结合统计滤波与密度聚类的矿山地面点云提取算法

杨鹏¹,刘德儿^{1*},刘靖钰¹,张荷苑²
 ¹江西理工大学建筑与测绘工程学院,江西 赣州 341000;
 ²成都大学中国东盟艺术学院,四川 成都 610106

摘要为了有效提取地面点云并提高运算效率,提出了一种结合统计滤波与密度聚类的矿山地面点云提取算法。 首先,基于高效的 KD-tree 索引算法与统计特征思想进行统计特征的改进,并分析非地面点的空间分布特性;其次, 结合二维特征密度空间的分布特性对密度空间进行聚类并分别提取地面点;最后,对各密度空间的提取结果进行 求交,即可得到有效地面点。该方法的算法复杂度为 o(n²)。实验表明:该算法具有较高的提取精度和效率;经测 试,当近邻点为 36 时效果最好,总误差为 0.00770,均方差为 0.019633;同时,对 510519 个点的提取时间少于 27 s, 约为传统方法耗时的 1/7。此外选择了大面积矿山点云对该算法的普适性进行了验证。

关键词 成像系统;地面提取;KD-tree;统计特征;特征密度;密度聚类

中图分类号 P2 文献标志码 A

doi: 10.3788/LOP57.021107

Mine Ground Point Cloud Extraction Algorithm Based on Statistical Filtering and Density Clustering

Yang Peng¹, Liu Deer^{1*}, Liu Jingyu¹, Zhang Heyuan²

 $^1 School \ of \ Architectural \ and \ Surveying \ \& \ Mapping \ Engineering \ , \ Jiangxi \ University \ of \ Science \ and \ Technology \ ,$

Ganzhou, Jiangxi 341000, China;

² College of Chinese & Asean Arts, Chengdu University, Chengdu, Sichuan 610106, China

Abstract We propose a mine ground point cloud extraction algorithm that combines statistical filtering and density clustering to effectively extract ground point clouds and improve the operational efficiency. First, we improve the statistical features based on an efficient KD-tree index algorithm and statistical features, and analyze the spatial distribution characteristics of non-ground points. We then cluster the density space and extract the ground points based on the distribution characteristics of two-dimensional characteristic density space. Lastly, the effective ground points are obtained by intersecting the extracted results of each density space, and the algorithm complexity is observed to be $o(n^2)$. Experiments demonstrate that the proposed algorithm has high extraction accuracy and efficiency. The test indicates that when the neighborhood point value is 36, the effect is the best, with a total error of 0.00770 and a mean square error of 0.019633. Meanwhile, the extraction and calculation time of 510519 points are less than 27 s, which is approximately 1/7 of the time required by traditional methods. In addition, we select a large-area mine point cloud to verify the universality of the algorithm.

Key words imaging systems; ground extraction; KD-tree; statistical characteristics; feature density; density clustering

OCIS codes 110.6880; 140.3460; 150.6910; 200.3760

1 引 言

随着三维激光扫描技术的快速发展,地面三维

建模的效率和精度越来越高。实际工程中,点云数 据量十分庞大,在数据的采集过程中不可避免地存 在着很多噪声点,点云噪声的性质和种类随点云采

收稿日期: 2019-05-30; 修回日期: 2019-06-08; 录用日期: 2019-07-15

基金项目: 国家自然科学基金(41361077,41561085)、江西省自然科学基金(20161BAB203091)

集环境的变化而变化。噪声会极大地影响地面三维 建模的精度,因此,需要采取合适的算法对不同场景 下的噪声进行剔除。

点云目标提取作为近年来的一大研究热点,国 内外专家提出了较多的算法和理论[1-14],采用提取 算法的前提是剔除非研究对象点云,即滤波。这些 滤波算法大致可分为4类:基于形态学,基于聚类密 度,基于曲面拟合,基于统计特征。王竞雪等[15]提 出结合形态学滤波和不规则三角网(TIN)的滤波算 法,解决了传统 TIN 的滤波精度对初始种子点选取 的依赖问题;邢承滨等[16]提出基于形态学滤波的等 值线牛成法,可直观地确定滤波算法中的关键参数 阈值:赵明波等[17]提出一种渐进多尺度数学形态学 滤波算法,通过改进形态开运算处理大面积空白区 域。文献「15-17]方法归类于第一类,此类方法较难 解决阈值的自适应问题。牛晓静等[18]提出自适应 聚类和滤波融合的方法对点云进行去噪平滑处理; 苏本跃等^[19]基于 K-means 聚类对 RGBD 点云进行 外部噪声去噪和精简,可保留点云的原始特征;张巧 英等^[20]将密度聚类算法应用于连续分布点云去噪 中,极大限度地保留了原始点云的特征;田青华 等[21]运用改进的欧氏聚类的散乱工件点云分割方 法解决了场景分割困难的问题。文献「18-21〕方法 归类于第二类,但该方法邻域搜索普遍耗时较长。 冯东恒等[22]提出用共面法向量特征去除离群面的 RANSAC 算法,用于去除近地表噪声和散点噪声: 林万誉等[23]提出基于最小截取二乘法的分段拟合 的滤波算法,该算法适用于多曲面三维点云;赵凯 等[24]提出基于体素栅格的快速密度聚类算法用于 实时处理点云。文献[22-24]方法都归类于第三类, 更适用于小范围、表面连续的数据。李明磊等[25]提 出的孤点的加权平均距离去除法降低了对远距离离 散点的误判;李仁忠等[26]提出一种基于方法库的点 云模型去噪与精简算法。文献[25-26]方法都归类

于第四类。

三维激光扫描仪是以固定角度分辨率进行等角 扫描的,周围地物、地貌的空间分布不同导致距离扫 描仪越远的点云越稀疏、密度越不均匀^[27]。因此, 不能简单依靠一种方法进行目标提取。本文采用大 型矿山点云数据,其具有扫描范围大、点云数据多、 噪声明显、地形地貌不规则等特性。为有效剔除该 场景下的非地面点数据并提高运算效率,提出一 种结合统计滤波与密度聚类的矿山地面点云提取 算法。该算法从与聚类算法相似的特征空间入 手,通过分析不同近邻点特征空间,找出最优近邻 点数,最后通过对特征空间进行提取并求交得到 地面点集,在保证地面点提取精度的前提下加快 了运算速度。

2 原理与方法

本文基于三维激光扫描仪 RIEGL VZ-1000 收 集的德兴铜矿点云数据,研究矿山地面点云的提取 算法,该数据的角度分辨率为 0.0005°,100 m 的扫 描精度为5mm,图1为2018年12月该矿区的部分 点云数据,共510519个点,横纵方向扫描角设置为 0.02°,受扫描角度的限制,及地形地貌和随机误差 的影响,数据中存在大量的非地面点和少许未扫描 到的空洞。由于矿区点云的范围巨大、点数众多,并 掺杂无规律的噪声点,因此提取地面点云算法的精 度与剔除随机误差点的能力密切相关。通常矿山场 景中点云的噪声主要是来自于大尺度远离主体的孤 立噪声点和小尺度靠近主体的非地面的随机噪声点 等。因此,首先需要对该地区的噪声空间分布特性 进行分析及分类;其次,建立点云索引,搜索一定邻 域内的点集,并运用统计滤波的特征空间表达点集; 然后,基于特征空间的特征表达原则再结合二维特 征密度的分布特性进行聚类求交;最终可消除随机 误差的影响,并提取地面点集。



图 1 原始的点云 Fig. 1 Original point cloud

2.1 噪声空间分布特征

本文算法主要研究的是矿山地面点的提取,首 先根据非研究对象的空间分布特性对矿山点云模型 中的该对象作尺度定义,本文将矿山点云模型中的 非研究对象分为大尺度孤立点、中尺度径向分布点 及小尺度障碍物噪声点。这三种对象在矿山点云中 表现尤为明显,严重影响地表点云提取精度与后期 精确地表建模,因此,剔除这三类对象的精度及效率 对地面点云提取的研究具有重大作用及意义。

图 2(a)为平面点云图。该三种对象的简化二 维模型如图 2(b)所示,横坐标为点的个数,纵坐标 为距离,以 O、O₁、O₂ 这 3 点为例,圆点 O 代表小尺 度障碍物噪声点,菱形点 O₁ 代表大尺度孤立点,三 角点 O₂ 代表中尺度径向分布点,搜索其 20 个近邻 点的位置,结果显示:大尺度孤立点的极差、方差及 均值等特性远大于中尺度径向分布点和小尺度障碍 物噪声点,而中尺度径向分布点的特征值也略微大 于小尺度障碍物噪声点。对这 20 个近邻点到原点 的欧氏距离进行线性回归后可明显看出:大尺度孤 立点的近 2 个邻域点值很小,其统计也较为接近一 般点,但随着近邻点的增加,其拟合的斜率又出现间 断跳跃增长;中尺度径向分布点随着近邻点数量的 增加对其拟合的斜率的影响并不是很大,但其斜率 大于非噪声点的;小尺度障碍物噪声点的邻域点较 为特殊,会出现明显的层次感,前 10 个点的斜率一 直很小,但延续到 11~16 个点又会出现波动,到 17~20 个点时影响更会大,其斜率的波动随着邻域 点的个数增加而增加,增加量变化有一定规律。







总的来说,大尺度孤立点的统计特征表现为极 差、方差等统计特征远大于其他噪声;中尺度径向分 布点的统计特征表现为邻域点距离呈现规律增长, 及斜率的变化基本稳定;小尺度障碍物噪声点的统 计特征表现为斜率具有间断变化,且其变化率相对 稳定。

2.2 KD-tree 索引与统计特征

本算法基于统计滤波算法的统计描述和密度聚 类算法的空间描述。统计滤波的统计描述是基于 KD-tree 的 k 近邻点搜索,即给定查询点及邻域点 个数 k,就能从数据集中找到距离该点最近的 k 个 数据,再由近邻点的统计特征变化确定截断阈值,找 出噪声点并剔除。

本文借鉴这种高效率的搜索算法对传统算法进 行改进,统计滤波只是单一地使用一种或两种特征 值进行特征空间分析,从滤波效果来看,其有一定的 噪声剔除能力,但是缺乏效率与准确性,因此本算法 需要在减少运算次数的同时,提高非研究对象的剔 除精度,并分析和挖掘统计数据的规律。

为了有效识别非研究对象,并表明近邻点的空 间特征,根据文献[28-30]中的相关理论知识,建立 统计特征量均值(mean)、方差(variance)、斜率 (slope)、极值(range)、能量(energy)。*k*个近邻点 距离的集合为{*d*_{ij},*i*≤*N*₀,*i*∈*N*⁺,*j*≤*k*,*j*∈*N*⁺}, 其中*N*₀为总的搜索点个数,*d*_{ij}为第*i*个搜索点到 第*j*个近邻点的距离;同时,第*i*个搜索点的均值为 *d*_{mean} = $\frac{1}{k} \sum_{j=1}^{k} d_{ij}$,第*i*个搜索点的方差为*d*_{std} = $\frac{1}{k-1} \sum_{j=1}^{k} (d_{ij} - d_{mean})^2$,第*i*个搜索点的斜率为 *d*_{slope} = $\sum_{j=1}^{k} w_{ij} d_{ij} x_j / \sum_{j=1}^{k} w_{ij} x_j^2$,其中*w*_{ij}表示距离的 权重,*x_j*表示近邻点标号,第*i*个搜索点的极差为 *d*_{range} = max(*d*_{ij}) - min(*d*_{ij}),第*i*个搜索点的能量 为*d*_{en} = $\sqrt{\sum_{j=1}^{k} d_{ij}^2}$ 。由于利用单一的特征值无法对 非研究对象进行精确区分,例如:中尺度径向分布点 和小尺度障碍物噪声点的均值有可能相似,随着近 邻点的增加这两种噪声的斜率也难以区分,因此,需 要综合考虑各种统计特征的变化情况。此外,为了 应对特征值的间断分层变化,对特征值进行分段加 权处理,以便更好地区分,如:在斜率的计算中,对不 同近邻点设置不同的权重。

对以上特征取不同的近邻点个数时,所反映的 特征信息是不同的,近邻点个数太少或太多,都会增 加错分率。为了能够高效地分析出不同场景下最 少错分率的近邻点个数,可先建立一个较多近邻 点的 KD-tree 索引,避免因重复建树而导致效率降 低,例如:对本文的 510519 个点,当近邻点个数 *k*=100时,先储存 510519×100的距离矩阵,当 近邻点个数选择 *k*=40时,直接调用即可,不需要 重复建树。

2.3 二维特征密度聚类算法

以上对统计特征的分析是对目前传统统计方法 的优化与改进,但也只是基础分析与应用。基于相 同属性地物具有相同或相似的特征空间分布的原 理,首要分析非研究对象的特征空间,并以此确定划 分阈值。同时,为了更加细致地分析近邻点的统计 特征变化情况,并以此剔除非研究对象点,本文结合 统计滤波和二维特征密度聚类提出一种矿山地面点 的提取算法。所提算法流程图如图 3 所示。



图 3 算法流程图

Fig. 3 Flow chart of proposed algorithm

本文算法在 KD-Tree 的创建中,仅进行一次建 树,计算量为 n²;在统计特征值描述上,因为特征统 计量增加为 5个,计算量为 5n;在空间聚类上,需遍 历特征向量组的密度空间进行噪声剔除,再结合交并 差提取地面点,这一步均只使用索引 ID 进行处理,计 算量为 3n;因此,可定义本文算法的算法复杂度为 o(n²),从理论上讲本文算法所需的运行时间更短。

在统计描述中,从 KD-tree 索引的建立、距离矩

阵的查询以及统计特征的计算上,已经对算法的效 率进行了优化,节约了运算时间;在空间描述和特征 密度计算上,本文对 5 个基础特征:均值、方差、斜 率、极值、能量,分别建立 10 个一一对应的二维密度 特征空间,特征向量组为均值-斜率、均值-方差、均 值-极值、均值-能量、斜率-方差、斜率-极值、斜率-能 量、方差-极值、方差-能量、极值-能量,依次标号为 (1),(2),(3),…,(10)。

根据密度空间的离散情况,可保留不同倍数中 误差 δ 的有效数据作为所需的研究对象,其中 2δ 、 3δ 的有效数据比例约为 95.44%和 99.74%,由此可 计算出各密度空间的截断阈值 ω_i ,并对这 10 种二 维特征密度聚类后的结果取交集 Q_j , Q_j 即为有效 研究对象,可表示为

 $\left\{ Q_{j}=\!D_{1j}\ \cap\ D_{2j}\ \cap\ \cdots\ \cap\ D_{10j}\,, \{j\ \in\ \mathrm{N}^{+}\}
ight\}$

 $(D_{ij} = T_i, \{T_i \leqslant \omega_i, i \in \mathbb{N}^+\}$

式中:N⁺为正整数;*i*为特征向量组的标号;*j*为第 *j*个近邻点;*T_i*为各特征向量组的密度;*D_{ij}为T_i* 中小于阈值*ω_i*的有效点云;*Q_j*为各特征向量组剔 除非研究对象后的有效地面点的并集。最后,计算 非研究对象点的剔除效率是否最高,是即可输出,否 则重新选择近邻点个数*k*。

该算法中,均使用索引 ID 号进行交并差处理, 因此,在计算中仅进行两层遍历,且只针对 ID 号进 行索引,最后根据 ID 号返回确定真实坐标值。

3 实验结果与分析

3.1 特征密度空间分析

点云去噪的首要目标是对 10 个二维特征密度 空间进行分析,分析各组特征向量之间的非研究对 象的剔除能力,分析结果如图 4、图 5、图 6、图 7 所 示,其中直线表示各组的点的拟合趋势线。



(1)



Fig. 4 Characteristic density distributions of 10 points in neighborhood



图 5 邻域 20 个点的特征密度分布

Fig. 5 Characteristic density distributions of 20 points in neighborhood

如图 4 所示,近邻点为 10 时,噪声点在这些特 征空间中都具有较大的离散情况,且噪声点的特征 空间密度都相对较低。如:图 4(1)的特征空间中, 均值越大,斜率也越大,剔除非地面点后的密度空间 表示出较高的密集性;图4(2)、(3)的特征空间中, 虽然正常点云有一定的离散性,但非研究对象的离 散性更大,例如:当某些点云极差较大时,有较高概 率被判定为大尺度孤立点,同时,它们的均值和方差 也较大时,这类点云就一定是需要被剔除的噪声点。 图 4(4)、(7)的特征空间中,噪声点的能量都很大, 且与均值和斜率的变化相关性较大,正常点云的能 量、均值、斜率都较低;其他的特征空间中,都有效地 去除了一些点,这些特征空间密度聚类后的交集 Q; 包含的是符合所有特征空间判定的有效地面点云, 而除此之外的点即为非地面点,这其中包含了三大 类非研究对象:对于在某一特征空间中具有特有属 性的非研究对象来说,其判断结果具有较大的不确 定性,对于这些无法准确区分的点云而言,可以通过 调节特征值在各近邻点上所占层次权重进行聚类, 以此筛选判断出有效地面点。

根据图 4,10 个近邻点的二维密度特征空间能 够反映出绝大部分非研究对象,再结合密度阈值,即 可获得有效点云对象,结果表明该算法可通过剔除 非地面点云,实现目标点云的提取。

如图 5 所示,近邻点为 20 时,相比于 10 个近邻 点的二维特征密度空间分布,20 个近邻点的特征空 间有一定的变化。首先,由图 5(2)、(3)、(5)、(8)、 (9)、(10)的特征空间分布可知,其噪声点的离散程 度大于 10 个近邻点的,同时,密度空间的范围也有 所扩大,分辨出非地面点云的能力也在增强。在图 5(1)、(4)、(6)、(7)的特征空间中,有效点的密集度 良好,且其特征空间的范围呈有规律的扩增。

如图 6 所示,近邻点为 30 时,相比于图 5 的密 度分布,30 个近邻点的特征空间的变化较大,这有 可能是受到间断分层式非地面点云特性的影响。首 先,由含方差的特征空间可以看出,方差对噪声点离 散程度的响应大于 10 和 20 个近邻点时的情况,同 时,二维特征密度空间的范围呈非等差增长,其特征 空间大小的增率放缓,即分辨出非地面点云的能力 的增率大于邻域点个数的增率。



图 6 邻域 30 个点的特征密度分布

Fig. 6 Characteristic density distributions of 30 points in neighborhood

如图 7 所示,近邻点为 40 时,相比于图 4、图 5、 图 6 的密度分布,40 个近邻点的特征空间中的噪声 点离散性最强,且剔除非地面点云后的特征空间明 显优于 10 和 20 个近邻点时的效果。综上,40 个近 邻点使特征空间中的噪声变得格外突出,即有效点 的密度集聚度好、离散度大。但其特征空间范围的 增率较大,这导致有可能出现过剔除的情况,即将部 分有效地面点也剔除了。

算法实验结果如图 8 所示,随着近邻点的增加, 首先,大部分的小尺度障碍物点、大尺度孤立点以及 中尺度径向分布点被剔除了;其次,少许边缘凹陷处 和空洞周围的稀疏点云也被剔除。剔除非地面点云 后的三维点云效果图均能有效表征提取的矿山地面 三维形态。图 8 中,在近邻点为 40 个时,部分有效 地面点也被剔除,而在近邻点为 10 个时,该部分点 周围仍有未剔除的非地面点。

综上所述,本文算法在地面点的提取上是有效

的,邻域点个数的增加对提取的效果有一定的影响。 为了能定量定性分析该算法的优劣性,本文将从以 下4点进行阐明:1)不同邻域点及向量组的拟合斜 率差变化情况;2)不同邻域点及向量组的拟合精度; 3)不同邻域点及向量组联合去噪后的地面点个数; 4)均方差等误差曲线的走势。

图 9(a)为不同邻域点及向量组的拟合斜率差 的变化,在选不同个数的邻域点时,图 9(a)中(1)、 (2)、(3)、(4)、(8)、(10)的特征空间对应的拟合的斜 率差变化不明显,即提取地面点的整体拟合的斜率 变化不大;(5)、(6)的特征空间的拟合斜率随着邻域 点的增加逐渐减小,即其特征空间中的有效地面点 更偏重于横坐标上的特征值——斜率;(7)、(9)的 特征空间的拟合斜率,随着邻域点的增加逐渐增加, 即其特征空间中的有效地面点更偏重于纵坐标上的 特征值——能量。这表明能量、斜率与地面点的相 关性很大。



图 7 邻域 40 个点的特征密度分布

Fig. 7 Characteristic density distributions of 40 points in neighborhood



图 8 提取效果。(a)原始云点;(b) 10 个邻域点;(c) 20 个邻域点;(d) 30 个邻域点;(e) 40 个邻域点 Fig. 8 Extracted results. (a) Original point cloud; (b) 10 neighbor points; (c) 20 neighbor points; (d) 30 neighbor points; (e) 40 neighbor points

图 9(b)为不同邻域点及向量组的拟合精度差的变化情况,在邻域点个数不同时,其中(1)、(4)、

(7)的特征空间的拟合精度差变化不大,从侧面印证 了剔除的非地面点云大部分为随机噪声;(2)、(3)、



图 9 实验结果及精度。(a)斜率差的变化;(b)精度差的变化;(c)地面点云个数;(d)误差曲线 Fig. 9 Experimental results and accuracy. (a) Trend of slope difference; (b) trend of accuracy difference; (c) number of ground point clouds; (d) error curves

(5)、(6)、(7)、(8)、(9)的特征空间的拟合精度差随 着邻域点的增加逐渐增加,即其提取后的拟合精度 优于提取前的拟合精度;尤其是(2)、(5)、(9)的特征 空间,其提取后的拟合精度远高于提取前,说明提取 后的特征密度集聚度高,剔除非地面点的能力强。 由此可见,剔除随机噪声能使特征空间的拟合精度 增加,聚集性更好。

图 9(c)为各特征向量组在取不同邻域点个数时提取的地面点云个数,在取不同的近邻点个数时,(1)、(4)、(7)的特征空间的提取效果较差,只能去掉2000~4000 个随机噪声点;(2)、(3)、(5)、(6)、(7)、(8)、(9)的特征空间剔除随机噪声点的个数随着邻域点的增加而增加,即其剔除非地面点的能力也在

增强;图 9(c)中最后 1 列为本文算法的最终提取地 面点云个数,并且随着近邻点个数的增加,其剔除噪 声点的个数也在增加,同时增率放缓。

为了验证本文算法的有效性,采用国际摄影测量与遥感(ISPRS)的总错分误差标准,将有效地面 点错误分为噪声点的数量和将噪声点错误分为有效 地面点的数量之和占总和点云的比例为

$$R_{\text{total-error}} = \frac{c+d}{a+b+c+d} \times 100\%, \qquad (2)$$

式中:a 为有效点数量;b 为噪声点数量;c 为将有效 地面点错误分为噪声点的数量;d 为将噪声点错误 分为有效地面点的数量,本实验已知有效点个数为 493049个。

表 1	不同邻域点个数下的提取结果

	Number of	Number	Number	Number	
Point cloud	neighbor	of neighbor	of neighbor	of neighbor	Original point cloud
	points is 10	points is 20	points is 30	points is 40	
MSE /m	0.020843	0.019873	0.019687	0.019522	0.063345
Range /m	4.3340	4.7985	1.7899	2.6912	20.0210
Total-error	0.018476	0.012885	0.008622	0.008104	—
Time /s	16.235	18.397	21.565	27.382	—
Point after denoising	498379	494477	493651	492698	510519

Table 1 Extraction results under different numbers of neighbor points

图 9(d)横坐标是近邻点的个数,纵坐标为总错 分误差和最近邻点欧氏距离的均方差。根据 图 9(d)及表1所示的误差曲线及提取结果,均方差 随着近邻点的增加逐渐降低,说明随着近邻点的增 加,提取的效果越来越好;由总误差曲线可知,随着 近邻点的增加总误差减小,并且在 36 个近邻点时达 到极小值,总误差最优为 0.007707, MSE 为 0.019633 m;由表1可知,本算法在对 510519 个点 进行矿山地面点云提取时的运算时间较短。

3.2 提取算法验证

为验证本文算法的提取精度与效率,使用基于 方法库的点云模型。由于文献[26]中未曾提及各方 法的具体参数,本文先用控制变量法研究半径滤波、 统计滤波和体素栅格滤波法在不同参数下的去噪效 果。原始数据扫描角为 0.02°,实验结果如图 10 和 表 2 所示。



Fig. 10 Extraction results of radius filter, voxel filter, and statistical filter

表 2 其他算法提取结果

Table 2 Extraction results of other algorithms

	Parameter					Number of
Algorithm			MSE /m	Total-error	Time /s	points after
						denoising
Radius filter	Radius(m) & number of neighbor points	0.4 & 4	0.069622	0.145738	88.637	435540
		0.4 & 8	0.081447	0.253467	86.866	343263
		0.8 & 4	0.058681	0.055329	81.427	499560
		0.8 & 8	0.063917	0.071181	88.412	487163
Voxel filter		0.5	0.184946	0.429362	68.346	117062
	Length of voxel /m	1.0	0.421697	0.470527	68.706	21615
		1.5	0.731575	0.480870	69.402	42099
		2.0	1.189826	0.484947	67.711	13226
Statistical filter		10	0.064307	0.071037	92.593	487328
	Number of r neighbor points	20	0.064344	0.075085	116.735	484783
		30	0.064735	0.077632	146.932	483097
		40	0.063777	0.079753	188.853	481701

由图 10 和表 2 可知,当半径滤波的滤波半径与 点数不同时,其噪声的剔除能力不同,均方差和分类 误差均大于本文算法;当选择不同的体素栅格时,其 去噪效果与数据的抽稀类似,无法准确剔除噪声且 均方差和分类误差极大,无法实现有效的地面点提取;当统计滤波选择不同近邻点数时,剔除噪声能力较好,但容易将稀疏地面点误判为噪声,有效地面点保留较少,且耗时较长,在选取相同近邻点的情况下,用时约为本算法的7倍。

由于双边滤波对低频数据的过滤效果较好,但 是耗时较长。经比较,确定方法库中各方法对应的 参数:统计滤波中选择近邻点个数为 36;双边滤波 中滤波器边长为 0.5 m,标准偏差为[1.0,0.1];体素 滤波中滤波器边长为 0.1 m;半径滤波中滤波半径 为 0.8 m,近邻点数为 4。基于该方法库对矿山点云 数据进行处理,提取得到地面点云 493522 个,方差 为 0.0196,极差为 3.9511,整体误差为 0.0062,耗时 374.5536 s。实验结果如图 11 所示。



图 11 基于方法库的提取效果。(a)去噪正面效果;(b)去噪侧面效果

Fig. 11 Extraction results based on Method-Library. (a) After denoising in front view; (b) after denoising in side view

综上,本文算法的时间效率明显优于半径滤波、体 素滤波、统计滤波及方法库去噪模型,且在地面点的提 取上效率较高,相比其他算法而言,对非目标对象的误 判率更低。为验证本文算法的普适性,选用一期扫描 参数与原实验数据相似的更大面积的点云数据,并沿 用上文中遍历得到的最优近邻点个数 36 进行地面点 提取,得到提取效果如图 12 所示。原始点云为 5866314个,去噪后为 5830264个,耗时 277.7259 s。



图 12 对大面积点云的提取效果。(a)原图正面;(b)去噪后正面;(c)原图侧面;(d)去噪后侧面

Fig. 12 Extraction results of large-area point cloud. (a) Before denoising in front view; (b) after denoising in front view;(c) before denoising in side view; (d) after denoising in side view

4 结 论

本文提出了一种结合统计滤波与密度聚类的矿 山地面点云提取算法,利用 KD-tree 搜索近邻点并 计算其统计特征,同时结合二维特征密度空间的分 布特性对密度空间进行聚类并提取地面点云。以 VZ-1000 地面三维激光扫描仪获取的大型矿山数据 为研究对象,实现对大型矿山地面点云的提取。对 KD-tree 在不同近邻点个数下的地面点提取精度与 效率进行研究,分析表明当近邻点个数为 36 时,算 法总误差最小。此外选用另一期矿山点云数据对算 法的普适性进行验证。综合分析考虑 10 组特征向 量组的提取结果,同时进行求交集处理以提高有 效点云的精度,通过对传统算法的研究可知,统计 滤波的提取效果较好,但精度仍低于本文算法,且 耗时约为本文算法的 7 倍。本文算法原理简单, 易于实现,且能快速、精确地提取有效地面点云, 具有一定的实用价值。但所提算法仍存在不足之 处,主要表现为凹陷处边缘、大型障碍物的阴影边 缘等位置的点云较为稀疏,容易造成错误划分,还 需进一步深入研究,希望通过自适应调整统计特 征值的权重解决该问题。

参考文献

- [1] Hui Z Y, Cheng P G, Guan Y L, et al. Review on airborne LiDAR point cloud filtering [J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2018, 55(6): 060001.
 惠振阳,程朋根,官云兰,等.机载LiDAR点云滤波综述[J].激光与光电子学进展, 2018, 55(6): 060001.
- [2] Zhao J D, Yang F H, Guo Y X. Unified algorithm for scattered point cloud denoising and simplification
 [J]. Journal of Computer Applications, 2017, 37 (10): 2879-2883.
 赵京东,杨凤华,郭英新.散乱点云去噪与简化的统

一算法[J]. 计算机应用, 2017, 37(10): 2879-2883.

[3] Yuan H, Pang J K, Mo J W. Denoising algorithm for bilateral filtered point cloud based on noise classification[J]. Journal of Computer Applications, 2015, 35(8): 2305-2310.
袁华, 庞建铿, 莫建文. 基于噪声分类的双边滤波点

云去噪算法[J]. 计算机应用, 2015, 35(8): 2305-2310.

- [4] Deng W J, Ye J Y, Zhang T. Acquisition and denoising algorithm of laser point cloud oriented to robot polishing [J]. Acta Optica Sinica, 2016, 36 (8): 0814002.
 邓文君, 叶景杨, 张铁. 面向机器人磨抛的激光点云 获取及去噪算法 [J]. 光学学报, 2016, 36(8):
- 0814002.
 [5] Li P F, Wu H E, Jing J F, et al. Noise classification denoising algorithm for point cloud model [J]. Computer Engineering and Applications, 2016, 52 (20): 188-192.
 李鹏飞, 吴海娥, 景军锋, 等. 点云模型的噪声分类

去噪算法[J]. 计算机工程与应用, 2016, 52(20): 188-192.

[6] Lin H B, Fu D M, Wang Y T. Feature preserving denoising of scattered point cloud based on parametric adaptive and anisotropic Gaussian kernel [J]. Computer Integrated Manufacturing Systems, 2017, 23(12): 2583-2592.

林洪彬, 付德敏, 王银腾. 基于参数自适应各向异性 高斯核的散乱点云保特征去噪[J]. 计算机集成制造 系统, 2017, 23(12): 2583-2592.

[7] Xu L, Huang X, Li G. Point clouds de-noise algorithm based on fuzzy C-means and mean filter
 [J]. Machine Building & Automation, 2016, 45(4): 5-7, 23.

许龙,黄翔,李根.一种基于模糊C均值和均值滤波

的点云去噪算法[J]. 机械制造与自动化, 2016, 45 (4): 5-7, 23.

[8] Lü Y, Wan C H. A denoising method by layering for terrain point cloud from 3D laser scanner[J]. Journal of Geomatics Science and Technology, 2014, 31(5): 501-504.
吕娅, 万程辉. 三维激光扫描地形点云的分层去噪方

法[J]. 测绘科学技术学报, 2014, 31(5): 501-504.

- [9] Chen K, Zhang D, Zhang Y S. Point cloud data processing method of cavity 3D laser scanner [J]. Acta Optica Sinica, 2013, 33(8): 0812003.
 陈凯,张达,张元生.采空区三维激光扫描点云数据 处理方法[J].光学学报, 2013, 33(8): 0812003.
- [10] Hui Z Y, Hu Y J. Review on morphological filtering algorithms based on LiDAR digital elevation model construction[J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2016, 53(8): 080001.
 惠振阳,胡友健.基于 LiDAR 数字高程模型构建的数学形态学滤波方法综述[J].激光与光电子学进展, 2016, 53(8): 080001.
- [11] Chen L Z, Feng B H. Denoising algorithm for bilateral filtered point cloud based on variance threshold[C] // 2018 3rd International Conference on Materials Science, Machinery and Energy Engineering (MSMEE 2018), June 29, 2018, Taiyuan, Shanxi, China. [S.l.: s.n.], 2018.
- [12] Taubin G. A signal processing approach to fair surface design [C] // Proceedings of the 22nd annual conference on Computer graphics and interactive techniques - SIGGRAPH' 95, August 6-11, 1995, Los Angeles, CA, USA. New York: ACM, 1995: 351-358.
- [13] Jones T R, Durand F, Desbrun M. Non-iterative, feature-preserving mesh smoothing [J]. ACM Transactions on Graphics, 2003, 22(3): 943-949.
- [14] Fleishman S, Drori I, Cohen-Or D. Bilateral mesh denoising[J]. ACM Transactions on Graphics, 2003, 22(3): 950-953.
- [15] Wang J X, Zhang X Y, Hong S X, et al. Aerial LiDAR point cloud filtering algorithm combining mathematical morphology and TIN [J]. Science of Surveying and Mapping, 2019, 44 (5): 151-156, 183.

王竞雪,张雪洋,洪绍轩,等.结合形态学和 TIN 三 角网的机载 LiDAR 点云滤波算法 [J].测绘科学, 2019,44(5):151-156,183.

[16] Xing C B, Deng X S, Xu K. Contour determination method for threshold of morphological filtering key parameters[J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2019, 56(16): 162802.

邢承滨,邓兴升,徐康.形态学滤波关键参数阈值的 等值线确定方法[J].激光与光电子学进展,2019, 56(16):162802.

[17] Zhao M B, He J, Tian J S, et al. Ladar data filtering method based on improved progressive multi-scale mathematic morphology [J]. Acta Optica Sinica, 2013, 33(3): 0328001.

> 赵明波,何峻,田军生,等.基于改进的渐进多尺度 数学形态学的激光雷达数据滤波方法[J].光学学报,2013,33(3):0328001.

- [18] Niu X J, Wang M L, He D J. A point cloud denoising and smoothing method based on fusion of clustering and filtering [J]. Computer Applications and Software, 2016, 33(10): 148-152.
 牛晓静,王美丽,何东健.一种聚类与滤波融合的点 云去噪平滑方法[J]. 计算机应用与软件, 2016, 33 (10): 148-152.
- [19] Su B Y, Ma J Y, Peng Y S, et al. Algorithm for RGBD point cloud denoising and simplification based on K-means clustering [J]. Journal of System Simulation, 2016, 28(10): 2329-2334, 2341.
 苏本跃,马金宇,彭玉升,等. 基于K-means 聚类的 RGBD 点云去噪和精简算法[J]. 系统仿真学报, 2016, 28(10): 2329-2334, 2341.
- [20] Zhang Q Y, Chen H, Zhu S. Application of density-based clustering algorithms in noise removing of continuous distributed point clouds [J]. Geospatial Information, 2011, 9(6): 101-104, N-V.
 张巧英,陈浩,朱爽.密度聚类算法在连续分布点云 去噪中的应用[J]. 地理空间信息, 2011, 9(6): 101-104, N-V.
- [21] Tian Q H, Bai R L, Li D. Point cloud segmentation of scattered workpieces based on improved Euclidean clustering [J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2017, 54(12): 121503.
 田青华, 白瑞林, 李杜. 基于改进欧氏聚类的散乱工

件点云分割[J]. 激光与光电子学进展, 2017, 54 (12): 121503.

- [22] Feng D H, Shi B, Lu X S, et al. A multi-beam point cloud denoising algorithm considering underwater topographic features [J]. Journal of Geomatics Science and Technology, 2017, 34(4): 364-369.
 冯东恒,石波,卢秀山,等.一种顾及水下地形特点的多波束点云去噪算法[J].测绘科学技术学报, 2017, 34(4): 364-369.
- [23] Lin W Y, Zhou S Y, Yuan Z P. Research on the

method for denoising of point cloud based on least trimmed squares [J]. Metrology & Measurement Technique, 2016, 43(12): 60-62.

林万誉,周思跃,袁政鹏.基于最小截取二乘法的点 云数据去噪方法研究[J].计量与测试技术,2016, 43(12):60-62.

- [24] Zhao K, Xu Y C, Li Y L, et al. Large-scale scattered point-cloud denoising based on VG-DBSCAN algorithm [J]. Acta Optica Sinica, 2018, 38(10): 1028001.
 赵凯,徐友春,李永乐,等. 基于 VG-DBSCAN 算法的大场景散乱点云去噪[J].光学学报, 2018, 38(10): 1028001.
- [25] Li M L, Li G Y, Zong W P. Accurate and fast denoising method of laser-scanned point clouds [J]. Bulletin of Surveying and Mapping, 2015(12): 27-29.

李明磊,李广云,宗文鹏.激光扫描点云准确快速去 噪方法[J].测绘通报,2015(12):27-29.

- [26] Li R Z, Yang M, Ran Y, et al. Point cloud denoising and simplification algorithm based on method library
 [J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2018, 55 (1): 011008.
 李仁忠,杨曼,冉媛,等.基于方法库的点云去噪与 精简算法[J].激光与光电子学进展, 2018, 55(1): 011008.
- [27] Chen S C, Dai H Y, Wang C, et al. Method for filtering dense noise from laser scanning data [J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2019, 56(6): 062801.
 陈世超,戴华阳, 王成,等.激光扫描数据的密集噪 声剔除方法 [J].激光与光电子学进展, 2019, 56(6): 062801.
- [28] Zhao Y M, Xiong H L, Zhou Y, et al. Pattern recognition [M]. Shanghai: Shanghai Jiaotong University Press, 2013.
 赵宇明, 熊惠霖, 周越, 等. 模式识别[M]. 上海: 上 海交通大学出版社, 2013.
- [29] Zhang Y, Mou X Y. The principle and application of statistics[M]. Nanjing: Southeast University Press, 2014.
 张瑜, 牟晓云. 统计学原理与应用[M]. 南京:东南大学出版社, 2014.
- [30] Guo H, Su W, Zhu D H, et al. Point cloud library PCL from entry to proficient [M]. Beijing: Chinese Machine Press, 2019.
 郭浩,苏伟,朱德海,等.点云库 PCL 从入门到精通 [M].北京:机械工业出版社, 2019.