# 激光与光电子学进展

# 立方星平台相机光学系统设计

孙永雪\*,孙晖,姜守望,王珂,陈刚义,李涛 上海卫星装备研究所,上海 200240

**摘要** 立方星具有发射成本低、周期短、尺寸小和功率小等优点,非常适合某些创新技术率先验证、星载一体化或 者以分布式空间网络的方式提供遥感与通讯等服务,例如星座和编队飞行等。鉴于此,设计一个适用于3U立方星 平台的相机光学系统。首先通过对不同光学系统结构进行对比分析,确定系统采用同轴折反式结构,该系统的焦 距为460 mm,视场角为4°,工作波段为450~700 nm。然后通过分析系统的传递函数,得到系统口径与遮拦比之间 的对应关系,确定口径为92 mm,F数为5。最后对系统进行优化,系统以卡式系统为原型,主、次镜为曼金镜,优化 后各视场的像质均接近衍射极限,在奈奎斯特频率处传递函数优于0.3。

关键词 光学设计;光学系统设计;立方星;折反式光学系统;公差分析;光学传递函数分析
 中图分类号 TH702 文献标志码 A doi: 10.3788/LOP202158.0522002

# **Optical System Design of Camera for Cubesat**

Sun Yongxue<sup>\*</sup>, Sun Hui, Jiang Shouwang, Wang Ke, Chen Gangyi, Li Tao Shanghai Institute of Spacecraft Equipment, Shanghai 200240, China

**Abstract** Cubesat has the advantages of low launch cost, short cycle, small size, and low power requirement. It is highly suitable for the first verification of certain innovative technologies, satellite-borne integrations, or distributed space networks to provide remote sensing and communication services, such as constellations and flight formations. Herein, an optical camera system suitable for 3U cubic star platforms is designed. First, based on a comparison and analysis of different optical system structures, the proposed system uses a coaxial reflex structure. The focal length, field of view angle, and working waveband of the system are 460 mm,  $4^{\circ}$ , and 450-700 nm, respectively. Then, by analyzing the transfer function of the system, the corresponding relation between the system aperture and blocking ratio is obtained. The aperture and *F* number are determined to be 92 mm and 5, respectively. Finally, the system is optimized. The system uses the cassette system as the prototype, and the primary and secondary mirrors are Mankin mirrors. After optimization, the image quality of each field of view is close to the diffraction limit and the transfer function at the Nyquist frequency is greater than 0. 3.

**Key words** optical design; optical system design; cubesat; catadioptric optical system; tolerance analysis; modulation transfer function analysis

**OCIS codes** 220. 3620; 220. 4830; 120. 4820

1引言

立方体卫星(立方星)因具有研发成本低、研制

周期短、风险小、器件商业化、发射方式灵活和可快 速组网补网等优势,已成为军、民用航天领域的研 究热点之一。近年来,国外立方星的发展迅速,美

收稿日期: 2020-07-05; 修回日期: 2020-08-06; 录用日期: 2020-08-13 基金项目: "十三五"装备预研共用技术(41403010110) \*E-mail: 983042171@qq.com

国已建成商业对地观测星座"鸽群"。由于受到尺 寸和功率的限制,立方星目前主要为1U~3U构型, 其在遥感、导航、地址探测、环境监测和科学实验等 领域的应用发展迅速,今后将朝着标准化、高度模 块化、即插即用、更多单元构型和星载一体等方向 发展<sup>[1-2]</sup>。本文根据某商业航天3U立方星的项目要 求,设计一个焦距为460 mm、摄远比为0.36、角分 辨率为10 µrad的光学系统。为了满足尺寸的要求, 系统采用同轴折反式结构。

# 2 光学系统的设计过程

#### 2.1 光学系统技术指标分析

针对某 3U 立方星的项目要求来设计光学系统,设计的指标有轨道高度为 500 km、地面分辨率为 5 m、幅宽(K)为 35 km、工作谱段为 450~700 nm 和静态传递函数(MTF)大于 0.15。经过调研可知,选用探测器的像元尺寸为 4.6  $\mu$ m×4.6  $\mu$ m,规格为 8428×6033个像元。

分析光学系统的主要技术指标是光学系统设 计过程中的重要一步,光学系统的主要参数包括系 统焦距、有效口径、视场角和系统F数等,成像系统 如图1所示,其中H为立方星的轨道高度,ω为系统 的视场角。



Fig. 1 Imaging system

根据几何关系,ω可表示为

$$\omega = 2 \arctan \left( K/H \right)_{\circ} \tag{1}$$

使用(1)式可计算出ω值为4°,同理根据H和地 面分辨率(GSD)可以计算出极限分辨率角θ值为 10 μrad。f可表示为

$$f = aH/x_{\rm GSD}, \qquad (2)$$

式中:*a*为探测器的像元尺寸。使用(2)式可计算出*f* 值为460 mm。根据衍射理论,系统口径*D*与θ满足

$$D \geqslant 1.22\lambda/\theta, \tag{3}$$

式中: λ 为波段中心的波长,实验取 575 nm。使用 (3)式可以计算出 D≥70 mm。

相机静态传递函数由光学系统的传递函数和 探测器的传递函数来确定,光学系统的传递函数由 光学系统设计的传递函数和加工装调的传递函数 来确定,表达式为

$$x_{\rm MTF} = x_{\rm MTF \ 1} \times x_{\rm MTF \ 2}, \tag{4}$$

$$x_{\rm MTF\,1} = x_{\rm MTF\,3} \times x_{\rm MTF\,4}, \tag{5}$$

式中: $x_{MTF}$ 为相机静态传递函数; $x_{MTF1}$ 为光学系统的 传递函数; $x_{MTF2}$ 为探测器的传递函数; $x_{MTF3}$ 为光学 系统设计的传递函数; $x_{MTF4}$ 为加工装调的传递函数。  $x_{MTF1}$ 是探测器的固有属性之一,实验中 $x_{MTF2}$ 值为 0.6。由于目前的加工装调水平较高,则 $x_{MTF4}$ 值取为 0.9。若使 $x_{MTF}$ 值优于0.15,则 $x_{MTF3}$ 值优于0.28。

*x*<sub>MTF3</sub>与系统口径、焦距、中心波长及像元尺寸 满足<sup>[3]</sup>

$$x_{\text{MTF}3} = \frac{2}{\pi} \times \frac{A+B+C}{1-\epsilon^2}, \qquad (6)$$

式中: ε 为系统的遮拦比;

$$A = \arccos k_{\rm n} - k_{\rm n} \sqrt{1 - k_{\rm n}^{2}}, \qquad (7)$$

$$B = \epsilon^{2} \left[ \arccos\left(k_{n}/\epsilon\right) - \left(k_{n}/\epsilon\right) \sqrt{1 - \left(k_{n}/\epsilon\right)^{2}} \right],$$

$$0 \leq k_n \leq \varepsilon,$$
 (8)

$$B=0, k_{n} > \varepsilon, \qquad (9)$$

$$C = -\pi \varepsilon^2, \ 0 \leq k_{\rm n} < \frac{1-\varepsilon}{2}, \qquad (10)$$

$$C = -\pi\epsilon^{2} + \left\{ \epsilon \sin\varphi + \varphi (1 + \epsilon^{2}) / 2 - (1 - \epsilon^{2}) \arctan \left[ \frac{(1 + \epsilon) \tan (\varphi / 2)}{1 - \epsilon} \right] \right\}, \frac{1 - \epsilon}{2} \leqslant k_{n} \leqslant \frac{1 + \epsilon}{2}, \quad (11)$$

$$C=0, k_{\rm n} > \frac{1+\varepsilon}{2}, \qquad (12) \qquad k_{\rm n} = \frac{k_{\rm s}}{k_{\rm o}}, \qquad (14)$$

$$\varphi = \arccos\left(\frac{1 + \varepsilon^2 - 4k_n^2}{2\varepsilon}\right), \qquad (13) \qquad \qquad k_s = \frac{1}{\lambda F}, \qquad (15)$$

 $F = \frac{f}{D},\tag{16}$ 

其中

式中:k<sub>s</sub>为奈奎斯特频率,值为109 lp/mm;k<sub>o</sub>为光学 系统的截止频率。根据(6)~(16)式可以得到,x<sub>MTF3</sub> 值大于0.28。D与c之间的对应关系,如表1所示。

> 表1 D与 $\varepsilon$ 的对应关系 Table 1 Correspondence between D and  $\varepsilon$

	P	
D/mm	F	ε
100	4.60	≪0.55
90	5.11	≪0.50
80	5.75	≪0.45
70	6.57	≪0.40

对于光学系统来说,口径越大,则信噪比越大,探测能力越强,分辨细节的能力也越强。考虑到加工成本、装调难度及系统尺寸,确定D值为92mm,系统F数为5。最终光学系统的技术指标:系统焦距为460mm;视场角为4°;有效口径为92mm;波段为450~700nm;F数为5;&为109lp/mm的系统MTF优于0.28。

#### 2.2 结构形式的选择

光学系统的基础形式主要有折射式、折反式和 全反射式三种。折射式光学系统具有大视场、无中 心遮拦和加工装调容易的优点,为了满足上述优 点,通常需要很多镜片,但系统会存在色差。为了 消除色差及高级像差,系统结构可能较复杂并且摄 远比较大。全反射式光学系统具有无色差、结构简 单易于压缩和材料不受波长限制的优点,但平衡像 差的参数较少,在此基础上的离轴反射式结构可以 在单一方向上加大视场,但装调难度很大。折反式 光学系统与反射式系统相比,具有视场大、优化变 量多、可以不使用非球面和加工装调容易等优点; 与折射式系统相比,具有摄远比小、可用小透镜组 校正轴外像差和镜片数量少等优点<sup>[4]</sup>。

本光学系统要求视场角为4°,属于中等视场,要 求焦距为460 mm,系统总长小于200 mm,即摄远比 小于0.43,根据上述分析,确定采用折反式光学 系统。

#### 2.3 光学系统的优化

根据2.2节的设计指标要求,选择合适的初始 结构并对其进行光学系统的优化设计。经过优化, 最终的系统结构如图2所示。系统由6片球面镜组 成,其中镜片1为校正镜,有利于校正轴外像差,增 大视场;镜片2和镜片3均为曼金镜,有利于校正像 差,减少镜片数量,而且镜片2和镜片3构成卡式系 统的原型,镜片3为主镜,其前表面透射,后表面反



Fig. 2 Optical system

射,镜片2起到校正的作用,其前表面的中间部分镀 反射膜,其余部分和后表面均透射,这可以减少次镜 支撑结构对主镜的遮挡,减小遮拦比,并同时起到校 正轴外像差的作用;后光路小透镜组用于校正剩余 像差。

#### 具体的镜面参数如表2所示。

表2 镜面参数

	Table 2	Mirror parameters	
Lens	Diameter/mm	Thickness/mm	Material
1	94	11.28	H-BAK3
2	94	11.00	H-LAK61
3	96	18.70	H-ZK6
4	24	7.90	H-BAF3
5	22	8.42	H-ZBAF16
6	24	8.95	SILICA

#### 2.4 像质分析

实际光学系统与理想光学系统之间有很大差 异,物空间一点发出的光线经过实际光学系统后,不 会聚成一个点而是一个弥散斑,弥散斑的大小及形 状与系统的像差有关。对于一个实际的光学系统来 说,不可能也没必要将各种像差都校正为零,但是像 差是评价一个成像光学系统质量好坏的标准<sup>[5]</sup>。

系统点列图如图 3 所示,其中 OBJ 为物面,IMA 为像面,GEO 为弥散斑半径。从图 3 可以看到,艾 里斑半径为 3.36 μm,各视场弥散斑的方均根半径 都在 1.4 μm 以内,均在探测器的一个像元内而且接 近衍射极限。图 4 为系统像散(场曲)和畸变曲线。

从图 4 可以看到,像散的最大值在 0.01 μm 以 内,系统的畸变小于0.5%。系统的倍率色差的最大 值为 0.32 μm,在 0.18°视场附近,远小于艾里斑半 径。因为系统中心有遮拦,所以缺失中间孔径,则最 大垂轴像差小于4 μm。

#### 第 58 卷 第 5 期/2021 年 3 月/激光与光电子学进展







## 图 4 光学系统的性能曲线。(a)像散(场曲);(b)畸变 Fig. 4 Performance curves of optical systems. (a) Astigmatism (field curvature); (b) distortion

光学系统常用的像质评价方法有仅适用于小 像差系统的瑞利判断和中心点亮度法,以及仅适用 大像差系统的分辨率和点列图法。与以上几种像 质评价方法相比,光学传递函数既与像差相关,又 与系统衍射效果有关,并且具有客观和可靠的优 点,同时适用于大像差系统与小像差系统<sup>[6]</sup>。图 5



为光学系统传递函数曲线。从图5可以看到,各视场、各波段的MTF在奈奎斯特频率为109 lp/mm处均在0.3以上,说明系统满足指标要求。

综上分析,系统虽然存在一些像差,但是综合 评价结果满足指标要求。

#### 2.5 公差分析

光学系统优化完成后的像质并不是最后的结 果,加工和装调过程中还是会产生一些偏差,所以 需分析加工和装调过程中产生的偏差对成像质量 造成的影响,从而确定公差<sup>[7]</sup>。加工过程中,需要分 析元件的曲率半径、厚度、材料折射率、阿贝数及加 工面形等;装配过程中,主要分析元件偏心、倾斜和 各个镜面之间的轴向距离等误差对系统成像质量 的影响,装配公差引起的像质变化可以通过元件间 距及后截距来补偿。公差分配的原则:在满足系统 指标要求的情况下,最大程度地放松系统的加工和 装调公差要求,从而降低成本和装调难度,使用 Zemax软件对加工和装调的公差进行蒙特卡罗分 析,结果如表3所示。从表3可以看到,因要求光学 系统的 MTF 不低于 0.252, 而 90% 的 MTF 值优于 0.252,说明公差分配合理。公差分配的情况如表4 所示,其中N为光圈,△N为局部光圈。

表3 蒙特卡罗分析结果

Table 3 Monte Carlo analysis results

Index/ %	MTF
>99	0.223
>90	0.262
>80	0.274
>50	0.290
>20	0.302
>10	0.308

Surface	N	$\Delta N$	Thickness /mm	Decentration /mm	Lens	Decentration /mm	Thickness /mm	Tilt /(")
1	2.0	0.200	$\pm 0.050$	$\pm 0.02$	1	$\pm 0.05$	$\pm 0.05$	$\pm 0.05$
2	1.0	0.300		$\pm 0.02$				
3	1.0	0.168	$\pm 0.025$	$\pm 0.01$	2	$\pm 0.02$	$\pm 0.02$	$\pm 0.02$
4	1.0	0.200		$\pm 0.01$				
5	1.4	0.200	$\pm 0.025$	$\pm 0.01$	3	/	/	/
6	1.0	0.168		$\pm 0.01$				
7	4.0	0.300	$\pm 0.050$	$\pm 0.02$	4	$\pm 0.05$	$\pm 0.05$	$\pm 0.05$
8	2.0	0.300		$\pm 0.02$				
9	4.0	0.300	$\pm 0.050$	$\pm 0.02$	5	$\pm 0.05$	$\pm 0.05$	$\pm 0.05$
10	5.0	0.300		$\pm 0.02$				
11	5.0	0.300	$\pm 0.050$	$\pm 0.02$	6	$\pm 0.05$	$\pm 0.05$	$\pm 0.05$
12	6.0	0.300		$\pm 0.02$				

表4 公差分配 Table 4 Tolerance distribution

#### 2.6 成像效果

根据2.5节的公差分析结果,使用定心车边仪 对系统进行装调。首先将镜片与镜室通过罐胶的方 式进行成组,采用定心车削的方式来保证镜子与镜 室的同心度以及镜室端面的垂直度;按照主镜、后光 路透镜组、次镜和校正镜的顺序进行装调,装调完成 后在镜筒罐胶孔罐胶,从而固定镜筒和镜室。图6 为使用该系统对8km外实景的成像结果。



图 6 实景成像 Fig. 6 Scene imaging

# 3 结 论

本课题组设计一个中等视场、小摄远比、全球面、 小体积和低成本同轴折反式光学系统,该系统适用于 3U立方星平台。经过公式计算可以确定系统的焦距 与视场角,通过计算分析系统MTF可以确定系统口 径。对不同的光学系统结构进行对比分析,最终采用 同轴折返式结构,该结构可以有效减小摄远比,系统 以卡式系统为原型,采用曼金镜、校正镜和小透镜组 来校正系统像差,扩大视场,而且成像质量接近衍射 极限。该系统焦距为460 mm,视场角为4°,口径为 92 mm,系统结构尺寸为100 mm×100 mm×166 mm, 相机总质重小于5 kg。该系统采用常规材料,具有加 工难度低、成本低、装调简单和工程可实现性好的优 点,在立方星及微纳卫星领域具有广阔的应用前景。

#### 参考文献

- [1] Ye Z, Li X W, Wang C, et al. Survey of technological development of optical payload for micro-nano satellite [J]. Spacecraft Engineering, 2016, 25(6): 122-130.
  叶钊,李熹微,王超,等.微纳卫星光学载荷技术发展综述[J]. 航天器工程, 2016, 25(6): 122-130.
- [2] Ma D K, Kuang Y, Yang X Q. Development actual state and trends of nano-satellite [J]. Space Electronic Technology, 2017, 14(3): 42-45, 79.
  马定坤, 匡银,杨新权.微纳卫星发展现状与趋势 [J].空间电子技术, 2017, 14(3): 42-45, 79.
- [3] Cota S A, Bell J T, Boucher R H, et al. PICASSO: an end-to-end image simulation tool for space and airborne imaging systems[J]. Proceedings of SPIE, 2008, 7087: 708703.
- [4] Ren Z G, Li X Y, Ni D W. Compact space optical system design with large relative aperture and field of view [J]. Acta Optica Sinica, 2019, 39 (9) : 0922001.

任志广,李旭阳,倪栋伟.大相对孔径、大视场、紧 凑型空间光学系统设计[J].光学学报,2019,39 (9):0922001.

[5] Yang F Z, Chen X H, Zhao Z C, et al. Visibleinfrared imaging spectrometer for the exploration of asteroids [J]. Acta Optica Sinica, 2020, 40 (7) :

#### 第 58 卷 第 5 期/2021 年 3 月/激光与光电子学进展

0722002.

杨福臻,陈新华,赵知诚,等.面向小行星探测的可见-红外光谱成像光学系统[J].光学学报,2020,40 (7):0722002.

[6] Chen H D, Xue C X. Design of mid-wave infrared optical system with high variable ratio miniaturization
[J]. Acta Optica Sinica, 2020, 40(2): 0222001.
陈虹达,薛常喜.高变倍比小型化的中波红外光学

系统设计[J]. 光学学报, 2020, 40(2): 0222001.

 [7] Du K, Liu C Y, Liu S, et al. Design of coaxial ultracompact primaryand tertiary mirror integrated optical system [J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2020, 57(7): 072202.

杜康,刘春雨,刘帅,等.同轴超紧凑型主三镜一体 化光学系统的设计[J].激光与光电子学进展, 2020,57(7):072202.