# 激光与光电子学进展

## 基于混合机器学习法的太赫兹波 鉴别草种的研究

王芳<sup>1</sup>, 张春红<sup>1</sup>, 赵景峰<sup>2\*</sup>, 哈斯巴特尔<sup>2</sup>, 张玉<sup>1</sup> <sup>1</sup>中国石油大学(北京)理学院, 北京 102249; <sup>2</sup>內蒙古自治区草原工作站, 內蒙古 呼和浩特 010020

摘要 利用太赫兹时域光谱技术对黄耆类牧草种子样品进行测试,得到5种常见沙打旺牧草种子在0.2~1.2 THz 有效频率范围内的太赫兹时域谱,然后通过快速傅里叶变换得到了各牧草种子样品的吸收系数、折射率等光学参 数。研究后发现:在有效频率范围内,样品时域谱的峰值强度和延迟时间均不同,且每条谱线的平均吸收系数和标 准差也有明显差异,各样品的平均折射率也有较大差异。同时,本文提出了一种将主成分分析(PCA)与随机森林 (RF)机器学习算法相结合的优化实验数据的混合模型PCA-RF,并基于太赫兹折射率谱,采用PCA-RF模型和RF 模型对5种牧草种子的200个数据集进行了统计计算。结果表明:混合模型PCA-RF的平均分类准确率为 91.20%;与RF模型相比,不管是总的平均分类准确率,还是每种样品的分类准确率,PCA-RF模型都优于RF模 型。研究结果表明,太赫兹时域光谱技术结合混合机器学习算法的PCA-RF模型是一种无损鉴定牧草种子真伪的 有效手段,可用于鉴别同族且差异较小的牧草品种。

关键词 光谱学;太赫兹时域光谱;主成分分析;随机森林;定性鉴别;定量分析
 中图分类号 O433.4 \_\_\_\_\_\_\_\_\_ 文献标志码 A \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ doi: 10.3788/LOP202158.0330001

## Identification of a Grass Species Using a Terahertz Wave Based on Hybrid Machine Learning Method

Wang Fang<sup>1</sup>, Zhang Chunhong<sup>1</sup>, Zhao Jingfeng<sup>2\*</sup>, Sibateer Ha<sup>2</sup>, Zhang Yu<sup>1</sup> <sup>1</sup>College of Science, China University of Petroleum, Beijing 102249, China; <sup>2</sup>Inner Mongolia Grassland Station, Huhhot, Inner Mongolia 010020, China

**Abstract** In this study, the terahertz time-domain spectroscopy (THz-TDS) technology was used to conduct experimental tests on seed samples of astragalus japonica. We obtained the terahertz time-domain spectra of five kinds of *Astragalus adsurgens* Pall. seeds in the effective frequency range of 0.2–1.2 THz, and used the fast Fourier transform analysis to study the optical parameters such as the absorption coefficient and refractive index of each grass-seed sample. It was found that in the effective frequency range, the peak intensity and delay time of the time-domain spectrum of the samples were different, and the average absorption coefficient and standard deviation of each spectrum line were significantly different. In addition, the average refractive index of the samples was significantly different. At the same time, this study proposes a hybrid model of optimized experimental data that combines principal component analysis (PCA) with random forest machine learning (RF). Based on the terahertz refractive index spectrum, 200 datasets of five forage species were statistically calculated, and the calculated results were compared with the calculated

收稿日期: 2020-05-03; 修回日期: 2020-06-12; 录用日期: 2020-06-19

**基金项目**:内蒙古自治区科技计划(201602054)

\*E-mail: jingfengzhao62@163.com

results of the RF model. The results show that the average classification accuracy of principal component analysisrandom forest (PCA-RF) in the mixed model is 91.20%. Compared with the RF model, both total average classification accuracy and the classification accuracy of each sample of the PCA-RF model are better than those of the RF model. The study shows that the PCA-RF model combining THz-TDS with the hybrid machine learning algorithm can be used as an effective method for the nondestructive identification of the authenticity of forage grass seeds. In particular, it can be used for the classification of forage grass varieties of the same family with little difference.

**Key words** spectroscopy; terahertz time-domain spectroscopy; principal component analysis; random forest; qualitative identification; quantitative analysis

**OCIS codes** 300. 6495; 300. 1030

## 1 引 言

沙打旺又名直立黄耆,是多年生草本豆科牧草 植物,具有药用价值和饲用价值。牧草沙打旺的优 劣会直接影响到畜牧业经济效益的高低,因此,沙 打旺品种的鉴定是草业科学研究的一项基本内容, 对于摸清沙打旺品种、挖掘地方优良品种、进行品 种选育等具有重要意义<sup>[1]</sup>。

近几年,随着光谱无损检测技术的发展,作为红 外光谱辅助手段的太赫兹技术在植物种子及种间差 异的鉴别中显示出了其独有的优势。太赫兹的单光 子能量很低(约为4.1 MeV),对生物体无电离损 伤[2],不会对生物组织和细胞造成损害;同时,生物有 机分子的分子间弱相互作用和晶体中晶格的低频振 动吸收对应太赫兹波段<sup>[3]</sup>,所以可以通过特征共振和 吸收对物质进行指纹谱分析,而这一特性也为植物种 子的分类鉴别奠定了理论基础。尽管植物种子是一 种混合物,成分较为复杂,很难出现指纹谱,但有些学 者将太赫兹技术与机器学习算法相结合,通过定量计 算分析也取得了一定进展。例如:2016年,Liu等[4]利 用太赫兹时域光谱成像技术对稻米进行了太赫兹图 像的采集,随后利用随机森林(RF)算法对获得的图 像进行分类鉴别,得到了比较满意的结果;2016年, 龙怡霖等<sup>[5]</sup>利用随机森林分类器对有缺损的杂草种 子图像进行分类识别,提出了一种实用性更强的模 型;2019年,杨玉平等[6]利用太赫兹光谱技术结合主 成分分析法成功地对中草药藏红花和草红花以及天 然、人工牛黄进行了比较准确的区分;2019年,周月 等[7]利用主成分分析法结合随机森林算法对转基因 油菜种子的太赫兹吸收光谱进行了识别,结果表明, 该方法对转基因油菜的分类准确率达到了91.00%。 以上这些研究的成功为利用太赫兹波技术进行牧草 种子的有效鉴定识别奠定了理论及实验基础。

本文在太赫兹实验研究的基础上,提取了5种

牧草沙打旺种子的太赫兹光谱,然后进行了牧草种 子及种间差异的定性鉴定识别研究。特别地,本文 提出了一种将主成分分析(PCA)与随机森林算法 相结合的PCA-RF算法,然后采用该算法对实验测 试得到的5种沙打旺牧草种子的折射率数据进行了 量化识别计算,并将计算结果与传统的单一随机森 林算法的计算结果进行对比分析,从而确定了 PCA-RF算法的优势。所提算法为快速有效地对牧 草种子进行鉴别提供了一种新思路和新方法。

### 2 实验及结果分析

#### 2.1 实验装置及样品

本文采用的实验装置是钛蓝宝石飞秒锁模激 光器,其可产生中心波长为800 nm、重复频率为 80 MHz、脉宽为100 fs的激光脉冲,该激光器的输 出功率为960 mW。采集太赫兹光谱的太赫兹时域 光谱(THz-TDS)系统的实验装置如图1所示<sup>[8]</sup>。所 有的测试均在室温(23℃)条件下进行。





实验采用的5种样品均由内蒙古草原站提供,来 自内蒙古各草种基地。5种样品的名称、年份及产地 如表1所示。所有牧草样品种子均呈颗粒状,且外形 相似。测试时,先对样品进行挑选、粉碎、研磨、烘干处 理,得到沙打旺种子的粉末,称取一定质量的样品,将 其与聚乙烯粉末充分均匀混合(样品与聚乙烯的质量

#### 表1 5种牧草沙打旺种子的相关信息

 Table 1
 Relevant information of five samples of Astragalus

 adsurgens
 Pall. seeds

Number	Name	Place of origin	Year
Sample 1	Sha Da Wang 1	Helin	2010
Sample 2	Sha Da Wang 2	Helin	2012
Sample 3	Sha Da Wang 3	Helin	Before 2010
Sample 4	Sha Da Wang 4	Helin	2016
Sample 5	Sha Da Wang 5	Helin	2016

比为8:1),然后用粉末压片机将制得的粉末在20 MPa 压力下压制成厚度为1.2 mm的圆片。样片表面无裂 缝,两平面保持平行(可减少测量时的多重反射)。

#### 2.2 实验结果及分析

通过实验采集5种样品在0.2~1.2 THz有效 频段内的太赫兹时域光谱图,如图2(a)所示。可 以看出,5种样品的峰值强度和延迟时间略有不 同,峰值强度从高到低分别是样品1(0.10544)、样 品 4 (0.09983) 、样 品 3 (0.09942) 、样 品 2 (0.09827)、样品5(0.09756),延迟时间从左到右 分别是样品1(7.010 ps)、样品3(7.030 ps)、样品2 (7.080 ps)、样品4(7.150 ps)、样品5(7.180 ps)。 由于样品的实验测试初始条件一致,而且每个样 品的厚度都是1.2 mm,质量都是0.9g,且颗粒粒 径集中在107~125 µm之间,烘干时间也相同,所 以样品不同的延迟时间和峰值强度说明了样品对 太赫兹波的折射与吸收是不同的,这也说明了利 用太赫兹时域光谱技术定性鉴定识别黄耆类牧草 种子及种间差异的可行性。但由于5种沙打旺种 子属于同族牧草系列,所以其差异性不太大。 图 2(b) 是 5 种样品的太赫兹频域图谱, 可以看出, 样品在 0.2 THz 之前以及在 1.2 THz 之后的振幅 几乎为0,对数据分析几乎没有影响。因此,本文 选择 0.2~1.2 THz 频段的光谱数据进行处理和 分析。



#### 图 2 5种牧草沙打旺样品的太赫兹时域、频域光谱图。(a)时域光谱图;(b)频域光谱图



图 3 是 5 种样品的吸收系数谱图。由图 3 可以 看出,5 种样品的吸收光谱曲线较为类似,没有明显 的吸收峰。这是因为牧草种子是一种混合物,成分 复杂,各种有机分子之间的特征吸收峰可能会出现 重叠,导致样品的波形较为平滑。具体来说,在低频 区(0.2~0.7 THz),5 种样品的波形几乎完全重叠, 难以直接区分;而在高频区(0.7~1.2 THz),5 种样 品的区分度较好。这说明,随着频率增大,5 种样品 对太赫兹波越来越敏感,可辨别性越来越大。

本文将5种样品在高频区的吸收系数进行了平 均和标准差分析,分析结果如图4所示。可以看出, 在5种样品中,样品1的平均吸收系数最大(为 2.010),样品5的吸收系数最小(1.523)。因此,可 以根据吸收系数对5种样品进行辨别区分。在标准







差分析中可以看到:样品1的误差棒最长,说明其大部分吸收系数的数值与平均值之间的差异较大,即





该样品对太赫兹波吸收的变化最明显;样品3的误差棒最短,说明随频率的升高,其对太赫兹波吸收的变化不明显。

图 5 是 5 种样品的折射率谱图。很明显,5 种样品的折射率具有相同的起伏变化,且整体随着频率 增大呈现降低的趋势。样品 1 和样品 4 的折射率相 近,它们在有效频段内的平均折射率分别为 1.588 和 1.584;样品 3 和样品 5 的平均折射率相近,分别为 1.557 和 1.562;样品 2 的折射率最小,其平均折射率 为 1.543。从吸收系数和折射率谱图对比来看,吸收 谱图在高频区的区分度较好,而折射率谱图在整个 有效频段内的可识别性较大,所以,为了准确、快速 地鉴别差异较小的 5 种样品,本文采用折射率数据 进一步与机器学习算法相结合进行研究。



图 5 5种牧草沙打旺样品的折射率谱图



## 3 随机森林模型及 PCA-RF 模型的 比较

#### 3.1 主成分分析算法及随机森林算法

主成分分析是机器学习中一种常用的降维方法,该方法的特征提取是通过将多个变量转化为少

数几个变量实现的<sup>[3]</sup>。主成分分析算法通过构造一 组正交基,将高维度的数据投影至一个超平面上, 将高维数据降至低维,并且使降维后的数据方差尽 可能大,这样降维后的数据就保留了原始高维数据 中的大部分信息。对一个样本集合 $X = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$ 进行主成分分析的步骤如下:

1)对所有样本进行中心化,
$$x_i = x_i - \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i$$
;

 2)计算样本集合的协方差矩阵,Cov =  $\sum_{i=1}^{n} x_i x_i^{T}$ ;

 3)对协方差矩阵进行特征值分解;

4)取前 k个最大特征值,即 k个目标维数,并计 算对应的特征向量  $W = (w_1, w_2, \dots, w_k)$ ,以 W为 一组基构造新的低维样本集合  $X'_{\circ}$ 。

随机森林算法是以大量决策树的结果汇总来提 高模型精度的,该算法避免了过拟合问题,非常适合 折射率、吸收系数等非线性数据的建模,并在数据缺 失或不平衡的情况下仍能保持稳定<sup>[10]</sup>。随机森林是 一种有监督的模式识别算法<sup>[11]</sup>,它通常包含 ID3 (Iterative Dichotomiser 3)、C4.5(Classification 4.5)、 CART (Classification and Regression Tree)三种算 法<sup>[12]</sup>。本文采用 ID3算法进行计算。ID3算法将基 于香农信息论的信息增益(information gain)作为划 分准则。某个属性的信息增益越大,使用该属性进 行划分后的子集就越纯。

设D为训练的样本集合,d为样本的某个属性, 共有 V个可能的取值( $d_1, d_2, \dots, d_V$ )。 $D^v$ 为属性d中所有取值为 $d_V$ 的样本集合。信息增益的定义由 (1)式给出,Grain(D,d)表示样品集合D中属性为d的信息增益。Ent(D)表示样本集合D的信息熵 (information entropy),定义由(2)式给出。其中, $p_i$ 表示第i个样本所占的比例, $i = 1, 2, \dots, n$ 。

$$\operatorname{Gain}(D, d) = \operatorname{Ent}(D) - \sum_{v=1}^{v} \frac{|D^{v}|}{D} \operatorname{Ent}(D^{v}), (1)$$
$$\operatorname{Ent}(D) = -\sum_{i=1}^{n} p_{i} \log_{2} p_{i\circ}$$
(2)

由以上可知,主成分分析算法对数据具有良好 的处理能力,可以在对大量数据进行降维处理减少 数据量的同时保留数据中的主要信息,且可以去除 无用噪声。但是,对于一组数据而言,该算法本身无 法给出任何有用的信息,而随机森林分类器不仅可 以对数据进行有效分类,还可以有效防止数据过拟 合。为了体现主成分分析和随机森林分类器结合后 的优势,本文分别建立了随机森林模型与主成分分 析-随机森林模型来对5种样品进行分类鉴别,从而 确定一种更加准确的用于牧草种子的分类方式。

#### 3.2 随机森林模型及计算结果分析

为了建立样品的数据集,本文首先选取了5种 牧草沙打旺样品在有效频段(0.2~1.2 THz)内的 折射率数据。为了缩短模型的学习时间,提高预测 精确度,本文同时选取了5种样品的振幅系数,建立 5种样品的数据集(共200个),每种样品各40组数 据。以训练集170组、测试集30组的建模方法建立 随机森林模型,并以测试集分类准确率(test accuracy)来评价模型的好坏(即判断测试集与训练 集所建立模型的吻合程度),分类准确率越高,吻合 性越好,模型精度越高<sup>[13]</sup>。表2为随机森林模型的 分类结果。由表2可知:随机森林模型对5种牧草 沙打旺样品的10次平均分类准确率为85.00%;在 10次训练过程中,样品5的分类准确率最高,为 90.90%,样品1的分类准确率最低,为81.60%;整 体的分类结果较低,结果不太理想。

表2 随机森林模型的分类结果

Classification results of RF	model
------------------------------	-------

No.	Classification accuracy of all kinds of samples/ $\%$					Classification accuracy of
	Sample 1	Sample 2	Sample 3	Sample 4	Sample 5	five samples/ ½
1	75	100	86	67	86	83.30
2	80	89	86	80	100	86.70
3	91	60	100	86	67	83.30
4	60	100	100	67	86	83.30
5	80	67	67	100	100	83.30
6	75	100	89	80	100	86.70
7	100	63	100	100	80	86.70
8	80	100	78	71	100	83.30
9	75	85	75	88	100	86.70
10	100	83	80	80	90	86.70
Average classification accuracy/%	81.60	85.00	86.10	81.90	90.90	85.00

#### 3.3 数据处理及建立PCA-RF模型

为了提高随机森林模型的精度,考虑到折射率图 谱中的数据点较多,具有一定的噪声干扰,所以需要对 原始数据进行处理,提取特征量后再进行建模分析。 先从5种牧草样品的折射率数据出发,对数据进行主 成分分析,然后选取贡献率最高的三个主成分(几乎能 代表所有折射率光谱数据信息),再结合有效频段内的 振幅系数,以随机森林算法模型为基础,建立PCA-RF 模型。对折射率数据进行主成分分析后,得到了前 三个特征分量的贡献率及累计贡献率,如表3所示。 其中主成分1的贡献率超过95.00%,为95.79%,前 三个主成分的累计贡献率达到了99.68%,说明前

表3 主成分特征向量

00 1 1 0	T. 1	<i>c</i>		
Toble 3	Liconvotor	ot	principlo	aampanant
	ENPERIVECTOR	OI.	DITIUTE	connoonent
			p	

	Eigenvector					
Component	Eigenvalue	Variance contribution	Cumulative variance			
		rate/%	contribution rate/ /0			
1	84.29	95.79	95.79			
2	3.214	3.650	99.44			
3	0.2125	0.2400	99.68			

三个主成分可以代表原始光谱 99.68% 的信息。所以,本文以表 3 中的前三个主成分数据以及 0.2~ 1.2 THz频段内的振幅系数作为数据源,建立每种样品的数据集。同时以170组训练集和 30组测试集建立 PCA-RF模型。最终模型的分类准确率如表4所示。

表4的计算结果表明,PCA-RF模型对5种牧草 样品的10次平均分类准确率为91.20%,并且模型 对样品4的分类准确率最高(为97.00%),对样品3 的分类准确率最低(为88.30%),对其他三类样品 的分类准确率也分别达到了94.20%、92.10%和 91.40%,均超过了90.00%。与随机森林模型相 比,样品4的平均准确率提升得最大,由81.90%提 升到了97.00%,提高了15.1个百分点,样品5的准 确率提升得较小,为0.5个百分点。总体来说,不管 是10次总的分类结果,还是10次各样品的分类准 确率,PCA-RF模型都优于随机森林模型,说明 PCA-RF模型在黄耆类牧草种子的分类方面比随机 森林模型更适合。因为主成分分析不仅较好地保 存了有效信息,还极大地剔除了无效数据,减少了 数据的维数,从而极大地提高了模型的精度。

1 able 4 Classification results of 1 CA KI <sup>+</sup> model						
No	Classification accuracy of all kinds of samples/ $\frac{1}{2}$					Classification accuracy of
110.	Sample 1	Sample 2	Sample 3	Sample 4	Sample 5	five samples/ %
1	80	100	100	90	100	93.30
2	100	83	89	80	100	90.00
3	100	83	75	100	100	93.30
4	100	80	83	100	75	90.00
5	100	100	80	100	71	90.00
6	86	100	83	100	100	93.30
7	86	75	100	100	100	90.00
8	90	100	100	100	100	96.70
9	100	100	87	100	88	90.00
10	100	100	86	100	80	93.30
Average classification accuracy/%	94.20	92.10	88.30	97.00	91.40	91.20

表 4 PCA-RF 模型的分类结果 Table 4 Cleasification results of BCA RF model

## 4 结 论

本文利用太赫兹时域光谱技术对黄耆类牧草 种子进行了测试,并进行了种间差异的定性分析。 分析结果表明:5种样品的时域光谱,无论是峰值强 度还是延迟时间均存在差异,并且黄耆类牧草种子 对太赫兹波的敏感性随着频率的增大而增强,样品 种间的太赫兹光学特征在高频区域的差异比较明 显。这说明利用太赫兹时域光谱技术定性鉴定识 别黄耆类牧草种子及种间差异是可行的。

为了提高测试结果的精确度,剔除无效数据, 本文提出了PCA-RF计算模型,采用该模型对光谱 实验数据进行了计算,并将计算结果与传统随机森 林模型的计算结果进行了对比。对比结果显示: PCA-RF模型对5种样品的平均分类准确率达到了 91.20%,与RF模型85.00%的分类准确度相比有 了较大提升,且PCA-RF模型对每种样品10次测试 的分类准确率也都高于RF模型。

以上结果说明太赫兹时域光谱技术结合混合机 器学习算法的PCA-RF模型是一种很好的提高鉴定 识别精度的混合方法。这种混合分析方法不仅为牧 草品种的鉴别提供了一种快速、有效的办法,同时也 为建立牧草种质资源数据库奠定了基础。

#### 参考文献

[1] Li X L, Shao A J, Zhan X R, et al. Study on microscopic identification of *Astragalus complanatus* and *A. adsurgens* seeds[J]. China Journal of Chinese Materia Medica, 2015, 40(7): 1271-1273.
李晓琳, 邵爱娟, 展晓日, 等. 沙苑子及其伪品直立 黄芪的显微鉴别研究[J]. 中国中药杂志, 2015, 40 (7): 1271-1273.

[2] Liu X Q, Yao J L, Huang F, et al. Study on detection of penicillin drugs based on terahertz time-domain spectroscopy[J]. Acta Optica Sinica, 2020, 40(6): 0630001.
刘晓庆,姚嘉丽,黄凡,等.基于太赫兹时域光谱的 憲憲憲業茲物检测研究[J] 来受受报 2020 40

青霉素类药物检测研究[J]. 光学学报, 2020, 40 (6): 0630001.

- [3] Zhang W T, Li Y W, Zhan P P, et al. Recognition of transgenic soybean oil based on terahertz timedomain spectroscopy and PCA-SVM [J]. Infrared and Laser Engineering, 2017, 46(11): 1125004.
  张文涛,李跃文,占平平,等.基于太赫兹时域光谱 技术与PCA-SVM 的转基因大豆油鉴别研究[J]. 红 外与激光工程, 2017, 46(11): 1125004.
- [4] Liu W, Liu C H, Hu X H, et al. Application of terahertz spectroscopy imaging for discrimination of transgenic rice seeds with chemometrics [J]. Food Chemistry, 2016, 210: 415-421.
- [5] Long Y L, Cai C. Random forest- based damaged weed seeds recognition [J]. Computer Applications and Software, 2016, 33(8): 185-189.
  龙怡霖,蔡骋.基于随机森林的缺损杂草种子识别
  [J]. 计算机应用与软件, 2016, 33(8): 185-189.
- [6] Yang Y P, Zhang C, Liu H S, et al. Identification of two types of safflower and bezoar by terahertz spectroscopy[J]. Spectroscopy and Spectral Analysis, 2019, 39(1): 45-49.

杨玉平,张成,刘海顺,等.两类红花和牛黄的太赫 兹光谱法真伪鉴别分析[J].光谱学与光谱分析, 2019,39(1):45-49.

#### 第 58 卷 第 3 期/2021 年 2 月/激光与光电子学进展

- [7] Zhou Y, Sun J, Yang SG, et al. Terahertz spectral analysis and recognition based on machine learning
  [J]. Radio Engineering, 2019, 49(12): 1031-1036.
  周月,孙霁,杨四刚,等.基于机器学习的太赫兹光
  谱分析与识别[J]. 无线电工程, 2019, 49(12): 1031-1036.
- [8] Bao R M, Zhao K, Tian L, et al. Analysis of THz timedomain spectroscopy in crude oil ultrasound treatment
  [J]. Modern Scientific Instruments, 2013(2): 126-129.
  宝日玛,赵昆,田璐,等.原油超声处理的太赫兹时 域光谱分析[J].现代科学仪器, 2013(2): 126-129.
- [9] Liu J X, Du B, Deng Y Q, et al. Terahertz-spectral identification of organic compounds based on differential PCA-SVM method[J]. Chinese Journal of Lasers, 2019, 46(6): 0614039.
  刘俊秀,杜彬,邓玉强,等.基于差分-主成分分析-支持向量机的有机化合物太赫兹吸收光谱识别方法
- [10] Li X H. Using "random forest" for classification and regression [J]. Chinese Journal of Applied Entomology, 2013, 50(4): 1190-1197.

[J]. 中国激光, 2019, 46(6): 0614039.

李欣海.随机森林模型在分类与回归分析中的应用

[J]. 应用昆虫学报, 2013, 50(4): 1190-1197.

- [11] Xu H D, Lin L L, Li Z, et al. Nephrite origin identification based on Raman spectroscopy and pattern recognition algorithms [J]. Acta Optica Sinica, 2019, 39(3): 0330001.
  徐荟迪,林露璐,李征,等.基于拉曼光谱和模式识别算法的软玉产地鉴别[J]. 光学学报, 2019, 39 (3): 0330001.
- [12] Yuan L S, Lou M Y, Liu Y Q, et al. Palm vein classification based on deep neural network and random forest[J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2019, 56(10): 101010.
  袁丽莎,娄梦莹,刘娅琴,等.结合深度神经网络和 随机森林的手掌静脉分类[J]. 激光与光电子学进展, 2019, 56(10): 101010.
- [13] Wang B, Wang Q H, Xiao Z, et al. Discrimination of origin of eggs using visible-near-infrared spectroscopy and random forest [J]. Science and Technology of Food Industry, 2017, 38(24): 243-247.
  王彬,王巧华,肖壮,等.基于可见-近红外光谱及随机森林的鸡蛋产地溯源[J]. 食品工业科技, 2017, 38(24): 243-247.