激光与光电子学进展

面向微型光谱仪在线检测的光学系统误差 校正方法

周风波^{1,3*},朱红求²,李长庚^{3**} ¹邵阳学院信息工程学院,湖南 邵阳 422000; ²中南大学自动化学院,湖南 长沙 410083; ³中南大学物理与电子学院,湖南 长沙 410083

摘要 微型光纤光谱仪由于具有小型化、集成化、检测速度快等特点,适合用于工业现场多组分物质的在线检测。 针对微型光谱仪由于受到仪器杂散光、光度噪声和光源波动等因素的影响,导致测量光谱信号精度差的问题,提出 了一种面向微型光谱仪在线检测的光学系统误差校正方法。该方法首先使用光谱仪在线测量光谱强度,并通过参 考溶液和待测溶液获取光谱信号;其次,通过提出的自适应小波阈值去噪法,消除光谱信号的光度噪声,提升光谱 信号的灵敏度;然后,提出了一种基于双波长光强比值不变性的光源稳定方法,动态消除光源误差;最后,对铜钴离 子的光谱信号进行动态校正,并对校正曲线进行性能分析。结果表明,所提出的方法简单快速,适用于光谱信号的 动态校正,以满足多金属杂质离子在线检测的需求。

关键词 微型光纤光谱仪;多金属离子检测;光学系统误差校正;自适应小波阈值法
 中图分类号 O433.4 文献标识码 A doi: 10.3788/LOP202259.0307001

Optical System Error Correction Method for Online Detection of Miniature Spectrometer

Zhou Fengbo^{1,3*}, Zhu Hongqiu², Li Changgeng^{3**}

¹School of Information Engineering, Shaoyang University, Shaoyang, Hunan 422000, China;
 ²School of Automation, Central South University, Changsha, Hunan 410083, China;
 ³School of Physics and Electronics, Central South University, Changsha, Hunan 410083, China

Abstract Due to its miniaturization, integration, and fast detection speed, the miniature optical fiber spectrometer was suitable for on-line detection of multi-component substances in industrial sites. In view of the problem that the micro spectrometer was affected by the stray light, photometric noise and light source fluctuation, the measurement accuracy of the spectral signal was poor, and an optical system error correction method was proposed for on-line detection of micro spectrometer. Firstly, a micro spectrometer was used to measure the spectral intensity online, and the spectral signal was obtained from the reference solution and the solution to be measured. Secondly, the adaptive wavelet threshold denoising method was used to eliminate the photometric noise of the spectral signal and improve the sensitivity of the spectral signal. Then, a light source stabilization method based on the invariance of the dual wavelength light intensity ratio was proposed to dynamically eliminate the light source error. Finally, the spectral signals of the copper and cobalt were dynamically corrected, and the performance analysis of the correction

收稿日期: 2021-04-23; 修回日期: 2021-04-30; 录用日期: 2021-05-08

基金项目:国家自然科学基金项目(61533021)、湖南省教育厅优秀青年项目(19B518) 通信作者: *fbzhou5018@126.com; **lcgeng@csu.edu.cn curve was performed. The results show that the method proposed in this paper is simple and fast, and it was suitable for dynamic correction of spectral signal to meet the needs of online detection of multi metal impurity ions. **Key words** miniature fiber spectrometer; polymetallic ion detection; optical system error correction; adaptive

wavelet threshold method

1引言

传统的大型光谱仪一般包括光源、单色器、样 品室和检测器四部分,设计结构为双光束光谱仪^[1]。 双光束紫外可见光谱仪通过光束分裂器产生两束相 同的单色光,分别通过参比池和样品池,得到的吸收 光谱为二者的吸收光谱之差^[2]。双光束光谱仪采用 光电倍增管检测器,可以抵消杂散光、电噪声以及光 源波动的影响,有利于提高检测的准确度和稳定性, 但是检测时间长、设备庞大、价格昂贵、且对环境要 求苛刻,很难应用到工业现场中发挥作用^[3]。

随着科学技术在微电子、光学技术、光纤、计算 机硬件和软件、精密仪器制造等领域的快速发展, 集分光检测功能于一体的微型光纤光谱仪获得了 突破性的进展,目前已有一些成熟的商业化产品, 广泛应用于紫外光谱、红外光谱、拉曼光谱等领域 的检测和分析^[47]。美国 Ocean Optic (海洋光学)、 美国HACH(哈希)、荷兰爱万体斯(Avantes)公司、 德国 Implen 等公司均有自己的成熟产品。国内微 型光谱仪研究起步较晚,近几年依靠自身的科技创 新也取得了快速蓬勃发展,目前生产公司主要有上 海辰昶仪器设备有限公司、上海复享科技有限公 司、长春海洋光电有限公司和厦门奥普天成光电有 限公司[8-12]。这些公司生产的微型光谱仪均采用精 密型的光学器件和CCD探测器,极大的减小了仪器 的体积、减轻了仪器的重量、加快了检测速度和降 低了仪器成本,普遍具有小型化、集成化和智能化 的优点,适合用于工业生产的实时在线检测。

在湿法炼锌净化过程中,硫酸锌溶液中包含大量的基体锌(Zn)离子,以及铜(Cu)、钴(Co)、镍(Ni)等痕量杂质离子,目前企业生产仍采用人工离线分析电解液中杂质金属离子的浓度,过程繁琐、检测耗时、反馈信息滞后,导致净化后锌液杂质金属离子浓度波动大、锌粉消耗大、产品质量不合格、生产效率低等问题,制约了锌湿法冶金净化过程的高效绿色生产^[13-17]。因此,亟待实现锌电解液中杂质多金属离子浓度的在线检测。微型光谱仪虽然适用于工业现场的在线检测,但是由于采用CCD检测器,设计结构为单光束光谱仪,需要对待测溶液和

参比溶液分别进行测量。因此,仪器的杂散光、光度 噪声和光源波动对光谱检测的性能影响较大,导致 分析的误差较高。针对微型光谱仪光源误差导致检 测精度低的问题,提出了一种面向微型光谱仪在线 检测的光学系统误差校正方法。实验结果表明,本 文提出的方法简单快速,适用于光谱信号的动态校 正,以满足多金属杂质离子在线检测的需求。

2 光学系统误差校正法

2.1 微型光谱仪检测原理

微型光谱仪采用单光束结构,单光束光谱仪只 能同时采集和接收一束单色或者复色光,利用参考 光和被测样品光的两次测量来进行光谱检测分析。 仪器设置为计数模式,用于检测透射光的强度,检 测步骤如下:

(1)关闭或遮蔽测量光源,探测背景光谱, 记为D_λ。

(2)放入参比试剂,打开测量光源,记录光源光 谱,记为*R*_λ。

(3)放入样品试剂,记录光源光谱,记为S_λ。

设入射光强为*I*₁,参比试剂真实透射光强度为 *I*_c,样品试剂真实透射光强度为*I*_P,则满足:

$$I_{\rm c} = R_{\lambda} - D_{\lambda}, \qquad (1)$$

$$I_{\rm P} = S_{\lambda} - D_{\lambda}, \qquad (2)$$

测量的吸光度表示为:

$$\Delta A = A_{\rm P} - A_{\rm C} = \lg \frac{I_I}{I_{\rm P}} - \lg \frac{I_I}{I_{\rm C}} = -\lg \frac{I_{\rm P}}{I_{\rm C}} = -\lg \frac{S_{\lambda} - D_{\lambda}}{R_{\lambda} - D_{\lambda}^{\circ}}$$
(3)

2.2 自适应小波阈值去噪法

小波阈值去噪法包括硬阈值法和软阈值法,但 是硬阈值法在阈值处不连续以及软阈值法存在固 定偏差,且无论使用哪种阈值准则,在不同分解层 的阈值是固定的。针对小波阈值去噪法在信号去 噪过程中存在的不足,根据小波分解中信号和噪声 的不同尺度特性,提出了自适应小波阈值去噪方 法,可以灵活的选取最优阈值^[18]。

自适应阈值选取的基本思想是:与噪声相对应 的小波系数均匀分布,幅度较小,但数量较多;与信

研究论文

第 59 卷 第 3 期/2022 年 2 月/激光与光电子学进展

号对应的小波系数数量较少,但具有较大的幅度。 基于上述理论,对原始信号进行M层小波分解,每 层根据信号和噪声的小波系数设置初始阈值和步 长,然后将绝对值小于阈值的小波系数设置为零。 当阈值逐步增加时,小波系数绝对值的总和将在开 始时迅速减小(噪声的小波系数被设置为零),当阈 值进一步增加时,小波系数绝对值的总和将缓慢变 化并且趋于稳定,当相邻两个阈值的小波系数总和 的相对误差小于量化比参数时,可以确定该层的最 佳阈值。按照这种原则依次迭代确定所有*M*层的 最佳阈值。自适应阈值算法的流程图如图1 所示。







自适应阈值方法涉及三个主要相关参数:T 是初始阈值,t是步长,k是量化比参数。并定义 如下:

$$T = \min\left(|d_j|\right),\tag{4}$$

$$t = [\max(|d_j|) - \min(|d_j|)]/N_{\circ} \qquad (5)$$

在(5)式中,*d_j*表示在第*j*层分解的小波细节系数,*N*表示信号长度。*k*是量化比参数。

2.3 光学系统的误差校正

光源为紫外可见光谱仪提供测量过程中所需的波段和能量。当一束复合光 I_1 照射至待测溶液时,由于物质对光的选择性吸收,设穿透溶液的透射光强度为 I_{00} , $I_1 = [I_{11}, I_{12}, \cdots, I_{1n}]$ 表示入射光的能量强度,其中 I_{1n} 为入射光在第n个波长点的强度。 $I_0 = [I_{01}, I_{02}, \cdots, I_{0n}]$ 表示透射光的能量强度, I_{0n} 为透射光在第n个波长点的强度。则光能量衰减偏差 $\Delta\eta$ 可以表示为:

$$\Delta \eta = I_{\rm I} - I_{\rm O o} \tag{6}$$

根据入射光能量与透射光能量的偏差量,可以 反映待测离子在不同波长段对光能量吸收程度的 差异。根据朗伯-比尔定律,测量吸光度A可以表 述为:

$$A = \lg \frac{I_1}{I_0} = \varepsilon dC \ . \tag{7}$$

(7)式中,ε表示吸光系数,d表示容器的厚度; C表示待测物质的浓度。因此,对于同一种物质,在 相同的测试条件下,吸光度A与浓度C成正比关 系。若光源不稳定,在某个波段的能量值发生波 动,则(7)式变化为:

$$\bar{A} = \lg \frac{I_1 \pm \Delta I}{I_0 \pm \Delta I} = \varepsilon d\bar{C} \neq \lg \frac{I_1}{I_0} = \varepsilon dC = A \quad (8)$$

(8) 式中, $\Delta I = [\Delta I_1, \Delta I_2, \dots, \Delta I_n]$ 表示光源在 不同波长点的能量波动值, 当 $\Delta I \neq 0$ 时, 导致测量 的吸光度 \overline{A} 与实际的吸光度A存在差异, 从而使得 检测的浓度 \overline{C} 与实际的浓度C存在较大的偏差。 因此, 光源的不稳定性严重影响检测结果的准确性 和重复性。

基于光谱检测双波长光强比值不变性,研究了 光谱吸光度曲线校正方法,用于动态消除光学系统 的测量误差。对任一个被测溶液的光谱曲线,以其 中某个吸光度较小的波长作为参考波长,设为λ_R, 对吸收光谱曲线进行校正,具体的思路如下:

 $A_{\rm c}(\lambda) = A(\lambda) - A(\lambda_{\rm R})_{\circ} \tag{9}$

(9)式中,A(λ)为测试吸收光谱曲线,A(λ_R)为 参考波长λ_R对应的吸光度值,A_c(λ)为校正光谱曲 线。对(9)式用光强可表示为:

$$A_{c}(\lambda) = \lg \frac{I_{0}(\lambda)}{I(\lambda)} - \lg \frac{I_{0}(\lambda_{R})}{I(\lambda_{R})}$$
(10)

(10)式中, $I_0(\lambda)$ 和 $I_0(\lambda_R)$ 是检测参比体系的透

射信号光强, $I(\lambda)$ 和 $I(\lambda_R)$ 是检测样品试剂的透射 信号光强。对(10)式进行数学变换,可得:

$$A_{c}(\lambda) = \lg \frac{I(\lambda_{R})}{I(\lambda)} - \lg \frac{I_{0}(\lambda_{R})}{I_{0}(\lambda)} \circ \qquad (11)$$

从(11)式可以看出,校正光谱曲线A_c(λ)是在 不同波长处的光强信号比值运算。根据光谱检测 双波长光强比值不变特性,校正光谱不会随光源信 号的扰动或者漂移而变化,从而动态校正由光学检 测系统引起的系统测试误差。

3 实验部分

3.1 仪器

实验中设计了一套用于高锌溶液中多金属离 子浓度同时检测的硬件平台,如图2所示。光源使 用氘卤混合光源(型号iDH2000-BSC),可提供的波 段为215~2500 nm,使用寿命为2000 h,满足紫外-可见波段光谱检测的需求。光纤用于传输光信号, 选择型号为 FIB-600-DUV, 适用波段为 200~ 1100 nm。样品槽选用量程为1 cm的标准石英比色 皿,用于存放待测金属溶液。比色皿支架用于将石 英比色皿固定,选择型号为R4-ALL,可提供四组准 直镜,用于将光纤传输的入射光以平行的方式通过 比色皿溶液。微型光谱仪选择奥普天成公司生产 的ATP2000光谱仪,该光谱仪的检测波长范围为 200~1100 nm,可提供串口协议的二次开发,满足光 谱在线检测的任务需求。ARM微处理器采用一款 型号为STM32F407的高性能处理器,该处理器配 备多重AHB总线矩阵和多通道DMA存储器,时钟



图 2 光谱检测硬件平台 Fig. 2 Spectral detection hardware platform

频率可达168 MHz,能够并行处理程序运行和数据 传输,从而满足光谱采集过程中大量数据的传输和 程序的实时处理。

3.2 试剂

所有化学品均为分析试剂,无需进一步纯化。 使用去离子水进行实验中的溶解和稀释。用水作 为溶剂分别制备12.5 mg/L铜,钴,镍的储备溶液。 然后根据需要通过连续稀释从储备溶液制备标准 溶液。通过将适当体积的纯乙酸和乙酸钠混合制 备乙酸乙酸钠缓冲液(pH为5.5)。制备亚硝基R 盐溶液作为显色试剂。

3.3 实验方法

将含有各种比例的铜,钴混合标准溶液, 5.00 ml 0.4% 亚硝基R盐溶液,7.5 ml乙酸乙酸钠 缓冲液放置于25 ml校准烧瓶中,并用适当体积的 蒸馏水稀释,以相同的方式制备空白溶液作为参 比。铜的最终浓度范围为 0.5~5 mg/L, 钴的浓度 范围为 0.3~3 mg/L。普析 T9 光谱仪用于测量以 空 白溶液为参比的标准溶液的光谱。在 350~ 800 nm 的波长范围内以 1 nm 的间隔进行扫描。

4 结果与讨论

4.1 光谱吸收曲线

使用 ATP2000 光谱仪按照上述步骤对 0.5 mg/L Cu标准溶液进行测量,采集的光谱信号 如图 3 所示。图 3(a)为关闭光源时测量的背景光谱 信号强度,图 3(b)为测量空白溶液得到的参比光谱 信号强度,图 3(c)为测量铜标准溶液得到的光谱信 号强度。从图可以看出,图 3(c)中光谱强度小于 图 3(b)中的光谱强度,原因是溶液中的铜离子对光 具有吸收作用,从而降低了光的透射强度。根据 (3)式进行计算,可得到图 3(d)铜的吸光度曲线。



图 3 ATP2000光谱仪采集的铜光谱信号。(a)背景光强;(b)参比光强;(c)样品光强;(d)吸光度模式 Fig. 3 Copper spectral signal collected by ATP2000 spectrometer. (a) Background light intensity; (b) reference light intensity; (c) sample light intensity; (d) absorbance curve

4.2 自适应小波阈值去噪法

图 4 显示了铜和钴离子在 200~1100 nm 波长范 围内的紫外-可见吸收光谱,其中铜离子的浓度范围 为 0.5~5.0 mg/L, 钴离子的浓度范围为 0.3~ 3.0 mg/L。从图 4(a)和图 4(b)可以看出,铜和钴的 光谱信号均受到噪声的影响,而且铜离子受噪声干 扰程度更为严重。铜和钴光谱的最大吸收度对应 的波长分别为 494.66 nm 和 503.47 nm。为了评估 铜和钴信号的线性性,分别使用谱峰吸光度和对应 的浓度构建铜和钴离子的校正曲线,如图 4(c)和 图 4(d)所示。铜离子的校正方程和相关系数(R²) 为:A=0.1698 C_{cu}+0.0048(R²=0.9914), 钴离子 的线性方程和相关系数为:A=0.2501C_{co}+0.5564 (R²=0.9937)。由图可知, 铜和钴离子在灵敏度最 高的波长点, 预测值和实际值偏离度较大, 线性不 好, 其相关系数分别为0.9877和0.9885。因此, 有 必要对光谱信号进行去嗓预处理以提高检测 精度。

使用提出的自适应小波阈值去噪方法对铜和 钴的光谱信号进行信号增强预处理。图5(a)为铜



图 4 铜和钴光谱信号及校正曲线。(a)铜离子光谱信号;(b)钴离子光谱信号;(c)铜离子线性校正曲线; (d)钴离子线性校正曲线

Fig. 4 Spectral signal and calibration curve of copper and cobalt. (a) Spectral signal of copper; (b) spectral signal of cobalt; (c) linear correction curve of copper; (d) linear correction curve of cobalt





Fig. 5 Spectral signal and calibration curve of copper and cobalt after denoising. (a) Spectral signal of copper; (b) spectral signal of cobalt; (c) linear correction curve of copper; (d) linear correction curve of cobalt

离子去噪后的光谱信号,图5(b)为钴离子去噪后的 光谱信号。从图可以看出,噪声被完全消除,信号 去噪后的曲线比较平滑且没有失真,光谱形状与实 际情况基本一致。图5(c)和图5(d)分别为铜和钴 光谱预处理后的校正曲线,铜钴的相关系数分别为 0.9904和0.9927,线性性得到明显提高。

4.3 双波长光强比值稳定性测试

由于光源扰动引起的光谱仪数据偏移,导致光 谱仪检测系统存在较大的系统测量误差,对同样的 溶液重复检测的结果不一致,从而影响检测结果的 重复性和准确性。针对这一问题,本课题组展开了 系统的实验研究,发现在光源稳定工作的条件下 (一般开机预热半小时后光源输出稳定),光谱信号 的双波长光强比值具有不随时间变化的特性。

使用 iDH2000-BSC 氘卤光源,以 0.3 mg/L 铜 离子溶液作为测试对象,对光源的双波长比值稳定 性进行连续的测量和记录,如图 6 所示。图 6(a)是 445 nm 和 525 nm 处的光强比值随时间变比曲线, 从光源开机稳定后连续测试 2 h,每间隔 5 min进行 测量和记录。从图可以看出,光强比值的波动范围



图 6 双波长光强比值变化曲线。(a)445 nm 和 525 nm 处的光强比值变化曲线;(b)456 nm 和 492 nm 处的光强比值变化曲线 Fig. 6 Ratio curve of dual wavelength intensity. (a) Ratio curve at the wavelengths of 445 nm and 525 nm; (b) ratio curve at the wavelengths of 456 nm and 492 nm

在 1.3710~1.3751 之间,最大相对波动幅度为 0.29%。图 6(b)是456 nm和492 nm处的光强比值 随时间变比曲线,从光源开机稳定后连续测试8h, 每间隔 20 min进行测量和记录。从图可以看出,光 强比值的波动范围在 0.8743~0.8776之间,最大相 对波动幅度为 0.38%。显然,这种波动幅度在工程 上近似为不变的。因此,可以得出结论,在光源开 机稳定工作后,在不同的测试时刻,任意两个波长 处光强的比值不随时间改变。

4.4 光谱信号动态校正

根据光谱检测双波长光强比值不变特性,校正 光谱不会随光源信号的扰动或者漂移而变化,因 此,基于这一特性,通过对检测的吸收光谱曲线进 行校正,能够动态校正由光学检测系统引起的测试 误差,从而有效提升检测精度。使用2.3节提出的 光谱曲线校正方法,对铜离子的原始光谱信号进行 处理,校正前后的光谱信号如图7所示。图7(a)是 原始光谱曲线,图7(b)是光谱校正曲线,图7(c)是



Fig. 7 Spectral signal calibration curve

光谱参考基线。从图可以看出,校正后的光谱曲线 形状更规范,且重复性更高,有利于消除系统误差 和提升检测精度。

4.4 光谱校正算法性能分析

对微型光谱仪采集的光谱信号,经过光度噪声 预处理和光谱误差校正处理后,能够提升光谱信号 的灵敏度和分辨率。为了评估提出的光谱校正算 法的性能,分别配置10组铜、钴标准溶液,其中铜离 子的浓度范围为0.5~5.0 mg/L,钴离子的浓度范 围为0.3~3.0 mg/L,然后在不同波长下对铜钴原 始光谱信号和校正处理后的光谱信号进行线性校 准,线性相关系数统计结果如表1所示。从表可以 看出,经过信号处理后的铜钴光谱信号在不同波长 下的线性相关系数得到了显著提高,铜和钴离子的 最大相关系数分别为0.9947和0.9959,结果表明铜 和钴信号的线性性得到了显著提升。因此,所提出 的光学系统校正算法适用于原始采集的光谱信号,

表1 铜和钴离子在不同波长下的线性相关参数

 Table 1
 Linear correlation parameters of copper and cobalt at different wavelengths

	Correlation coefficient		Correlation	
Wavelength /	of original spectral		coefficient after	
nm	signal		correction processing	
	Cu	Со	Cu	Со
373.35	0.5123	0.6241	0.5515	0.6634
415.82	0.5708	0.8667	0.6844	0.9227
447.57	0.5004	0.5815	0.7002	0.6943
492.34	0.9813	0.9765	0.9947	0.9922
517.41	0.9736	0.9788	0.9936	0.9959
543.73	0.9831	0.9866	0.9925	0.9934

研究论文

能够显著增强光谱信号,有利于提升多金属离子定 量检测的精度。

5 结 论

传统的大型分光光度计仅局限于实验室,在工 业生产过程中需要将采集的样品进行人工实验室 离线分析,检测周期长和实时调整盲目,严重影响 企业的产品质量和生产效率。微型光纤光谱仪由 于具有小型化、集成化、检测速度快等特点,适合用 于工业现场在线检测。针对微型光谱仪由于受到 仪器的杂散光、光度噪声和光源波动等因素的影 响,导致测量的光谱信号精度差的问题,提出了一 种基于双波长光强比值不变性的光学系统误差校 正方法。结果表明,本文提出的方法简单快速,适 用于光谱信号的动态校正处理,能够显著增强光谱 信号,有利于提升金属离子定量检测的精度,以满 足多金属杂质离子在线同时检测的需求。

参考文献

- [1] Guo X Y, Bai H, Ma X X, et al. Online coupling of an electrochemically fabricated solid-phase microextraction probe and a miniature mass spectrometer for enrichment and analysis of chemical contaminants in infant drinks[J]. Analytica Chimica Acta, 2020, 1098: 66-74.
- [2] Wang H Z, Nan L W, Han J W, et al. Long-term measurement of solar irradiance above, within, and under sea ice in polar environments by using fiber optic spectrometry[J]. Journal of Atmospheric and Oceanic Technology, 2019, 36(9): 1773-1787.
- [3] Jarosz P, Kusiak J, Małecki S, et al. An attempt of optimization of zinc production line[J]. Archives of Civil and Mechanical Engineering, 2018, 18(4): 1116-1122.
- [4] Wang X R, Cai X S, Chen J, et al. Analytical simulation of ultraviolet differential absorption spectra of benzene, toluene, and xylenes[J]. Laser &. Optoelectronics Progress, 2020, 57(23): 233004.
 王祥如,蔡小舒,陈军,等.苯、甲苯和二甲苯紫外差 分吸收光谱解析模拟[J]. 激光与光电子学进展, 2020, 57(23): 233004.
- [5] Chen K, Guo M, Liu S, et al. Fiber-optic photoacoustic sensor for remote monitoring of gas micro-leakage[J]. Optics Express, 2019, 27(4): 4648-4659.
- [6] Wan X F, Liu Y, Chai X S, et al. A quint-wavelength UV spectroscopy for simultaneous determination of dichlorobenzene, chlorobenzene, and benzene in

simulated water reduced by nanoscale zero-valent Fe/Ni bimetal[J]. Spectrochimica Acta Part A: Molecular and Biomolecular Spectroscopy, 2017, 181: 55-59.

- [7] Ding Y, Luo H Y, Shi H L, et al. New flat-field correction method for spatial heterodyne spectrometer
 [J]. Acta Optica Sinica, 2020, 40(19): 1930002.
 丁毅,罗海燕,施海亮,等.一种新型的空间外差光 谱仪平场校正方法[J].光学学报,2020,40(19): 1930002.
- [8] Bao J G, Liu Z K, Chen H Y, et al. Development of micro-spectrometer with a function of timely temperature compensation[J]. Spectroscopy and Spectral Analysis, 2015, 35(5): 1409-1413.
 宝剑光,刘正坤,陈火耀,等.带有实时温度补偿功能的微型光谱仪研制[J].光谱学与光谱分析, 2015, 35(5): 1409-1413.
- [9] Fletcher P, Sangwine S J. The development of the quaternion wavelet transform[J]. Signal Processing, 2017, 136: 2-15.
- [10] Sabouri M, Mousavi Khoei S M, Neshati J. Plasma current analysis using discrete wavelet transform during plasma electrolytic oxidation on aluminum[J]. Journal of Electroanalytical Chemistry, 2017, 792: 79-87.
- [11] Liu P, Nie Y Z, Xia Q L, et al. Structural and electronic properties of arsenic nitrogen monolayer[J]. Physics Letters A, 2017, 381(12): 1102-1106.
- [12] Xiao Z Y, Xia H, Yu T, et al. Gyrator transform of Gaussian beams with phase difference and generation of hollow beam[J]. Optical Review, 2018, 25(3): 323-329.
- [13] Liu L X, He D, Li M Z, et al. Identification of Xinjiang jujube varieties based on hyperspectral technique and machine learning[J]. Chinese Journal of Lasers, 2020, 47(11): 1111002.
 刘立新,何迪,李梦珠,等.基于高光谱技术与机器 学习的新疆红枣品种鉴别[J].中国激光, 2020, 47 (11): 1111002.
- [14] Rouis M, Ouafi A, Sbaa S. Optimal level and order detection in wavelet decomposition for PCG signal denoising[J]. Biomedizinische Technik. Biomedical Engineering, 2019, 64(2): 163-176.
- [15] Hu Y G, Jiang T, Shen A G, et al. A background elimination method based on wavelet transform for Raman spectra[J]. Chemometrics and Intelligent Laboratory Systems, 2007, 85(1): 94-101.
- [16] Wang Y F, Cao X M, Zhang J, et al. Detection and analysis of all-day atmospheric water vapor Raman lidar based on wavelet denoising algorithm[J]. Acta

Optica Sinica, 2018, 38(2): 0201001.

王玉峰,曹小明,张晶,等.基于小波去噪算法的全 天时大气水汽拉曼激光雷达探测与分析[J].光学学 报,2018,38(2):0201001.

[17] Mallat S G. A theory for multiresolution signal decomposition: The wavelet representation[J]. IEEE $\label{eq:transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence\,, $$1989, 11(7): 674-693.$

[18] Zhou F B, Li Y G, Zhu H Q, et al. Signal enhancement algorithm for on-line detection of multimetal ions based on ultraviolet-visible spectroscopy [J]. IEEE Access, 2020, 8: 16000-16008.