激光与光电子学进展

调频连续波光纤位移传感器快速信号处理方法

盛启明¹,郑刚^{2*},张雄星²,韩园¹,郭媛²,聂梦笛²

¹西安工业大学电子信息工程学院,陕西西安 710021; ²西安工业大学光电工程学院,陕西西安 710021

摘要 针对传统鉴相算法对拍频信号处理速度较慢的问题,提出一种基于数字信号处理(DSP)技术的调频连续波 光纤位移传感器快速信号处理方法。以DSP技术为核心,通过直接内存访问(DMA)实现数据的快速传输,利用多 固定点峰值预测鉴相算法对拍频信号进行快速解算并进行方向优化。实验结果表明:在600 mm的动态测量范围 内,位移测量的标准差小于5 nm,线性拟合系数在0.99997以上,对被测目标的适应速度达到15 mm/s,该方法能够 实现较高的测量精度和更快的动态测量速度。

关键词 测量; 位移测量; 多固定点峰值预测鉴相; 调频连续波; 测量速度
 中图分类号 TH741; TN247
 文献标志码 A
 doi: 10.3788/LOP202158.2112003

Fast Signal Processing Method for Frequency-Modulated Continuous-Wave Interferometric Fiber-Optic Displacement Sensor

Sheng Qiming¹, Zheng Gang^{2*}, Zhang Xiongxing², Han Yuan¹, Guo Yuan², Nie Mengdi²
¹School of Electronic Information Engineering, Xi'an Technological University, Xi'an, Shaanxi 710021, China;
²School of Optoelectronic Engineering, Xi'an Technological University, Xi'an, Shaanxi 710021, China

Abstract In view of the problems that the slow processing speed of the traditional phase detection algorithm on the beat signal, a fast signal processing method of frequency-modulated continuous-wave interferometric fiber-optic displacement sensor based on digital signal processing (DSP) technology is proposed. With the DSP technology as the core, fast data transmission is realized through direct memory access (DMA), and the multi-fixed-point peak prediction phase detection algorithm is used to quickly solve the beat signal and optimize the direction. The experimental results show that in the dynamic measurement range of 600 mm, the standard deviation of displacement measurement is less than 5 nm, the linear fitting coefficient is above 0.99997, and the adaptive speed to the measured target reaches 15 mm/s. The proposed method can achieve higher measurement accuracy and faster dynamic measurement speed.

Key words measurement; displacement measurement; multi-fixed-point peak prediction phase discrimination; frequency-modulated continuous-wave; measuring speed
 OCIS codes 120, 5050; 120, 3180; 120, 2230; 120, 3930

1引言

调频连续波(FMCW)光纤位移传感器是一种 非接触式干涉测量装置,能够实现高精度、高分辨 率的位移测量^[1-4]。相比于传统的单频和双频激光 干涉仪,FMCW光纤位移传感器具有结构紧凑小 巧、光路简单、光源稳定等优点,而且可以通过空分 复用来实现多路或多波长测量^[5-6],非常适合在光刻

收稿日期: 2020-12-08; 修回日期: 2020-12-20; 录用日期: 2020-12-27 通信作者: ^{*}zhengg@xatu. edu. cn

机工件台检测和精密加工等领域中应用^[7-8]。通过 更换不同的光学测量结构,FMCW光纤位移传感器 还可以实现温度、振动、压力传感^[9-12],结合光纤结构 便于实现远程分布式高精度传感。

FMCW 光纤位移传感器是通过测量激光器发 射的激光和照射到被测物体反射的激光产生的拍 频信号相位差来计算位移,因此需要系统对拍频信 号进行快速有效的解调。目前,FMCW拍频信号的 相位解调算法主要有:1)极值法,通过计算拍频信 号波形的极值点位置来定位相位变化,由于激光器 调频非线性的影响会造成拍频信号的极值并不是 等间距分布的,因此还需要对激光器进行非线性校 正[13];2)过零点数字鉴相算法,以过零点位置为参 考来获得拍频信号的相邻峰值位置以鉴别信号周 期,消除了零位误差,具有较高的鉴相精度,但该算 法仅适合处理相位缓慢变化的情况,调制频率往往 在100 Hz以内^[11,14];3)寻峰鉴相算法,该算法通过 互相关滤波和黄金分割的思想来寻找理想的峰值, 降低了调频非线性对算法的影响,调制频率可以达 到1kHz^[15]。

上述鉴相算法为保证鉴相精度均需要对拍频 信号进行多次预处理,例如非线性校正、过零段拟 合、互相关滤波分割等,即对每个拍频信号的采样 点都要进行处理和校正,因此算法的复杂度较高。 位移测量需要对每一个激光器的调制周期进行一 次相位鉴别,而较慢的鉴相速度会导致调制频率不 超过1kHz,无法对快速运动的目标进行位移测量。 针对这种问题,本文以数字信号处理(DSP)技术为 核心构建了一种快速信号处理方法,通过直接内存 访问(DMA)来实现处理器内存和外设之间的高效 数据通信,然后提出了多固定点峰值预测鉴相算法 并进行方向优化,简化了拍频信号处理过程以提高 鉴相速度和鉴相阈值,通过搭建实验平台对采用该 方法的FMCW光纤位移传感器进行实验验证,实 现对快速运动目标的实时位移测量。

2 FMCW 光纤位移传感器的结构与 测量原理

FMCW光纤位移传感器的结构如图1所示,主要由光学测量部分、调制采集部分、信号处理部分和计算机组成。





FMCW 光纤位移传感器的光学测量结构如 图 2 所示,使用日本 Fitel公司生产的窄线宽 DFB半 导体激光器作为激光光源,中心波长为 1550 nm。 干涉仪采用法布里-珀罗结构,由 DFB激光器、环行 器、准直器、光电探测器、参考目标和测量目标组 成^[16]。为了方便测量,使用黄铜管将准直器和参考 目标连接在一起,制作成光纤探头。 半导体激光器发射经过锯齿波调制的激光,其先 入射至环行器的1端口,从2端口出射至光纤准直器。 准直器出射的激光一部分经参考目标(反射率为20% 的平行平板)反射形成参考光,另外一部分透过参考 镜出射至待测目标并反射回去形成信号光,参考光和 信号光在环行器的2端口相干叠加产生拍频信号^[4], 每个锯齿波调制周期内产生的拍频信号可表示为

第 58 卷 第 21 期/2021 年 11 月/激光与光电子学进展





$$I(O_{\text{OPD}}, t) = I_0 \left[1 + V \cos \left(\frac{2\pi \Delta v v_{\text{m}} O_{\text{OPD}}}{c} t + \frac{2\pi}{\lambda_0} O_{\text{OPD}} \right) \right] = I_0 \left[1 + V \cos \left(2\pi v_{\text{b}} t + \phi_{\text{b0}} \right) \right], \tag{1}$$

式中: I_0 和V分别表示拍频信号的平均光强和对比 度; Δv 表示光学频率调制范围; v_m 表示调制信号的 频率($v_m = 1/T_m$),其中 T_m 为调制信号的周期; O_{OPD} 表示光程差;t表示时间;c表示光速; λ_0 表示激光器 的中心波长; v_b 和 ϕ_{b0} 分别表示拍频信号的频率和初 相位。由于光程差 $O_{OPD} = 2nd$,故拍频信号的初相 位 ϕ_{b0} 可写为

$$\phi_{\rm b0} = \frac{2\pi}{\lambda_0} O_{\rm OPD} = \frac{4\pi nd}{\lambda_0} , \qquad (2)$$

式中:n表示空气的折射率($n \approx 1$);d表示部分反射 镜表面与待测物体表面之间的距离。测量拍频信 号的初相位的变化 $\Delta \phi_{b0}$,就能够得到目标的相对位 移 Δd ,表达式为

$$\Delta d = \frac{\lambda_0}{4\pi n} \Delta \phi_{\rm b0\,\circ} \tag{3}$$

3 DMA数据处理

根据FMCW激光干涉位移测量原理,整个信号的处理过程包含信号调制、信号采集和相位检测 三个部分。锯齿波调制信号的产生和拍频信号的 采集分别通过DSP芯片的数模转换器(DAC)和模 数转换器(ADC)这两个外设来实现。通过DMA的 方式来实现DSP芯片内存与ADC/DAC外设之间 的数据传输,可以不依托处理器总线,节省处理器 用于数据传输的开销,提高处理器的信号处理效 率,使其专注于相位检测算法的执行。使用DMA 来实现DSP内存与DAC外设之间的数据传输,产 生锯齿波调制信号的过程如图 3(a)所示,通过 DMA通道2将DAC数据库中的调制波形数据连续



图 3 DMA 传输过程示意图。(a) 锯齿波调制信号输出;(b) 拍频信号采集

Fig. 3 Schematic of DMA transfer process. (a) Sawtooth wave modulation signal output; (b) beat frequency signal acquisition

搬运到DACVALS寄存器中,可以实现调制波形的 输出。光学干涉产生的拍频信号经过ADC转换后 存储在ADCRESULT寄存器中,DSP通过DMA通 道1将ADCRESULT寄存器中的数值连续搬运到 数组ADC缓冲器中,实现干涉信号的采集,数据传 输过程如图3(b)所示。

DMA的中断计算过程如图4所示,在ti时刻完成第一个调制周期的信号传输后会产生一个中断信号,此时,通过乒乓交替处理的方法来计算第一个调制周期采集到拍频信号(ADC缓冲器的前半部分)的初相位。在t2时刻,当第二个中断信号到来时,对第二个调制周期采集的拍频信号(ADC缓冲器的后半部分)进行解算,从而计算出两个相邻调制周期的拍频信号相位差。



图 4 DMA 的中断计算过程 Fig. 4 DMA interrupt calculation process

4 多固定点峰值预测鉴相算法

多固定点峰值预测鉴相算法是通过拍频信号 极值点的位置和大小进行信号的峰值预测,并在采 样信号的多个固定位置处计算多个相位以求解出 平均相位。相位解算的过程如图5所示,该算法仅 需提取拍频信号的4个极值点,不需要额外的预处 理,提高了算法的实效性。

首先在有效区间内通过极值检测算法截取出 包含两个极大值点和两个极小值点的一段拍频信 号。由于拍频信号的幅值也会被调制信号调制,且 拍频信号受到信号光和参考光对比度的影响,信号 底部抬高。因此,通过峰值预测法对非标准信号进 行标准化处理,在每个调制周期内通过一个固定点 *p*来计算该点的相位。根据(1)式,将拍频信号公式 简化为标准的三角函数,表达式为

$$I(O_{\text{OPD}}, t) = A \left[\cos(\omega t + \phi) \right] + B, \qquad (4)$$

式中:A表示信号幅值;B表示信号的零偏;ω表示信号的角频率;φ表示信号的相位。根据固定点相对 两个极大值点和两个极小值点的位置,推算出该固 定点波形的标准波峰和波谷,如图5(b)和图5(c)所 示,计算公式为

$$p_{\text{peak}} = \frac{y_1(x_2 - p) + y_2(p - x_1)}{x_2 - x_1} , \qquad (5)$$

$$v_{\text{valley}} = \frac{y_3(x_4 - p) + y_4(p - x_3)}{x_4 - x_3}, \quad (6)$$

式中:p表示固定点位置;x₁和y₁分别表示第一个极 大值点的位置和大小;x₂和y₂分别表示第二个极大 值点的位置和大小;x₃和y₃分别表示第一个极小值 点的位置和大小,x₄和y₄表示第二个极小值点的位 置和大小。根据该固定点的标准波峰波谷可以计 算出该点的幅值和零偏,即

$$A = \frac{p_{\text{peak}} + v_{\text{valley}}}{2} , \qquad (7)$$

$$B = \frac{p_{\text{peak}} - v_{\text{valley}}}{2} \, . \tag{8}$$

图 5 中用 fuzhi表示幅值 A, mean表示零偏 B。 图 5(e)为预测的标准拍频信号趋势,固定点p处校 正后的信号如图 5(f)所示。通过反余弦查表法解算 出p点相位的结果如图 6 所示。通过上述四点峰值 预测算法来预估出与p点对应的标准余弦信号的幅 值和零偏,再根据(4)式和点p处实际采样值进行归 一化,归一化后的标准幅值可表示为

$$v' = \frac{I - B}{A} = \frac{G_{\text{advalue}} - B}{A} , \qquad (9)$$

式中:G_{advalue}表示实际测量的点p处拍频信号采样 值;v表示归一化后p点的标准幅值。为提高算法的 速度,将180°的相位构造出2048点反余弦表格并进 行反余弦查表解算,结果如图6(b)所示。将解算的 p点幅值v转化为反余弦表的序号,需要将v放大 1024倍并左移1024点。将一1~1的标准幅值转化 为0~2048的反余弦表序号,余弦信号的下降段(下 坡区)相位为正,上升段(上坡区)相位为负。固定 点p的信号相位φ可表示为

$$\phi = \arccos(v') = \begin{cases} \arccos(1024v' + 1024), V_{p-1} > V_{p+1} \\ -\arccos(1024v' + 1024), V_{p-1} < V_{p+1} \end{cases}, \tag{10}$$

式中: V_{p-1} 表示点p前一点的采样值; V_{p+1} 表示点p后一点的采样值; $V_{p-1} > V_{p+1}$ 表示点p处于波形的

研究论文



图 5 拍频信号的解算步骤示意图。(a)截取有效信号;(b)推算理论波峰;(c)推算理论波谷;(d)计算幅值和零偏;(e)推算拍频信号的趋势;(f)固定点处的标准拍频信号

Fig. 5 Schematic of calculating steps of beat signal. (a) Interception of valid signal; (b) calculation of theoretical wave peaks;
 (c) calculation of theoretical troughs; (d) calculation of amplitude and zero bias; (e) trends in extrapolating beat signals;
 (f) standard beat signal at fixed point

下坡区; $V_{p-1} < V_{p+1}$ 表示点p处于波形的上坡区。 通过构造反余弦表可以将相位细分2048点,在算法 中用整形变量来计算能够实现 0.1°的相位分辨率和 1 nm 的位移分辨率。

由于拍频信号的周期性,当相邻两个调制周期的 相位差超过π时,就无法判断出拍频信号相位周期移 动的方向。因此,采取"就近原则"对相位进行限制,整 周期相位累计如图7所示,φ₀为前一个调制周期测量 的相位,φ₁为后一个调制周期测量的相位。当相位差 大于π时,根据"就近原则"计算出后一个调制周期的 预测相位φ'₁,认为相位差的整周期部分减少一个整周 期2π,如图7(a)所示,此时,相位差可表示为

$$\Delta \varphi = \varphi_0 - \varphi'_1 = \varphi_0 - (\varphi_1 - 2\pi)_\circ \qquad (11)$$

当相位差小于一π时,计算出后一个调制周期 的预测相位 φ'₁,认为相位差的整周期部分增加一个 整周期 2π,如图 7(b)所示,此时,相位差可表示为

$$\Delta \varphi = \varphi_0 - \varphi_1' = \varphi_0 - (\varphi_1 + 2\pi)_\circ \qquad (12)$$

基于一个固定点峰值预测的鉴相算法可以解 算出拍频信号相位,当算法实现时,通过多个固定 点来解算拍频信号的平均相位以减少鉴相算法的 随机误差。该算法仅需要对原始拍频信号进行一 次峰值查找,即可对相位进行解算,鉴相速度很快,

研究论文

第 58 卷 第 21 期/2021 年 11 月/激光与光电子学进展



图6 反余弦查表法的相位解算结果。(a)计算相对幅值;(b)反余弦表的曲线

Fig. 6 Phase solution results of inverse cosine look-up method. (a) Calculation of relative amplitude; (b) curve of arccosine tables





DSP 对激光器的调制频率达到 20~35 kHz 时,依然 可以满足鉴相算法的运行时间要求。

"就近原则"限制了算法对相邻调制周期相位 差鉴别的阈值不能超过π,根据(3)式计算出被测目 标的最大运动速度为

$$v = \frac{\lambda_0}{4\pi} \cdot \pi \cdot f = \lambda_0 \cdot f/4 , \qquad (13)$$

式中:f表示调制频率。通过上述快速鉴相算法能够 显著提高调制频率,在此基础上,对该算法进行方向 优化(被测目标仅在单一方向上的运动速度较快)可 以进一步提高测量速度。假定被测目标正向移动 (位移增大,相位正向增加)的速度较快,当相邻两个 调制周期的相位差大于π时或相位差小于一π时,均 认为相位差为正向变化的。此时一个调制周期内允 许的最大相位变化量提高到2π,对正向移动目标的 最大运动速度v可表示为

$$v = \frac{\lambda_0}{4\pi} \cdot 2\pi \cdot f = \lambda_0 \cdot f/2_0 \qquad (14)$$

5 实 验

为减小空气扰动以及振动等外界因素对测量的 干扰,将实验装置固定在气浮光学平台上。使用 Thorlabs公司DDS600/M直驱线性平移台进行实验, 该线性平移台的行程为0~600 mm,分辨率为100 nm, 实验装置如图8所示。FMCW光纤位移传感器采用 DSP芯片作为核心处理器,型号为德州仪器公司的 TMS320F28377。将光纤探头和被测目标置于线性平 移台上并使用防风罩保护,将被测目标固定在距离光 纤探头200 mm处,测试过程中的调制频率为20 kHz。

为验证不同固定点个数下峰值预测算法测量的 位移误差分布,对固定在滑轨上的静止目标进行测 量,算法采用1~10个固定点鉴相,分别对采用不同 固定点个数的算法解算出的标准差和算法耗时进行 记录,得到的实际测量结果如图9所示,当算法采用 1个固定点鉴相时,测量结果的标准差为11.55 nm,

研究论文



图 8 实验装置 Fig. 8 Experimental devices

算法耗时为8.72 μs,当算法采用5个固定点鉴相时,标准差下降到2.73 nm,算法耗时增加到15.97 μs(小于16 μs),此时再增加鉴相的固定点个数时,标准差基本保持在2.51 nm左右。当算法采用10个固定点鉴相时,算法耗时增加到了24.92 μs。实验结果表明,多点鉴相可以有效减小测量的随机误差,但是点数越多,鉴相算法的耗时越长,采用5个固定点鉴相的算法在测量效果和实效性上是最优的。

根据(13)式可以计算出在20kHz的调制频率





下,允许被测目标的最大运动速度为7.75 mm/s, 对该算法进行方向优化后,则允许被测目标的正向 最大运动速度可以达到15.5 mm/s。为验证算法的 有效性,通过线性平移台控制软件控制滑轨以 15 mm/s的速度匀速运动,记录传感器在200,400, 600 mm位置处的位移测量结果,将测量结果标定 后作出误差散点图,如图10所示。



图 10 不同位移情况下测量误差的标准差。(a) 200 mm; (b) 400 mm; (c) 600 mm Fig. 10 Standard deviation of measurement error under different displacements. (a) 200 mm; (b) 400 mm; (c) 600 mm

在 200,400,600 mm 的位移情况下测量误差的标准差分别为 3.16,3.95,4.97 nm,在 15 mm/s的正向运动速度下,600 mm 位移行程下的测量误差均优于 5 nm。实验结果表明,方向优化后算法对被测目标运动速度的上限提高了 2 倍,与理论分析一致。

通过线性平移台控制软件控制滑轨上的被测目标进行1 mm/s 匀速运动,从起始位置运动到600 mm,每间隔50 mm记录一次位移测量结果,进行三次重复测量,如图11所示。经计算,三次测量结果的线性回归 R^2 分别为: $R_1^2 = 0.99998, R_2^2 = 0.99998,$





 $R_3^2 = 0.99997$,线性度均在 0.99997 以上,实验结果 表明了传感器具有良好的线性度和重复性。

多固定点峰值预测鉴相算法与现有极值点鉴 相算法的关键指标如表1所示,两种算法的标准差 均优于3 nm,但多固定点峰值预测鉴相算法的鉴相 速度和对被测目标的适应速度均有大幅提高,表明 该算法有效提高了传感器对动态目标的位移测量 速度。

表1 峰值预测鉴相算法与现有算法的性能	对比
---------------------	----

Table 1 Performance comparison between peak prediction phase detection algorithm and existing algorithms

Types of phase	Adaptation speed /	Algorithm	Measurement standard
detection algorithm	$(mm \cdot s^{-1})$	time-consuming $/\mu s$	deviation /nm
Extreme point detection	0.38	752.39	2.81
Peak prediction phase detection	15.50	15.97	2.73

6 结 论

提出了一种基于DSP处理器的FMCW光纤位 移传感器快速信号处理方法,该方法通过DMA和 多固定点峰值预测鉴相算法实现高效的内存传输 和快速相位解算,并在此基础上对该算法进行方向 优化,进一步增大了传感器对动态目标运动速度的 适应范围。搭建实验平台,对位移传感器进行实 验,当调制频率为20 kHz时,采用5个固定点的峰值 预测鉴相算法的标准差为2.73 nm,算法耗时小于 16 μs,对速度为15 mm/s的运动目标进行600 mm 位移行程测试,测量误差优于5 nm,线性度均在 0.99997以上。研究结果表明,所提的快速信号处 理方法对动态目标的适应速度可以达到15 mm/s, 且具有较高的测量精度,有效扩展了调频连续波光 纤位移传感器的适用范围。

参考文献

- Zheng J. Analysis of optical frequency-modulated continuous-wave interference[J]. Applied Optics, 2004, 43(21): 4189-4198.
- [2] Zheng J. Optical frequency-modulated continuouswave (FMCW) interferometry[M]. New York: Springer-Verlag, 2005.
- [3] Zheng J. Optical frequency-modulated continuouswave interferometers[J]. Applied Optics, 2006, 45 (12): 2723-2730.
- Zheng J. Reflectometric fiber optic frequency-modulated continuous-wave interferometric displacement sensor[J]. Optical Engineering, 2005, 44(12): 124401-124405.
- [5] Zheng G, Wang H, Bai L, et al. Space division type multi-wavelength frequency modulation continuous wave laser interferometer: CN110864621A[P]. 2020-03-06.

郑刚, 王欢, 白浪, 等. 一种空分式多波长调频连续

波激光干涉仪: CN110864621A[P]. 2020-03-06.

 [6] Sheng Q M, Zheng G, Zhang X X, et al. Threechannel frequency-modulated continuous-wave laser interferometric displacement measurement system[J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2021, 58(3): 0312004.

盛启明,郑刚,张雄星,等.三通道调频连续波激光 干涉位移测量系统[J].激光与光电子学进展,2021, 58(3):0312004.

[7] Ma L Q, Wang L D, Jin S Y, et al. Traceability status and developing trend of industrial large-scale measuring instruments[J]. Metrology & Measurement Technology, 2006, 26(6): 1-5.

马骊群,王立鼎,靳书元,等.工业大尺寸测量仪器 的溯源现状及发展趋势[J].计测技术,2006,26(6): 1-5.

- [8] Huang Y W, Tao J, Huang X G. Research progress on F-P interference-based fiber-optic sensors[J]. Sensors, 2016, 16(9): E1424.
- [9] Wang H, Zheng G, Chen H B, et al. Frequency-modulated continuous-wave laser interferometric optical fiber temperature sensor[J]. Opto-Electronic Engineering, 2019, 46(5): 87-93.
 王欢,郑刚,陈海滨,等.调频连续波激光干涉光纤温度传感器[J].光电工程, 2019, 46(5): 87-93.
- [10] Zheng C, Zheng G, Han L, et al. Polarization decoherence differential frequency-modulated continuouswave gyroscope[J]. Optics Letters, 2014, 39(23): 6597-6599.
- [11] Bai L, Zheng G, Zhang X X, et al. Optical fiber pressure sensor based on frequency-modulated continuous-wave and analysis of its measurement characteristic[J]. Acta Optica Sinica, 2021, 41(3): 0328002.
 白浪,郑刚,张雄星,等.调频连续波光纤压力传感器及其测量特性分析[J].光学学报, 2021, 41(3): 0328002.
- [12] Bai L, Zheng G, Guo Y, et al Analysis and

compensation method of temperature characteristics of high-precision frequency-modulated continuous wave fiber optic pressure sensor [J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2021, 58(9): 092802.

白浪,郑刚,郭媛,等.高精度调频连续波光纤压力 传感器温度特性分析及补偿方法[J].激光与光电子 学进展,2021,58(9):092802.

[13] Jing L Q, Zheng G, Zhang X X, et al. Nonlinear correction of frequency-modulated continuous wave interferometric laser sources[J]. Acta Optica Sinica, 2019, 39(11): 1114001.

> 井李强,郑刚,张雄星,等.一种调频连续波干涉激 光光源非线性校正方法[J].光学学报,2019,39(11): 1114001.

[14] Zheng G, Gao M, Liu W G, et al. High-precision

digital phase discrimination method: CN108318737A [P]. 2018-07-24.

郑刚,高明,刘卫国,等.一种高精度数字鉴相方法: CN108318737A[P].2018-07-24.

- [15] Zhang X X, Zheng G, Jing L Q, et al. A novel digital phase detection method for frequency-modulated continuous-wave interferometric fiber-optic displacement sensor[J]. Optik, 2019, 183: 742-750.
- [16] Zheng G, Gao M, Liu W G, et al. Frequency modulated continuous wave laser interference fiber displacement sensor and its displacement detection method: CN108050941A[P]. 2018-05-18.
 郑刚,高明,刘卫国,等.一种调频连续波激光干涉 光纤位移传感器及其位移检测方法,CN108050941

光纤位移传感器及其位移检测方法: CN108050941 A[P]. 2018-05-18.