激光写光电子学进展

强耦合七芯光纤超模式布拉格光栅及其温度和应 变响应特性研究

董贤,谢友航,武创*,李杰,关柏鸥

暨南大学光子技术研究院广东省光纤传感与通信技术重点实验室,广东 广州 511443

摘要 提出并实现了一种用于双参量同时测量的强耦合七芯光纤布拉格光栅(SCF-FBG)。在透射光谱中观察到2个布拉 格谐振峰,对应SCF的类HE11和类HE12超模式反向谐振耦合。该传感器由SCF拼接在中心对齐的2个标准单模光纤构 成,其透射谱中还包括由超模式间的马赫-曾德尔干涉产生的干涉条纹。分别测量了该器件对温度和应变的响应,结果表 明:2个布拉格谐振峰的温度灵敏度分别为9.56 pm/℃和9.55 pm/℃,应变灵敏度分别为0.64 pm/με和0.584 pm/με。其 中,干涉谷的温度灵敏度和应变灵敏度分别为11.8 pm/℃和-0.925 pm/με,因此该器件能够同时用于温度和应变的测量。 关键词 光纤布拉格光栅;光纤传感器;七芯光纤;超模式 **中图分类号** TN253 文献标志码 A

DOI: 10.3788/LOP220963

Supermode Bragg Grating Inscribed in a Strongly Coupled Seven-Core Fiber and Its Response Characteristics to Temperature and Strain

Dong Xian, Xie Youhang, Wu Chuang^{*}, Li Jie, Guan Baiou

Guangdong Provincial Key Laboratory of Optical Fiber Sensing and Communications, Institute of Photonics Technology, Jinan University, Guangzhou 511443, Guangdong, China

Abstract This study develops and demonstrates a sensor based on a strongly coupled seven-core fiber (SCF) supermode Bragg grating for multiparameter measurements. Two Bragg resonance notches are observed in the transmission spectrum, corresponding to HE₁₁-like and HE₁₂-like supermodes of the SCF. Because the SCF is spliced between two standard single-mode fibers with central alignments at both ends, the transmission spectrum of the device also comprises an interferometric profile owing to the Mach-Zehnder interference of the supermodes. The responses of the device to temperature and strain are experimentally characterized. The obtained temperature and strain sensitivities of the supermode Bragg grating notches are 9.56 pm/°C, 9.55 pm/°C and 0.64 pm/με, 0.584 pm/με, respectively. The obtained temperature and strain sensitivities of interferometric dips are 11.8 pm/°C and -0.925 pm/µ ϵ , respectively. This device can be potentially used to measure the temperature and strain simultaneously.

Key words fiber Bragg grating; fiber optic sensor; seven-core fiber; supermode

1 弓[言

光纤布拉格光栅(FBG)具有体积小巧、易于制 造、绝对参量测量、强大的复用组网能力等优点[1-2],被 广泛应用于各种物理量的传感,如应变[3]、温度[4]、压 力^[5]、折射率等。在弱耦合多芯光纤中,其外层纤芯距 离中心纤芯较远(通常几十微米),而远离光纤中心的

外层纤芯的折射率对光纤的弯曲更加敏感,研究人员 在不同种类的弱耦合多芯光纤中写入FBG,且用于定 向弯曲和振动传感^[6-9]。弱耦合多芯光纤纤芯间距通 常为几十微米,写入弱耦合多芯光纤的每个纤芯中的 FBG均独立工作,每个FBG的光谱通过扇入/扇出设 备分别解调,但这种解调方式比较复杂。

近几年来,强耦合七芯光纤(SCF)因其独特的模

研究论文

收稿日期: 2022-03-11; 修回日期: 2022-04-21; 录用日期: 2022-05-17; 网络首发日期: 2022-05-27

基金项目:国家自然科学基金(62075087)、广东省自然科学基金(2014A030306040,2018A030313440)、广东省特支计划科技创 新青年拔尖人才(2016TQ0X24,2019TQ0X36)、广州市珠江科技新星(20180610197)

研究论文

式特性和高质量输出光谱备受研究人员关注[10-17]。其 结构为1个纤芯位于光纤中心,其他6个纤芯呈六边形 包围着中心纤芯,每对相邻纤芯间距相同且略微大于 纤芯直径,其支持七对超模式[18]。由于纤芯之间的强 耦合,这些超模式是非简并的,即其具有不同的有效折 射率和传播常数。当标准单模光纤(SMF)与SCF中 心对齐时,只有两对超模式以近乎相同的强度被激发, 随后发生干涉,输出消光比高达30dB的高质量干 涉光谱。2014年, Antonio-Lopez 等^[10]首次使用了 SCF 超模式干涉仪实现 1000 ℃的高温传感。后来, Salceda-Delgado等^[12]制作了一种基于 SCF 超模式干 涉仪的高灵敏度曲率传感器。同一时期, Tan等[13]和 Yoon^[17]对弱耦合 SCF 进行拉锥,以增强纤芯之间的耦 合效应,得到了超模式干涉光谱,分别研究了该器件的 扭转和应变响应。最近,本研究团队提出了一种基于 七液芯特氟龙包层光纤的高灵敏度光纤微流控折射率 传感器^[11]。但是,SCF-FBG目前还没有被研究过,这 种器件结构简单同时具有测量双参量的潜力。

本文利用193 nm 准分子激光器,通过相位掩模板 技术将FBG写入一种强耦合SCF,在透射光谱上观察 到2个布拉格损耗峰,分别对应SCF的类HE₁₁和类 HE₁₂超模式。本器件属于FBG与SCF超模式干涉仪的 组合,透射光谱中兼有干涉条纹和FBG谐振峰。实验 测量了该器件的温度与应变响应,发现干涉条纹波谷和 光栅谐振峰具有相似的温度灵敏度,但应变响应却显著 不同,因此该器件可同时用于温度和应变的测量,且具 有结构简单紧凑、易于制造、机械性能良好等优点。

2 器件结构及其原理

(a)

(b) SMF

图 1(a)为实验中所用强耦合 SCF 横截面的扫描



SCF

SMF

Fig. 1 Diagram of strongly coupled seven-core fiber. (a) SEM photo of the cross-section of the strongly-coupled SCF used in the experiment; (b) schematic diagram of central alignment splicing of SMF-SCF-SMF

第 60 卷 第 9 期/2023 年 5 月/激光与光电子学进展

电镜(SEM)照片,其由7个相同的掺锗二氧化硅纤芯和 纯石英包层组成。其中,1个纤芯位于正中心,其他6个 纤芯呈六边形包围着中心纤芯,每个纤芯的直径均为 8.0 μm,相邻纤芯的间距为10.2 μm,包层直径为 125 μm。一段长为4.75 cm的SCF采用中心对准的方 式,熔接于两段普通的SMF中,如图1(b)所示。

实验中,宽带光源为Golight公司生产的SLED, 其光谱范围为1250~1650 nm,所用光谱仪为 Yokogawa公司生产的AQ6370D光学光谱分析仪,其 分辨率为0.02 nm,实验中光谱测量范围为1500~ 1600 nm。

如图 2(a)所示,采用 193 nm 准分子激光器和周期 为 1078.78 nm 的相位掩模板在 SCF 上刻写一段长为 8 mm 的 FBG,FBG示意图如图 2(b)所示。在刻写过 程中,准分子激光器的输出功率、频率设为 1.5 W、 40 Hz,刻写时长为 8 min。在干涉光谱的 1561.68 nm 和 1560.18 nm 处获得 2个布拉格损耗峰,将其命名为 FBG-S1 和 FBG-S2,分别对应于 SCF 的类 HE₁₁和类 HE₁₂超模式与各自相反方向传播超模式的谐振耦合, 如图 3 所示。干涉光谱中 dip1具有更高的消光比,后 续实验中将追踪 dip1处的波长漂移来研究干涉光谱。



图 2 FBG 刻写。(a)SCF上刻写FBG的示意图;(b)FBG示意图 Fig. 2 FBG inscription. (a) Schematic diagram of FBG inscription into the SCF; (b) schematic diagram of FBG







研究论文

由文献[19]可知,SCF中会产生7个模式。其中, 当光由SMF以中心对准的方式耦合进入SCF时(即 SMF的纤芯对准SCF的中央纤芯),只有SCF中的 LP₀₁mode和LP₀₂mode会被激发,这是因为SCF的其 他超模式与SMF基模的电场重叠积分为零。被激发 的这2个超模式的电场矢量与标准SMF的HE₁₁和 HE₁₂电场矢量相同,因此将其命名为类HE₁₁和类HE₁₂ 超模式,其具有不同的传播常数和有效折射率。在沿 着SCF传播一段距离后产生相位差,再重新耦合到输 出端的SMF时形成干涉光谱^[18]。根据双光束干涉理 论,模式干涉仪的透射谱,表示为

 $I(\lambda) = I_1 + I_2 +$

 $2\sqrt{I_1 \cdot I_2} \cos\left[2\pi/\lambda \,\Delta n_{\rm eff}(\lambda, X) \cdot L(X)\right], \tag{1}$

式中: Δn_{eff} 为SCF类HE₁₁和类HE₁₂超模式的有效折射 率之差;L为SCF的长度; λ 为自由空间波长;X为待测 量温度变化 ΔT 或轴向应变 ϵ 。干涉光谱中的波谷满 足以下相位条件:

 $(2\pi/\lambda(X))\Delta n_{\text{eff}}[\lambda(X),X] \cdot L(X) = (2m+1)\pi,(2)$ 式中:m为任意整数。受待测量X的影响,干涉谷的波 长也会随着X的变化而变化,所以满足上述相位条件 的 λ 也是X的函数。

当*X*变化时,式(2)始终成立,对式(2)两侧的*X*取 导数,可得:

$$d\left\{\left\{\Delta n_{\text{eff}}\left[\lambda(X), X\right] \cdot L(X)\right\} / \lambda(X)\right\} / dX = 0, \quad (3)$$

通过偏微分和简单运算,可得干涉光谱波谷的灵敏度 对X的灵敏度为

$$\frac{\mathrm{d}\lambda(X)}{\mathrm{d}X} = \frac{\lambda}{\Delta n_{\mathrm{eff}} - (\lambda \cdot \partial \Delta n_{\mathrm{eff}})/\partial \lambda} \cdot \left[\Delta n_{\mathrm{eff}} \cdot \frac{1}{L} \cdot \frac{\mathrm{d}L}{\mathrm{d}X} + \frac{\partial \Delta n_{\mathrm{eff}}}{\partial X} \right], \qquad (4)$$

式中: $\Delta n_{\text{eff}} \cdot (1/L) \cdot (dL/dX)$ 为光纤长度变化对干涉仪 灵敏度的贡献,与光纤材料的热膨胀系数以及施加给 光纤的轴向应变有关; $\partial \Delta n_{\text{eff}}/\partial X$ 为光纤超模式的有效 折射率之差的变化对干涉仪灵敏度的贡献,可以展开 为以下3项:

$$\frac{\partial \Delta n_{\rm eff}}{\partial X} = \frac{\partial \Delta n_{\rm eff}}{\partial n_{\rm core}} \cdot \frac{\mathrm{d}n_{\rm core}}{\mathrm{d}X} + \frac{\partial \Delta n_{\rm eff}}{\partial n_{\rm clad}} \cdot \frac{\mathrm{d}n_{\rm clad}}{\mathrm{d}X} + \frac{\partial \Delta n_{\rm eff}}{\partial a_{\rm core}} \cdot \frac{\mathrm{d}a_{\rm core}}{\mathrm{d}X} , \quad (5)$$

式中:ncore和nclad分别为纤芯和包层的折射率;acore为每 个纤芯的半径。式(5)右侧第1项和第2项分别为纤芯 和包层折射率变化引起超模式有效折射率之差变化对 干涉仪灵敏度的贡献,敏感机制为热光效应和弹光效 应;第3项为纤芯尺寸变化引起超模式有效折射率之 差变化对干涉仪灵敏度的贡献,敏感机制为波导的横 向尺寸效应,温度上升时acore因热膨胀而变大,轴向拉

第 60 卷 第 9 期/2023 年 5 月/激光与光电子学进展

伸光纤时 a_{core}因泊松效应而变小,所以对于温度和应 变而言,这一项对干涉仪灵敏度的贡献是相反的。对 于 SCF 而言, a_{core}会改变,且各个相邻纤芯的间距也会 变化,所以实际情况更为复杂。若要定量地计算干涉 仪的温度灵敏度和应变灵敏度,需知纤芯和包层各自 的热光系数、热膨胀系数、弹光系数、泊松比、杨氏模量 等信息,将其代入 COMSOL 有限元分析软件的多物 理过程模型进行仿真,但因没有该 SCF 的上述参数信 息,所以未能定量地计算干涉仪灵敏度,仅作出定性 分析。

透射光谱中存在2个超模式FBG谐振峰,谐振波 长取决于布拉格谐振条件,即

 $\lambda_{\mathrm{B},i}(X) = 2n_{\mathrm{eff},i}(X) \cdot \Lambda(X), \qquad (6)$

式中:*i*=1,2对应SCF的类HE₁₁超模式和类HE₁₂超模 式;*A*为FBG周期,其值为刻写光栅时所用相位掩模 板周期的1/2。式(6)两侧对*X*求导数,可得超模式 FBG谐振峰对*X*的灵敏度为

$$\frac{\mathrm{d}\lambda_{\mathrm{B},i}(X)}{\mathrm{d}X} = \lambda_{\mathrm{B},i}(X) \cdot \left(\frac{1}{\Lambda} \cdot \frac{\mathrm{d}\Lambda}{\mathrm{d}X} + \frac{1}{n_{\mathrm{eff},i}} \cdot \frac{\mathrm{d}n_{\mathrm{eff},i}}{\mathrm{d}X}\right), \quad (7)$$

式中:(1/A)•(dA/dX)为光纤长度变化对光栅灵敏度 的贡献;(1/n_{eff,i})•(dn_{eff,i}/dX)为光纤超模式有效折射 率变化对光栅灵敏度的贡献,对于温度变化和轴向拉 伸应变,上述两项的值都为正数,在光谱中体现为红 移,因缺乏足够的信息,所以无法定量地计算光栅的温 度灵敏度和应变灵敏度,仅作出定性分析。

当温度和应变同时作用于SCF时,其超模式的有效折射率之差以及光纤长度相应发生变化,从而使满 足上述相位条件的λ_{dip1}发生变化,引起干涉光谱波谷的 波长漂移,可表示为

$$\Delta \lambda_{\rm dipl} = K_{\rm s1} \varepsilon + K_{\rm T1} \Delta T, \qquad (8)$$

式中: K_{s1} 、 K_{T1} 分别为干涉光谱波谷对应变 ϵ 和温度变化 ΔT 的灵敏度。

当温度变化和应变作用于 SCF-FBG 时,其超模式的有效折射率和光栅周期都会相应发生变化,从而引起光栅谐振波长发生漂移,可表示为

$$\Delta \lambda_{\rm FBG} = K_{\rm s2} \varepsilon + K_{\rm T2} \Delta T, \qquad (9)$$

式中: K_{s2} 、 K_{T2} 分别为FBG对应变 ϵ 和温度变化 ΔT 的灵敏度。

因此,当实验测得干涉光谱波谷和超模式光栅 谐振耦合峰的温度和应变灵敏度之后,根据式(8)、 式(9),由测得的干涉光谱和光栅谐振峰的波长漂移 来获知温度变化和应变的数值。计算方法^[20]可表 示为

 $\begin{bmatrix} \varepsilon \\ \Delta T \end{bmatrix} = \frac{1}{K_{s1}K_{T2} - K_{T1}K_{s2}} \begin{bmatrix} K_{T2} & -K_{T1} \\ -K_{s2} & K_{s1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \lambda_{dip1} \\ \Delta \lambda_{FBG} \end{bmatrix}, (10)$ $\vec{x} + : \Delta \lambda_{dip1}, \Delta \lambda_{FBG}$ \vec{y} \vec

3 实验结果与讨论

3.1 温度响应

为了研究传感器的温度响应特性,将光纤固定在 位移平台上,将整个器件置于温控盒中,通过调谐可变 电阻实时控制温度变化,如图4所示。温控盒的温度*T* 从 30 ℃升高至 90 ℃,待光谱稳定后对光谱信息每间隔 10 ℃进行一次记录。由于温控盒的误差范围在±5 ℃, 影响了测量精度,故使用误差为±1 ℃的电子精密温度 计来测量温控盒的温度,调整到合适的实验温度。



图 4 温度响应测量系统

Fig. 4 Temperature response measurement system

图 5 为光谱仪记录的传感器在不同温度条件下的 透射光谱。从图 6(a)、图 6(b)可以清楚地观察到,随 着温度的升高,dip1和 FBG 的波长均出现红移,且呈 良好的线性关系。追踪干涉波谷和光栅谐振峰的波长 漂移,通过线性拟合可获得 FBG-S1和 FBG-S2 的温 度灵敏度分别为 9.56 pm/℃和 9.55 pm/℃,dip1 的温 度灵敏度为 11.8 pm/℃。



图 5 不同温度下的透射光谱响应图。插图:dip1、FBG-S1和 FBG-S2的波长随温度偏移

Fig. 5 Transmission spectra of the fiber sensor for various temperatures. Inset: wavelength shift of dip1 and FBG-S1 and FBG-S2 with temperature

3.2 应变响应

实验装置的示意图和实验中使用的仪器,如图7 所示。实验环境温度维持在25℃,将光纤固定在2个 距离为290 mm的位移平台上。通过向外移动位移平 台导致光纤长度拉伸,从而实现应力变化测量。将位 移平台移动距离从0 mm逐步升高至0.7 mm,待光谱 稳定后每间隔0.1 mm进行测量,图7中对应的光纤微



- 图 6 透射光谱的温度响应。(a) dip1 波长与温度的关系;(b) FBG-S1、FBG-S2 波长与温度的关系
- Fig. 6 Transmission spectra of temperature response. (a) Relation between wavelength and temperature of dip1; (b) relation between wavelength and temperature of FBG-S1 and FBG-S2

应变关系为

$$\varepsilon = \Delta l/l,$$
 (11)

式中:Δ*l*为位移平台移动的距离;*l*为2个平台之间的 光纤长度。





图 8 为光谱仪记录的传感器在不同应变条件下的 透射光谱。从图 9(a)、图 9(b)可以清楚地观察到,随 着应力的增加,dip1线性蓝移,而FBG波长随着应变 增大,而线性红移。通过线性拟合可获得FBG-S1和 FBG-S2的应力灵敏度分别为0.64 pm/με、0.584 pm/με, dip1的应力灵敏度为-0.925 pm/με。





Fig. 8 Transmission spectra of the fiber sensor for various strains. Inset: wavelength shift of dip1 and FBG-S1 and FBG-S2 with strain

3.3 同时测量

上述实验中已知该传感器的干涉光谱和FBG分别对温度和应变产生不同的响应灵敏度,证实了该器件具备双参量同时测量的特点。根据式(10),通过追踪干涉光谱dip1和FBG-S1的波长漂移,即可同时确定温度和应变:

$$\begin{bmatrix} \boldsymbol{\epsilon} \\ \Delta T \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -0.583 & 0.72 \\ 0.039 & 0.056 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \lambda_{dip1} \\ \Delta \lambda_{FBG-S1} \end{bmatrix}$$
(12)

通过该矩阵方程,测量 dip1 和 FBG-S1 的波长漂移,可计算出实际的应变和温度变化。

图 10 为在给定温度为 60 ℃和应力为 1034.482 με 时,实际施加的应力和温度与对应温度和应力的波长 漂移量代入式(12)所得的计算结果之间的比较。实线 为理想器件性能匹配的施加值。温度和应变标准差分 别为±1.90 ℃和±51.34 με,这些值可以看作是传感 器的精度。造成误差最主要的原因是设备精密度(如: 温控盒精准控温和位移平台等)。此外,还可以对器件



图 9 透射光谱的应变响应。(a) dip1 波长与应变的关系; (b) FBG-S1、FBG-S2波长与应变的关系

Fig. 9 Transmission spectra of strain response. (a) Relation between wavelength and strain of dip1; (b) relation between wavelength and strain of FBG-S1 and FBG-S2





制备工艺进行优化,以提高传感性能。

4 结 论

采用强耦合 SCF 中心纤芯与两段标准单模中心 对齐熔接,将 FBG 刻写入 SCF 的方式,实现了一种结 构简单、紧凑,可以同时测量温度和应变的强耦合 SCF 超模式 FBG。实验证明了该传感器对温度具有

研究论文

良好的线性响应,FBG-S1和FBG-S2的温度灵敏度分 别为9.56 pm/℃和9.55 pm/℃,dip1的温度灵敏度为 11.8 pm/℃。对于应变而言,FBG与dip1呈现出相反 的线性趋势,FBG-S1和FBG-S2的应变灵敏度分别为 0.64 pm/με和0.584 pm/με,dip1的应力灵敏度为 -0.925 pm/με。通过测量干涉光谱和布拉格谐振耦 合峰的波长漂移,可实现对应变和温度的同时测量,进 而证明了FBG与基于SCF的结构相结合是实现双参 数同时测量传感器的有效途径。

参考文献

- Hill K O, Meltz G. Fiber Bragg grating technology fundamentals and overview[J]. Journal of Lightwave Technology, 1997, 15(8): 1263-1276.
- [2] Kersey A D, Davis M A, Patrick H J, et al. Fiber grating sensors[J]. Journal of Lightwave Technology, 1997, 15(8): 1442-1463.
- [3] Kersey A D, Berkoff T A, Morey W W. Multiplexed fiber Bragg grating strain-sensor system with a fiber Fabry-Perot wavelength filter[J]. Optics Letters, 1993, 18(16): 1370-1372.
- [4] James S W, Dockney M L, Tatam R P. Simultaneous independent temperature and strain measurement using infibre Bragg grating sensors[J]. Electronics Letters, 1996, 32(12): 1133-1134.
- [5] Wu C, Guan B O, Wang Z, et al. Characterization of pressure response of Bragg gratings in grapefruit microstructured fibers[J]. Journal of Lightwave Technology, 2010, 28(9): 1392-1397.
- [6] Fender A, MacPherson W N, Maier R R J, et al. Twoaxis temperature-insensitive accelerometer based on multicore fiber Bragg gratings[J]. IEEE Sensors Journal, 2008, 8(7): 1292-1298.
- [7] Flockhart G M H, MacPherson W N, Barton J S, et al. Two-axis bend measurement with Bragg gratings in multicore optical fiber[J]. Optics Letters, 2003, 28(6): 387-389.
- [8] Kong J, Zhou A, Cheng C, et al. Two-axis bending sensor based on cascaded eccentric core fiber Bragg gratings[J]. IEEE Photonics Technology Letters, 2016, 28(11): 1237-1240.

[9] Zhang H L, Wu Z F, Shum P P, et al. Fiber Bragg gratings in heterogeneous multicore fiber for directional bending sensing[J]. Journal of Optics, 2016, 18(8): 085705.

第 60 卷 第 9 期/2023 年 5 月/激光与光电子学进展

- [10] Antonio-Lopez J E, Eznaveh Z S, Likamwa P, et al. Multicore fiber sensor for high-temperature applications up to 1000 ℃[J]. Optics Letters, 2014, 39(15): 4309-4312.
- [11] Dong J T, Cheng C H, Wu C, et al. Highly sensitive optofluidic refractive index sensor based on a seven-liquidcore Teflon-cladding fiber[J]. Optics Express, 2020, 28 (18): 26218-26227.
- [12] Salceda-Delgado G, Van Newkirk A, Antonio-Lopez J E, et al. Compact fiber-optic curvature sensor based on super-mode interference in a seven-core fiber[J]. Optics Letters, 2015, 40(7): 1468-1471.
- [13] Tan F Z, Liu Z Y, Tu J J, et al. Torsion sensor based on inter-core mode coupling in seven-core fiber[J]. Optics Express, 2018, 26(16): 19835-19844.
- [14] van Newkirk A, Antonio-Lopez E, Salceda-Delgado G, et al. Optimization of multicore fiber for high-temperature sensing[J]. Optics Letters, 2014, 39(16): 4812-4815.
- [15] Villatoro J, Antonio-Lopez E, Zubia J, et al. Interferometer based on strongly coupled multi-core optical fiber for accurate vibration sensing[J]. Optics Express, 2017, 25(21): 25734-25740.
- [16] Villatoro J, Arrizabalaga O, Durana G, et al. Accurate strain sensing based on super-mode interference in strongly coupled multi-core optical fibres[J]. Scientific Reports, 2017, 7: 4451.
- [17] Yoon M S, Lee S B, Han Y G. In-line interferometer based on intermodal coupling of a multicore fiber[J]. Optics Express, 2015, 23(14): 18316-18322.
- [18] Kishi N, Yamashita E, Atsuki K. Modal and coupling field analysis of optical fibers with circularly distributed multiple cores and a central core[J]. Journal of Lightwave Technology, 1986, 4(8): 991-996.
- [19] Kishi N, Yamashita E, Atsuki K. Modal and coupling field analysis of optical fibers with circularly distributed multiple cores and a central core[J]. Journal of Lightwave Technology, 1986, 4(8): 991-996.
- [20] Zhou Y, Zhou W J, Chan C C, et al. Simultaneous measurement of curvature and temperature based on PCF -based interferometer and fiber Bragg grating[J]. Optics Communications, 2011, 284(24): 5669-5672.