文章编号:0253-2239(2001)12-1501-05

# Ce:YIG 光吸收谱的微观机理及理论计算\*

胡华安<sup>1</sup>) 何华辉<sup>2</sup>) 梅延玲<sup>3</sup>) 王邦中<sup>1</sup>)

(1), 军事经济学院军用物资系, 武汉 430035

2),华中理工大学电子科学与技术系,武汉 430074

(3),湖北民族学院电气工程与应用物理系 ,恩施 445000

摘要: 利用离散变分-X<sub>α</sub>方法,对 Ce: YIG 的电子结构进行了计算结果显示,由于 Ce<sup>3+</sup>的掺入,在 Ce<sup>3+</sup>的 5*d*、4*f* 电子以及 Fe<sup>3+</sup>的 3*d* 电子之间形成了自旋 – 轨道劈裂较大的杂化轨道,同时存在 Fe<sup>3+</sup>(3*d*)→Ce<sup>3+</sup>(4*f*)的电子跃 迁,它们对光吸收有重要的贡献,可能是 1.45 eV 和 2.1 eV 两个跃迁中心的来源,与此相关的跃迁中心数与 Ce<sup>3+</sup> 离子的浓度成正比,在 1.0 eV ~ 3.2 eV 范围内,对不同的掺 Ce 量的光吸收谱进行了计算结果与实验符合较好。

关键词: Ce: YIG; 光吸收; 微观机理; 电子跃迁; 离散变分-Xα 方法

中图分类号:0436.4 文献标识码:A

#### 1 引 言

与通用的 YIG、GdBiIG 等材料相比 掺 Ce 钇铁 石榴石(Ce: YIG)具有更大的法拉第旋转和低廉的 制备成本等特点,并由此成为最具发展前途的新型 磁光材料之一。在光通信和光信息处理领域有着广 阔的发展远景。考虑到光学器件实际应用上的需 要 薄膜材料必须具有低的光吸收 因此 ,有必要深 入分析 Ce 的掺入对钇铁石榴石光吸收影响的机理, 从而为降低其光吸收提供理论指导。关于光吸收机 理的研究,已有一些工作[12],在我们以前的研究 中 曾经从唯象的角度对其光吸收机理进行了研 究<sup>[3]</sup> 但这些工作大多是定性的 对吸收谱的计算是 采用单电子跃迁模型进行拟合计算的结果,并没有 考虑由于激发态的自旋-轨道劈裂对光吸收的影响。 为此 我们对 Ce: YIG 的电子结构进行了计算 在此 基础上分析了影响光吸收的因素并对光吸收谱进行 了计算。

#### 2 电子结构的计算

利用离散变分- $X_{\alpha}$ 方法<sup>41</sup>,取 Ce: YIG 中 (Ce<sup>3+</sup> Fe<sup>3+</sup><sub>6</sub>  $O_8^{2-}$ )<sup>+</sup> 原子簇作了计算。在 YIG 中 Ce<sup>3+</sup>离子替代的是处于 c位的 Y<sup>3+</sup>离子,因此 ( $Ce^{3+}Fe_{6}^{3+}O_{8}^{2-}$ )<sup>+</sup>原子簇中有一个 *c* 位的 Ce ,四个 *a* 位的 Fe 和两个 *d* 位的 Fe ,以及八个 O 构成。坐 标原点取在 *c* 位的 Ce 上 ,属 *C*<sub>2</sub> 点群对称性 ,*Z* 轴 为最高对称轴 ,其中八个 O 和处于 *c* 位的 Ce 构成 十二面体。

为了考察费米面附近的能态密度 给出了费米 面两侧 – 3.5 eV ~ 3.5 eV 之间相应的各态及波函 数,如表1和表2所示。从表1和表2可以看出,在 费米面两侧 – 3.5 eV ~ 3.5 eV 之间的态主要为 Fe ( a ), 和 F ( d ), 态的贡献, 因而 3d 轨道的分态密 度分别集中在费米面两侧一条很窄的带里,有很强 的交换作用和很强的局域性,O2p和 Fe3d之间的耦合 作用较弱。由于 Ce<sup>3+</sup> 的掺入 ,在 – 3.5 eV ~ 3.5 eV 之间,有部分Cesa轨道和Ceaa轨道与Fesa机道重叠, 形成耦合轨道。说明 Cesa 轨道和 Ceaa 轨道与 Fesa 轨 道有较强的耦合作用。根据文献 4 的计算 ,Cesa 轨 道和 Cea, 轨道的自旋 - 轨道耦合系数都很大,当它 们与 Fea, 形成耦合轨道时, 导致了耦合轨道的自旋 -轨道劈裂有所增大。另外,从表1和表2还可以 看出,有一部分 Ce4, 单态在费米面附近1.9 eV以下 存在 由于它们的存在 从而导致了一部分新的跃 迁 这一部分跃迁可能对磁光效应特别是光吸收的 影响较大。

因此,对于  $Ce^{3+}$  离子的掺入,存在  $Fe(a)^{3+}$   $\rightarrow Fe(d)^{3+}$ 和  $Fe(d)^{3+} \rightarrow Fe(a)^{3+}$ 之间的电子跃 迁,但这里由于有部分轨道形成  $Ce_{5d}$ 、 $Ce_{4f}$ 和  $Fe_{3d}$ 之

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金(59702006)和湖北省自然科学基金 资助课题。

收稿日期 2000-09-07; 收到修改稿日期 2000-11-27

存在新的电子跃迁即  $Fe^{3+}(3d) \rightarrow Ce^{3+}(4f)$ ,这种 跃迁对磁光效应的影响可能比较大。

cluster ( A Representation )

orbits	$E/\mathrm{eV}$	Ce <sub>6s</sub>	$\operatorname{Ce}_{5p}$	$\operatorname{Ce}_{5d}$	$Ce_{4f}$	Fe( a ) <sub>4s</sub>	$Fe(\ a\)_{\!\!\!\!\!4_p}$	Fe( a ) <sub>3d</sub>	Fe( $d$ ) <sub>4s</sub>	Fe( $d$ ) <sub>4<math>p</math></sub>	$Fe(d)_{3d}$	025	$O_{2p}$	038
$22A^+$	-4.2287			0.01			0.01	0.91					0.06	0.01
$23A^+$	- 1.8442						0.02	0.88				0.02	0.03	0.04
$24 \mathrm{A}^+$	- 1.6000					0.01		0.91					0.05	0.02
$25 \mathrm{A}^+$	- 1.3415			0.01				0.92					0.02	0.04
$26 \mathrm{A}^+$	-0.8871			0.02				0.78	0.01		0.01		0.08	0.10
$27 \mathrm{A}^+$	-0.4218	0.01		0.03		0.02		0.77	0.01		0.01		0.07	0.08
$28\mathrm{A}^+$	0.2204	0.12		0.36	0.01	0.05	0.03	0.07	0.02		0.10		0.09	0.16
$29 \mathrm{A}^+$	0.6204			0.24	0.13	0.02	0.03	0.10	0.02		0.29		0.08	0.10
$30A^+$	1.3470			0.13	0.01	0.01	0.02	0.09	0.01	0.02	0.56		0.04	0.12
$31 \mathrm{A}^+$	1.6436	0.03		0.14	0.44	0.01	0.01	0.03	0.01		0.22	0.01	0.04	0.07
$32A^+$	1.8313		0.01	0.04	0.18	0.04	0.03	0.10	0.02	0.01	0.24		0.09	0.25
$33 \mathrm{A}^+$	2.0953				0.10	0.01			0.01		0.81		0.03	0.03
$34 \mathrm{A}^+$	2.4545			0.04	0.04	0.01				0.01	0.86		0.01	0.03
$35 \mathrm{A}^+$	2.6772	0.01		0.09	0.06	0.01			0.02	0.01	0.78		0.02	0.01
$36\mathrm{A}^+$	2.9688			0.01	0.02	0.02			0.01	0.03	0.84		0.02	0.05
$37 \mathrm{A}^+$	3.5566	0.01		0.54	0.15				0.01		0.20		0.07	0.03
$38\mathrm{A}^+$	3.7715	0.01		0.06	0.63	0.02	0.01	0.01	0.02		0.18		0.04	0.03
39A+	4.2042			0.16	0.14	0.01	0.01		0.01	0.01	0.63		0.03	
$20 \text{A}^-$	- 3.2926										0.94		0.04	0.02
$21 \mathrm{A}^-$	- 3.0150			0.01							0.93		0.06	
$22 \mathrm{A}^{-}$	-2.7076									0.01	0.94		0.04	
23 A -	- 1.5592			0.01	0.01						0.92		0.05	0.01
$24 \mathrm{A}^{-}$	-0.2177	0.02		0.07	0.02	0.02	0.01	0.30	0.05		0.02		0.11	0.37
$25 \mathrm{A}^-$	0.2395	0.04		0.14	0.01	0.01		0.76	0.01				0.02	0.02
$26 \mathrm{A}^-$	0.4490	0.02		0.05			0.01	0.86	0.01				0.01	0.04
$27 \mathrm{A}^-$	0.5633	0.05		0.44	0.03	0.01	0.02	0.31	0.01		0.01		0.06	0.06
$28 \mathrm{A}^-$	0.9334		0.01	0.03	0.01	0.01	0.01	0.57	0.04		0.01		0.07	0.24
$29 \mathrm{A}^-$	0.9959	0.02		0.09	0.01	0.01	0.01	0.74	0.02				0.02	0.09
$30 \mathrm{A}^{-}$	1.3878			0.01	0.02			0.94					0.01	0.02
$31 \mathrm{A}^-$	1.8150	0.01		0.04	0.82			0.06			0.01		0.04	
32A-	2.1307		0.01	0.08	0.01	0.04	0.03	0.53	0.04		0.01		0.08	0.18
33A-	3.1810			0.02	0.16	0.01	0.03	0.61	0.02			0.01	0.07	0.07
34A <sup>-</sup>	3.5538	0.01		0.76	0.05		0.01	0.05	0.01	0.01		0.01	0.06	0.02
35A-	3.6191			0.02	0.07	0.01	0.01	0.86				0.01	0.02	
36A-	3.8504			0.07	0.54			0.32					0.03	0.01

Table 2. Valence orbital energies and wavefunction component of (  $Ce^{3+} Fe_6^{3+} O_8^{2-}$ )<sup>5+</sup> cluster ( B Representation )

orbits	$E/\mathrm{eV}$	$\operatorname{Ce}_{5p}$	Ce <sub>5d</sub>	$\operatorname{Ce}_{4f}$	Fe( a ) <sub>4s</sub>	Fe( a ) <sub>4p</sub>	Fe( a ) <sub>3d</sub>	Fe( $d$ ) <sub>4p</sub>	Fe( d ) <sub>3d</sub>	$O_{2s}$	$O_{2p}$	$O_{3s}$
$22B^+$	- 4.2205					0.01	0.92				0.06	0.01
$23B^+$	- 3.8341	0.08		0.01	0.01		0.11		0.01		0.20	0.58
$24B^+$	- 1.8177	0.01		0.01		0.02	0.82		0.01	0.02	0.04	0.07
$25B^+$	- 1.5810				0.01		0.91				0.06	0.01
$26B^+$	- 1.2898						0.96		0.01		0.01	0.02
$27B^+$	-0.8925		0.03	0.01			0.79		0.02		0.06	0.08
$28B^+$	- 0.2939		0.02	0.02	0.01		0.83		0.01		0.07	0.04
29B+	0.5225	0.01	0.08	0.03	0.08	0.03	0.18		0.14		0.10	0.36
$30B^+$	1.5157		0.01	0.83		0.01	0.02		0.05		0.02	0.05
$31B^+$	1.7796	0.01	0.23	0.15	0.02	0.02	0.03		0.18		0.13	0.23
$32B^+$	2.0844		0.03	0.02					0.93		0.02	
$33B^+$	2.3783		0.10	0.42	0.02	0.02	0.05		0.28	0.01	0.05	0.06
$34B^+$	2.5552		0.03	0.05			0.01		0.87		0.01	0.02
$35B^+$	3.0695	0.01	0.27	0.39			0.01	0.01	0.19	0.01	0.10	0.02
$36B^+$	3.7089		0.05	0.02	0.07	0.01		0.05	0.69		0.07	0.04
$37B^+$	3.9457		0.04	0.66	0.09	0.01		0.01	0.12	0.01	0.03	0.03
$20B^-$	- 3.1103	0.01							0.88		0.05	0.05
$21B^{-}$	- 2.6586				0.01		0.02	0.01	0.72	0.01	0.17	0.05
$22B^{-}$	- 1.9592	0.01					0.01	0.01	0.66	0.01	0.17	0.12
$23B^{-}$	0.2939						0.983					
$24B^{-}$	0.3810				0.01		0.93	0.01	0.02		0.01	0.02
$25B^-$	0.7265		0.07	0.05	0.01		0.44	0.04	0.08		0.06	0.23
$26B^-$	0.9361			0.01			0.98					
$27B^{-}$	1.3415		0.06	0.20	0.01		0.64	0.01	0.01		0.02	0.06
$28B^{-}$	1.4422		0.01	0.30			0.66		0.01		0.01	0.01
29B <sup>-</sup>	1.7334		0.18	0.49	0.01	0.01	0.17	0.01	0.01	0.01	0.03	0.07
30B <sup>-</sup>	2.0245		0.34	0.16		0.01	0.13	0.01	0.01		0.18	0.17
$31B^{-}$	2.7783		0.07	0.63	0.02		0.06	0.01	0.01		0.06	0.14
$32B^{-}$	3.3361		0.01	0.11	0.01	0.02	0.67	0.01	0.01	0.01	0.02	0.12
33B <sup>-</sup>	3.6518		0.01	0.02	0.01	0.01	0.91			0.02	0.02	
$34B^{-}$	3.7606	0.01	0.14	0.30	0.04		0.38	0.02	0.01		0.02	0.09

### 3 光吸收谱的理论计算

YIG 的光吸收系数  $\alpha$  由下式给出

$$\alpha = \frac{2\pi}{\lambda n} \varepsilon''_{11} = \frac{\omega}{cn} \varepsilon''_{11} , \qquad (1)$$

以及

$$\varepsilon''_{11} = \frac{4\pi N e^2}{m} \sum_{i} \frac{\rho_e^{(0)} f_i^x 2\omega \Gamma_i}{\left(\omega_i^2 - \omega^2 + \Gamma_i^2\right)^2 + 4\omega^2 \Gamma_i^2} ,$$
(2)

其中  $\omega$  为入射光的频率, $\omega_i$  为基态 |g 和激发态|e 之间的跃迁频率, $\Gamma_i$  为线宽,N为单位体积的跃迁中心数, $\rho_e^{(0)}$  为电子处于激发态 |e 的概率,c 为光速, n 为折射率, $f_i^{\alpha}$  =  $(2m\omega_i/\eta)|_g|x|e|^2$ 为线偏振光的振子强度,  $n_m$ 分别为电子电荷及质量。对于八面体和四面体,我们设

$$N_1 = 16/a^3$$
,  $N_2 = 24/a^3$ , (3)

其中 a 为晶格常数。

对抗磁型跃迁,有

$$\alpha = \frac{4\pi N e^2 \omega}{cnm} \times \sum_{i} \left\{ \frac{2f_i \omega \Gamma_i}{\left[ \left( \omega_i - \Delta_i \right)^2 - \omega^2 + \Gamma_i^2 \right]^2 + 4\omega^2 \Gamma_i^2} + \frac{2f_i \omega \Gamma_i}{\left[ \left( \omega_i + \Delta_i \right)^2 - \omega^2 + \Gamma_i^2 \right]^2 + 4\omega^2 \Gamma_i^2} \right\}, \quad (4)$$

其中, $f_i$ 为振子强度, $\Delta_i$ 为激发态的自旋-轨道劈裂能。对顺磁型跃迁,有

$$\alpha = \frac{4\pi N e^2 \omega}{cnm} \sum_{i} \frac{2f_i \omega \Gamma_i}{\left(\omega_i^2 - \omega^2 + \Gamma_i^2\right)^2 + 4\omega^2 \Gamma_i^2}.$$
 (5)

对于 Ce<sup>3+</sup> 离子的掺入,由于 Ce<sup>3+</sup> 的 5*d*、4*f* 电 子与部分 Fe<sup>3+</sup> 的 3*d* 电子形成了自旋-轨道劈裂较 大的耦合轨道,它们对光吸收有重要的贡献。对于 1.5 eV 与 2.1 eV 两个吸收峰,可以归因于电荷转 移跃迁 Fe<sup>3+</sup>(3*d*)→Ce<sup>3+</sup>(4*f*),而不是 Ce<sup>3+</sup>(4*f*)→ Fe<sup>3+</sup>(3*d*)的跃迁以及 Ce<sup>3+</sup>离子内的 4*f*→5*d* 的电 子跃迁<sup>2,4]</sup>。与此相关的跃迁中心数与 Ce<sup>3+</sup>离子的 浓度成正比 即

N' = 16x/a<sup>3</sup>, N' = 24x/a<sup>3</sup>. (6)
利用表 3 的数据和(4)式(5)式,我们对不同掺
Ce 量的光吸收谱进行了计算,结果如图 1(a)所示,
它们与实验结果图 1(b)相比,符合较好。

	]	paramagnet	ic transition	1	diamagnetic transition						
$\omega_0/{ m eV}$	<i>x</i> =	= 0	<i>x</i> <del>7</del>	≠0		x = 0		$x \neq 0$			
	f/( 10 <sup>-3</sup> )	$\Gamma/\mathrm{eV}$	<i>fl</i> ( 10 <sup>-3</sup> )	$\Gamma/\mathrm{eV}$	<i>fl</i> ( 10 <sup>-3</sup> )	$\Gamma/\mathrm{eV}$	$\Delta/{ m eV}$	f/( 10 <sup>-3</sup> )	$\Gamma/\mathrm{eV}$	$\Delta/{ m eV}$	
1.5			0.13	0.18				5.80	0.29	0.22	
1.7	0.28	0.18	0.13	0.18							
1.95	0.42	0.12	0.28	0.18							
2.05	0.13	0.18	0.42	0.12							
2.25								1.00	0.29	0.220	
2.46	2.0	0.18	1.60	0.12				2.50	0.29	0.220	
2.56	1.60	0.12			1.10	0.25	0.008				
2.7			2.00	0.18	1.30	0.12	0.08	1.50	0.25	0.080	
2.9								1.10	0.28	0.080	
3.1					1.20	0.12	0.008	1.50	0.28	0.080	
3.2					1.20	0.12	0.080	1.20	0.12	0.080	

Table 3. The energy levels and parameters in calculation<sup>[5]</sup>



Fig. 1 Optical absorption spectra of Y<sub>3-x</sub> Ce<sub>x</sub> O<sub>12</sub>. (a) Theoretical calculation; (b) Experimental value<sup>[1]</sup>. GGG stands for gadolinium gallium garnet substrate

hy ÎeV

的机理可以有以下结论:

 1)在低频端,光吸收主要来源于顺磁型跃迁, 而在高频端则主要来源于抗磁型跃迁的边缘效应。

2)在顺磁型跃迁中,存在 1.5 eV 和 2.1 eV 附 近的跃迁中心,这两个跃迁中心的存在很可能是由  $Fe^{3+}(3d) \rightarrow Ce^{3+}(4f)$ 的电子跃迁所导致的。其跃 迁中心数与  $Ce^{3+}$ 离子的浓度成正比。

3)由于 Ce<sup>3+</sup>的 5d、4f 电子与部分 Fe<sup>3+</sup>的 3d电子形成了自旋-轨道劈裂较大的耦合轨道,与此相 关的跃迁中心数与 Ce<sup>3+</sup>离子的浓度成正比。

4) 由于 Ce: YIG 的光吸收正比于跃迁中心数, 因此,Ce: YIG 的光吸收随着掺 Ce 量的增加而增 加。

#### 参考文献

- [1] Gomi M, Satoh K, Abe M. Giant Faraday rotation of Cesubstituted YIG films epitaxially grown by RF sputtering. Jpn. J. Appl. Phys., 1988, 27(8):L1535 ~ L1538
- [2] Gomi M, Furuyana H, Abe M. Strong magneto-optical enhancement in highly Ce-substituted iron garnet films prepared by sputtering. J. Appl. Phys., 1991, 70(11): 7065 ~ 7067
- [3] 黄强,韦江维,胡华安等.掺铈钇铁石榴石磁光薄膜 光吸收机理研究.磁性材料及器件,1998,29(5):40~44
- [4] Ellis D E, Benesh G A, Byrom E. Molecular cluster studies of binary alloys : LiAl. Phys. Rev. (B), 1977, 16

(8) 3308 ~ 3313

[5] 胡华安,何华辉. YIG 及 Bi-YIG 薄膜材料光吸收谱的微

## Microscopic Mechanism of Optical Absorption and Theoretical Calculation of the Spectra in Ce: YIG Film

Hu Hua'an<sup>1)</sup> He Huahui<sup>2)</sup> Mei Yanling<sup>3)</sup> Wang Bangzhong<sup>1)</sup>

- (1), Wuhan Institute of Economics, Wuhan 430035
- 2), Department of Electronics Science and Technology, Huazhong University of Science and Technology, Wuhan 430074
- 3), Department of Electrical Engineering and Applied Physics, Hubei Institute
  - for Nationalities , Enshi 445000

(Received 7 September 2000; revised 27 November 2000)

**Abstract**: The electronic structure of Ce: YIG is calculated by using DV-X $\alpha$ (discrete variational-X $\alpha$ ) method. The results indicate that the couple orbits among 5*d*, 4*f*, and 3*d* orbits are existent because of the substitution of Ce<sup>3+</sup> ion. The couple orbits have large spin-orbit interaction. The results also show that there are electronic transitions Fe<sup>3+</sup>(3*d*)  $\rightarrow$  Ce<sup>3+</sup>(4*f*) that may be the origin of transition centers of 1.5 eV and 2.1 eV shown the large optical absorption. The density of transition center is proportional to cerium content. The optical absorption spectra of Y<sub>3-x</sub> Ce<sub>x</sub> Fe<sub>5</sub>O<sub>8</sub> on x = 0, 0.3, 0.7, 1.0, 2.0 are calculated between 1.0 eV ~ 3.2 eV. The calculated results are consistent with experimental data.

**Key words** : Ce: YIG ; optical absorption ; microscopic mechanism ; electronic transition ; discrete variational- $X\alpha$  method