激光与光电子学进展

样品连续旋转的高阶导模干涉刻写 多层亚波长圆光栅

苏盈文,陈振宇,徐月奇,王向贤* 兰州理工大学理学院,甘肃兰州 730050

摘要提出了一种基于样品连续旋转的高阶导模干涉刻写多层亚波长圆光栅的方法。利用有限元法模拟导模干 涉场,以及坐标旋转矩阵和数值模拟方法研究对样品实施连续旋转曝光后的总光场。选取442 nm 波长激光作为激 发光,以TE₅和TM₅₁为例,研究了高阶导模干涉刻写制备多层亚波长圆光栅的光场分布。通过光场分布分析了多 层亚波长圆光栅在X-Y平面的周期以及Z轴的周期和层数,这些参数可通过改变光刻胶厚度和干涉曝光的导波模 式来调节。同一厚度光刻胶条件下存在着多种高阶导模,且同阶导模对应的激发角可以通过改变光刻胶的厚度进 行有效调控。因此,通过选择不同厚度的光刻胶,选取曝光所用的高阶导模,可以刻写各种不同参数的多层亚波长 圆光栅。该方法是制备多层亚波长圆光栅的一种简单而有效的方法,在微纳光学领域具有一定的应用前景。 关键词 光学设计与制造;微纳光刻;高阶导模干涉;多层亚波长圆光栅 **P图分类号** O436.1 **文献标志码 DOI**: 10.3788/LOP202259.1122001

Multi-Layer Subwavelength Circular Grating Fabricated by High-Order Waveguide Mode Interference and Continuous Sample Rotation

Su Yingwen, Chen Zhenyu, Xu Yueqi, Wang Xiangxian

School of Science, Lanzhou University of Technology, Lanzhou 730050, Gansu, China

Abstract A method of fabricating the multi-layer subwavelength circular gratings is proposed, which is based on the high-order waveguide mode interference and continuous sample rotation. The waveguide mode interference field is simulated by the finite element method, and the coordinate rotation matrix and the numerical simulation method are used to study the total optical field after performing continuous rotating exposure to the sample. A 442-nm laser is selected as the excitation light and TE₅ and TM₅₁ are taken as the examples to study the optical field distribution of the multi-layer subwavelength circular gratings fabricated by the high-order waveguide mode interference. By the optical field distribution, the period of the X-Y plane and the period and layers of the Z-axis of the multi-layer subwavelength circular gratings are analyzed, which can be adjusted by changing the thicknesses of photoresists and the waveguide modes for interference exposure. Under the condition of the same high-order waveguide modes and the excitation angle corresponding to the same high-order waveguide mode can be effectively controlled by changing the thicknesses of photoresists. As a result, the multi-layer circular gratings with different parameters can be fabricated by selecting the photoresists of different thicknesses and the high-order waveguide modes used in exposure. The proposed method is a simple and effective way to fabricate the multi-layer subwavelength circular gratings and has a certain application prospect in the field of micro-nano optics.

收稿日期: 2021-06-19; 修回日期: 2021-07-06; 录用日期: 2021-07-09

基金项目:国家自然科学基金(61865008)、甘肃省大学生创新创业训练计划(DC2020184) 通信作者: *wangxx869@lut.edu.cn **Key words** optical design and fabrication; micro-nano lithography; high-order waveguide mode interference; multilayer subwavelength circular grating

1引言

由于亚波长结构在光催化[1-3]、传感[4-6]、表面增 强拉曼散射^[7-9]、吸收器^[10-12]、法诺(Fano)共振^[13-14]等 方面的广泛应用,制备各种亚波长结构具有重要意 义。其中,亚波长圆光栅因其在红外光电探测 器[15]、染料反馈激光器[16]、滤波器[17]等光学器件中 的潜在应用而备受关注。亚波长圆光栅的制备方 法很多,其中包括电子束光刻[18]、金刚石铣削[19]和 纳米压印[16]。尽管这些方法已经实现了亚波长圆 光栅的制备,但它们操作复杂、成本高,这在一定程 度上限制了它们的使用。表面等离子体^[20-22](SPs) 干涉光刻技术是制作周期性亚波长光栅的一种简 单、经济、有效的方法,具有速度快、加工面积大等 优点。Fang等^[23]提出了镀金属层的棱镜衰减全内 反射结构无掩模 SPs 干涉光刻。Sreekanth 等^[24]实 现了基于棱镜衰减全内反射结构的周期性156 nm 的光栅条纹刻写,并用4束SPs干涉,刻写制备了二 维点阵结构[25],但其只刻写了一维光栅及二维点阵 结构,并没有对如何刻写圆光栅进行研究。2019年, Wang 等^[26]研究发现通过 SPs 干涉连续曝光的办法 可刻写亚波长圆光栅。但是,用此方法刻写的亚波 长圆光栅的周期由金属薄膜和光刻胶折射率唯一 确定。由于SPs的穿透深度非常小,因此其所使用 的光刻胶只能很薄。另外,SPs模式只能通过横磁 (TM)偏振光激发。这些不足,使得刻写制备各种 不同周期、较大深宽比的亚波长圆光栅在很大程度 上受到了限制。王向贤等[27-28]提出了导模干涉亚波 长光刻技术,利用442 nm激光激发导模干涉场,成 功制备了特征尺寸约94 nm的亚波长光栅,且通过 光刻胶厚度的变化实现了不同周期亚波长光栅的 刻写。Wang等^[29]通过两个金属纳米狭缝激发横电 (TE)导模干涉,实现了亚波长光栅的刻写。Pang 等[30]研究了零阶导模干涉结合样品连续旋转曝光 刻写亚波长圆光栅,利用此方法刻写的亚波长圆光 栅虽然结构参数可调,但只能刻写单层圆光栅,而 不能实现多层圆光栅的刻写。

为了刻写制备多层亚波长圆光栅,本文从理论 上提出了一种基于样品连续旋转的高阶导模干涉 亚波长光刻技术。该技术可通过恰当选择光刻胶 厚度、高阶导波模式来实现具有各种不同参数的多 层亚波长圆光栅的刻写制备。

2 理论分析

图1是基于样品连续旋转的高阶导模干涉光刻 的原理图,该结构从上到下分别由棱镜、匹配油、玻 璃基底、银膜和光刻胶组成,光刻胶下层为空气,其 中,空气、光刻胶和银膜构成非对称金属包覆介质 波导,导波模式由棱镜耦合激发。匹配油将棱镜与 玻璃基底连接起来且它们三者具有相同的折射率, 因此,在理论计算中可将其视为一个整体。定义银 膜/光刻胶界面为XOY平面,Z轴正方向指向银膜。 在实验操作时,先在玻璃基底上通过电子束蒸发蒸 镀银膜,再通过匀胶法在银膜表面旋涂一定厚度的 光刻胶,接着用折射率匹配油将棱镜和玻璃基底连 接在一起,形成如图1所示的光刻结构。这种结构 在实际的光刻中具有以下优势:1)用匹配油将棱镜 与玻璃基底连接起来,可以实现棱镜的重复利用, 可在实际光刻中提高效率;2)刻写的光栅在银膜 上;3)充分利用了空气,避免了折射率匹配油对光 刻胶的污染。







TE和TM偏振光激发的TE和TM导模的模式本征方程^[31]分别为

$$\sqrt{A} \ d = m\pi + \arctan \sqrt{\frac{C}{A}} + \arctan \sqrt{\frac{B}{A}}, \quad (1)$$
$$\sqrt{A} \ d = m\pi + \arctan \left(\frac{\varepsilon_{\rm p}}{\varepsilon_{\rm air}} \sqrt{\frac{C}{A}}\right) + \arctan \left(\frac{\varepsilon_{\rm p}}{\varepsilon_{\rm Ag}} \sqrt{\frac{C}{A}}\right), (2)$$

式中:d为光刻胶厚度;m为模式数; ϵ_{Ag} 、 ϵ_{p} 和 ϵ_{air} 分别 为银、光刻胶和空气的介电常数;A、B和C分别表 示为

$$\begin{cases} A = k_0^2 \boldsymbol{\varepsilon}_{\mathrm{p}} - \boldsymbol{\beta}_m^2 \\ B = \boldsymbol{\beta}_m^2 - k_0^2 \boldsymbol{\varepsilon}_{\mathrm{Ag}}, \\ C = \boldsymbol{\beta}_m^2 - k_0^2 \boldsymbol{\varepsilon}_{\mathrm{air}} \end{cases}$$
(3)

式中:β"是导模的传播常数;k。是真空中的光波矢大小。

曝光过程中高阶导模的干涉场不变,通过样品 连续旋转来改变光刻样品上的曝光位置,旋转某一 角度曝光后的光场分布可以用旋转矩阵来计算。 旋转矩阵表示为

$$(X_n, Y_n, Z_n, I_n) = (X, Y, Z, I_1) \begin{pmatrix} \cos \alpha_n & \sin \alpha_n & 0 & 0 \\ -\sin \alpha_n & \cos \alpha_n & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix},$$
(4)

式中:*I*₁为第1次曝光时的光场强度分布;*I*_n为第 n次曝光时的光场强度分布;*a*_n为对样品实施的旋 转角度。实验操作时,在保证光场不变的情况下, 通过步进电机对样品连续旋转180°。在数值计算 中,高阶导模干涉场的分布*I*用有限元法进行计算, 用Matlab软件和旋转矩阵计算旋转后的光场分布, 实际的数值模拟中采用每旋转1°曝光1次的方法, 最后对光场进行求和,可得样品被曝光后的总光场 分布为

$$I(X, Y, Z) = \sum_{n=1}^{N} I_n(X_n, Y_n, Z_n, \alpha_n)_{\circ}$$
(5)

通过对总光场分布的分析研究,即可得到刻写的多 层亚波长圆光栅在X-Y平面的周期、Z轴方向的周 期和层数等相关参数。

3 数值模拟结果

采用 442 nm 激光作为激发光, 棱镜折射率取 1.8824, 光刻胶折射率取 1.53^[32], 优化后的银膜厚 度为 40 nm。下面分别以 TE₅和 TM₅₁为例研究刻写 多层亚波长圆光栅的结果。在光刻胶厚度为 1200 nm 的条件下, 可得 TE₅导模的激发角为 37.32°; 在光刻 胶厚度为 9650 nm 的条件下, 可得 TM₅₁导模的激发 角为 32.72°。

图 2 为光刻胶厚度为 1200 nm,用 TE₅导模干涉 光刻时,光刻胶中的光场分布。光场在 Z 轴方向和 X 轴方向均呈规则的周期性分布, Z 轴方向的周期 数与导模的模式数有关, 而 X 轴方向的周期数与曝



图 2 光刻胶厚度 1200 nm 时激发 TE₅导模干涉的光场分布 Fig. 2 Simulated optical field distribution of TE₅ waveguide mode interference for 1200-nm thickness photoresist

光面积有关。从计算结果可得,光栅在X轴方向的 周期为195 nm,Z轴方向的周期为215 nm。光刻胶 为9650 nm时,激发TM₅₁导模干涉光刻的光场分布 与TE₅的类似,在此不再赘述。

图 3(a)为用 TE₅干涉场对样品进行连续旋转 曝光后所得到的光刻胶中的三维光场分布,图中 Z轴的范围从-1200 nm到0 nm, X轴的范围从 -600 nm 到 600 nm。图 3(b)进一步给出了将结构 从Y = 0 nm 的面处切开的三维光场分布。为了分 析亚波长圆光栅在 X-Y平面的周期,图3(c)给出 了 Z=-300 nm 时 X-Y 平面的光场分布。为了分 析多层亚波长圆光栅在Z轴方向的周期,图3(d) 给出了 Y=0 nm 时 X-Z平面的光场分布。图 3(e) 给出了 Y=0 nm, Z= -300 nm 时,沿X轴从 -600 nm 到 600 nm 的光场强度分布。X-Y平面圆 光栅之间的间隔基本相等,周期约为195 nm。 图 3(f)为X、Y均为0 nm 时,沿Z轴从-1200 nm 到 0 nm 的光场强度分布。通过分析图 3(d)和 3(f)可 得多层亚波长圆光栅沿Z轴方向的层数为6层,周 期为215 nm。

图 4(a)为用 TM₅₁干涉场对样品进行连续旋转 曝光后所得到的光刻胶中的三维光场分布,图中Z轴 范围为-9650 nm 到 0 nm,X轴范围为-1000 nm 到 1000 nm。同样地,图 4(b)中给出了沿 Y=0 nm 的 面处切开的三维光场分布。图 4(c)为Z=0 nm 时, X-Y平面上的光场分布。图 4(c)为Z=0 nm 时, X-Z平面上的光场分布。图 4(d)给出了 Y= 0 nm 时,X-Z平面上的光场分布。图 4(e)为 Y、Z 均为 0 nm 时,沿X轴从-1000 nm 到 1000 nm 的光场强 度分布,可得 X-Y平面圆光栅之间的间隔基本相 等,周期约为 217 nm。图 4(f)为X、Y 均为0 nm 时,



图 3 用 TE₅干涉场对样品进行连续旋转曝光后所得到的光刻胶中的光场分布。(a) 三维光场分布;(b) 从 Y=0 nm 的面处切 开的三维光场分布;(c) 图 3(a)中 Z=-300 nm 时 X-Y 平面的光场分布;(d) 图 3(a)中 Y= 0 nm 时 X-Z 平面的光场分 布;(e) 图 3(c)中 Y= 0 nm, Z=-300 nm 时沿 X 轴的光场强度分布;(f) 图 3(d)中 X= 0 nm, Y=0 nm 时沿 Z 轴从 -1200 nm 到 0 nm 光场强度分布

Fig. 3 Optical field distribution in photoresist after continuously rotating and exposing sample by interference field of TE₅. (a) Three-dimensional optical field distribution; (b) optical field distribution corresponding to Fig. 3(a) cutting from plane Y = 0 nm; (c) optical field distribution of X-Y plane with Z = -300 nm in Fig. 3(a); (d) optical field distribution of X-Z plane with Y = 0 nm in Fig. 3(a); (e) optical field intensity distribution along X-axis from -600 to 600 nm with Y = 0 nm and Z = -300 nm in Fig. 3(c); (f) optical field intensity distribution along Z-axis from -1200 to 0 nm with X = 0 nm and Y = 0 nm in Fig. 3(d)

沿 Z 轴从一2000 nm 到 0 nm 的光场强度分布。通过 分析图 4(d)和 4(f)可得多层亚波长圆光栅沿 Z 轴方 向的层数为 52 层,周期为 195 nm。

以上仅以TE₅和TM₅₁为例讨论了用高阶导模 干涉场对样品实施连续旋转曝光时刻写的多层亚 波长圆光栅。厚光刻胶条件下存在着多种高阶导 模,且光刻胶的厚度决定了能够激发的最高阶导 模的模式数,光刻胶越薄,能够激发的导模的最高 阶数就越低。TM和TE偏振光均可激发高阶导 模,多层亚波长圆光栅在X-Y平面的周期由高阶 导模所对应的激发角决定,而在Z轴方向的周期 和层数则由光刻胶的厚度和高阶导模的模式数共 同决定。因此,在实际的光刻实验中,同一光刻胶 厚度条件下,选择相同偏振、不同阶数的高阶导模 干涉场对样品连续旋转曝光,可刻写不同层数和 不同周期的亚波长圆光栅;也可以选择不同偏振、 相同阶数的高阶导模,刻写得到相同层数和不同 周期的亚波长圆光栅。通过改变光刻胶的厚度,



图 4 用 TM₅₁干涉场对样品进行连续旋转曝光后得到的光刻胶中的光场分布。(a) 三维光场分布;(b) 从 Y= 0 nm 的面处切开的三维光场分布;(c) 图 4(a)中 Z=0 nm 时 X-Y 平面的光场分布;(d) 图 4(a)中 Y= 0 nm 时 X-Z 平面的光场分布;
(e) 图 4(c)中 Y=0 nm, Z=0 nm 时沿 X 轴从 - 1000 nm 到 1000 nm 的光场强度分布;(f) 图 4(d)中 X= 0 nm, Y=0 nm 时沿 Z 轴从 - 2000 nm 到 0 nm 的光场强度分布;

Fig. 4 Optical field distribution in photoresist after continuously rotating and exposing sample by interference field of TM_{5L} (a) Three-dimensional optical field distribution; (b) optical field distribution corresponding to Fig. 4(a) cutting from plane Y=0 nm; (c) optical field distribution of X-Y plane with Z=0 nm in Fig. 4 (a); (d) optical field distribution of X-Z plane with Y=0 nm in Fig. 4 (a); (e) optical field intensity distribution along X-axis from -1000 to 1000 nm with Y=0 nm and Z=0 nm in Fig. 4 (c); (f) optical field intensity distribution along Z-axis from -2000 to 0 nm with X=0 nm and Y=0 nm in Fig. 4(d)

还可以实现 X-Y平面周期相同、Z轴周期不同或 相同、层数不同或相同的多层亚波长圆光栅的刻 写制备。总之,通过选取曝光所用的高阶导模,特 别是通过光刻胶厚度的变化,就可以很容易地实 现所需参数的多层亚波长圆光栅的刻写。另外, 本文仅以442 nm 激光为例进行了研究,实际的光 刻中也可以使用 405、325 nm 等其他波长的激光 作为激发光源。

4 结 论

提出了一种基于样品连续旋转的高阶导模干 涉刻写多层亚波长圆光栅的方法。TE和TM两种 偏振光都可以激发高阶导波模式。在光刻胶厚度 分别为1200 nm和9650 nm的条件下,以TE₅和 TM₅₁为例,通过数值模拟研究了高阶导模干涉刻写 多层亚波长圆光栅的光场分布,可得刻写的多层亚

研究论文

波长圆光栅在 X-Y平面的周期分别为 195 nm 和 217 nm, Z轴方向的周期分别为 215 nm 和 195 nm。 通过调控光刻胶的厚度和选取干涉曝光的高阶导 波模式,可实现各种所需参数的多层亚波长圆光栅 的刻写。提出的亚波长光刻技术是一种结构简单、 成本低廉的多层亚波长圆光栅制备技术,有望在微 纳光刻领域得到实际的应用。

参考文献

- [1] Gao H J, Zhao X X, Zhang H M, et al. Construction of 2D/0D/2D face-to-face contact $g-C_3N_4@Au@Bi_4$ Ti_3O_{12} heterojunction photocatalysts for degradation of rhodamine B[J]. Journal of Electronic Materials, 2020, 49(9): 5248-5259.
- Guan S T, Li R S, Sun X F, et al. Construction of novel ternary Au/LaFeO₃/Cu₂O composite photocatalysts for RhB degradation via photo-Fenton catalysis[J]. Materials Technology, 2021, 36(10): 603-615.
- [3] Duan Q Q, Ji J Y, Hong X, et al. Design of hole-transport-material free CH₃NH₃PbI₃/CsSnI₃ allperovskite heterojunction efficient solar cells by device simulation[J]. Solar Energy, 2020, 201: 555-560.
- [4] Qi Y P, Wang Y, Zhang X W, et al. A theoretical study of optically enhanced transmission characteristics of subwavelength metal Y-shaped arrays and its application on refractive index sensor[J]. Results in Physics, 2019, 15: 102495.
- [5] Wang X X, Zhu J K, Xu Y Q, et al. A novel plasmonic refractive index sensor based on gold/ silicon complementary grating structure[J]. Chinese Physics B, 2021, 30(2): 024207.
- [6] 王梦梦, 韵力宇, 王一飞, 等. 基于Fano共振的等离 子体折射率纳米传感器[J]. 激光与光电子学进展, 2020, 57(5): 052401.

Wang M M, Yun L Y, Wang Y F, et al. Plasma refractive index nanosensor based on Fano resonance [J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2020, 57(5): 052401.

- [7] Wu Y, Wang X X, Wen X L, et al. Surfaceenhanced Raman scattering based on hybrid surface plasmon excited by Au nanodisk and Au film coupling structure[J]. Physics Letters A, 2020, 384 (23): 126544.
- [8] Liu G Q, Liu Y, Tang L, et al. Semiconductorenhanced Raman scattering sensors via quasi-threedimensional Au/Si/Au structures[J]. Nanophotonics, 2019, 8(6): 1095-1107.

- [9] 辛坤,史晓凤,张旭,等.基于光热效应实现金纳米 粒子的聚集及其SERS应用[J].光学学报,2020,40 (19):1930001.
 Xin K, Shi X F, Zhang X, et al. Aggregation of gold nanoparticles based on photothermal effect and its application in surface-enhanced Raman scattering[J]. Acta Optica Sinica, 2020, 40(19): 1930001.
- [10] Zhang Y B, Yi Z, Wang X Y, et al. Dual band visible metamaterial absorbers based on four identical ring patches[J]. Physica E: Low-Dimensional Systems and Nanostructures, 2021, 127: 114526.
- [11] Yu P Q, Yang H, Chen X F, et al. Ultra-wideband solar absorber based on refractory titanium metal[J]. Renewable Energy, 2020, 158: 227-235.
- [12] Liu Z Q, Tang P, Liu X S, et al. Truncated titanium/semiconductor cones for wide-band solar absorbers[J]. Nanotechnology, 2019, 30(30): 305203.
- [13] Yang L, Wang J C, Yang L Z, et al. Characteristics of multiple Fano resonances in waveguide-coupled surface plasmon resonance sensors based on waveguide theory[J]. Scientific Reports, 2018, 8: 2560.
- [14] 陈颖,周鑫德,周健,等.亚波长介质光栅-金属Ag 薄膜-周期性光子晶体混合结构的Fano共振传感机 理[J].中国激光,2020,47(4):0413001.
 Chen Y, Zhou X D, Zhou J, et al. Fano-resonance sensing mechanism of sub-wavelength dielectric grating-metal Ag thin film-periodic photonic crystal hybrid structure[J]. Chinese Journal of Lasers, 2020, 47(4):0413001.
- [15] Bhat R D, Panoiu N C, Brueck S R, et al. Enhancing the signal-to-noise ratio of an infrared photodetector with a circular metal grating[J]. Optics Express, 2008, 16(7): 4588-4596.
- [16] Chen Y, Li Z Y, Zhang Z Y, et al. Nanoimprinted circular grating distributed feedback dye laser[J]. Applied Physics Letters, 2007, 91(5): 051109.
- [17] Wang Y J, Qin C, Gao X M, et al. Circular grating filters with multiple resonant peaks[J]. Optics and Precision Engineering, 2017, 25(12): 3056-3062.
- [18] Wang Y J, Hu F R, Sameshima H, et al. Fabrication and characterization of freestanding circular GaN gratings[J]. Optics Express, 2010, 18(2): 773-779.
- [19] Yen K, Ratnam M. In-plane displacement sensing from circular grating moiré fringes using graphical analysis approach[J]. Sensor Review, 2011, 31(4): 358-367.
- [20] Kim E S, Kim Y M, Choi K C. Surface plasmonassisted nano-lithography with a perfect contact aluminum mask of a hexagonal dot array[J]. Plasmonics,

第 59 卷 第 11 期/2022 年 6 月/激光与光电子学进展

2016, 11(5): 1337-1342.

- [21] Liu L Q, Luo Y F, Zhao Z Y, et al. Large area and deep sub-wavelength interference lithography employing odd surface plasmon modes[J]. Scientific Reports, 2016, 6: 30450.
- [22] Luo X G, Ishihara T. Surface plasmon resonant interference nanolithography technique[J]. Applied Physics Letters, 2004, 84(23): 4780-4782.
- [23] Fang L, Du J L, Guo X W, et al. The theoretic analysis of maskless surface plasmon resonant interference lithography by prism coupling[J]. Chinese Physics B, 2008, 17(7): 2499-2503.
- [24] Sreekanth K V, Murukeshan V M. Single-exposure maskless plasmonic lithography for patterning of periodic nanoscale grating features[J]. Journal of Micro/Nanolithography, MEMS, and MOEMS, 2010, 9(2): 023007.
- [25] Sreekanth K V, Murukeshan V M. Four beams surface plasmon interference nanoscale lithography for patterning of two-dimensional periodic features[J]. Journal of Vacuum Science & Technology B, Nanotechnology and Microelectronics: Materials, Processing, Measurement, and Phenomena, 2010, 28(1): 128-130.
- [26] Wang X X, Pang Z Y, Yang H, et al. Theoretical study of subwavelength circular grating fabrication based on continuously exposed surface plasmon

interference lithography[J]. Results in Physics, 2019, 14: 102446.

- [27] 王向贤,张斗国,陈漪恺,等.一种基于导模干涉的 超分辨直写光刻机: CN202230299U[P]. 2012-05-23.
 Wang X X, Zhang D G, Chen Y K, et al. A superresolution direct writing lithography machine based on guided mode interference: CN202230299U[P]. 2012-05-23.
- [28] Wang X X, Zhang D G, Chen Y K, et al. Large area sub-wavelength azo-polymer gratings by waveguide modes interference lithography[J]. Applied Physics Letters, 2013, 102(3): 031103.
- [29] Wang B, Chew A B, Teng J H, et al. Subwavelength lithography by waveguide mode interference[J]. Applied Physics Letters, 2011, 99(15): 151106.
- [30] Pang Z Y, Tong H, Wu X X, et al. Theoretical study of multiexposure zeroth-order waveguide mode interference lithography[J]. Optical and Quantum Electronics, 2018, 50(9): 1-9.
- [31] 曹庄琪.导波光学[M].北京:科学出版社,2007.
 Cao Z Q. Guided wave optics[M]. Beijing: Science Press, 2007.
- [32] Tong H, Xu Y Q, Su Y W, et al. Theoretical study for fabricating elliptical subwavelength nanohole arrays by higher-order waveguide-mode interference [J]. Results in Physics, 2019, 14: 102460.