# 激光与光电子学进展

## 可见光通信中翻转/单极性正交频分复用 对偶最大似然接收机

李建锋1, 刘晓爽1\*, 任亚浩1, 黄治同2

<sup>1</sup>河北经贸大学信息技术学院,河北 石家庄 050061; <sup>2</sup>北京邮电大学信息光子学与光通信国家重点实验室,北京 100876

摘要 针对可见光通信(VLC)中的翻转/单极性正交频分复用(Flip/U-OFDM)系统,提出了对偶最大似然(ML) 接收机。对偶ML在时域对Flip/U-OFDM部分信号进行置0操作,可获得一些信噪比(SNR)增益。并且对偶ML 是一种简单的信号处理方法,不会增加接收机的复杂度。仿真结果表明:在加性高斯白噪声(AWGN)信道下,对偶 ML 接收机可提升约2 dB的 SNR 增益;在限幅信道和发光二极管(LED)非线性信道下,对偶 ML 接收机可以获得 2 dB~3 dB的增益。

关键词 光通信;可见光通信;翻转/单极性正交频分复用;解调;对偶最大似然
 中图分类号 TN929.12
 文献标志码 A
 doi: 10.3788/LOP202158.2306008

## Pairwise Maximum Likelihood Receiver for Flip/Unipolar Orthogonal Frequency Division Multiplexing in Visible Light Communication

Li Jianfeng<sup>1</sup>, Liu Xiaoshuang<sup>1\*</sup>, Ren Yahao<sup>1</sup>, Huang Zhitong<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Information Technology College, Hebei University of Economics and Business, Shijiazhuang, Hebei 050061, China; <sup>2</sup>State Key Laboratory of Information Photonics and Optical Communications, Beijing University of Posts and Telecommunications, Beijing 100876, China

**Abstract** A pairwise maximum likelihood (ML) receiver is proposed for flip/unipolar orthogonal frequency division multiplexing (Flip/U-OFDM) system in visible light communication (VLC). Parts of Flip/U-OFDM signal are set at zero by pairwise ML in time domain, which can get some signal to noise ratio (SNR) gain. And the pairwise ML is a simple signal processing method, which will not increase the complexity for the receiver. Simulation results show that SNR gain of 2 dB can be available for the pairwise ML receiver in additive white Gaussian noise (AWGN) channel. SNR gain of 2 dB-3 dB will be achieved for the pairwise ML receiver in amplitude clipping channel and light emitting diode (LED) nonlinearity channel.

**Key words** optical communications; visible light communication; flip/unipolar orthogonal frequency division multiplexing; demodulation; pairwise maximum likelihood

**OCIS codes** 060. 4510; 060. 4080

收稿日期: 2021-05-07; 修回日期: 2021-05-15; 录用日期: 2021-05-18

**基金项目**:国家自然科学基金(61801165)、河北省高等学校科学技术研究项目(ZD2020163,ZD2021044)、河北经贸大学 基金(2020JYQ05,2020JYY50)

通信作者: \*liuxiaoshuang55@126.com

### 1 引 言

目前,传统的射频频谱资源几乎耗尽。研究 人员发现可见光波段有较宽的、免授权的频谱资 源<sup>[1-2]</sup>。因此,近年来基于发光二极管(LED)的可 见光通信(VLC)技术越来越受到关注<sup>[3-4]</sup>。然而, 由于 LED 的物理带宽较小,正交频分复用 (OFDM)调制技术常被用来提高频谱利用率<sup>[5]</sup>。 在 VLC 系统中,发射机 LED 发出的信号需为正实 数形式,这是一个典型的强度调制/直接检测 (IM/DD)系统<sup>[6]</sup>。为此,研究者提出了一些针对 IM/DD系统的OFDM 技术<sup>[7-9]</sup>。Fernando等<sup>[10]</sup>提 出了基于信号翻转的OFDM(Flip-OFDM)技术。 几乎在同一时间, Tsonev等<sup>[11]</sup>也提出了单极性 OFDM(U-OFDM)。Flip-OFDM和U-OFDM的 原理是一样的:时域信号的正值部分保持不变,对 负值部分进行取反操作,然后拼接到正值信号后 面,这样就得到了正实数形式的时域信号。经验 证, Flip/U-OFDM系统性能与非对称切除光 OFDM(ACO-OFDM)的性能一致<sup>[10]</sup>。在传输速 率相同的情况下,Flip/U-OFDM需要的快速傅里 叶变换(FFT)长度仅为ACO-OFDM的一半。 ACO-OFDM系统可通过分集合并或者对偶最大 似然(ML)提升接收性能<sup>[12-14]</sup>。李建锋等<sup>[15]</sup>使用 分集合并技术来提升 ACO-OFDM 系统性能。然 而,在Flip/U-OFDM系统中,很难利用传统的分 集合并技术。Huang等<sup>[16]</sup>针对Flip/U-OFDM,提 出了迭代接收机。虽然迭代接收机可以提升系统 的接收性能,但是迭代接收方法会增加系统的复杂 度。Tsonev等<sup>[17]</sup>提出了增强的U-OFDM(eU-OFDM)技术来改善频谱效率。但是在此方法中, 多个U-OFDM信号在时域叠加,接收机在分离各 U-OFDM信号时,需要复杂的迭代操作。Liu等<sup>[18]</sup> 提出了迭代对偶ML方法来改进ACO-OFDM的接 收性能。对偶ML是一种较为简单的信号处理方 法<sup>[13]</sup>。能否利用对偶ML或其他技术来提升Flip/ U-OFDM系统性能,还需要进一步研究。

本文将对偶 ML 技术引入 Flip/U-OFDM 系统 中。首先,在所提对偶 ML 接收机中,对 Flip/U-OFDM 的时域信号进行对偶 ML 检测;然后,将一 半的信号置为0,该操作理论上可将噪声功率降低 一半;最后,分别对对偶 ML 接收机在加性高斯白噪 声(AWGN)信道、限幅信道和 LED 非线性信道下 进行蒙特卡罗仿真和性能分析。

#### 2 对偶ML接收机设计

在 Flip/U-OFDM 系统中,发射机先对二进制 信息进行数字调制,然后将调制后的数据映射到频 域子载波序列上,如图1所示。对于一个具有 N个 子载波的 Flip/U-OFDM 系统来说,频域子载波序 列可由一个向量来描述。

 $X = [0, X_1, X_2, \dots, X_k, \dots, X_{N-1}],$  (1) 式中: $X_k$ 为第k个子载波上的数据。子载波序列还 要满足共轭对称: $X_k = X_{N-k}$ 。对子载波序列进行长 度为N的快速傅里叶逆变换(IFFT),变换后的第 n个时域信号<sup>[19]</sup>为



图1 所提用于Flip/U-OFDM的对偶ML接收机

Fig. 1 Proposed pairwise ML receiver for Flip/U-OFDM

$$x_{n} = \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1} X_{k} \exp\left(\frac{j2\pi kn}{N}\right), n = 0, 1, 2, \cdots, N-1,$$
(2)

式中: $x_n$ 为带有极性的实数形式信号。在Flip/ U-OFDM系统中,为了避免使用直流偏置信号,对时 域信号 $x_n$ 进行极性分离操作。首先, $x_n$ 中的正值信号 保持不变,将负值信号置为0,可得到正极性信号<sup>[10]</sup>:

$$x_{n}^{+} = \begin{cases} x_{n}, \ x_{n} \ge 0\\ 0, \ x_{n} < 0 \end{cases}, n = 0, 1, 2, \dots, N - 1_{\circ} \quad (3)$$

然后,*x*<sub>n</sub>中的负值信号保持不变,将正值信号置为0,可得到负极性信号:

$$x_{n}^{-} = \begin{cases} x_{n}, \ x_{n} < 0\\ 0, \ x_{n} \ge 0 \end{cases}, n = 0, 1, 2, \dots, N - 1_{\circ} \quad (4)$$

最后,对 $x_n^-$ 进行取反,并拼接到 $x_n^+$ 后面,得到 正实数形式的信号:

$$\hat{x}_{n} = \begin{cases} x_{n}^{+}, & n = 0, 1, 2, \cdots, N-1 \\ -x_{n}^{-}, & n = N, N+1, \cdots, 2N-1 \end{cases}$$
(5)

式中: $\hat{x}_n$ 为拼接后的 Flip/U-OFDM 时域符号中第n点的信号。经过时域信号拼接后,时域信号序列长度变为了 2N。 $\hat{x}_n$ 为正实数信号,经过数模(D/A)转换、功率放大(PA)后,就可以驱动LED发射光信号。

光信号经过信道传输后,在接收端光电二极管 (PD)将其转换为电信号,然后依次经过PA、模数转 换(A/D)、串并变换(S/P)和移除循环前缀(CP) 后,就得到了Flip/U-OFDM信号 y<sub>n</sub>。如果传输信 道为AWGN, y<sub>n</sub>的表达式为

 $y_n = \hat{x}_n + e_n, n = 0, 1, 2, \dots, 2N - 1,$  (6) 式中: $e_n$ 为第n点上的高斯噪声。在所提接收机中, 先对 $y_n$ 进行对偶 ML 检测。首先,对比拼接信号的 正极性部分和负极性部分的大小,如果前者大就将 检测器置为1,如果前者小就置为0。对偶 ML 检测 器的输出为

$$H_{n} = \begin{cases} 1, \ y_{n} \ge y_{n+N} \\ 0, \ y_{n} < y_{n+N} \end{cases}, n = 0, 1, 2, \dots, N-1, (7)$$

 $H_{n+N} = 1 - H_n$ , n = 0, 1, 2, ..., N - 1, (8) 式中: $H_n$ 为对偶ML检测器的第n个值。其次,对接 收信号 $y_n$ 进行对偶ML切除操作,经过对偶ML后 输出的信号 $\hat{y}_n$ 可表示为

$$\hat{y}_n = y_n H_n, n = 0, 1, 2, \dots, 2N - 1_o$$
 (9)  
然后, 对 $\hat{y}_n$ 进行极性恢复操作:

 $\bar{y}_n = \hat{y}_n - \hat{y}_{n+N}, n = 0, 1, 2, \dots, N - 1,$  (10) 式中: $\bar{y}_n$ 为极性恢复后的信号。对 $\bar{y}_n$ 进行长度为*N*的FFT操作,就可以得到频域信号 $\bar{Y}_i$ :

$$\bar{Y}_{k} = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} \bar{y}_{n} \exp\left(\frac{-j2\pi kn}{N}\right), \quad k = 0, 1, 2, \cdots, N-1_{\circ}$$
(11)

最后,对 Y<sub>k</sub>进行数字解调,就可恢复二进制数据。

在传统的 Flip/U-OFDM 接收机中,(10)式需 要1次长度为N的减法运算,(11)式需要1次长度 为N的 FFT运算<sup>[10]</sup>,因此传统 Flip/U-OFDM 接收 机的复杂度为 $O(Nlog_2N)$ 。在所提对偶 ML 接收机 中,(7)式和(8)式需要2N次比较运算,(9)式需要 2N次乘法运算,(10)式需要长度为N的减法运算, (11)式也需要1次长度为N的 FFT 操作,因此所提 对偶 ML 接收机的复杂度仍为 $O(Nlog_2N)$ 。

#### 3 结果和分析

对对偶ML接收机进行了蒙特卡罗仿真,给出了 在AWGN信道、限幅信道和LED非线性信道下的数 值结果。为分析对偶ML接收机的性能,给出了误码 率(BER)和每比特光信噪比(*E*<sub>b(opt)</sub>/*N*<sub>0</sub>)<sup>[8]</sup>之间的关 系,*E*<sub>b(opt)</sub>为每比特的光能量,*N*<sub>0</sub>为噪声功率谱密度。 将总子载波数和IFFT/FFT长度N设置为1024, LED调制带宽设定为100 MHz。仿真中共传输 5000个Flip/U-OFDM符号,通过对比发送和接收的 二进制数据来计算BER。在仿真过程中,将PA、PD、 A/D和D/A看作理想的线性模型<sup>[8-10]</sup>。数字调制格式 选用了正交幅度调制(QAM),分别对4QAM、16QAM 和64QAM的Flip/U-OFDM系统进行了性能分析。

#### 3.1 AWGH信道

图 2 为原始 Flip/U-OFDM 接收机<sup>[10]</sup>和对偶 ML 接收机在 AWGN 信道下 BER 性能对比。与原始 Flip/U-OFDM 接收机不同,对偶 ML 接收机在移除 CP 后进行对偶 ML 检测,可以提升 Flip/U-OFDM 系统性能。从图 2 可以明显看出:采用对偶 ML 技术 后,Flip/U-OFDM 系统 BER性能得到较大改善;并 且随着 QAM 阶数增大,对偶 ML 带来的 SNR 增益 变高。例如:当BER 门限值为 3.8×10<sup>-3[18]</sup>[7% 开销 的前向纠错编码(FEC)限制]时,对于 4QAM,对偶 ML 能提升 1.5 dB 的 SNR 增益;对于 16QAM,对偶 ML 可提供的 SNR 增益达到 2 dB;对于 64QAM,对 偶 ML 可提供的 SNR 增益可达 2.5 dB。

#### 3.2 限幅信道

在OFDM系统中,时域信号往往具有较高的峰均比(PAPR),而较高的PAPR会导致时域信号占据较大的动态范围。为了降低PAPR,最简单的方法是在发射端对时域信号进行限幅切除操作:





Fig. 2 BER performance comparision between original receiver and pairwise ML receiver in AWGN channel

$$\bar{x}_n = \begin{cases} \hat{x}_n, & \hat{x}_n < A \\ A, & \hat{x}_n \leq A \end{cases}, \quad (12)$$

式中: $\bar{x}_n$ 为限幅后的Flip/U-OFDM信号;A为 $\bar{x}_n$ 中最大振幅值。那么限幅切除率(CR)<sup>[19]</sup>为

$$R_{\rm CR} = 20 \lg \left(\frac{A}{\delta}\right), \qquad (13)$$

式中: $\delta^2$ 表示 $\hat{x}_n$ 的功率值。

图 3 为在不同 CR下的原始 Flip/U-OFDM 接



图 3 限幅信道下的原始接收机和对偶 ML 接收机的 BER 性能对比



收机和对偶 ML 接收机的性能对比。对于 4QAM, 当 CR 为 7 dB 时,对偶 ML 技术可提升 1.8 dB 的 SNR 增益;随着 CR 降低为 6 dB(CR 越低表示限幅 失真越大),对偶 ML 接收机的增益可达 2 dB。对于 16QAM, CR 为 10 dB 时,对偶 ML 可获得 2.2 dB 的 增益;当 CR 降 为 9 dB,所提接收机的增益越大。并且随 着 QAM 阶数增加,对偶 ML 可获得更大的 SNR 增 益。对于 64QAM, CR 为 11 dB 时,对偶 ML 的增益 高达 2.7 dB。显然,对偶 ML 接收机在限幅信道下 具有更高的 SNR 增益。

#### 3.3 LED 非线性信道

在可见光通信系统中,发射端LED一般具有较高的非线性。LED非线性可以用 Rapps模型<sup>[20]</sup>来描述。

式中: $I_n$ 为通过LED的电流; $I_{max}$ 为LED的最大电流; $f(\hat{x}_n) = \hat{x}_n / R, R$ 表示归一化阻抗值,R = 1; a为 非线性因子,a = 2。那么非线性系数 $\beta$ 为

$$\beta = 20 \lg \left( \frac{I_{\max}}{\delta} \right) \, . \tag{15}$$

图 4 为在不同 $\beta$ 下的原始 Flip/U-OFDM 接收机



图 4 LED 非线性信道下的原始接收机和对偶 ML 接收机的BER性能对比

Fig. 4 BER performance comparision between original receiver and pairwise ML receiver in LED nonlinearity channel 和对偶 ML 接收机的性能对比。对于 4QAM, 当 LED非线性系数  $\beta = 7$  dB时,对偶 ML 可提升 1.8 dB 的增益;当 $\beta$ 降低为6 dB时( $\beta$ 越低,LED非线性越 大),所提接收机的增益达到1.9 dB。对于 16QAM, 当β=11 dB时, 所提接收机可得2.2 dB增 益;当β=10 dB时,SNR增益可达2.5 dB。与限幅 信道类似,随着β越小,对偶ML接收机的增益越 大。增大调制阶数到 64QAM, β=12.5 dB 时, 所提 接收机可获得 2.9 dB 的 SNR 增益。与 AWGN 信 道相比,所提接收机在LED非线性信道下具有更好 的BER性能。

#### 结 论 4

提出了对偶 ML 接收机来改善 Flip/U-OFDM 系统的性能。在对偶ML接收机中,通过对比Flip/ U-OFDM中的正极性和负极性信号,并将一半的信 号置为0的操作来降低噪声的功率。仿真数值结果 表明:在AWGN信道下,对偶ML可获得约2dB的 SNR 增益, 且随着 QAM 阶数增大, SNR 增益越高; 与AWGN信道相比,在限幅信道和LED非线性信道 下,对偶ML带来的SNR增益会更高,且采用更高阶 的QAM技术时,所提接收机可获得接近3dB的 增益。

#### 老 文 献

- [1] Elgala H, Mesleh R, Haas H. Indoor optical wireless communication: potential and state-of-the-art [J]. IEEE Communications Magazine, 2011, 49(9): 56-62.
- [2] Hanzo L, Haas H, Imre S, et al. Wireless myths, realities, and futures: from 3G/4G to optical and quantum wireless[J]. Proceedings of the IEEE, 2012, 100: 1853-1888.
- [3] Ding J P, Yi Z L, Wang J T, et al. Recent advances of UAV airborne optical wireless communications[J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2020, 57(23): 230003. 丁举鹏,易芝玲,王劲涛,等.无人机机载光无线通 信研究进展[J]. 激光与光电子学进展, 2020, 57(23): 230003.
- [4] Rong X C, Wang C, Ren J W, et al. Visible light communication system based on embedded hard drive indicator[J]. Acta Optica Sinica, 2020, 40(18): 1806004. 荣新驰, 王超, 任嘉伟, 等. 基于嵌入式硬盘指示灯

的可见光通信系统[J]. 光学学报, 2020, 40(18):

1806004.

- [5] Jia K J, Yang B R, Lu H, et al. LED nonlinearity mitigation for visible light communication opticalorthogonal frequency division multiplexing system with symbol decomposing techniques[J]. Chinese Journal of Lasers, 2020, 47(4): 0406002. 贾科军,杨博然,陆皓,等.可见光通信光正交频分 复用系统符号分解技术抑制LED非线性失真研究 [J]. 中国激光, 2020, 47(4): 0406002.
- [6] Zou P, Zhao Y H, Hu F C, et al. Research status of machine learning based signal processing in visible light communication[J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2020, 57(1): 010001. 邹鹏,赵一衡,胡昉辰,等.基于机器学习的可见光 通信信号处理研究现状[J]. 激光与光电子学进展, 2020, 57(1): 010001.
- [7] Armstrong J, Lowery A J. Power efficient optical OFDM[J]. Electronics Letters, 2006, 42(6): 370-372.
- [8] Armstrong J, Schmidt B J C. Comparison of asymmetrically clipped optical OFDM and DC-biased optical OFDM in AWGN[J]. IEEE Communications Letters, 2008, 12(5): 343-345.
- [9] Dissanayake S D, Armstrong J. Comparison of ACO-OFDM, DCO-OFDM and ADO-OFDM in IM/DD systems[J]. Journal of Lightwave Technology, 2013, 31(7): 1063-1072.
- [10] Fernando N, Hong Y, Viterbo E. Flip-OFDM for unipolar communication systems[J]. IEEE Transactions on Communications, 2012, 60(12): 3726-3733.
- [11] Tsonev D, Sinanovic S, Haas H. Novel unipolar orthogonal frequency division multiplexing (U-OFDM) for optical wireless[C]//2012 IEEE 75th Vehicular Technology Conference (VTC Spring), May 6-9, 2012, Yokohama, Japan. New York: IEEE Press, 2012: 12865904.
- [12] Chen L, Krongold B, Evans J. Diversity combining for asymmetrically clipped optical OFDM in IM/DD channels[C]//2009 IEEE Global Telecommunications Conference, November 30-December 4, 2009, Honolulu, HI, USA. New York: IEEE Press, 2009: 11170530.
- [13] Asadzadeh K, Dabbo A, Hranilovic S. Receiver design for asymmetrically clipped optical OFDM [C]//2011 IEEE GLOBECOM Workshops (GC Workshops), December 5-9, 2011, Houston, TX, USA. New York: IEEE Press, 2011: 777-781.
- [14] Dissanayake S D, Armstrong J. Novel techniques for combating DC offset in diversity combined ACO-OFDM[J]. IEEE Communications Letters, 2011, 15

#### 第 58 卷 第 23 期/2021 年 12 月/激光与光电子学进展

(11): 1237-1239.

- [15] Li J F, Liu X S, Li J K, et al. ACO-OFDM diversity combining receiver with direct current offset in visible light communications[J]. Laser &. Optoelectronics Progress, 2020, 57(19): 190604.
  李建锋,刘晓爽,李建科,等.可见光通信中直流偏 移的 ACO-OFDM 分集合并接收机[J]. 激光与光电 子学进展, 2020, 57(19): 190604.
- [16] Huang N, Wang J B, Pan C H, et al. Iterative receiver for flip-OFDM in optical wireless communication[J]. IEEE Photonics Technology Letters, 2015, 27(16): 1729-1732.
- [17] Tsonev D, Videv S, Haas H. Unlocking spectral

efficiency in intensity modulation and direct detection systems[J]. IEEE Journal on Selected Areas in Communications, 2015, 33(9): 1758-1770.

- [18] Liu X S, Li J F, Ren Y H, et al. Iterative pairwise maximum likelihood receiver for ACO-OFDM in visible light communications[J]. IEEE Photonics Journal, 2021, 13(2): 1-7.
- [19] Jean A. OFDM for optical communications[J]. Journal of Lightwave Technology, 2009, 27(3): 189-204.
- [20] Elgala H, Mesleh R, Haas H. An LED model for intensity-modulated optical communication systems
  [J]. IEEE Photonics Technology Letters, 2010, 22 (11): 835-837.