# 激光 曷 光电子学进展

# Sm原子偶字称高激发态偏振光谱

陈枫,张雪倩,张小虎,张文纳,黄庆,沈礼<sup>\*</sup> 天津理工大学理学院,天津 300384

摘要 为了确认偏振光谱技术对复杂 Sm 原子的适用性,本文采用双色两步共振激发技术和光电离探测技术对 Sm 原子偶字称高激发态的光谱进行了研究。首先,通过两步激发将处于基态  $4f^66s^2$   $^7F_0$ 的 Sm 原子激发到偶字称激发态(总角动量量子数 J=0~2),并采用光电离技术对其进行探测;然后,通过对 $\pi\pi$ 、 $\pi\sigma$ 、 $\sigma$ + $\sigma$ + $\pi$ + $\pi$ 0  $\pi$ 0  $\pi$ 0  $\pi$ 0  $\pi$ 0 形谱进行对比分析,利用偏振选择定则确定了三个偶字称高激发态的总角动量量子数 J;最后,通过改变两步线偏振激发光光振动方向的夹角,得到了光电离信号与该角度的关系,从而验证了偏振光谱技术对 Sm 原子的适用性。

关键词 光谱学;原子光谱;偏振激发;Sm原子;偶字称;光电离;高激发态

中图分类号 O433.1;O433.2 文献标志码 A **doi:** 10.3788/LOP202158.1130001

# Polarization Spectra of Even-Parity Highly Excited States of Samarium Atom

Chen Feng, Zhang Xueqian, Zhang Xiaohu, Zhang Wenna, Huang Qing, Shen Li

 $School\ of\ Science,\ Tianjin\ University\ of\ Technology,\ Tianjin\ 300384,\ China$ 

**Abstract** To confirm the applicability of polarization spectroscopy to complex Sm atoms, we employed two-color two-step resonance excitation and photoionization detection techniques to study the spectra of even-parity highly excited states of an Sm atom. First, through two-step excitation, an Sm atom in the ground state  $4f^66s^2$   $^7F_0$  was excited to the even-parity excited states (angular momentum quantum numbers, J=0-2), and photoionization was used for detection. The spectra were compared and analyzed under different polarization combinations, and the total angular momentum quantum numbers J of the three even-parity highly excited states were determined using the polarization selection rule. Finally, by changing the angle of the vibration directions of the two linear polarized lights, we established the relationship between the photoionization signal and the angle, which verifies the applicability of polarization spectroscopy to Sm atoms.

**Key words** spectroscopy; atomic spectroscopy; polarization excitation; samarium atom; even-parity; photoionization; highly excited state

**OCIS codes** 300. 6210; 260. 5430; 300. 1030

## 1 引 言

高激发态的研究始终是光谱学中非常重要的

一个分支。原子高激发态的研究在新型激光器研发<sup>[1]</sup>、宇宙丰度计算<sup>[2]</sup>、原子同位素分离<sup>[3-10]</sup>等方面都有重要价值。

收稿日期: 2020-11-02; 修回日期: 2020-11-22; 录用日期: 2020-12-03

基金项目: 国家自然科学基金(11004151)、国家级大学生创新创业训练计划(201810060026)、天津市高等学校创新团队培养计划(TD3-5029)

\*E-mail: shenli@tjut. edu. cn

早期,原子高激发态的研究大多集中于最外层 有两个价电子的碱土金属原子[11-13]上,如位于第一 电离阈附近的束缚态和自电离态的Sr、Ba等原 子[14-16]。近年来,经过越来越多的深入研究,结构更 为复杂的稀土原子成为了研究重点。4f壳层全满填 充的稀土Yb原子的最外层也有两个价电子,这使得 其光谱特征与碱土金属的光谱特征更相近[17]。然而, 对于其他稀土原子,比如镧系轻稀土原子,其最外层 有两个价电子,且4f壳层没有全满填充。Sm原子具 有6个4f壳层价电子,导致Sm原子在同一电子组态 下会存在非常多的原子状态,如最低电子组态[Xe]  $4f^66s^2$ 存在7个精细子能级 $^7F_7(J=0\sim6)^{[18]}$ ;这7个子 能级中,能级差最大也仅为4020.66 cm<sup>-1[19]</sup>。如此小 的能级间隔会由于玻尔兹曼分布导致Sm原子在这 7个子能级上都存在一定的布居,从而使得Sm原子 存在多个可能的跃迁初态。以上两方面导致Sm原 子的光谱相比其他稀土原子的光谱复杂得多,也更 具挑战性和科学意义[7]。另外,通过不同的偏振组 合,可以实现能级的选择性激发与识别;同时,考虑 到核自旋下 Sm 原子奇、偶同位素总角动量的不同, 通过偏振激发也可以实现同位素的分离[7-10]。

本文采用双色两步共振激发<sup>[20]</sup>将处于基态的 Sm 原子激发至偶字称高激发态,然后通过光电 离<sup>[21]</sup>进行探测。先对 Sm 原子在 29930~30280 cm<sup>-1</sup> 能域内总角动量量子数 J取值为 0~2 的偶字称高激发态进行研究,获得不同偏振组合下的光谱;然后通过偏振跃迁定则确定偶字称高激发态的 J值,并通过改变两步光光振动方向的夹角获得跃迁强度

随该角度的变化,进一步确认偏振光谱技术对Sm原子光谱的适用性。

### 2 实验装置与原理

#### 2.1 实验装置

本文采用的实验装置如图1所示。实验采用的 是 Quanta System 公司的 Nd: YAG 激光器,型号为 GNT 0021-0805/L, 其产生的波长为532 nm、重复 频率为20 Hz、脉冲宽度为6~8 ns、能量为100 mJ的 激光经过1:1比例分束后分别泵浦两台可调谐染料 激光器。染料激光器1的输出波长固定为 638.955 nm,染料激光器 2的输出波长在 683.500~ 700.000 nm 范围内可调谐,它们输出的激光均为竖 直线偏振光,线宽均为0.1 cm<sup>-1</sup>。鉴于Sm原子能 级的复杂性,为了确保这两步激光按照预设的路径 分步激发 Sm 原子,在激光进入真空腔与原子作用 之前,通过反射镜等光学元件改变这两步激光的光 程,使它们相差8ns依次进入真空腔。由于多次反 射,激光已不再是竖直线偏振光,这些光可以通过 偏振片和半波片或四分之一波片的组合产生实验 所需的线偏振光或圆偏振光。

利用钽加热丝和温控装置保持原子炉温度在873 K。由于饱和蒸汽压的作用,Sm原子蒸气从孔径为1 mm的小孔中竖直向上喷出,原子束经过准直后与进入真空腔的水平激光束在两竖直放置的平行金属板处正交,这样可以尽量减小光谱的Doppler展宽效应,提高能级的分辨率。靠近微通道板的金属板接地,另一端金属板上施加幅值为

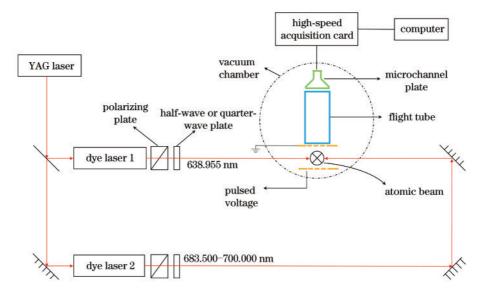


图1 实验装置图

Fig. 1 Experimental setup diagram

100 V的脉冲电压,该脉冲电压相对于激光与 Sm 原子的相互作用时间延时 0.5 μs,以保证激光与 Sm 原子相互作用时不存在 Stark 效应。两平行金属板间距为 1 cm。金属板中间的栅网既保证了作用区电场的均匀度,又保证了经过光电离后产生的 Sm<sup>+</sup>离子在脉冲电场作用下从靠近微通道板的金属板中间的栅网飞出作用区。飞出作用区的 Sm<sup>+</sup>离子 值过飞行管道自由飞行至微通道板。这些实验装置均放置于真空腔中。通过机械泵和分子泵使真空腔中的压强低于 2.0×10<sup>-5</sup> Pa。被增益至 10<sup>8</sup>的微通道板的放大信号被输入至高速采集卡(型号为U1071A)中进行模拟-数字转换,转换后的信号被输入计算机进行进一步的分析和处理。

偶宇称高激发态的能级位置根据文献[19]中  $4f^66s6p^7G_1$ 态的能量与第二步激发光( $\lambda_2$ )的光子能量之和确定。使用相干公司的 WaveMaster 波长计标定两步激发光的波长,该波长计的测量精度可以达到  $0.01~\text{cm}^{-1}$ 。另外,为将能量的不确定度降到最小,对同一光谱进行多次测量。本实验获得的偶宇称高激发态的能量总体不确定度是 $\pm 0.1~\text{cm}^{-1}$ ,这主要是由两步激发光的线宽决定的。

#### 2.2 实验原理

本文采用双色双光子将 Sm原子从基态 4f<sup>6</sup>6s<sup>2</sup> 7F<sub>0</sub>依次激发至待探测的偶字称高激发态(J=0~2),激发路径如图 2所示。Sm原子最低电子组态 4f<sup>6</sup>6s<sup>2</sup>存在 7个精细子能级  $^7$ F<sub>1</sub>(J=0~6),并且基态  $^7$ F<sub>0</sub>与其他 6个亚稳态  $^7$ F<sub>1</sub>(J=1~6)的能量差在 4020. 66 cm<sup>-1</sup>以内,甚至最低仅为 292. 58 cm<sup>-1[19]</sup>。根据玻尔兹曼分布,当温度为 873 K时,这 7个精细子能级上都有原子布居,因此这些子能级都有可能成为跃迁初态。为了保证有尽可能多的 Sm原子被激发,本文

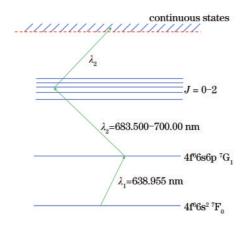


图 2 激发路径示意图 Fig. 2 Schematic of excitation path

首先使用波长为 638.955 nm  $(\lambda_1)$  的光子将 Sm 原子从基态  $4f^66s^2$   $^7F_0$ 激发到奇宇称激发态  $4f^66s6p$   $^7G_1$ ,之后再利用  $\lambda_2$ 将 Sm 原子从奇宇称激发态  $4f^66s6p$   $^7G_1$  激发到偶宇称高激发态  $(J=0\sim2)$ ,再使处于该高激发态的 Sm 原子吸收同一波长值  $\lambda_2$  的光子到达连续态,之后进一步电离为 Sm+离子。根据电偶极跃迁选择定则  $(\Delta J=\pm1)$ ,偶宇称高激发态的总角动量量子数无法唯一确定。为了确定跃迁终态的总角动量量子数无法唯一确定。为了确定跃迁终态的总角动量量子数,一种方法是选择不同的跃迁路径。由于中间态的总角动量量子数不同,因此每条路径下的终态总角动量量子数有不同的取值范围,对比多条路径就可以唯一确定终态的总角动量量子数 $^{[22]}$ 。该方法需要改变每一步激发光的波长或调谐范围。另一种方法不需改变激发光的波长或调谐范围,即偏振光谱技术 $^{[7-10]}$ 。

考虑到激发光偏振态的电偶极跃迁,由总角动量量子数和磁量子数分别为 $J_0$ 和 $M_0$ 的初态跃迁至总角动量量子数和磁量子数分别为 $J_1$ 和 $M_1$ 的末态的跃迁概率W与Wigner 3J符号模的平方成正比,即

$$W \propto \left| \begin{bmatrix} J_1 & 1 & J_0 \\ -M_1 & \varphi & M_0 \end{bmatrix} \right|^2, \tag{1}$$

式中: $\varphi$ 为光子的磁量子数。对于线偏振光( $\pi$ ), $\varphi$ =0,而对于圆偏振光( $\sigma^{\pm}$ ), $\varphi$ =±1。如果存在多步跃迁(如两步跃迁),总的跃迁概率  $W_{\rm all}$ 应为多步跃迁概率的乘积。其中需要注意的是,在两步光均为线偏振光且光振动方向垂直( $\pi\sigma$ 组合)的情况下,因为这两步光的量子化轴垂直,为了保证量子化轴的一致,应将第二步线偏振光分解为右旋与左旋圆偏振光( $\sigma^{+}$ 和 $\sigma^{-}$ ),这样第二步光的磁量子数 $\varphi_{2}$ 应为±1而不是0。由于零场下总角动量量子数为J的原子态共有2J+1个简并能级,即磁量子数M的取值范围为 $-J\sim J$ 且间隔为1,因此从(1)式可以看到,对于确定总角动量量子数的初末态而言,也可能存在有不同磁量子数的跃迁可能。因此两步跃迁情形下,总的跃迁概率为

$$W_{
m all} \propto \sum_{q} \prod_{i=1}^{2} \left[ egin{matrix} J_i & 1 & J_{i-1} \ -M_i & arphi_i & M_{i-1} \ \end{bmatrix} 
ight]^2, \qquad (2)$$

式中:q表示考虑到跃迁态磁量子数所有的可能时的跃迁数目。如本文所选取的总角动量量子数为 $0\rightarrow1\rightarrow0\sim2$ 的激发路径,初态和中间态的能级简并度分别为1和3,而不同终态下的能级简并度分别为1、3和5,所以对于这三种不同终态下可能的

跃迁数目q分别为3、9、15。在两步光跃迁中,对于 线偏振组合而言,存在ππ、πσ、σπ 和 σσ 这 4 种可能 的组合,但是由于对称性,只有ππ和πσ组合是独立 的。同样,圆偏振组合下也只有 $\sigma^+\sigma^+$ 和 $\sigma^+\sigma^-$ 这两 种组合是独立的。因此,两步光跃迁中共存在4种 不同的独立的偏振组合。4种偏振组合在不同跃 迁终态下的总的跃迁概率如表1所示,其中a、b、c表示与约化跃迁矩阵元成比例的常数,与跃迁各态 的径向波函数有关,与角向波函数无关,因此同一 跃迁终态不同偏振组合下该值为常数。由表1可 以看到,有些跃迁是禁戒的,如 $\sigma^+\sigma^+$ 组合下 $J_2=0$ 和  $J_2$ =1的终态跃迁,以及ππ组合下 $J_2$ =1的终态跃迁 和πσ组合下 $J_2$ =0的终态跃迁。即使是存在跃迁 概率的终态,在不同的偏振组合下,跃迁概率也不 尽相同,如终态 $J_2$ =2的跃迁在 $\sigma^+\sigma^+$ 和 $\sigma^+\sigma^-$ 组合下 的跃迁概率之比为6:1。这些跃迁概率的特点为 利用不同的偏振组合下的光谱区分跃迁终态的总 角动量量子数提供了可能,且无需改变跃迁波长或 调谐范围。

表 1 不同偏振组合下 $J_2$ 的相对跃迁强度

Table 1 Relative transition intensity of  $J_2$  under different polarization combinations

Case	Polarization		Normalized transition amplitude		
	$\varphi_1$	$arphi_2$	$J_2 = 0$	$J_2 = 1$	$J_2 = 2$
1	$\sigma^+$	$\sigma^{-}$	а	b	С
2	$\sigma^+$	$\sigma^+$	0	0	6 <i>c</i>
3	π	π	а	0	4c
4	π	σ	0	b	3 <i>c</i>

## 3 结果与讨论

#### 3.1 偶字称高激发态光谱

图 3 所示为 4 种不同偏振组合下能域为 29930~30280 cm<sup>-1</sup>的 Sm 原子的偶宇称高激发态光谱,4 种组合下的光谱已按照最强峰统一进行了归一化。其中\*号表示挡住 $\lambda_1$ 扫描 $\lambda_2$ 仍然存在的能级,该能级有可能是从基态 4f<sup>6</sup>6s<sup>2</sup>  $^7$ F<sub>0</sub>或其上方的 6 个亚稳态 4f<sup>6</sup>6s<sup>2</sup>  $^7$ F<sub>1</sub>(J=1~6)吸收一个或两个 $\lambda_2$ 光子而跃迁的能级,本文不予详细讨论。结合图 3(a)~(d)可以看到,在该能域内共存在 3 个明显的偶字称高激发态。能量

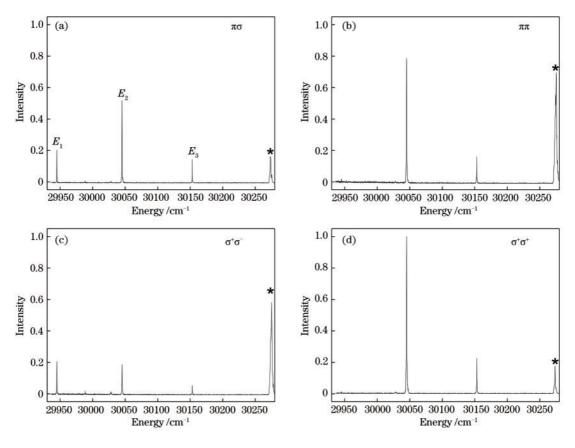


图 3 不同偏振组合下 Sm 原子的偶字称高激发态光谱。(a) $\pi\sigma$ 组合;(b) $\pi\pi$ 组合;(c) $\sigma^+\sigma^-$ 组合;(d) $\sigma^+\sigma^+$ 组合 Fig. 3 Spectra of even-parity highly excited states of Sm atoms under different polarization combinations. (a)  $\pi\sigma$  combination; (b)  $\pi\pi$  combination; (c)  $\sigma^+\sigma^-$  combination; (d)  $\sigma^+\sigma^+$  combination

 $E_1$ =29944.84 cm<sup>-1</sup>的能级在 $\pi\pi$ 和 $\sigma^+\sigma^+$ 组合下的跃迁强度基本为0;考虑到信号本身的波动,认为 $E_1$ 能级在 $\pi\sigma$ 和 $\sigma^+\sigma^-$ 组合下的跃迁强度基本相等,结合表1可以判断该能级的总角动量量子数J为1。 $E_1$ 能级在 $\pi\pi$ 和 $\sigma^+\sigma^+$ 组合下的信号强度仍然较小,这主要是由偏正度不纯导致的。能量 $E_2$ =30045.09 cm<sup>-1</sup>的能级在4种偏振组合下的跃迁强度均不为0,且在 $\sigma^+\sigma^+$ 组合下的跃迁强度最大,在 $\sigma^+\sigma^-$ 组合下的跃迁强度最小,强度比约为5.4:1。由表1可知该能级的总角动量量子数J为2,基本符合 $\sigma^+\sigma^+$ 和 $\sigma^+\sigma^-$ 组合下跃迁强度之比的理论值6:1。同理可以得到能量 $E_3$ =30153.06 cm<sup>-1</sup>的能级的总角动量量子数J也为2。

#### 3.2 跃迁强度与两步光光振动方向夹角的关系

当两步光为线偏振光,且它们的光振动方向的 夹角为 $\theta$ 时,跃迁强度为

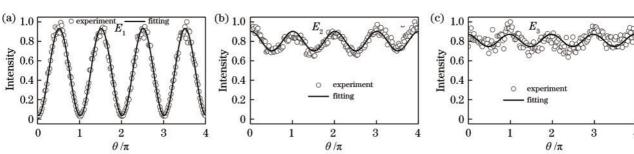


图 4 偶宇称高激发态  $E_1$ 、 $E_2$ 、 $E_3$ 的跃迁强度与 $\theta$ 的关系。(a)  $E_1$ ; (b)  $E_2$ ; (c)  $E_3$ 

Fig. 4 Relationship between transition intensity of even-parity highly excited states  $(E_1, E_2, \text{ and } E_3)$  and  $\theta$ . (a)  $E_1$ ; (b)  $E_2$ ; (c)  $E_3$ 

### 4 结 论

本文采用双色两步激发和光电离技术,对 Sm 原子在 29930~30280 cm<sup>-1</sup>能域内总角动量量子数 J 取值为 0、1、2 的偶字称高激发态进行了研究,探测到了 3个偶字称高激发态。通过改变两步光的偏振状态,获得了 4种不同偏振组合下的光谱,结合偏振选择定则对其进行对比分析,确定了这些能级总角动量量子数 J 的值,并通过改变两线偏振光光振动方向的夹角,研究了偶字称高激发态跃迁强度与该角度之间的关系,进一步确认了偏振光谱技术对复杂 Sm 原子的适用性。这为通过更复杂的三步光偏振激发 Sm 原子到更高能域甚至自电离能域奠定了良好的基础,也为 Sm 原子奇偶同位素的选择性激发与识别乃至分离创造了必要条件。

#### 参考文献

[1] Bokor J, Freeman R R, Cooke W E, et al. Autoionization-pumped laser[J]. Physical Review Letters,  $I = I_1 \cos^2 \theta + I_2 \sin^2 \theta, \tag{3}$ 

式中: $I_1$ 为 $\pi\pi$ 组合下的跃迁强度; $I_2$ 为 $\pi\sigma$ 组合下的跃迁强度。当跃迁终态的总角动量量子数为1时, $I_1$ =0, $I_2$ =b,跃迁强度遵循b(1- $\cos^2\theta$ )的规律变化,即: $\theta$ 由0变化到 $2\pi$ 时,跃迁强度从0变化到b。当跃迁终态的总角动量量子数为2时, $I_1$ =4c, $I_2$ =3c,跃迁强度遵循4c( $3/4+\cos^2\theta/4$ )的规律变化,即: $\theta$ 由0变化到 $2\pi$ 时,跃迁强度从3c变化到4c。

图  $4(a)\sim(c)$ 所示分别为实验获得的 3个偶字称高激发态  $E_1$ 、 $E_2$ 和  $E_3$ 的跃迁强度与两线偏振光光振动方向夹角  $\theta$ 的变化关系,其中每个图中的跃迁强度已经按照信号最大值分别进行了归一化处理。可以看到,实验结果与理论拟合结果吻合得比较好,这充分证明了偏振光谱技术对复杂的 Sm 原子也是适用的。

- 1982, 48(18): 1242-1245.[2] Zhang Z G, Persson A, Li Z S, et al. Lifetime measurements in Gd II and Gd III using time-
- measurements in Gd II and Gd III using timeresolved laser spectroscopy[J]. The European Physical Journal D, 2001, 13(3): 301-304.

  [3] Beutel V, Krämer H G, Bhale G L, et al. High-
- resolution isotope selective laser spectroscopy of Ag<sub>2</sub> molecules[J]. The Journal of Chemical Physics, 1993, 98(4): 2699-2708.
- [4] Niki H, Kuroyanagi T, Horiuchi Y, et al. Laser isotope separation of zirconium for nuclear transmutation process[J]. Journal of Nuclear Science and Technology, 2008, 45(6): 101-104.
- [5] Rath A D, Kundu S. Determination of isotope shifts IS (235U, 238U) of odd parity levels of U I at ~4 eV using RIMS[J]. Journal of Quantitative Spectroscopy and Radiative Transfer, 2019, 234: 20-23.
- [6] Bokhan P A, Fateev N V, Kim V A, et al. Isotopeselective laser excitation and field ionization of then nF<sub>5/2</sub> Rydberg states in a thallium beam[J]. Laser Physics, 2013, 23(5): 055702.

- [7] Sahoo A C, Mandal P K, Shah M L, et al. Enhancement of photoionization by applying polarization-based common level excitation scheme for the selective photoionization of odd isotopes of samarium[J]. Journal of Quantitative Spectroscopy and Radiative Transfer, 2019, 235: 7-14.
- [8] Seema A U, Mandal P K, Rath A D, et al. New even-parity high-lying levels of Sm I and measurement of isotope shifts by two-color resonance ionization mass spectrometry[J]. Journal of Quantitative Spectroscopy and Radiative Transfer, 2014, 145: 197-204.
- [9] Jia L J, Jing C Y, Zhou Z Y, et al. Studies of highlying even-parity levels of Sm I: energies and isotope shifts[J]. Journal of the Optical Society of America B, 1993, 10(8): 1317-1320.
- [10] Rath A D, Kundu S, Ray A K, et al. Total angular momenta of high-lying odd levels of U I at ~4 eV using resonance ionization laser polarization spectroscopy[J]. Journal of Quantitative Spectroscopy and Radiative Transfer, 2018, 206: 328-332.
- [11] Kupliauskienė A, Kerevičius G, Borovik V, et al. The energy structure and decay channels of the 4p<sup>6</sup>-shell excited states in Sr[J]. Journal of Physics B, 2017, 50(22): 225201.
- [12] Zhang W, Palmeri P, Quinet P, et al. Radiativelifetime measurements and calculations of odd-parity highly excited levels in Ba I[J]. Physical Review A, 2010, 82(4): 042507.
- [13] Wang Q, Wang S, Kang Z H, et al. Experimental branching fractions, transition probabilities and oscillator strengths of some levels in Ba I[J]. Journal of Quantitative Spectroscopy and Radiative Transfer, 2017, 199: 89-92.
- [14] Haq S U, Kalyar M A, Rafiq M, et al. Oscillator

- strength measurements of the 5s6s  $^{1}S_{0} \rightarrow 5snp$   $^{1}P_{1}$ Rydberg transitions of strontium[J]. Physical Review A, 2009, 79(4): 042502.
- [15] Elizarov A Y, Cherepkov N A. Two-photon polarization spectroscopy of autoionizing states[J]. Journal of Experimental and Theoretical Physics, 1989, 69(4): 1224-1230.
- [16] Li C H, Budker D. Polarization-dependent photoionization cross sections and radiative lifetimes of atomic states in Ba I[J]. Physical Review A, 2006, 74: 012512.
- [17] Yi J H, Lee J, Kong H J, et al. Autoionizing states of the ytterbium atom by three-photon polarization spectroscopy[J]. Physical Review A, 1995, 51(4): 3053-3057.
- [18] Schmitt A, Bushaw B A, Wendt K, et al. Determination of the <sup>154</sup>Sm ionization energy by highprecision laser spectroscopy[J]. Journal of Physics B, 2004, 37(8): 1633-1644.
- [19] Martin W C, Zalubas R, Hagan L, et al. Atomic energy levels: the rare-earth elements[R]. [S.l.]: National Bureau of Standards, 1978.
- [20] Seema A U, Rath A D, Mandal P K, et al. Polarization-based isotope-selective two-color photoionization of atomic samarium using broadband lasers[J]. Applied Physics B, 2015, 118(3): 505-510.
- [21] Sahoo A C, Mandal P K, Shah M L, et al. Effect of magnetic field on isotope-selective photoionization of atomic samarium using polarized lasers[J]. Journal of Physics Communications, 2017, 1(5): 055010.
- [22] Zhao H Y, Dai C J, Guan F, et al. Photoionization spectra of an Sm atom with stepwise excitation[J]. Journal of Physics B, 2009, 42(6): 065001.