基于频谱压缩的斯托克斯空间复用系统

李霞,张黎杰,黄斌,常雪峰,隋琪* 暨南大学光子技术研究院,广东广州 511486

摘要 在传统的直接检测光通信系统中,色散和光探测器的平方检测相互作用会带来不可避免的性能损失。基于 斯托克斯空间复用的直接检测光通信系统,提出通过频谱压缩算法进行发射信号序列相关的相位优化,将三维斯 托克斯信号转化为四维带宽为 3/4 的琼斯空间信号,以实现无性能损失、无需额外硬件成本的色散预补偿。鉴于 上述理想的频谱压缩方法需要复杂度过高的全局优化算法,提出一种基于查表的简化相位优化算法。仿真结果表 明,当优化长度为 7 个符号时,频谱峰值和谷值之间落差约为 17 dB,可有效降低发射机带宽需求。 关键词 光通信;频谱压缩;相位优化;斯托克斯空间复用;直接检测

中图分类号 TN929.1 文献标志码 A

doi: 10.3788/LOP57.090602

Stokes Space Multiplexing System Using Spectrum Compression

Li Xia, Zhang Lijie, Huang Bin, Chang Xuefeng, Sui Qi*

Institute of Photonics Technology, Jinan University, Guangzhou, Guangdong 511486, China

Abstract In a traditional direct detection (DD) optical communication system, performance loss is inevitably caused by the interaction between dispersion and square-law detection of a photodetector. Based on a DD optical communication system using Stokes space multiplexing, a spectrum compression algorithm is proposed to optimize the phase of a transmitted signal sequence, which transforms a three-dimensional Stokes space signal to a fourdimensional Jones spatial signal with 3/4 bandwidth, thus enabling the dispersion pre-compensation without performance loss and extra hardware cost. Since this ideal spectrum compression requires global optimization algorithm with high complexity, we propose a simplified look-up-table based phase optimization algorithm. Simulation results show that when the optimization length is 7 symbols, the difference between the peak and the valley of the spectrum is about 17 dB, which effectively decreases the bandwidth requirement of the transmitter. **Key words** optical communications; spectrum compression; phase optimization; Stokes space multiplexing; direct detection

OCIS codes 060.4510; 070.4790; 060.5060

1 引 言

近些年,以因特网为媒介的高清视频和大数据 等应用极大地推动了光通信行业的发展。在过去的 20年中,骨干网光通信系统先后经历了密集波分复 用、基于相干检测的偏振复用以及未来的空分复用 三次更新迭代。与骨干网相比,短距离互联光网络 系统则尚未经历以上变革,目前商用短距离互联光 网络依然以直调直检系统为主,但色散和光探测器 的平方检测相互作用会带来不可避免的性能损失, 使接收信号非线性失真,到目前为止也没有一个完 美的解决方案,于是基于斯托克斯接收机的直检系 统应运而生。

斯托克斯接收机是可用来实现偏振复用的直接 检测系统^[1-4],目前已经提出了三种斯托克斯发射器 结构。第一种方案是 2014 年澳大利亚墨尔本大学 的 William Shieh 研究组提出的,该方案中发射机的 两个偏振态分别由未调制的直流光和经过同相正交 调制的信号组成,这等效于二维调制^[5-7]。从理论上 讲,这也可以从斯托克斯空间得到解释,在斯托克斯

收稿日期: 2019-12-27; 修回日期: 2020-01-20; 录用日期: 2020-02-11

基金项目:国家重点研发计划(2018YFB1802300)、国家自然科学基金(61605066,61871408)

^{*} E-mail: sui-qi@hotmail.com

空间中,两个维度被用于调制信号,第三个维度则被 用于调制直流光,相当于浪费了一个维度。2015 年,David V. Plant 研究组对发射机进行了改 进^[8-9],即第二种方案,在一个偏振态上进行强度调制,而在另一个偏振态上进行强度和相位调制,即三 维调制。这相当于利用一般的斯托克斯空间对信号 进行三维调制和接收,但是无法补偿色散。之后 Plant 研究组又在 2015 年 ECOC 会议的 post deadline 中发表了对该方案进行改进的文章^[10-11], 即加入了相邻符号间的差分相位进行信息传输,发 射机结构也从三维调制升级成了和相干系统相同的 四维调制。这种方案虽然将传输速度提高了 1/3, 但是接收机复杂度几乎翻了一倍,接收机的响应度 也受到影响,代价过高。

综合上面的工作,本文提出一种能进行色散预 补偿的斯托克斯空间复用系统,通过频谱压缩算法 进行相位优化以处理输入信号,在发射端将三维斯 托克斯信号转化为四维的带宽为 3/4 的琼斯空间信 号,使得在成本和复杂度不变的情况下,信号在发射 机处多了一个维度,进而可以在发射机对色散进行 预补偿。本文系统地分析了利用相位优化实现频谱 压缩的理论极限,量化了压缩率对性能的影响,设计 频谱压缩算法,从而实现了无性能损失、无需额外硬 件成本的斯托克斯空间复用系统。

2 斯托克斯空间复用发射机结构

斯托克斯空间复用发射机的传统结构如图 1 (a)所示。先利用数字信号处理(DSP)模块将待发送的斯托克斯信号映射到琼斯空间^[12-14],再进行 三维调制。加入相位优化的结构会在映射到琼斯 空间之前利用斯托克斯信号产生一个优化的相位 信息,结合原始的斯托克斯信号进行计算后再将 其映射到琼斯空间,并进行四维调制^[15-16],如图 1 (b)所示。由于相位信息不会对接收信号的斯托 克斯参数产生影响,因此无需对接收机作任何改 变,如图 2 所示。



图 1 Stokes 空间复用发射机结构。(a)传统结构;(b)利用相位优化的结构

Fig. 1 Stokes spatial multiplexing transmitter structures. (a) Traditional structure; (b) phase optimization based structure



PBS: polarization beam splitter; BD: balanced detector

图 2 Stokes 接收机结构

Fig. 2 Structures of Stokes receiver

基于频谱压缩的斯托克斯空间复用系统定义了 一个伴随信息,这个伴随信息在接收机是无法被检 测到的,文中以相位 φ 表示。在这种情况下,使用 不可检测的伴随信息来优化接收器的带内信息,其 中信号是定义在接收端的,并且相位 φ 取决于斯托 克斯空间的信息。此时的接收信号变为四个维度, 其中 φ 是一个维度, (S_1, S_2, S_3) 是另外的三个维 度,比传统的接收信号多了一个维度,可以用来补偿 色散。通过优化相位 φ 可以实现与色散无关的斯 托克斯空间复用系统。

给定在琼斯空间的四维信号:

$$\boldsymbol{J} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{E}_x \ \boldsymbol{E}_y \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}, \qquad (1)$$

式中: $E_x \, \langle E_y \rangle$ 分别为 $x \, \langle y \rangle$ 偏振的电矢量。斯托克斯 向量 $S = [S_0 \, S_1 \, S_2 \, S_3]^T$ 定义为^[17]

$$\begin{bmatrix} S_{0} \\ S_{1} \\ S_{2} \\ S_{3} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} |\boldsymbol{E}_{x}|^{2} + |\boldsymbol{E}_{y}|^{2} \\ |\boldsymbol{E}_{x}|^{2} - |\boldsymbol{E}_{y}|^{2} \\ 2\operatorname{Re}(\boldsymbol{E}_{x}\boldsymbol{E}_{y}^{*}) \\ 2\operatorname{Im}(\boldsymbol{E}_{x}\boldsymbol{E}_{y}^{*}) \end{bmatrix}, \qquad (2)$$

式中:Re 和 Im 分别为变量的实部和虚部;"*"代 表复共轭。 S_0 可以表示为 $S_0 = \sqrt{S_1^2 + S_2^2 + S_3^2}$,斯 托克斯向量(S_1 , S_2 , S_3)在三维空间的分布可以通 过斯托克斯向量接收机直接检测。将琼斯空间的信 号映射到斯托克斯空间,展开琼斯空间的信号并且 提取公共相位 φ ,则有

$$\boldsymbol{J} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{E}_{x} \\ \boldsymbol{E}_{y} \end{bmatrix} = \exp(j\varphi) \begin{bmatrix} x \\ y + jz \end{bmatrix}, \quad (3)$$

剩余的 x 是大于零的正数,由于公共相位 φ 不影响 信号的偏振态,因此斯托克斯空间的(S_1 , S_2 , S_3)和 (3)式右侧的(x,y,z)是一一对应的。给定斯托克 斯空间传输信号(S_1 , S_2 , S_3)时,在琼斯空间中对其 进行调制,通过映射关系求解 x,y 和z,可得

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sqrt{\frac{\sqrt{3} + S_1}{2}} \\ \frac{S_2 \sqrt{\sqrt{3} - S_1}}{2} \\ \frac{S_3 \sqrt{\sqrt{3} - S_1}}{2} \end{bmatrix}, \quad (4)$$

(4)式中(*x*,*y*,*z*)被调制到光载波上,即图 1(a)的 三维调制。

对于给定的(S_1 , S_2 , S_3),a(x,y,z)上乘以与 调制信号有关的相位 $\varphi(t)$ 。尽管获得的信号是四 维的,但是压缩了琼斯空间的频谱并且减小了带宽, 带宽变成原来的 3/4。可以认为两个发射机的成本 和复杂度是等效的,求解相位 $\varphi(t)$ 相当于等效替 换。因为发射机使用了四维调制,可以在发射机处 对色散进行预补偿。通过频谱压缩实现了色散无关 的斯托克斯空间复用的直调直检系统。

3 频谱压缩的理论性能研究

为了方便理解和实现,这里用有限长度、一倍采 样的序列进行说明。信号的功率谱密度(PSD)为

 $|f_m|^2 = |\mathscr{F}[\alpha_m \exp(j\varphi_m)]|^2, \quad (5)$ 式中: a_m 为第 m 个信号; φ_m 为第 m 个信号的相位; f_m 为第 m 个信号的功率谱; \mathscr{F} 代表傅里叶变换。

对于单偏振系统来说,给定一个长度为 N 的序 列 $\{\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_N\}$,对其进行相位调制,相位调制序 列为 $\{\varphi_1, \varphi_2, \dots, \varphi_N\}$,频谱压缩可以理解为使得

对于双偏振系统的斯托克斯空间复用来说,令 M 个功率谱密度等于 0 则包含了 4M 个实数方程, 对应两个偏振态上的实部和虚部。所以双偏振系统 至多将频谱压缩至波特率的 3/4。然而事实上不能 保证任何序列都有解,因此实际的求解是找到压缩 范围内的频谱功率最小值,但是对于数值较大的 N 来说,该过程比较复杂。为了预估系统的极限性能, 初步以局部极小值作为参考,例如对于任意一个序 列,随机产生一个初始相位序列,以该相位序列作为 起点并利用最陡下降法搜索压缩频率内的功率的最 小值,其数学模型可表示为

$$\varphi(t) = \underset{\varphi(t)}{\operatorname{argmin}} \int_{|f| \ge \frac{3}{8T}} |\mathscr{F}\{E(t)\varphi(t)\}|^2 \mathrm{d}f, (6)$$

式中:*E*(*t*)是通过映射斯托克斯信号而获得的琼斯 空间的信号;*T*为符号周期。本文实现了相位优 化,使得信号在 1/4 频率处有最小的功率,确保带内 频率处有最大的功率。

在仿真中,对于斯托克斯空间调制系统,*S*_{1/2/3} 上使用二进制相移键控(BPSK)调制,令 *N*=1024, *M* 从*N*/8 增加至 7*N*/8,每个 *M* 被随机生成 100 个序列,利用最陡下降法寻找压缩频率内的功率最 小值,结果如图 3(a)所示,横轴是压缩比(*M*/*N*), 纵轴是压缩频率内的功率占信号总功率的比例,即 泄漏功率的比例。可见在压缩比大于 1/4 时,泄漏 功率开始明显增加,压缩比在 1/4 内时带外功率是 可以忽略不计的,符合之前的预期。图 3(b)显示了 在压缩比为 1/4 时的平均功率谱密度,频谱被压缩 到原来的 3/4。

图 3(c)和图 3(d)是压缩之前和压缩之后滤除 带外功率的信号星座图。压缩前后的信号分布基本 不变,然而其高复杂性使其不适用于实际系统。

4 相位优化的实现

理想的频谱压缩需要对整个序列进行整体的相



图 3 使用最陡下降法获得的光谱压缩结果。(a)泄漏功率比例随压缩比的变化;(b)压缩比为 1/4 时的平均功率谱密度; 压缩(c)之前和(d)之后的信号星座图

Fig. 3 Results of spectral compression obtained using steepest descent method. (a) Leakage power ratio varies with compression ratio; (b) average power spectral density at compression ratio of 1/4; constellation diagrams of signal (c) before and (d) after compression

位优化,但该过程往往复杂度很高且不易实现。频 谱压缩中起决定性作用的是小范围内相邻码元之间 的相位优化程度,因此,可以通过算法实现针对给定 长度内的相位优化,本文采用查表法实现相位优化, 具体步骤如下。

1) 建立表格

对于给定的优化长度L,先枚举所有长度为L 的可能的序列,然后对于每种序列,先补零至一定 长度L_N,再对第2至第L位以固定的相位步进 $(如 2\pi/N_{\theta})$ 穷举所有的相位序列的组合(共 L^N 种 序列),将所有的相位组合调制到该序列上,并搜 寻目标频率范围内功率最小的相位序列。得到的 结果可表示为 $\{\alpha_2, \alpha_3, \dots, \alpha_L\}$,然后计算 $\{\varphi_2, \varphi_2\}$ $\varphi_3, \dots, \varphi_L$, $\ddagger \psi \varphi_2 = \alpha_2, \varphi_k = \alpha_k - \alpha_{k-1}, 2 \leq k \leq L$. 这样 φ_k 就代表该序列相位优化时, 第 k 位和第 k-1位的相位差。

尽管穷举所有序列和相位计算量比较大,但该 表格一旦建立完成就无需再更改,相位优化算法仅 需要存储并调用该表格。

2) 相位优化算法

相位优化算法结构如图 4 所示,其本质上是利 用长度为L的滑动窗口,根据窗口内的发送序列查 表,每一位会出现在L个窗口中,该位相对于前一

位的相位差一共会得到L-1个查表值,对这L-1 个查表值进行圆周平均就可以得到最终每一位的优 化相位。图 4 中优化长度 L=4。

加权圆周平均公式为

$$\varphi_1 + \frac{w_2}{w_1 + w_2} \left[\operatorname{mod}(\varphi_2 - \varphi_1 + \pi, 2\pi) - \pi \right], (7)$$

式中: φ_1 、 φ_2 为相位; w_1 、 w_2 分别为相位 φ_1 、 φ_2 对 应的权重。依次计算多个相位的加权圆周平均,将 中间结果的权重进行累加,初始权重均为1。

在计算得到 S_k 与 S_{k+1} 之间的最优相位 φ_{k+1} 后, S_{k+1} 的绝对相位由 S_k 的绝对相位 θ_k 计算得到,即

$$\theta_{k+1} = \mod(\theta_k + \varphi_{k+1}, 2\pi),$$
 (8)
長后输出为

最

$$E'_{k} = \exp(j\theta_{k+1})E_{k}, \qquad (9)$$

式中: E_k 为由 S_k 直接计算得到的Jones 空间的电 场强度。

在仿真中,令L=1024,对于斯托克斯空间复用 系统,S_{1/2/3}上采用 BPSK 调制,优化后的结果如图 5 所示,其中每条频谱曲线的结果都来源于 500 次仿 真结果的平均值。随着L的增加,频谱滚降速度逐 渐加快,在L=7时,频谱峰值和谷值之间相差约 17 dB。该结果表明通过相位优化实现频谱压缩是 可行的。



图 4 相位优化算法结构图。虚线箭头代表寄存器移位方向





compression results

5 结 论

首先分析了斯托克斯空间复用发射机的结构, 在信号映射到琼斯空间之前加入相位优化的结构, 利用斯托克斯信号产生一个优化的相位信息,结合 原始的斯托克斯信号进行计算后,将所得结果映射 到琼斯空间进行四维调制。提出一种新的信号定义 方法,尽管获得的信号是四维的,但是该方法压缩了 琼斯空间的频谱并且减小了带宽,带宽变成原来的 3/4,即该方法通过优化伴随信息实现发射机信号的 频谱压缩。通过理论和仿真完成了频谱压缩的理论 性能研究,量化了压缩比对性能的影响,优化相位使 得信号在1/4 频率处有最小的功率,确保了带内频 率处有最大的功率。文中设计了基于查表的简化的 相位优化算法,提出利用相位优化实现频谱压缩的 概念,在发射端将三维斯托克斯信号转化为四维的、 带宽为3/4的琼斯空间信号,信号在发射端多了一个 维度,实现了无性能损失、无需额外硬件成本的色散 预补偿。

参考文献

- Che D, Li A, Chen X, et al. Stokes vector direct detection for short-reach optical communication [J].
 Optics Letters, 2014, 39(11): 3110-3113.
- [2] Li A, Che D, Chen V, et al. Spectrally efficient optical transmission based on Stokes vector direct detection[J]. Optics Express, 2014, 22(13): 15662-15667.
- Che D, Li A, Chen X, et al. Stokes vector direct detection for linear complex optical channels [J].
 Journal of Lightwave Technology, 2015, 33(3): 678-684.
- Che D, Chen X, Li A, et al. Optical direct detection for 100G short reach applications [C] // Asia Communications and Photonics Conference 2014, November 11-14, 2014. Shanghai. Washington, D.C.: OSA, 2014.
- [5] Che D, Li A, Chen X, et al. 160-Gb/s Stokes vector direct detection for short reach optical communication[C] // Optical Fiber Communication Conference: Postdeadline Papers, March 9-13, 2014.
 San Francisco, California. Washington, D. C.: OSA, 2014.
- [6] Hu Q, Che D, Wang Y F, et al. Advanced modulation formats for high-performance short-reach optical interconnects [J]. Optics Express, 2015, 23 (3): 3245-3259.
- [7] Che D, Li A, Hu Q, et al. Implementing simplified stokes vector receiver for phase diverse direct detection[C] // Optical Fiber Communication

Conference, March 3, 2015. Los Angeles, California. Washington, D.C.: OSA, 2015.

- [8] Morsy-Osman M, Chagnon M, Plant D V. Polarization division multiplexed intensity, inter polarization phase and inter polarization differential phase modulation with stokes space direct detection for 1λ × 320 Gb/s 10 km transmission at 8 bits/ symbol[C] // 2015 European Conference on Optical Communication (ECOC), September 27-October 1, 2015. Valencia, Spain. IEEE, 2015.
- [9] Chagnon M, Osman M, Patel D, et al. 1λ, 6 bits/ symbol, 280 and 350 Gb/s direct detection transceiver using intensity modulation, polarization multiplexing, and inter-polarization phase modulation[C] // Optical Fiber Communication Conference Post Deadline Papers, March 22-26, 2015, Los Angeles, California. Washington, D. C. : OSA, 2015: th5b.2.
- [10] Morsy-Osman M, Chagnon M, Plant D V. Fourdimensional modulation and stokes direct detection of polarization division multiplexed intensities, inter polarization phase and inter polarization differential phase[J]. Journal of Lightwave Technology, 2016, 34(7): 1585-1592.
- [11] Chagnon M, Morsy-Osman M, Patel D, et al. Digital signal processing for dual-polarization intensity and interpolarization phase modulation

formats using stokes detection [J]. Journal of Lightwave Technology, 2016, 34(1): 188-195.

- [12] Savory S J. Digital filters for coherent optical receivers [J]. Optics Express, 2008, 16 (2): 804-817.
- [13] Savory S J. Digital coherent optical receivers: algorithms and subsystems [J]. IEEE Journal of Selected Topics in Quantum Electronics, 2010, 16 (5): 1164-1179.
- [14] Liu X, Chandrasekhar S, Winzer P J. Digital signal processing techniques enabling multi-Tb/s superchannel transmission: an overview of recent advances in DSP-enabled superchannels [J]. IEEE Signal Processing Magazine, 2014, 31(2): 16-24.
- [15] Winzer P J, Essiambre R J. Advanced modulation formats for high-capacity optical transport networks [J]. Journal of Lightwave Technology, 2006, 24 (12): 4711-4728.
- [16] Winzer P J. High-spectral-efficiency optical modulation formats [J]. Journal of Lightwave Technology, 2012, 30(24): 3824-3835.
- [17] Shieh W, Che D, Hu Q, et al. Linearization of optical channels with stokes vector direct detection[C] // Optical Fiber Communication Conference, Los Angeles, California. Washington, D.C.: OSA, 2015: thle.5.