腔的因子

在传统观点中,电磁波不能穿透金属。但是对 于纳米谐振腔很薄的金属壳,其厚度在金属的趋肤 深度附近,大部分电磁波完全可以透过金属壳,所以 这种纳米空腔的耦合方式是透射耦合。对于球形空 腔谐振(SCR)来说,金属壳的厚度是一个很重要的 参量。它对球形空腔谐振的 *Q* 因子,谐振线宽还有 谐振能量都有影响。其主模 H₁₀₁的 *Q* 因子由下式 给出:

$$Q_{\rm H_{101}} = \frac{R_1 \mu}{\delta \mu'} \left(1 + \frac{2}{7.51 R_1^2} \right) , \qquad (5)$$

这里的 R_1 和 μ 分别是电介质核心的球半径和磁导 率; μ' 和 δ 分别表示了金属壳的磁导率和趋肤深度。

金属壳的趋肤深度通常由 $\delta = 1/\sqrt{\pi f\mu'\sigma}$ 给出。其中 的f和 σ 分别代表着电磁波的频率和金属壳的电阻 系数。通常情况下,金属的厚度比其趋肤深度要大得 多。但是对于纳米空腔,壳的厚度常常比趋肤深度 小,所以我们假设一个等效的趋肤深度 δ' ,它由 $\delta' = A(\delta - h) + h$ 给出。这里的 A 是等效深度系 数,它是一个对应于金属和介质的比例系数,h 是金 属壳的厚度。 δ' 仅在金属壳的厚度小于趋肤深度时 才用到。图 4 显示了 Q 因子随着金属壳的厚度变化 的趋势($\delta = 2$ nm)。



Fig.4 Dependence of the quality factor Q on the thickness of the metal shell ($\delta = 2 \text{ nm}$)

3.3 谐振能量

由于纳米空腔的耦合方式是透射耦合,因此金属壳的厚度影响透射电磁波的能量。外部能量和内部能量的联系式为 : $E_i = E_o \exp(-h/\delta)$,这里的 E_o 是电磁波在球壳外的能量,当 h 小于趋肤深度时, δ 用等效的趋肤深度 δ' 来代替。当纳米空腔中仅存在磁场时,可得到球形空腔谐振主模 H_{101} 的谐振能量表达式^[9]:

$$|E(\omega)|^{2} = \frac{E_{i}^{2}}{(\omega - \omega_{0}) + [\omega_{0}(2Q)]^{2}}, \quad (6)$$

ω 和 $ω_0$ 分别是电磁波的角频率和球形空腔谐振的 谐振角频率 , E_i 是透射进谐振腔的电磁波能量。实 际中 ,由于一些微扰 ,谐振角频率会发生 Δω 的偏 移。Q 因子影响谐振能量和谐振波峰的线宽 ,而 Q因子又由金属壳的厚度来决定 ,所以金属壳的厚度 影响谐振能量。谐振能量在三种不同的金属壳厚度 下对应于电磁波波长的分布图由图 5 中给出(λ_{scr} = 500 nm , δ = 2 nm)。

另外,微粒的尺寸分布会影响谐振吸收峰的线 宽。球型谐振腔的 Q 因子比较大,其谐振峰线宽应 该比较窄。可是从图 2 和图 3 可以看到,吸收峰很 宽,这是由微粒的尺寸分布造成的。由于微粒的尺 寸分布在一定范围,有±15%到±25%的标准差,这

就直接导致了吸收峰的加宽。



Fig.5 The resonant energy distribution map with incident electrodynamics wavelength for three different thicknesses of the metal shell($\lambda_{SCR} = 500 \text{ nm}$, $\delta = 2 \text{ nm}$, h = 2.1 nm, 2.0 nm, 1.9 nm)

总结 基于金纳米球壳微粒的结构特点,本文中提 出了一种新的共振吸收模型——谐振腔模型。在这 种谐振腔模型中,每个金纳米球壳微粒被等效为一 个微型电磁谐振腔,金壳层就是这个谐振腔的金属 腔壁,它采用一种独特的模式进行耦合——透射耦 合模式。运用经典电磁理论便能得到在谐振腔模型 下的共振波长,它是一种多模共振的形式。考虑到 高阶共振波长能量小且不易区分,本文中只讨论了 谐振腔共振中最显著的主模共振的情况。还讨论了 金属纳米球壳谐振腔的谐振主模吸收波长、品质因 数、谐振能量等重要参量以及金球壳的厚度以对这 些参量的影响。

参考文献

- [1] Collier C P , Saykally R J , Shiang J J et al.. Reversible tuning of solver quantum dot monolayers though the mental – insulator transition. Science , 1997 , 277(5334):1978 ~ 1981
- [2] Ralph D C, Black C T, Tinkgam M. Gate-valtage studies of discrete electronic states in aluminum nanoparticles. *Phys. Rev. Lett.*, 1997, 78(21):4087~4049
- [3] Landin L , Milloer M S , Pistol M E et al.. Optical studies of individual InAs quantum dots in GaAs: Few-particle effects. Science , 1998 , 280(5361) 262 ~ 264
- [4] Klar T, Permer M, Grosse S et al.. Surface-plasmon resonances in single metallic nanoparticles. Phys. Rev. Lett., 1998, 80(19):4249~4252
- [5] Averitt R D, Westtcott S L, Halas N J. Linear optical properties of gold nanoshells. J. Opt. Soc. Am. (A), 1999, 16(10):1824~1832
- [6] Oldenburg S J, Westcott S L, Averitt R D et al.. Surface enhanced Raman scattering in the near infrared using nanoshell substrates. J. Chem. Phys., 1999, 111(10): 4729~4735
- [7] Averott R D, Westcott S L, Halas N J. Ultrafast electron dynamics in gold nanoshells. *Phys. Rev.* (B), 1998, 58 (16):R10203 ~ R10206
- [8] Oldenburg S J, Hale G D, Jackson J B et al.. Light scattering from dipole and quadrupole nanoshell. App. Phys. Lett., 1999, 75 (19) 2897 ~ 2899
- [9] Diao J J, Chen G D. Optical properties of metal-coated nanoparticles. *Acta Photonica Sinica*(光子学报), 2001, **30**(5) 550~554(in Chinese)

Au-Au₂S Nanoshell Cavity Resonance and Parameters Discussion

Song Yan¹⁾ Xi Cong²⁾ Chen Guangde¹⁾ Diao Jiajie¹⁾ Jing Xuan²⁾

1), Department of Applied Physics, Xi'an Jiaotong University, Xi'an 710049

(2), School of Electronic and Information Engineering, Xi'an Jiaotong University, Xi'an 710049/

(Received 17 Suptember 2001; revised 24 January 2002)

Abstract: Au-Au₂S nanoshell consists of a nanometer-scale Au_2S dielectric core coated with a thin Au shell. The new electromagnetic resonant cavity properties of the gold nanoshell are discussed. The gold nanoshell is regarded as a nanometer electromagnetic resonant cavity , and the cavity resonance displays tunability controlled by the radii of the dielectric core. The main mode of nanocavity resonant absorption is obtained , it shows red-shift during the reaction of the gold nanoshells. The parameters of gold nanoshell cavity resonance such as resonant wavelength , energy and linewidth are discussed.

Key words: gold nanoshell; sphere cavity resonator; resonant energy; skin effect depth; transmission coupling; gold film; *Q*-factor