1984年10月

光学学报 AOTA OPTICA SINICA Vol. 4, No. 10 October, 1984

赝相位共轭列阵的衍射特性

周国生 王绍民 陈英礼 (山西大学物理系) (杭州大学物理系) (交通大学应用物理系)

提 要

本文利用衍射理论,计算了有大扑对称畸变介质下,赝相位共轭列阵的特性——单元的光学变换矩 阵、分辨率和补偿各类畸变的机制。

四波混频相位共轭技术可以补偿相位畸变,现正在广泛进行研究中。但它需要高质量 的泵浦源。而赝相位共轭技术却不需要任何泵浦源,有非常宽的光谱特性,价格低廉,同样 可以补偿相位畸变,如利用角立方自返列阵^[11]。有关的理论探索也在不断涌现^[2~4]。最近实 验^[5,6]证明了以前的理论,而且指出,平面光纤列阵和微珠列阵还能补偿非薄层畸变,如畸变 介质是毛细管、塑料杯等。但这些实验结果,都还没有用理论予以解释。

本文的目的,就在于用夫琅和裴衍射理论,回答上述问题,为获得新的赝相位共轭器提供理论指导与设计公式。

二、赝相位共轭列阵的光学单元

究竟什么样的光学单元所组成的列阵,具有赝相位共轭特性呢? 设单元的光线变换矩阵为:

$$\begin{pmatrix} A & B \\ O & D \end{pmatrix}, \quad B = 0, \tag{1}$$

式中 A、O、D 为待求量。 设各光学单元是互相光学隔离的,具有相同的光学特性。 列阵 光轴垂直于列阵平面,而且通过列阵中心。 在列阵的输入平面 z=0 和输出平面 z=l 上,各 单元光轴的位置分别由(x_{1m} , y_{1m} , 0)和(x_{2m} , y_{2m} , l)表示,如图 1 所示。 这里第一个脚标 1 和 2 分别表示在输入平面和输出平面上。第二个脚标 m 表示第 m 个单元。 由于是平面列 阵,显然有 $x_{1m}=x_{2m}$, $y_{1m}=y_{2m}$ 。设物点(x_0 , y_0 , -u)离输入平面距离为 u。物、象点与列阵 之间充满了畸变介质,物方与象方的畸变介质分布在列阵两边,互相对称。 对于反射列阵, 物方和象方是同一畸变介质。 如文献[7]所示,由点(x_0 , y_0)出发,到达点(x_1 , y_1)的光线通 过畸变介质后,附加相位畸变变为 $\pi T(x_0, y_0; x_1, y_1)/\lambda u$,这里 λ 是光波波长,T 是正比于由 介质畸变而引起的光程长的改变。 于是由物点(x_0 , y_0 , u)到列阵上任一点(x_1 , y_1 , 0)的点 扩展函数 $h_1(x_1, y_1; x_0, y_0)$ 为

收稿日期: 1984年3月13日

$$h_1(x_1, y_1; x_0, y_0) = (i/\lambda u) \exp(-iku)$$

$$\times \exp\{-(i\pi/\lambda u) (x_0^2 - 2x_0x_1 + x_1^2 + y_0^2 - 2y_0y_1 + y_1^2)\} \\ \times \exp\{-(i\pi/\lambda u) T(x_0, y_0; x_1, y_1)\},$$
(2)

其中 $x_1 = x_{1m} + \xi_{1m}$, $|\xi_{1m}| < b$; $y_1 = y_{1n} + \eta_{1n}$, $|\eta_{1n}| < b$ 。这里 2b 是单元的线度, k 是波数, $k = 2\pi/\lambda_{\circ}$ 设 相位畸变可分解为 x 方向和 y 方向,

 $T(x_{0}, y_{0}; x_{1}, y_{1}) = T(x_{0}, x_{1}) + T(y_{0}, y_{1}),$ 由于每一光学单元的线度很小,于是可将T作泰勒 展开 $T(x_{0}, x_{1}) = T(x_{0}, x_{1m}) + \xi_{1m}\partial T(x_{0}, x_{1m}) / \partial x_{1m} + (1/2)\xi^{2}\partial^{2}T(x_{0}, x_{1m}) / \partial x_{1m}^{2} + \cdots = T_{0,1m} + \xi_{1m}T'_{0,1m} + (1/2)\xi_{1m}^{2}T''_{0,1m} + \cdots$ (3)

若介质的"宏观"畸变不大,可以只保留相位畸变的二次项,于是

 $T_{0,1m} \cong t_{11}x_0^2 + 2t_{12}x_0x_{1m} + t_{22}x_{1m}^2$

$$+2t_{13}x_0+2t_{14}x_{1m}+t_0, \qquad (4)$$

等式右方的二次项代表"宏观"的类透镜畸变,一次项代表"宏观"的类劈形畸变, to 代表薄板 畸变。在 g 方向,也有同样的近似。

由于各光学单元是相互光学隔离的, 所以入射到列阵平面上的光线, 分别通过各单元, 再传播到列阵的输出平面上。 在输出平面上的场可由 ABCD 矩阵元形式的费涅耳公式求 得:

$$h_{2}(x_{2}, y_{2}; x_{0}, y_{0}) = (i/\lambda B) e^{-ik\nu} \int_{-a_{1}}^{a_{1}} \int_{-a_{1}}^{a_{2}} d\xi_{1} d\eta_{1} h_{1}(x_{1}, y_{1}; x_{0}, y_{0}) \\ \times \exp\left\{-\frac{i\pi}{\lambda B} \left[A(\xi_{1}^{2}+\eta_{1}^{2})-2(\xi_{1}\xi_{2}+\eta_{1}\eta_{2})+D(\xi_{2}^{2}+\eta_{2}^{2})\right]\right\}_{o}$$
(5)

上式中1⁷ 是光学单元轴向光程长, a₁ 是由图 1 所示的光学单元的输入尺寸。由于矩阵元 B=0,上述积分可近似为:

$$h_{2}(x_{2}, y_{2}; x_{0}, y_{0}) = (1/A)h_{1}(x_{1:n} + \xi_{2:n}/A, y_{1:n} + \eta_{2:n}/A; x_{0}, y_{0})$$

$$\times \exp[-ikl' - (i\pi c/\lambda A)(\xi_{2:n}^{2} + \eta_{2:n}^{2})],$$

$$\stackrel{\text{ld}}{=} |\xi_{2:n}/A| < a_{1}, |\eta_{2:n}/A| < a_{1_{0}}$$
(6)

附加相位畸变, 决定于光程长。在没有磁光介质的情况下, 光程长与光线方向无关。由 于光线从列阵输出面射出后, 又通过对称的畸变介质, 或者对于反射列阵来说, 反向通过同 一畸变介质。因此, 由点 (x₂, y₂)到点(x₃, y₃)的光线的附加相位畸变与由点(x₁, y₁)到点 (x₂, y₂)的光线的附加相位畸变的形式相同宗量交换, 即 πT(x₃, y₃; x₂, y₂)/λw。在距离列 阵输出面为 w 的平面上的场, 将是各单元射出的光在该平面上的叠加, 于是 点扩展 函数 h₃(x₃, y₃; x₀, y₀)为

$$(x_{1i}, y_{1})$$

$$(x_{1i}, y_{2})$$

$$(x_{1i}, y_{2})$$

$$(x_{1in}, y_{1n})$$

$$(x_{1in}, y_{2n})$$

$$(x_{2in}, y_{2n})$$

$$(x_{2in},$$

图1 赝相位共轭平面列阵示意图

(虚线内是畸变介质)

Fig. 1 Diagram of the planar pseudopliase-conjugate array

(Distorted medium is in the dotted-line)

888

$$h_{3}(x_{3}, y_{3}; x_{0}, y_{0}) = \sum_{u_{n}=-N}^{P} \sum_{n=-N}^{N} (i/\lambda w) \exp(-ikw) \int_{-\sigma_{1}}^{\sigma_{1}} \int_{-\sigma_{1}}^{\sigma_{1}} d\xi_{2} d\eta_{2} h_{2}(x_{2}, y_{2}; x_{0}, y_{0}) \\ \times \exp\{-(i\pi/\lambda w) (x_{3}^{2} - 2x_{3}x_{2} + x_{2}^{2} + y_{3}^{2} - 2y_{3}y_{2} + y_{2}^{2})\} \\ \times \exp\{-i\pi T(x_{2}, y_{3}; x_{2}, y_{2})/\lambda w\},$$

$$(7)$$

式中 $x_2 = x_{2m} + \xi_2$, $|\xi_2| < a_1$; $y_2 = y_{2n} + \eta_2$, $|\eta_2| < a_0$ 列阵的单元数为 $(2N+1)^3$, 将(6)式代入,注意到

$$T(x_{3}, y_{3}; x_{2}, y_{2}) = T_{3,2m} + \xi_{2m} T'_{3,2m} + (\xi_{2m}^{2}/2) T''_{3,2m} + T_{3,2m} + t_{11} x_{3}^{2} + 2t_{12} x_{3} x_{2m} + t_{22} x_{2m}^{2} + 2t_{13} x_{3} + 2t_{14} x_{2m} + t_{00}$$

$$1 3, 2m \rightarrow 01103 + 20120302m$$

经过整理得,

$$h_{3}(x_{3}, y_{3}; x_{0}, y_{0}) = C' \sum_{m=-N}^{N} \sum_{n=-N}^{N} \exp\{-iP_{9}(x_{2m}^{2}+y_{2n}^{2}) + (i2\pi/\lambda u)x_{2m}[x_{0}(1-t_{12})+x_{3}(1-t_{12})u/w-t_{14}(1+u/w)] + (i2\pi/\lambda u)y_{2n}[y_{0}(1-t_{12})+y_{3}(1-t_{12})u/w-t_{14}(1+u/w)]\} \times \int_{-q_{1}}^{q_{1}} \int_{-q_{1}}^{q_{2}} d\xi_{2} d\eta_{2} \exp\{-iQ_{2}(\xi_{2}^{2}+\eta_{2}^{2}) + (i2\pi/\lambda u)\xi_{2}\left[\frac{1}{A}\left(x_{0}-\frac{1}{2}T'_{0,1m}\right)+\frac{u}{w}\left(x_{3}-\frac{1}{2}T'_{3,2m}\right) - x_{2m}\left(\frac{1}{A}+\frac{u}{w}\right)\right] + (i2\pi/\lambda u)\eta_{2} \times \left[\frac{1}{A}\left(y_{0}-\frac{1}{2}T'_{0,1m}\right)+\frac{u}{w}\left(y_{3}-\frac{1}{2}T'_{3,2m}\right)-y_{2m}\left(\frac{1}{A}+\frac{u}{w}\right)\right]\right\}, \quad (8)$$

这里

$$C' = (-1/\lambda^{2}Auw) \exp[-ik(u+l'+w)] \times \exp\{-(i\pi/\lambda u) [(1+t_{11})(x_{0}^{2}+y_{0}^{2})+(1+t_{11})(x_{3}^{2}+y_{3}^{2})u/w +2t_{13}(x_{0}+y_{0}+x_{3}+y_{3})+t_{0}(1+u/w)]\}_{\circ} P_{2} = (\pi/\lambda)(1+t_{22})(1/u+1/w)_{\circ}$$
(9)

$$Q_{2} = \frac{\pi}{\lambda} \left[\left(1 + \frac{1}{2} T_{0,1m}'' \right) \right/ (uA^{2}) + \left(1 + \frac{1}{2} T_{3,2m}' \right) \right/ w + \frac{A}{C} \right]_{0}$$
(10)

当 $Q_2=0$,每个单元产生一个单元象, $(2N+1)^2$ 个单元产生 $(2N+1)^2$ 个象。由(10)式 $Q_2=0$,可决定物象距关系。单元象的位置、垂轴放大率都与介质畸变项 $T'_{0,1m}$ 、 $T''_{3,2m}$ 有关,象距也不等于物距,因此它不能补偿相位畸变。

当象距等于物距 w = u, 并取 A = -1, 则有 $T'_{3,2m} = T'_{0,1m}$, $T''_{3,2m} = T''_{0,1m}$ 。若 $Q_2a_1^2$ 不远小 于 π , 则(8)式的积分中, x_{2m} 和 y_{2m} 项的系数为 0, 但由于 Q_2 依赖于 $T''_{0,1m}$, 因此积分仍与单 元序数 m 有关, 不存在综合象, 或没有清晰的综合象。当 $Q_2a_1^2 \ll \pi$, 即为

$$\begin{split} |(2+T_{0,1m}')/u-C|a_{1}\ll\lambda/a_{1} \qquad (11) \\ h_{3}(x_{3}, y_{3}; x_{0}, y_{0}) = C'4a_{1}^{2}\operatorname{sinc}\left[\frac{2\pi a_{1}}{\lambda u}(x_{3}-x_{0})\right] \\ & \times \operatorname{sinc}\left[(2\pi a_{1}/\lambda u)(y_{3}-y_{0})\right]\sum_{m=-N}^{N}\sum_{n=-N}^{N}\exp\{-iP_{2}(x_{2m}^{2}+y_{2n}^{2}) \\ & +i(2\pi/\lambda u)x_{2m}\left[(1-t_{12})(x_{0}+x_{3})-2t_{14}\right] \\ & +i(2\pi/\lambda u)y_{2n}\left[(1-t_{12})(y_{0}+y_{3})-2t_{14}\right]\}_{0} \qquad (12) \end{split}$$

这里 $\sin c x = \sin x / x$,它在宗量为零时有极大。上式表明,在 $x_3 = x_0$, $y_3 = y_0$, w = u 处有点源 所成的象,象的放大倍数等于 1,点源的象的位置、垂轴放大率都与畸变介质无关。

若在物平面上场分布为 Eo(xo, yo)e^{46(xo, yo)},则在象平面上 w=u 处的场分布为

$$E_{3}(x_{3}, y_{3}) = \iint dx_{0} \, dy_{0} \, h_{3}(x_{3}, y_{3}; x_{0}, y_{0}) E_{0}(x_{0}, y_{0}) e^{i\phi(x_{0}, y_{0})}_{0} \tag{13}$$

若设计得使 $2\pi a_1/(\lambda u)$ 足够大, 譬如在文献[1]的 实验中 $2a_1 = 250 \mu$, $\lambda = 10^{-5}$ cm 取 u = 10 cm, 则 $2a_1/\lambda u = 250$ cm⁻¹。sinc 函数有尖锐的极大, 极大半宽度仅为 1/250 cm, 这样 可粗略地近似

$$\operatorname{inc}\left[\left(2\pi a_{1}/\lambda u\right)\left(x_{0}-x_{3}\right)\right]\simeq\left(\lambda u/2a_{1}\right)\delta\left(x_{0}-x_{3}\right)_{o}$$
(14)

将上式代入(12)式,再代入(13)式,可得

$$E_{3}(x_{3}, y_{3}) \simeq C' E_{0}(x_{3}, y_{3}) \exp[i\phi(x_{3}, y_{3})] \\ \times \sum_{m=-N}^{N} \sum_{m=-N}^{N} \exp\{-iP_{2}(x_{2m}^{2}+y_{2m}^{2}) + (i2\pi/\lambda u)x_{2m}[(1-t_{12})(x_{0}+x_{3})-2t_{14}] \\ + (i2\pi/\lambda u)y_{2n}[(1-t_{12})(y_{0}+y_{3})-2t_{14}]\}_{0}$$
(15)

由上式可见,在(14)式的粗略近似下,在象平面 w=u上,场分布与物分布相同,只差相位因子及多单元干涉因子项,这些相位因子与畸变介质有关。这公式还说明,虽有畸变介质存在,但只要它所引起的相位畸变的二次微商项 $T'_{0,1m}$ 乘以 a_1/u 远小于 $\lambda/a_1[(11)式]$,即可适当选取列阵的单元,当光线往复通过畸变介质或通过与列阵对称的畸变介质,就可以补偿介质所引起的畸变,得到原来的场分布,呈赝相位共轭特性。(11)式还给出了组成赝相位共轭列阵的单元的光学变换矩阵为

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ C & -1 \end{pmatrix}, \tag{16}$$

其中

$$\begin{cases} Ca_1 \ll \frac{\lambda}{a_1} + \frac{2}{u}a_1, & \underline{\exists} C > 0, \\ -Ca_1 \ll \frac{\lambda}{a_1} - \frac{2}{u}a_1, & \underline{\exists} C < 0_{\circ} \end{cases}$$
(17)

(16)式中 D=-1是由于光学变换矩阵的行列式等于1所要求的。(17)式说明, C 的绝对 值是很小的量,利用参考面移动技巧^[4]可使 A=D=-1及 B=0的条件放宽,但矩阵元 C 仍必须满足条件(17)。

三、赝相位共轭象的质量

单元排列的情况直接影响到象的质量。

当列阵中各单元作无规排列时,象平面上的光强分布等于各单元的光强之和,于是光强 的点扩展函数为

 $|h_3(x_3, y_3; x_0, y_0)|^2 = (8a^4/\lambda^4 u^4) \cdot (2N+1)^2$

× {sinc[$(2\pi a_1/\lambda u)(x_3-x_0)$]sinc[$(2\pi a_1/\lambda u)(y_3-y_0)$]}²。 (18) 因此,象点的衍射光斑半径为 $\lambda u/2a_1$ 。上式说明,单元的输入尺寸 a_1 既不能太小,也不能太

当各单元规则排列时, $x_{2m} = m \cdot 2b$, $y_{2n} = n \cdot 2b$, 这里 2b 是每一单元的大小(见图 1)。若 $P_2 a_1^2 \ll \pi$, 即

$$2(1+t_{22})Na_{1}/u \ll \lambda/a_{1}, \qquad (19)$$

则点扩展函数(12)式化简为

$$h_{3}(x_{3}, y_{3}; x_{0}, y_{0}) = (\lambda^{2}u^{2})^{-1} \exp\{-ik(2u+l') \\ -(i\pi/\lambda u) \left[C_{1}(x_{0}^{2}+y_{0}^{2}+x_{3}^{2}+y_{3}^{2})+2t_{13}(x_{0}+y_{0}+x_{3}+y_{3})+2t_{0}\right]\} \\ \times 4a_{1}^{2} \operatorname{sinc}\left[(2\pi a_{1}/\lambda u) (x_{3}-x_{0})\right] \operatorname{sinc}\left[(2\pi a_{1}/\lambda u) (y_{3}-y_{0})\right] \\ \times \frac{\sin\{(2N+1)(2\pi b/\lambda u)\left[(1-t_{12})(x_{0}+x_{3})-2t_{14}\right]\}}{\sin\{(2\pi b/\lambda u)\left[(1-t_{12})(x_{0}+x_{3})-2t_{14}\right]\}} \\ \times \frac{\sin\{(2N+1)(2\pi b/\lambda u)\left[(1-t_{12})(y_{0}+y_{3})-2t_{14}\right]\}}{\sin\{(2\pi b/\lambda u)\left[(1-t_{13})(y_{0}+y_{3})-2t_{14}\right]\}}, \quad (20)$$

上式中, $C_1 = 1 + t_{11}$, sinc 函数相应于单元衍射因子, 极大值在 $x_3 = x_0$, $y_3 = y_0$ 。主极大半宽 度为 $\lambda u/2a_1$; 它们都与介质的体畸变无关。后面 sin 函数之比代表多单元干涉因子, 主极大 峰值在

$$x_{3} = -x_{0} + (1 - t_{13})^{-1} (m\lambda u/2b + 2t_{14}),$$

$$y_{3} = -y_{0} + (1 - t_{12})^{-1} (m\lambda u/2b + 2t_{14}), \quad m = 0, \pm 1, \pm 2, \cdots_{o}$$
(21)

主极大半宽度为 $\lambda u / [2b(2N+1)(1-t_{12})]$ 。主极大峰值间隔 Δx_3 为

$$4x_3 = \lambda u / [2b(1 - t_{12})]_{o}$$
⁽²²⁾

因此多单元干涉因子与介质的体畸变有关。

单元衍射因子构成场分布的包络, 如图2所示。当 4x₈ 小于单元衍射因子 半宽度时,单元衍射因子包络下至少有 两个多单元干涉因子的主极大,因此点 源的象的光斑大小决定于干涉因子主极 大的个数。当峰值间距 4x₈ 略小于单缝 衍射因子半宽度的二倍时,即

 $2a_1 > 2b(1-t_{12}) > a_1$ (23) 时,包络下只有一个干涉因子主极大,这时可以获得最清晰的象,象点的衍射 光斑半宽度等于干涉因子主极大的半宽 度 $\lambda u / [2b(2N+1)(1-t_{12})]$ 。它决定于 列阵的宽度与介质的体畸变。它的强度 与单元数的平方成正比,而无规列阵的



7 optical elements

象的强度与单元数成正比。规则列阵成象的缺点是象点中心不在 x3 = x0, y3 = y0 处, 具体位置还决定于畸变, 因此规则列阵在有介质畸变情况下, 似乎不能给出更精确的分辨率。

四、赝相位共轭的几何光学诠译

在单元的输入面上, 位置为 a, 斜率为 ξ1 的光线, 通过由(16)、(17)式表示的光学单元 后,将变成位置-a,斜率 $-s_1+Ca$ 。这说明,光焦度C的作用,在于使光线的斜率有一附 加的变化 Ca_{\circ} 公式(17)说明, $|C|a_{1}$ 应远小于 $\lambda/a_{1}+2a_{1}/u_{\circ}$ λ/a_{1} 近似等于单元衍射的第 一个暗环的角距离, a_1/u 也很小。所以光焦度 C 是很小的,小到使光的偏转,大致在衍射范 围附近,因此(16)、(17)式所表示的单元,基本上就是自返单元。矩阵元 A=D=-1的作用 在于使光线的位置和方向发生反转,使反射光线始终与入射光线平行,且有一位置的偏移。 由于各单元很小,并组成列阵,各单元来的"自返"光线,虽不能会聚到原来的物点或物点的 对称位置,却都能会聚在物点(或物点的对称位置)附近、半径为2a1的范围内,如图3所示,

形成一半径为2a的光斑。

介质所引起的畸变,可分为在单元大小内的"微观"畸 变和单元间的"宏观"畸变。前者由系数 $T'_{0.1m}$ 和 $T''_{0.1m}$ 表 示,后者由 t11、t12、t22、t13 和 t14 等表示。

对于单元大小内的"微观"畸变来说,由于自返单元使 入射光线的位置与方向发生反转,因此抵消了奇次项畸变 T'0,1mg 和 T'0,1mg3。自返单元不能补偿单元大小线 度内的 二次畸变 T''0,1m 经。但只要选取 u 足够大, a1 足够小, 总可 以使 $a_1 T_{0,1m}^{"}/u \ll \lambda/a_1$,从而使条件(11)满足,略去 $T_{0,1m}^{"}\xi^2$ 项。

至于引起波前改变的"宏观"畸变,使各单元到达象点 的光的相位不同。 在无规排列的列阵中,象强等于各单元 自返光的光强的叠加。 由畸变引起的相位不同, 对象强没 有影响,于是"补偿"了畸变。在规则排列的列阵中, t11、t13 出现在系数 O' 中, 与 xo、 yo、 x3、和 y3 有关。 系数 t11、t22

和 t14 出现在对 m 的求和号中。在夫琅和费近似下, t22 的作用可以忽略不计。与 t12、t14 有 关的相位畸变,会使多单元干涉因子的峰值位置、半宽度和峰值间隔发生改变,但这些改变 都很小,都在单元衍射因子的包络下变化,而单元衍射因子包络的极大位置,半宽度却与畸 变无关,因此,总体看来,补偿了主要的畸变。

为了能利用夫琅和费近似和使条件(17)式成立,使u增大,这可以在物和反射列阵之间 放一望远镜。

邓锡铭、方洪烈、赫光生和姚建铨同志对本文提出宝贵意见,作者谨对他们表示感谢。

ケ 齖

- [1] H. H. Barrent & S. F. Jacobs; Opt. Lett., 1979, 19, 6, 190.
- [2] S. F. Jacobs; Opt. Eng., 1982, 21, 2, 281.
- [3] 王绍民; 《杭州大学学报》, 1983, 10, 4, 476.



ging process by the pseudo-phase-

conjugate reflecting array

- [5] 王绍民等; «物理学报», 1983, 10, No. 3 (Mar), 191.
- [6] 黄维实等; 《中国激光》, 1983, 10, No. 3 (Mar), 191.
- [7] M. Born and E. Wolf; «Principles of Optics», (Pergamon Press, 1959), 459.

Diffraction properties of pseudo-phase-conjugate array

ZHOU GUOSHENG

(Shanxi University)

WANG SHAOMIN (Hangehou University)

CHEN YINGLI (Shanghai Jiao Tong University)

(Received 13 March 1984)

Abstract

The properties of the pseudo-phase-conjugate array—the optical transfer matrix of the optical elements of the array, the resolution of the array and the machanism of the compensation for distortions caused by a large volume of distortion medium are analyzed by using diffraction theory.