激光写光电子学进展

基于多层非对称剪裁光正交频分复用的 水下光无线通信系统

刘龙,周骥*,王海德,熊灿阳,黄红斌,刘伟平 暨南大学信息科学技术学院,广东广州 510632

摘要为了提高水下光无线通信(UOWC)的频谱效率和功率效率,提出了一种基于多层非对称剪裁光正交频分复用(Layered-ACO-OFDM)的UOWC系统。该系统通过对子载波分层调制的方法,充分利用了传统非对称剪裁光正交频分复用(ACO-OFDM)中损失的频谱资源,极大地提高了光无线通信系统的频谱效率。此外,Layered-ACO-OFDM系统不需要加入直流偏置,故功率效率也得到了大大提升。考虑了可见光在海水中传输过程中的吸收和散射效应,建立了基于蒙特卡罗方法的UOWC信道模型,并较为全面地研究了海水中不同叶绿素浓度和不同接收机参数下的信道响应。结果表明,与传统ACO-OFDM相比,基于Layered-ACO-OFDM的UOWC系统具有频谱效率高的优势。同时,当信噪比为27 dB时,在清澈海水中其可以实现10 m距离下1 Gb/s的高速率通信。 关键词 光通信;多层非对称剪裁光正交频分复用系统;频谱效率;蒙特卡罗仿真;信道特征;水下光无线通信中图分类号 TN929.1 文献标志码 A doi: 10.3788/LOP202158.2106005

Layered Asymmetrically Clipped Optical Orthogonal Frequency Division Multiplexing Based Underwater Optical-Wireless Communication System

Liu Long, Zhou Ji^{*}, Wang Haide, Xiong Canyang, Huang Hongbin, Liu Weiping College of Information Science and Technology, Jinan University, Guangzhou, Guangdong 510632, China

Abstract In order to improve the spectral efficiency and power efficiency for underwater optical-wireless communication (UOWC), a UOWC system based on layered asymmetrically clipped optical orthogonal frequency division multiplexing (Layered-ACO-OFDM) is proposed. The system makes full use of the spectrum resources lost in traditional asymmetrically clipped optical orthogonal frequency division multiplexing (ACO-OFDM) by the means of layered modulation of subcarriers, which greatly improves the spectrum efficiency for optical wireless communication system. Moreover, since the Layered-ACO-OFDM system does not need to add direct current bias, the power efficiency is also greatly improved. A UOWC channel model based on Monte Carlo method is established considering the absorption and scattering effects of visible light transmission in seawater, and the channel response under different chlorophyll concentrations and different receiver parameters is studied comprehensively. The results show that the UOWC system based on Layered-ACO-OFDM has the advantage of high spectrum efficiency compared with the traditional ACO-OFDM. When the signal-to-noise ratio is 27 dB, it can achieve high-speed communication of 1 Gb/s at a distance of 10 m in clean seawater.

收稿日期: 2021-01-26; 修回日期: 2021-03-04; 录用日期: 2021-03-10

基金项目:国家自然科学基金资助项目(62005102,61875076)、广东省自然科学基金资助项目(2019A1515011059)、中央 高校基本科研业务费资助项目(21619309)、信息光子学与光通信国家重点实验室(北京邮电大学)开放课题(IPOC2019A001)

通信作者: *zhouji@jnu.edu.cn

Key words optical communications; Layered-ACO-OFDM system; spectral efficiency; Monte Carlo simulation; channel characteristics; underwater optical-wireless communication

OCIS codes 060. 4510; 010. 7340

1 引 言

21世纪被誉为海洋经济的新纪元,随着人类水 下活动的增加,海洋监测系统和通信设备也日趋完 善,从早期的浮标、船舶,到近些年来的自主式水下 航行器(AUV)^[1]。AUV之间在进行水下通信时, 需要交换大量数据[23],特别是在交换高分辨率图像 和视频时,需要高比特率的传输^[4]。基于可见光传 输的水下光无线通信(UOWC)^[5-7]具有宽带宽、低时 延、高安全性和强灵活性的特点,它能够提供很高 的信息传输速率。光系统的频谱效率和功率效率 是影响信息传输速率的重要因素。当今的数据量 在飞速提升,在水下有限的带宽内充分利用频谱资 源是满足大容量高速率数据传输的关键因素。与 此同时,在水下环境中通信设备功率大小是受限 的,在保证通信质量前提下需要尽量降低功率损 耗,这对提高功率效率十分重要。另外,海水中复 杂的环境与实验室中理想条件不同,光的散射、接 收机参数的选择均会对水下光通信产生影响,因此 对UOWC信道的研究也非常重要。

Bai等^[8]利用直流偏置光正交频分复用(DCO-OFDM)^[9]系统进行UOWC,提出了一种时频域交 织方案,通过降低峰值平均功率比的方式,改善了误 码率(BER, A_{BER})性能。然而, 在使用 DCO-OFDM 系统时需要对信号添加直流偏置,进而导致功率效 率降低。此外,该方案的UOWC信道中采用的是指 数衰减模型,未考虑水对光的散射作用和接收机视 场角(FOV)的影响。Elamassie等^[10]提出了比特分 配自适应算法,虽然实现了水下系统信息容量的提 升,但是所用的DCO-OFDM系统的功率效率仍有 待提升。为了解决光通信系统功率效率低的问题, Dissanayake 等^[11-12]提出了非对称剪裁光正交频分复 用(ACO-OFDM)系统。但是,ACO-OFDM只利用 了一半子载波调制信号,进而大大降低了光系统的 频谱效率。Hessien等^[13]将ACO-OFDM系统应用 于水下光通信,利用正交振幅调制(QAM)的方式在 1m距离范围内实现了15.36 Mb/s的传输速率。 Tokgoz 等^[14]设计了全面自适应的 ACO-OFDM 水 下实验系统,可以通过改变采样率和调制方法的方 式对系统性能进行测试,在6.5m距离范围内传输 速率可达10 Mb/s。在文献[13-14]的方案中,基于 ACO-OFDM 的调制方法频谱效率最高只有 1 bit·s⁻¹·Hz⁻¹。因此,如果需要进一步提高速率,就 需要提升频谱效率。同时,水下环境被限制在实验 室的理想条件下,未考虑海水中复杂环境的影响。 Wang等^[15]在光无线通信领域中提出了多层非对称 剪裁光正交频分复用(Layered-ACO-OFDM)的概 念,并阐明了设计原理,这种调制格式能够提高 ACO-OFDM的频谱利用率。此外,文献[15]分析 了层数对系统频谱效率的影响,并通过仿真将背靠 背条件下Layered-ACO-OFDM 与 ACO-OFDM 的 性能进行对比,发现在相同频谱效率下Layered-ACO-OFDM可以获得更大的信噪比增益。

本文针对水下可见光通信带宽受限以及传统 ACO-OFDM频谱效率低的问题,提出了一种基于 Layered-ACO-OFDM的UOWC系统。文献[15]从 理论上对不同电信噪比和光信噪比条件下的 Layered-ACO-OFDM系统进行了研究,验证了多层 系统具有频谱效率高的优势,但没有将其应用于现 实场景中,故不涉及对信道的研究。本文通过建立 水下信道,对Layered-ACO-OFDM在不同海洋环境 下的系统性能进行了测试,首先,对Layered-ACO-OFDM系统收发机设计原理进行了分析。然后,建 立了基于蒙特卡罗方法的UOWC信道模型,并对海 水中不同叶绿素浓度(质量分数,下同)和接收机参 数下的信道响应做了较为全面地研究。最后,对 Layered-ACO-OFDM水下系统在不同条件下的 BER性能进行了模拟。在清澈海水中10m距离下, 该系统可实现了1 Gb/s的高速率通信。通过仿真 对比发现,相同频谱效率下Layered-ACO-OFDM系 统的 BER 远低于传统的 ACO-OFDM 系统。上述 研究结果表明,Layered-ACO-OFDM系统不仅具有 功率效率高的优势,还解决了传统 ACO-OFDM 频 谱效率低的问题,故其在未来的水下光通信中拥有 广阔的应用前景。

2 Layered-ACO-OFDM系统

三层 Layered-ACO-OFDM 系统可在发射端通

研究论文

过分层对每一层子载波进行调制。图 1 为三层 Layered-ACO-OFDM系统发射机框图。首先,第一 层对输入比特采用 QAM 调制,并在所有奇数子载 波 X_{2k+1} 上加载 QAM 符号,而将偶数子载波 X_{2k} 空 置,其中 $k \in \mathbb{N}^+$ 。然后,对加载 QAM 符号后的子载 波进行厄米共轭对称操作,可表示为

$$X_m = X_{N-m}^*, \ 0 < m < \frac{N}{2},$$
 (1)

式中:m为OFDM第m个位置处的子载波;N为子 载波总数。将得到的 X_0 和 $X_{N/2}$ 置为0后,Layered-ACO-OFDM系统中的第一层频域信号 $X^{(1)}_{ACO,k}$ 可以 表示为





在 Layered-ACO-OFDM 系统的第二层中,在 子载波 $X_{2(2k+1)}$ 上加载 QAM 符号,并进行厄米共轭 对称操作,同时第二层中的偶数子载波 $X_{2(2k)}$ 依然空 置,得到 Layered-ACO-OFDM 系统中的第二层频 域信号 $X^{(2)}_{ACO,ko}$ Layered-ACO-OFDM 系统的第三 层将前两层依然未被调制的子载波 $X_{4(2k+1)}$ 加载上 QAM 符号,得到第三层频域信号 $X^{(3)}_{ACO,k}$,其余子载 波不再进行调制。

将三层子载波全部加载上QAM符号后,分别 对每层频域信号进行快速傅里叶逆变换(IFFT),可 以表示为

$$x_{\text{ACO,}n}^{(l)} = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{k=0}^{N/2^{l-1}-1} X_{2^{l-1}k} \exp\left(j\frac{2\pi}{N}n \cdot 2^{l-1}k\right), (3)$$

式中:n=0,…,N-1;l表示层数。将得到的时域 信号x^(l)_{ACO,n}添加循环前缀(CP),并进行串并转换。 得到的每一层双极性时域信号x^(l)_{ACO,n}具有反对称特 性^[15],对信号的负数部分做剪裁处理,即

$$\left[x_{\text{ACO},n}^{(l)} \right]_{c} = \begin{cases} x_{\text{ACO},n}^{(l)}, & x_{\text{ACO},n}^{(l)} \ge 0\\ 0, & x_{\text{ACO},n}^{(l)} < 0 \end{cases}$$
(4)

在发射光信号前,利用剪裁后的信号 $\left[x_{ACO,n}^{(l)}\right]_{c}$ 对光强进行调制。

在三层 Layered-ACO-OFDM 系统接收端,对接收到的时域信号 r⁽¹⁾_{ACO.},进行快速傅里叶变换

(FFT)后取出每层奇数子载波上的信息,进而恢复 该层信号,恢复后的信号可以表示为

$$R_{\rm ACO}^{(l)} = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=0}^{N-1} r_{\rm ACO,n}^{(l)} \exp\left[\frac{-j2\pi \cdot 2^{l-1}(2k+1)n}{N}\right],$$
(5)

式中:R_{Aco}代表第 l 层的频域信号。但是,接收机在恢复第 l 层信号前,需要先将第1至 l-1 层的剪裁噪 声^[16]去除。由于第一层子载波上无剪裁噪声,经信 道均衡后可直接提取信息。第二层之后的每一层 子载波中都有上层剪裁噪声的叠加噪声,每层信号 的去剪裁噪声过程可表示为

$$\hat{R}_{\text{ACO},k}^{(l)} = R_{\text{ACO},k}^{(l)} - \sum_{m=1}^{l-1} \hat{I}_{\text{ACO},k}^{(m)}, \qquad (6)$$

式中: $\hat{R}_{ACO,k}^{(l)}$ 和 $R_{ACO,k}^{(l)}$ 分别代表第l层去噪后的信号 和第1层至第l层的接收信号; $\hat{I}_{ACO,k}^{(m)}$ 代表第m层的 剪裁噪声。估计 $\hat{I}_{ACO,k}^{(m)}$ 需要对输出的比特重新调制, 以得到第l层偶数子载波上的剪裁噪声。图2所示 为三层 Layered-ACO-OFDM系统接收机框图。该 接收机利用循环迭代的方法对信号进行解调,包括 对重新生成的频域信号 $\hat{X}_{ACO,k}^{(l)}$ 进行 IFFT 以得到 $\hat{x}_{ACO,n}^{(l)}$,再进行剪裁操作以及 FFT,估计出第l层的 剪裁噪声 $\hat{I}_{ACO,k}^{(l)}$ 。三层 Layered-ACO-OFDM系统的 频谱效率可提高至 ACO-OFDM系统的1.75倍,即





在相同带宽下可以调制更多数据,进而大大提升了 传输速率。

3 基于蒙特卡罗方法的UOWC信道 仿真

可见光在海水中传播时,能量会逐渐衰减。光的衰减系数c等于吸收系数a与散射系数b之和^[17],即 $c(\lambda)=a(\lambda)+b(\lambda)$,其中 λ 为可见光波长。海水对光的吸收物质包括:纯海水、浮游植物(叶绿素)、有色有机溶解物(黄腐酸、腐殖酸)^[18]。对光的散射包括:纯海水散射、浮游植物散射、小颗粒散射、大颗粒散射^[18]。

可见光的波长范围为 390~770 nm,其中海水 对波长为455~550 nm的蓝绿光波段的吸收作用最弱,对波长为650 nm以上的红光波段吸收作用最强^[18]。因此,蓝绿光最适合用作UOWC,本文采用 波长为500 nm的绿光进行仿真。同时,光在海水中 的衰减随叶绿素浓度的升高而增大^[17-18]。

利用蒙特卡罗方法对 UOWC 信道进行仿真, 将光在水下的传播看作许多光子的传输,通过计算 概率得到能到达接收机处的光子数目^[19-20]。在清澈 水域和海港水域中分别对UOWC信道响应进行仿 真,设置清澈海水中的叶绿素浓度为1 mg/m³、海港 水域中叶绿素浓度为6 mg/m³。表1为波长为 500 nm的绿光在两种环境中的衰减系数^[18]。

表1 不同环境中绿光的衰减系数

TT <i>T</i> (/ -1	1 / -1		/ -1		
environments							
Table 1	Attenuation	coefficient	of green	light in	different		

Water type	a / m^{-1}	b / m^{-1}	c / m^{-1}
Clean water	0.0597	0.2705	0.3302
Harbor water	0.3055	1.9458	2.2513

图 3 为在接收机采用不同FOV条件下,清澈水 域和海港水域的UOWC信道响应仿真结果。在清澈 水域中,散射作用很弱,故信号的时延扩展较小。同 时,接收光束比较集中,较小的FOV也能接收到大部 分光。在海港水域中,由于叶绿素浓度较高,故光子 在传播过程中会发生较强的散射^[21],信道响应的峰值 点右移^[22],表明此时信号的时延扩展变大。此外,接 收光束弥散,故需要较大的FOV才能接收到较多的 光功率。比较图 3(a)、(b)可以发现,海港水域的水下 光衰减远远大于清澈水域的水下光衰减。



图 3 不同水域中的UOWC信道响应仿真结果。(a) 清澈水域;(b) 海港水域

Fig. 3 Simulation results of UOWC channel response in different waters. (a) Clean water; (b) harbor water

4 仿真结果与分析

采用 MATLAB 对基于 Layered-ACO-OFDM 的水下通信系统进行仿真,UOWC 信道参数设置 如表2所示。为了保证足够的光功率射入接收机, 孔径直径大小设置为 50 cm。发射信号参数如 表 3 所示,调制格式选取 16QAM, Layered-ACO-OFDM系统频谱效率能够达到 1.75 bit·s⁻¹·Hz⁻¹。 系统的有源噪声功率固定为 0.001 W。通过调节 光源发射功率可改变信噪比(SNR),设置发射的 相对功率分别为 1.00, 1.44, 1.96, 2.56, 3.24, 4.00 W。

表 2 UOWC 信道参数 Table 2 UOWC channel parameters

Water type	Light color	Mass fraction of chlorophyll $/(mg \cdot m^{-3})$	Distance /m	FOV	Diameter /cm
Clean water	Green	1	10	Variable	50
Harbor water	Green	6	10	Variable	50

表3 发射信号参数

Table 3 Transmit signal parameters

Number of FFT points	Cyclic prefix	Training sequence	Number of symbols	Modulation format
256	16	20	4096	16QAM

图 4 为在清澈水域与海港水域中传输速率为 1 Gb/s 的 Layered-ACO-OFDM 的系统 BER 性能 对比。在海港水域中,由于吸收与散射作用,故 Layered-ACO-OFDM 的 BER 无法达到前向纠错 (FEC)门限。在清澈水域中,传输速率为1 Gb/s 的 Layered-ACO-OFDM 系统传输 10 m距离后可达到 FEC 门限,此时 SNR约为27 dB。



图4 在清澈水域与海港水域中Layered-ACO-OFDM系统 性能对比

Fig. 4 Performance comparison of Layered-ACO-OFDM system in clean water and harbor water

图 5 为在清澈水域中传输速率为1 Gb/s 的 Layered-ACO-OFDM系统的BER性能与FOV的 关系图,此时SNR为27 dB。当FOV较小时,部分 光无法射入接收机,相应的光功率损失导致 Layered-ACO-OFDM的BER无法达到FEC门限。 随着FOV的增大,传输速率为1 Gb/s 的 Layered-



图 5 在清澈水域中Layered-ACO-OFDM系统性能与 FOV的关系

Fig. 5 Relationship between performance of Layered-ACO-OFDM system and FOV in clean water

ACO-OFDM 系统在 FOV 约为 80° 时可达到 FEC 门限。

图 6为当发射功率为2.56 W时,清澈水域中 Layered-ACO-OFDM系统的BER性能与传输速率 的关系图。可以发现,系统BER随传输速率的增大 而升高。传输速率为500 Mb/s的Layered-ACO-OFDM系统的BER低于10⁻⁶门限。传输速率为 1 Gb/s的Layered-ACO-OFDM系统在清澈水域中 传输10 m后仍然能达到FEC门限。

图 7 为在清澈水域中,传输速率为1 Gb/s的 Layered-ACO-OFDM系统与传输速率为1 Gb/s的 传统 ACO-OFDM系统的 BER性能对比。为了保 证两种系统具有相同频谱效率,Layered-ACO-



图 6 在清澈水域中 Layered-ACO-OFDM 系统性能与传输 速率的关系

Fig. 6 Relationship between performance of Layered-ACO-OFDM system and transmission rate in clean water





Fig. 7 BER performance comparison between Layered-ACO-OFDM system and traditional ACO-OFDM system (triangle represents simulation data, line represents fitted curve)

OFDM 系统采用 16QAM 调制,单层 ACO-OFDM 系统采用 128QAM 调制,此时频谱效率均为 1.75 bit·s⁻¹·Hz⁻¹。由于调制阶数较高,传输速率 为1 Gb/s的传统 ACO-OFDM 系统在传输 10 m后 无法达到 FEC 门限。传输速率为1 Gb/s的 Layered-ACO-OFDM 系统在SNR 为27 dB时可达 到FEC 门限。

5 结 论

提出了基于 Layered-ACO-OFDM 的 UOWC 系统。Layered-ACO-OFDM 通过对信号剪裁的方 式,避免了直流偏置的加入,从而大大提高了光通 信系统的功率效率。同时,Layered-ACO-OFDM采 用子载波分层调制信息的方法,解决了传统ACO-OFDM载波资源利用不足,频谱效率低的问题。为 了模拟光在真实海洋环境中的传输情况,考虑了海 水对可见光的吸收和散射,建立了基于蒙特卡罗方 法的UOWC信道模型,并对不同海水浑浊度、不同 接收机FOV下的信道响应进行了全面地研究。在 相同调制格式下,三层Layered-ACO-OFDM的频 谱效率可以达到传统ACO-OFDM的1.75倍。仿真 结果表明,基于Layered-ACO-OFDM的UOWC系 统可以在清澈海水中实现10m传输距离下1Gb/s 的高速率通信。在相同频谱效率下,Layered-ACO-OFDM系统的BER性能远优于传统的ACO-OFDM系统,表明Layered-ACO-OFDM是一种具 有高功率效率与高频谱效率的可行性方案。

参考文献

- Alam K, Ray T, Anavatti S G. A brief taxonomy of autonomous underwater vehicle design literature[J]. Ocean Engineering, 2014, 88: 627-630.
- [2] Jeong S K, Choi H S, Bae J H, et al. Design and control of high speed unmanned underwater glider[J]. International Journal of Precision Engineering and Manufacturing-Green Technology, 2016, 3(3): 273-279.
- [3] Battista T, Woolsey C, Perez T, et al. A dynamic model for underwater vehicle maneuvering near a free surface[J]. IFAC-PapersOnLine, 2016, 49(23): 68-73.
- [4] Ling S D, Mahon I, Marzloff M P, et al. Stereoimaging AUV detects trends in sea urchin abundance on deep overgrazed reefs[J]. Limnology and Oceanography: Methods, 2016, 14(5): 293-304.
- [5] Zeng F J, Yang K J, Yan X, et al. Research progress on the underwater laser communication system[J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2021, 58(3): 0300002.
 曾凤娇,杨康建,晏旭,等.水下激光通信系统研究 进展[J]. 激光与光电子学进展, 2021, 58(3):
- [6] Li T S, Yang R K, Gao X, et al. Impulse response modeling for underwater wireless laser transmission
 [J]. Acta Optica Sinica, 2019, 39(11): 1101001.
 李天松,阳荣凯,高翔,等.水下无线激光传输脉冲 响应建模[J].光学学报, 2019, 39(11): 1101001.

0300002.

- [7] Kaushal H, Kaddoum G. Underwater optical wireless communication[J]. IEEE Access, 2016, 4: 1518-1547.
- [8] Bai J R, Cao C F, Yang Y, et al. Peak-to-average

power ratio reduction for DCO-OFDM underwater optical wireless communication system based on an interleaving technique[J]. Optical Engineering, 2018, 57(8): 086110.

- [9] Armstrong J, Schmidt B J C. Comparison of asymmetrically clipped optical OFDM and DC-biased optical OFDM in AWGN[J]. IEEE Communications Letters, 2008, 12(5): 343-345.
- [10] Elamassie M, Karbalayghareh M, Miramirkhani F, et al. Adaptive DCO-OFDM for underwater visible light communications[C]//2019 27th Signal Processing and Communications Applications Conference (SIU), April 24–26, 2019, Sivas, Turkey. New York: IEEE Press, 2019: 18952168.
- [11] Dissanayake S D, Panta K S, Armstrong J. A novel technique to simultaneously transmit ACO-OFDM and DCO-OFDM in IM/DD systems[C]//2011 IEEE GLOBECOM Workshops (GC Wkshps), December 5-9, 2011, Houston, TX, USA. New York: IEEE Press, 2011: 782-786.
- [12] Zhou J, Qiao Y J, Cai Z, et al. Asymmetrically clipped optical fast OFDM based on discrete cosine transform for IM/DD systems[J]. Journal of Lightwave Technology, 2015, 33(9): 1920-1927.
- [13] Hessien S, Tokgöz S C, Anous N, et al. Experimental evaluation of OFDM-based underwater visible light communication system[J]. IEEE Photonics Journal, 2018, 10(5): 7907713.
- [14] Tokgoz S C, Boluda-Ruiz R, Yarkan S, et al. ACO-OFDM transmission over underwater pipeline for VLC-based systems[C]//2019 IEEE 30th Annual International Symposium on Personal, Indoor and Mobile Radio Communications (PIMRC), September 8-11, 2019, Istanbul, Turkey. New York: IEEE Press, 2019: 1-7.
- [15] Wang Q, Qian C, Guo X H, et al. Layered ACO-OFDM for intensity-modulated direct-detection

optical wireless transmission[J]. Optics Express, 2015, 23(9): 12382-12393.

- [16] Chen L, Krongold B, Evans J. Diversity combining for asymmetrically clipped optical OFDM in IM/DD channels[C]//GLOBECOM 2009-2009 IEEE Global Telecommunications Conference, November 30-December 4, 2009, Honolulu, HI, USA. New York: IEEE Press, 2009: 11170530.
- [17] Gabriel C, Khalighi M A, Bourennane S, et al. Monte-Carlo-based channel characterization for underwater optical communication systems[J]. IEEE/ OSA Journal of Optical Communications and Networking, 2013, 5(1): 1-12.
- [18] Gawdi Y J. Underwater free space optics[D]. Raleigh: North Carolina State University, 2006.
- [19] Dai W H, Yan Q R, Wang M, et al. The establishment and simulation of underwater photon spatio-temporal random channel model[J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2021, 58(17): 1706006.
 戴伟辉,鄢秋荣, 王明,等.水下光子时空随机信道 模型的建立与仿真研究[J]. 激光与光电子学进展, 2021, 58(17): 1706006.
- [20] Cox W. Simulation, modeling, and design of underwater optical communication systems[D]. Raleigh: North Carolina State University, 2012.
- [21] Li T S, Gao X, Zhou X Y, et al. Characteristic analysis of underwater laser propagation based on Sahu-Shanmugam and Fournier-Forand volume scattering functions[J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2020, 57(3): 030103.
 李天松,高翔,周晓燕,等.基于Sahu-Shanmugam和 Fournier-Forand体积散射函数的水下激光传输特性 分析[J]. 激光与光电子学进展, 2020, 57(3): 030103.
- [22] Tang S J, Dong Y H, Zhang X D. Impulse response modeling for underwater wireless optical communication links[J]. IEEE Transactions on Communications, 2014, 62(1): 226-234.