# 激光写光电子学进展

# 基于超冷铒原子的双波长激光光纤相位噪声抑制

廖文敏,张思慧,段玉青,王杰\*,武海斌

华东师范大学精密光谱科学与技术国家重点实验室,上海 200241

**摘要** 以超冷铒原子系统冷却光的基频光作为探测光,主动补偿激发铒原子赫兹线宽能级跃迁的激光在光纤传输中引入的附加相位噪声。在不影响原有被传输亚赫兹线宽激光(1299 nm)的情况下,将相近波长的宽线宽基频光(1166 nm)从光纤输出端反向注入,实施外差拍频探测并主动反馈补偿。当两个波长激光的光纤传输噪声基本一致时,可极大地抑制亚赫兹线宽激光在光纤传输中由于温度和振动等因素引起的各种相位噪声。主动补偿后传输激光的线宽从锁定前的14.6Hz压窄到锁定后的11.6mHz,光频传输的1000 s稳定度从1.6×10<sup>-16</sup>提升到6.5×10<sup>-19</sup>,满足当前最高精度和稳定度光钟的光频传输需求。所发展的光频传送方案可作为被传输激光器功率不足或空间受限时的替代方案,也可用在单点对多点近距离传输网络中简化源端发送装置。

**关键词** 光纤链路;光纤相位噪声;窄线宽;相位噪声抑制;光钟 中图分类号 TN929.11;O439 **文献标志码** A

**DOI:** 10.3788/LOP231135

## Dual-Wavelength Laser Fiber Phase Noise Suppression Based on Ultra-Cold Erbium Atoms

Liao Wenmin, Zhang Sihui, Duan Yuqing, Wang Jie<sup>\*</sup>, Wu Haibin

State Key Laboratory of Precision Spectroscopy, East China Normal University, Shanghai 200241, China

**Abstract** The additional phase noise of a sub-Hz linewidth laser transmitted in the fiber to excite the Hz-linewidth transition of erbium is actively compensated for using the fundamental laser of the cooling laser in the ultracold erbium atom system. To perform heterodyne beat detection and implement the compensation feedback without affecting the power of the original sub-Hz linewidth laser (1299 nm), we injecte the broad-linewidth fundamental laser of the cooling light at a similar wavelength (1166 nm) from the output end of the fiber. The phase noise of the narrow-linewidth laser caused by temperature and vibration in fiber transmission is suppressed when the noise of the two lasers is almost the same. The linewidth of the beat frequency signal of the transmitted laser is narrowed from 14. 6 Hz to 11. 6 mHz and the stability of the optical-frequency transfer needs of a start-of-the-art optical clock. This optical-frequency transfer scheme can be used as an alternative where the power of the transmitted laser is insufficient or physical space is limited. The scheme is also applicable for simplifying the source setup on branching optical-fiber networks.

Key words fiber link; fiber phase noise; narrow linewidth; phase noise suppression; optical clock

### 1引言

近年来镧系金属因其在时间频率基准、光钟<sup>[14]</sup>、 偶极量子气体<sup>[5]</sup>、新奇物理相变<sup>[6]</sup>等方面的研究受到广 泛关注。铒原子最外层有两个电子,未满的内壳层使 其跃迁能级极其丰富<sup>[7]</sup>,其自然线宽范围从几十μHz 到几十MHz不等。相关研究表明,铒原子具有超窄线 宽能级,其在光学频率基准方面具有潜在应用价值<sup>[8]</sup>, 是继锶、镱等中性原子光钟<sup>[9+11]</sup>外的具有竞争力的光钟 原子选择。美国国家标准与技术研究院(NIST)Ban 等<sup>[12]</sup>于2005年在理论上预测铒原子1299 nm 跃迁的 自然线宽为2.1 Hz。2021年,Patscheider等<sup>[13]</sup>通过测 量上能级寿命,得到铒原子1299 nm 的线宽约为 0.9 Hz。Hz量级的1299 nm 窄线宽跃迁使得铒原子 在光学频率基准方面具有潜在应用价值,且与其他的 窄跃迁波长相比,其波长处于光纤通信波段窗口,更适 合在现有光纤通信网络中传输。

基于原子或离子的窄线宽跃迁,目前国际上实现的

收稿日期: 2023-04-21; 修回日期: 2023-04-27; 录用日期: 2023-05-06; 网络首发日期: 2023-05-16

基金项目: 国家自然科学基金(11925401,11734008)、国家自然科学基金青年基金(12104158)

通信作者: 'jwang@lps.ecnu.edu.cn

最高精度的光钟不确定度优于  $10^{-18}$ 量级,并且有望成 为下一代时间频率基准,在计量学、基础物理研究、空间 科学、大地测量等领域发挥重要作用。NIST 的铝离子 光钟和镱原子光钟的不确定度分别为 $0.94 \times 10^{-18[14]}$ 和 $1.4 \times 10^{-18[15]}$ ,美国 joint institute for laboratory astrophysics (JILA)的锶光钟不确定度为 $2.0 \times 10^{-18[16]}$ 。 不同光钟的频率对比不确定度最高达到 $5.9 \times 10^{-18[16]}$ , 光钟系统的最高稳定度达到 $5 \times 10^{-19}$ (积分时间 $\tau$ = 3600 s)<sup>[18]</sup>和 $3.2 \times 10^{-19}$ (积分时间 $\tau$ =220000 s)<sup>[15]</sup>。世 界各国科学家正在将光钟的不确定度和稳定度逐步推 向更高水平,同时,为了将光钟拓展到光频对比等实际 应用,高精度的光学分频器和高稳定度的光频传送也 必不可少,而且其指标应优于上述水平,从而最大程度 发挥当前光钟的性能。在光学分频器或光学频率合成 方面,目前的光学分频精度已达到 $10^{-21[19]}$ 。

光频传送链路方面,主要有自由空间传送和光纤 传送两种方式。在自由空间传送方面,2022年中国科 技大学实现了113 km自由空间时频传送以适应山区 和星地网络等更苛刻的环境需求<sup>[20]</sup>。在基于光纤的光 频传输方面,国外实现了数百 km到上千 km的光频传 送,最远在2220 km光纤上完成了稳定度为7×10<sup>-17</sup> (平均时间30~200 s)的光频比对<sup>[21]</sup>。国内,2015年, 华东师范大学实现了50 km长的盘绕光纤稳定光学频 率传输,频率秒级稳定度可达2×10<sup>-17[22]</sup>。同年,国家 授时中心建立了100 km光纤的光学频率传递系统,秒 级稳定度达到5×10<sup>-15[23]</sup>。2022年,中国科学院精密 测量科学与技术创新研究院波谱与原子分子物理国家 重点实验室实现了60 km光纤链路中频率信号的高质

#### 第 61 卷第 5 期/2024 年 3 月/激光与光电子学进展

量传输,频率秒级稳定度达到2.4×10<sup>-17[24]</sup>。

除了长距离光频传输,在搭建冷原子窄线宽光谱 精密测量或光钟相关实验系统时,由于整个系统庞大 复杂,通常需要使用光纤将窄线宽激光传输至超稳腔、 光学频率梳和冷原子系统等多个平台<sup>[25-27]</sup>。光纤的等 效长度及折射率容易受到环境因素(振动、温度、气流 等)的影响,即使是几m到十几m的光纤,其相位噪声 也是需要考虑的<sup>[28-29]</sup>。同时,对于单点到多点的传输, 很容易遇到窄线宽激光功率不足或空间受限的情况。

基于此,本文搭建超冷铒原子窄线宽光谱精密测量系统,其中,1299 nm 跃迁为赫兹量级窄线宽跃迁, 1166 nm 为铒原子 583 nm 冷却光的基频光。为了抑制超稳窄线宽激光在光纤传输中引入的位相噪声并避免 传统光纤噪声抑制系统的额外功率损耗和空间占用, 采用相近波长的宽线宽单频激光(1166 nm)作为探测 光,从光纤输出端反向注入,探测拍频信号并利用声光 调制器(AOM)进行主动反馈补偿。由于两个波长激 光共用同一组光纤和AOM,在抑制1166 nm激光噪声 的同时,也会将窄线宽激光(1299 nm)的光纤传输噪 声抑制。该光频传送方案也可用在单点对多点近距离 传输网络中简化源端发送装置。

#### 2 基本原理

传统单波长光纤相位噪声抑制的原理如图1(a) 所示,利用部分反射镜(PR)使激光在光纤中往返双程 传输,并结合迈克尔孙干涉仪系统实现外差拍频,得到 光纤传输过程中引入的相位噪声,利用AOM对激光 进行相位补偿,从而实现光频信号的高质量传输。



single-wavelength laser (laser); dual-wavelength laser (laser 1 and laser 2); partial reflection (PR); dichroic mirror (DM); acoustic-optic modulator (AOM); fiber for dual-wavelength laser (fiber); polarization beam splitter (PBS); Faraday rotator (FR); photoelectric detector (PD); servo system (servo); voltage controlled oscillator (VCO)

图1 光纤相位噪声抑制系统的原理图。(a)传统单波长光纤相位噪声抑制系统的原理框图;(b)双波长光纤相位噪声抑制系统的原理框图;

Fig. 1 Schematic of fiber phase noise suppression system. (a) Schematic of traditional single-wavelength fiber phase noise suppression system; (b) schematic of dual-wavelength fiber phase noise suppression system

基于传统单波长光纤相位噪声抑制的原理,发展 了双波长光纤光频传递相位噪声抑制方法,如图1(b) 所示。laser 1为窄线宽激光器,为抑制其在光纤传输 中的相位噪声,引入另一波长的激光laser 2,从光纤输 出端反向注入,通过探测laser 2的外差拍频信号并实 施相位补偿。

源端2(laser 2)的出射光场为

$$E_0 = A_0 \cos(\omega t + \varphi_1), \qquad (1)$$

式中:ω为激光频率;t为时间;φ<sub>1</sub>为激光的初始相位。 源端2发出的光经偏振分光棱镜(PBS)后分为两路, 一路作为参考光,另一路传入输入光纤,其光场为

$$E_1 = A_1 \cos\left(\omega t + \varphi_1 + \varphi_f\right), \qquad (2)$$

式中:φ<sub>f</sub>为光纤单程传输激光信号时引入的附加相位。 激光经过AOM后,光场可表示为

 $E_2 = A_2 \cos(\omega t + \Delta + \varphi_1 + \varphi_i + \varphi_c),$  (3) 式中: $\Delta$ 代表 AOM 的调制频率; $\varphi_c$ 为调制相位。经过 laser 1反射且 laser 2透射的双色镜(DM)和0°反射镜 后原路径返回与参考光拍频,由于激光在光纤中往返 传输时速度极快且引入的附加相位与传输方向无 关<sup>[20]</sup>,所以可认为双程传输中光纤引入的附加相位都 为 $\varphi_{fo}$  因此,与光场为 $E_0 = A_0 \cos(\omega t + \varphi_1)$ 的参考光 在光电探测器(PD)处拍频的光场可表示为

$$E_3 = A_3 \cos(\omega t + 2\Delta + \varphi_1 + 2\varphi_f + 2\varphi_c)_{\circ} \quad (4)$$

两束光拍频后的信号相位为  $2\varphi_{f} + 2\varphi_{co}$  因此为 了消除光纤相位噪声  $\varphi_{f}$ ,需要对 AOM 所提供的相位 进行调制,即由伺服控制系统产生一个对应的相位  $-\varphi_{c}$ ,AOM进行动态补偿,使  $2\varphi_{f} + 2\varphi_{c} = 0$ ,则 laser 2 传输引入的附加相位得到抑制。

当两个波长的光在光纤中相位噪声基本一致时,抑制 laser 2 相位噪声即等同于抑制 laser 1 的相位噪声,从而实现窄线宽激光 laser 1 的高质量传输。

#### 3 实 验

#### 3.1 双波长纤光频传递相位噪声抑制系统

双波长光纤光频传递相位噪声抑制系统实验装置 示意图如图 2 所示,其中,1299 nm 为亚赫兹线宽激光 (Menlo Systems),对应于铒原子窄线宽能级跃迁,采 用入射端为FC/APC 出射端为FC/UPC 的 8 m 单模 保偏光纤(Corning PM13-U25D)将亚赫兹窄线宽激光 传输至冷原子系统。1166 nm 的激光是铒原子 583 nm 冷却光的基频光(Toptica SHG pro)<sup>[30]</sup>,用于光纤相位 噪声的探测和反馈抑制,同一根光纤中 1166 nm 和 1299 nm 的光纤耦合效率均达到 75% 以上。为评估方 案的可行性和锁定效果,也搭建了 1299 nm 的噪声探 测和反馈系统,光路部分如图 2 虚线框所示,实际双波 长反馈中省略该光路部分及相应测试电路,以简化源 端光路装置。



half-wave plate ( $\lambda/2$ ); quarter-wave plate ( $\lambda/4$ ); signal generator (SG); amplifier (AMP); low pass filter (LPF); proportional-integral-derivative controller (PID)



1299 nm 的激光经过 PBS 后较弱的反射光作为参 考光,两次经过 1/4 波片(λ/4)后进入 PD1,较强的透 射光经过 FR、DM和 AOM 后传入输入光纤。AOM 由信号发生器 SG1驱动,驱动频率 RF1为75 MHz,负 一级衍射光进入光纤后在 FC/UPC 端(右端)有4%的 光按原路径返回,在 PD1 探测到包含相位噪声为 2φ<sub>f</sub>、 中心频率为150 MHz的返回光与参考光的外差拍频 信号。拍频信号放大后,分出一半功率经过link 01输 入混频器 mixer 1,与信号发生器 SG2产生的150 MHz 信号混频得到误差信号。误差信号经过低频低通滤波 LPF 输入 PID,反馈至 AOM 驱动的频率调制端进行 补偿,实现  $2\varphi_f + 2\varphi_c = 0$ ,从而抑制光纤所引入的相位

噪声。另一半信号输入 mixer 2, 与 150.009 MHz 的信 号转换得到 9 kHz 低频信号, 输入动态信号分析仪 FFT(SR785)中测量线宽。

1166 nm激光反向注入来进行光纤相位噪声探测和反馈补偿,是双波长抑制系统的关键部分。1166 nm的激光经过 FR和 DM后,从光纤 FC/UPC 端进入。 值得一提的是,有4%的端面反射光原路径返回作为 参考光,因此不再需要额外搭建参考臂。大部分的 1166 nm激光经光纤传输后经过 AOM、DM 后原路返 回。PD2 探测得到参考光和引入光纤相位噪声的返回 光的外差拍频信号,经功率放大后通过 link 02 替换 link 01完成反馈锁定。

实验中所有用到的信号发生器都以铷钟的10 MHz 信号作为频率参考。另外,为准确记录 PD 探测到的 150 MHz 拍频信号,使用双平衡混频器将 PD1 和 PD2 探测的信号分别与另一信号发生器(图中未标出)输出 的107 MHz 信号混频,各自得到43 MHz 信号,经过带

#### 第 61 卷第 5 期/2024 年 3 月/激光与光电子学进展

通滤波输入Menlo Systems自带的频率计数器 counter 1 和 counter 2 中,评估光频传输的稳定度。

#### 3.2 实验结果与分析

为了对比分析双波长相位噪声抑制系统的锁定结 果,分别采用1299 nm(link 01)和1166 nm(link 02)进行 主动反馈补偿,多次测量锁定前后被传输的1299 nm拍 频信号的线宽。表1为6次测量锁定前后1299 nm的拍 频信号线宽的平均值及标准差。采用1299 nm 激光进 行相位噪声探测和反馈锁定(即link 01 连接)时,锁定前 后洛伦兹拟合得到的1299 nm 外差拍信号线宽分别为 13.8(2.5) Hz和0.43(0.04) mHz。而用1166 nm 双波 长反馈链路 link 02时,锁定前后拟合得到的1299 nm 外 差拍信号线宽分别为14.6(2.8) Hz和11.6(1.3) mHz, 其中,一组典型的测量及其拟合结果如图3所示。实验 结果表明,两种锁定方式都可以将光纤引入的附加相 位噪声从几十Hz 压窄至 mHz 量级。从线宽角度看, 虽然采用1166 nm 锁定的效果差于1299 nm 激光锁定

表上	6次测量拍频信号线苋的平均值及标准差	

Table1	Average and stand	ard deviation of be	at frequency sign	al linewidth measured 6 t	times
Phase noise suppression syst	em	Resolution bandwidth (RBW) of FFT		Linewidth	Standard deviation
1000	Unlock	ck 4 Hz		13.8 Hz	2.5 Hz
1299 nm	Lock	0. 2441 mHz		0.43 mHz	0.04 mHz
1166 mm	Unlock	4 Hz		14.6 Hz	2.8 Hz
1166 nm	Lock	7.813 mHz		11.6 mHz	1. 3 mHz
$\begin{array}{c} 1 \\ (a) \\ 0.8 \\ 0.4 \\ 0.2 \\ 0 \\ -500 \end{array}$	11.1 Hz→ 0 Frequency /Hz	0 500 Frequency/Hz	1 (b) 0.8 - 0.6 - 0.4 - 0.04 - 0.04	0.43 mHz→	0.04 Frequency /Hz
Amplitude /(arb. units) 0.6 0.7 0.7 0.7 0 0 0 0 0	13.2 Hz→	0 500 Frequency /Hz	1 (d) 4.00 (arb. units) - 9.0	11.0 mHz→	0.4 Frequency /Hz
-500	0	500	-0.4	-0.2 0	0.2 0.4
	Frequency /Hz			Frequency /Hz	



Fig. 3 Typical linewidths and Lorenz fit results of beat signals of fiber phase noise suppression system. (a) Before locking the single-wavelength fiber phase noise suppression system; (b) after locking the single-wavelength fiber phase noise suppression system; (c) before locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wavelength fiber phase noise suppression system; (d) after locking the dual-wave

效果,但仍然远远低于原子跃迁的自然线宽(2.1 Hz) 和被传输激光器的线宽(0.8 Hz),可有效抑制光纤噪 声引入的退相干和线宽展宽。

图 4 为光纤传输稳定性测试结果,频率计采样时 间为1s,使用艾伦方差(ADEV)来表征测量结果。图4 中线(1)、(2)分别对应使用1299 nm激光系统锁定前 后光频传输的稳定性,秒级频率稳定度从9.5×10<sup>-16</sup> 提高到1.4×10<sup>-16</sup>,千秒稳定度从1.6×10<sup>-16</sup>提高到 1.3×10<sup>-19</sup>。当采用1166 nm激光系统锁定时,线(3) 表示1299 nm激光光频的传输稳定度,秒级稳定度为  $3.6 \times 10^{-17}$ ,千秒级稳定度为 $6.5 \times 10^{-19}$ 。线(4)、(5) 分别对应锁定前后1166 nm激光传输稳定性,秒级频 率稳定度从锁定前的9.5×10<sup>-16</sup>提高到锁定后的3× 10<sup>-17</sup>,千秒稳定度从锁定前的2.8×10<sup>-16</sup>提高到锁定 后的3.1×10<sup>-20</sup>。为了更好对比,将数据绘制成表格, 具体如表2所示。其中,单一波长锁定时,(5)比(2)稳 定性更高,可能原因是,1166 nm激光的参考臂由光纤 FC/UPC 端反射所得,这部分光路与经过光纤和 AOM 返回的信号臂完全重合,参考臂光程中的空气 扰动对信号臂造成相同影响,相互抵消,而1299 nm激 光的参考臂与信号臂不完全重合,不共享的参考光路 部分因空气扰动造成微小的相位差异。

就双波长光纤噪声抑制方案而言,其频率传输千 秒稳定度6.5×10<sup>-19</sup>略差于单波长噪声抑制的千秒



图 4 拍频信号的艾伦方差 Fig 4 Allan deviation of beat frequency signal

表 2 光频传输稳定性测试结果 Table 2 Test condition of frequency transmission stability

	Test condition		Stability (ADEV)		
Item			1 s	1000 s	
(1)		$Unlock_{\scriptscriptstyle 1299nm}$	9.5 $\times$ 10 <sup>-16</sup>	$1.6  imes 10^{-16}$	
(2)	$\mathrm{PD}_{1299nm}$	$Lock_{1299nm}$	$1.4 imes10^{-16}$	$1.3  imes 10^{-19}$	
(3)		$Lock_{\rm 1166nm}$	$3.6  imes 10^{-17}$	6.5 $\times$ 10 <sup>-19</sup>	
(4)	$PD_{\rm 1166\ nm}$	$Unlock_{\rm 1166nm}$	9.5 $\times$ 10 <sup>-16</sup>	$2.8 \times 10^{-16}$	
(5)		$Lock_{\rm 1166nm}$	$3 imes 10^{-17}$	$3.1 \times 10^{-20}$	

#### 第 61 卷第 5 期/2024 年 3 月/激光与光电子学进展

稳定度1.3×10<sup>-19</sup>,这源自两个波长在光纤传输的色 散差异,减小波长差距可进一步改善锁定系统。稳定 度指标满足当前国际上最高稳定度光钟需求(9.8× 10<sup>-19</sup>@1000 s)<sup>[18]</sup>。另外,该测试的光路并未使用隔音 罩隔离空气扰动,如采用隔音保温罩测试效果预期会 更好<sup>[31]</sup>。该光频传送方案也可用在单点对多点近距离 传输网络中简化源端发送装置。相比于西澳大利亚大 学提出的单点到多点传输<sup>[32]</sup>,本方案避免了同一波长 的光在光纤中多次往返引起的干扰。

#### 4 结 论

实现了一种基于超冷铒原子的双波长光纤光频传 递的相位噪声抑制。与通常的用于亚赫兹激光传输的 光纤相位噪声抑制技术不同,在不影响被传输窄线宽 激光(1299 nm)传输功率的情况下,采用相近波长的 宽线宽单频激光(1166 nm)从同一光纤输出端反向注 入,探测携带有光纤相位噪声的拍频信号进而实施反 馈补偿,抑制窄线宽激光的光纤传输噪声。窄线宽激 光在8m光纤传输时,锁定后的拍频信号线宽从 14.6 Hz 压窄到 11.6 mHz, 频率传输秒级稳定度可达 3.6×10<sup>-17</sup>,千秒稳定度可以达到6.5×10<sup>-19</sup>。光频 传输指标优于最高精度光钟的不确定度  $(9.4 \times 10^{-19})^{[14]}$ 和光钟千秒稳定度 $(9.8 \times 10^{-19})^{[18]}$ , 满足钟跃迁激光传输需求,证明了所提双波长光纤相 位抑制系统的可行性。另外,用于光纤噪声抑制的参 考光由光纤FC/UPC端(平头端)的端面反射获得,因 此无需另外搭建参考臂。本方案可发展至其他被传输 激光功率不足或空间受限的场合,也可用在单点对多 点近距离传输网络中简化源端发送装置。进一步,若 两束光的波长更加接近,减小色散差异,将得到更佳的 抑制效果。

#### 参考文献

- [1] Hinkley N, Sherman J A, Phillips N B, et al. An atomic clock with 10<sup>-18</sup> instability[J]. Science, 2013, 341(6151): 1215-1218.
- [2] Ludlow A D , Boyd M M , Ye J , et al. Optical Atomic Clocks[J]. Review of Modern Physics, 2015, 87(2): 637-701.
- [3] Huntemann N, Sanner C, Lipphardt B, et al. Single-ion atomic clock with 3×10<sup>-18</sup> systematic uncertainty[J]. Physical Review Letters, 2016, 116(6): 063001.
- [4] Porsev S G, Safronova U I, Safronova M S. Clockrelated properties of Lu<sup>+</sup>[J]. Physical Review A, 2018, 98(2): 022509.
- [5] Norcia M A, Ferlaino F. Developments in atomic control using ultracold magnetic lanthanides[J]. Nature Physics, 2021, 17(12): 1349-1357.
- [6] Norcia M A, Politi C, Klaus L, et al. Two-dimensional supersolidity in a dipolar quantum gas[J]. Nature, 2021, 596(7872): 357-361.

#### 第 61 卷第 5 期/2024 年 3 月/激光与光电子学进展

#### 研究论文

- [7] Frisch A. Dipolar quantum gases of erbium[D]. Innsbruck: University of Innsbruck, 2014.
- [8] Kozlov A, Dzuba V A, Flambaum V V. Prospects of building optical atomic clocks using Er i or Er iii[J]. Physical Review A, 2013, 88(3): 032509.
- [9] Nemitz N, Ohkubo T, Takamoto M, et al. Frequency ratio of Yb and Sr clocks with 5×10<sup>-17</sup> uncertainty at 150 seconds averaging time[J]. Nature Photonics, 2016, 10 (4): 258-261.
- [10] Nicholson T L, Campbell S L, Hutson R B, et al. Systematic evaluation of an atomic clock at  $2 \times 10^{-18}$ total uncertainty[J]. Nature Communications, 2015, 6: 6896.
- [11] 卢晓同,常宏.光晶格原子钟研究进展[J].光学学报, 2022, 42(3): 0327004.
  Lu X T, Chang H. Research progress of optical lattice atomic clock[J]. Acta Optica Sinica, 2022, 42(3): 0327004.
- Ban H Y, Jacka M, Hanssen J L, et al. Laser cooling transitions in atomic erbium[J]. Optics Express, 2005, 13 (8): 3185-3195.
- Patscheider A, Yang B, Natale G, et al. Observation of a narrow inner-shell orbital transition in atomic erbium at 1299 nm[J]. Physical Review Research, 2021, 3(3): 033256.
- [14] Brewer S M, Chen J S, Hankin A M, et al. <sup>27</sup>Al<sup>+</sup> quantum-logic clock with a systematic uncertainty below 10<sup>-18</sup>[J]. Physical Review Letters, 2019, 123(3): 033201.
- [15] McGrew W F, Zhang X, Fasano R J, et al. Atomic clock performance enabling geodesy below the centimetre level[J]. Nature, 2018, 564(7734): 87-90.
- [16] Bothwell T, Kedar D, Oelker E, et al. JILA SrI optical lattice clock with uncertainty of  $2.0 \times 10^{-18}$ [J]. Metrologia, 2019, 56(6): 065004.
- [17] Beloy K, Bodine M I, Bothwell T, et al. Frequency ratio measurements at 18-digit accuracy using an optical clock network[J]. Nature, 2021, 591(7851): 564-569.
- [18] Campbell S L, Hutson R B, Marti G E, et al. A Fermidegenerate three-dimensional optical lattice clock[J]. Science, 2017, 358(6359): 90-94.
- [19] Yao Y, Jiang Y Y, Yu H F, et al. Optical frequency divider with division uncertainty at the 10<sup>-21</sup> level[J]. National Science Review, 2016, 3(4): 463-469.
- [20] Shen Q, Guan J Y, Ren J G, et al. Free-space dissemination of time and frequency with 10<sup>-19</sup> instability over 113 km[J]. Nature, 2022, 610(7933): 661-666.
- [21] Schioppo M, Kronjäger J, Silva A, et al. Comparing ultrastable lasers at 7×10<sup>-17</sup> fractional frequency instability through a 2220 km optical fibre network[J]. Nature Communications, 2022, 13: 212.
- [22] Ma C Q, Wu L F, Jiang Y Y, et al. Optical coherence transfer over 50-km spooled fiber with frequency

instability of  $2\!\times\!10^{-17}$  at 1s[J]. Chinese Physics B , 2015 , 24(8): 084209.

- [23] 刘杰,高静,许冠军,等.基于光纤的光学频率传递研究[J].物理学报,2015,64(12):120602.
  Liu J, Gao J, Xu G J, et al. Research on optical frequency transfer based on optical fiber[J]. Acta Physica Sinica, 2015, 64(12):120602.
- [24] 方鹏程,蔡桢荻,孙焕尧,等.60km实地光纤链路光频 传输[J].光学学报,2022,42(23):2306006.
   Fang P C, Cai Z D, Sun H Y, et al. Optical frequency transmission of 60 km field optical fiber link[J]. Acta Optica Sinica, 2022, 42(23):2306006.
- [25] 王朝阳,金尚忠,李烨,等.基于光纤噪声抑制系统的 1.5 μm 超稳激光系统比对[J].中国激光,2017,44(4): 0404001.
   Wang Z Y, Jin S Z, Li Y, et al. Comparison of 1.5 μm

ultra-stable laser systems based on fiber noise suppression system[J]. Chinese Journal of Lasers, 2017, 44(4): 0404001.

- [26] Tai Z Y, Yan L L, Zhang Y Y, et al. Transportable 1555-nm ultra-stable laser with sub-0.185-Hz linewidth
   [J]. Chinese Physics Letters, 2017, 34(9): 090602.
- [27] 曹群,邓雪,臧琦,等.基于本地测量的双向光学相位 比对方法[J].中国激光,2017,44(5):0504004.
  Cao Q, Deng X, Zang Q, et al. Bidirectional optical phase comparison method based on local measurement[J]. Chinese Journal of Lasers, 2017, 44(5): 0504004.
- [28] 徐永存.光纤相位噪声对传输窄线宽激光的影响及抑制 技术的研究[D].上海:华东师范大学,2009.
  Xu Y C. Study on the influence of fiber phase noise on the transmission of narrow linewidth laser and its suppression technology[D]. Shanghai: East China Normal University, 2009.
- [29] Ma L S, Jungner P, Ye J, et al. Delivering the same optical frequency at two places: accurate cancellation of phase noise introduced by an optical fiber or other timevarying path[J]. Optics Letters, 1994, 19(21): 1777-1779.
- [30] 徐萍,张思慧,宋瑞,等.基于碘分子调制转移谱与光 学腔的 583 nm 激光稳频实验[J].激光与光电子学进展, 2022, 59(23): 2314001.
  Xu P, Zhang S H, Song R, et al. Frequency stabilization experiment of 583 nm laser based on iodine molecular modulation transfer spectrum and optical cavity[J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2022, 59(23): 2314001.
- [31] 王朝阳.光纤传递光学频率标准信号的研究[D].杭州: 中国计量大学, 2017.
  Wang Z Y. Study on the fiber transmission of optical frequency standard signal[D]. Hangzhou: China University of Metrology, 2017.
- [32] Schediwy S W, Gozzard D, Baldwin K G H, et al. Highprecision optical-frequency dissemination on branching optical-fiber networks[J]. Optics Letters, 2013, 38(15): 2893-2896.