基于石英增强光声光谱的 H₂S 痕量气体检测研究

张蕾蕾^{1,2},刘家祥²,朱之贞²,方勇华^{1,2}*,吴越²,杨文康²,陶孟琪²,宁志强^{1,2}

1中国科学技术大学环境科学与光电技术学院,安徽,合肥 230026;

²中国科学院安徽光学精密机械研究所,安徽,合肥 230031

摘要 以输出波长为 1578 nm 的分布式反馈半导体激光器作为激发光源,结合波长调制及二次谐波技术对 H₂S 痕量气体进行基于石英增强光声光谱技术(QEPAS)的检测研究。采用有限元分析法对 QEPAS 中常用的石英音 叉进行仿真计算,得到石英音叉的前 6 阶模态振型与共振频率。实验中,添加了长为 4 mm、内径为 0.7 mm 的声波 微共振腔,优化了跨阻放大电路,在最优实验条件下对 H₂S 气体进行检测,检测结果表明,QEPAS 系统的二次谐波 信号与 H₂S 浓度具有良好的线性关系,获得的探测极限为 19.3×10⁻⁶。

关键词 光谱学;微量气体检测;波长调制;石英音叉;微共振腔

中图分类号 O433.5 文献标识码 A

doi: 10.3788/LOP56.213001

Detection of Trace Sulfur Dioxide Gas Using Quartz-Enhanced Photoacoustic Spectroscopy

Zhang Leilei^{1,2}, Liu Jiaxiang², Zhu Zhizhen², Fang Yonghua^{1,2*},

Wu Yue², Yang Wenkang², Tao Mengqi², Ning Zhiqiang^{1,2}

¹ School of Environmental Science and Optoelectronic Technology, University of Science and

Technology of China, Hefei, Anhui 230026, China;

²Anhui Institute of Optics and Fine Mechanics, Chinese Academy of Sciences, Hefei, Anhui 230031, China

Abstract By combining the wavelength demodulation and second harmonics, the trace H_2S gas is detected based on the quartz-enhanced photoacoustic spectroscopy (QEPAS). A distributed feedback semiconductor laser with an output wavelength of 1578 nm is used as the excitation source. Furthermore, a finite element analysis method is used in the simulation calculation for a quartz tuning fork, typically used in QEPAS systems, to obtain its first six modes and resonance frequencies. In an experiment, an acoustic micro-resonator with a length of 4 mm and an inner diameter of 0.7 mm is added, and a transimpedance amplifying circuit is optimized to detect the H_2S gas under optimal experimental conditions. The results denote that the second harmonic signal of the QEPAS system exhibits a strongly linear relation with the H_2S gas concentration, and a detection limit of 19.3×10^{-6} is obtained. **Key words** spectroscopy; trace gas detection; wavelength modulation; quartz tuning fork; micro-resonator **OCIS codes** 300.6260; 040.1880; 280.3420

1引言

硫化氢(H₂S)是一种易燃且具有强腐蚀性的气体,同时也是全球大气主要污染物之一。在能源化 工领域,尤其是地热能开发领域,为防止相关人员吸 入能源开采过程中排放出的高浓度 H₂S 气体,从能 源勘测到开发的所有过程都需要对该气体进行检 测^[1]。此外,H₂S 是剧毒气体,人如果长时间处于体积分数为20×10⁻⁶的H₂S 气体环境下便会出现 头痛、呼吸道刺激以及结膜发炎等症状。因此,开发 具有10⁻⁶量级探测灵敏度的可靠的低成本H₂S 传 感器,对大气环境、能源化工以及生命科学等研究具 有重要意义^[2]。

目前,国家及行业标准规定的 H₂S 气体的检测

收稿日期: 2019-04-18; 修回日期: 2019-04-22; 录用日期: 2019-05-06

^{*} E-mail: zlleva@foxmail.com

方法主要有标准碘量法、醋酸铅试纸法、快速测定管 法和 H₂S 库仓检测仪等^[3-8],但这些方法普遍存在 时间长、速度慢等问题,测得的数据易受周围环境的 影响等,无法达到实时在线检测的目的。激光吸收 光谱式气体检测技术具有高灵敏度、高分辨率、可实 时在线测量等优点,被广泛应用于各种有害气体检 测,目前激光对大气中痕量气体的检测能够达到 10⁻⁹量级^[9-10]。2015年,胡雪蛟等^[11]提出了基于 可调谐半导体激光器吸收光谱(TDLAS)技术的在 线 H₂S分析方法,在该方法中,采用波长调制技术 来减小杂质的影响和提高测量精度,并试制了体 积分数测量范围为 1000×10⁻⁶~20000×10⁻⁶的 在线分析系统,结果表明,该系统的最快响应时间 仅 0.25 s。基于光声效应的石英增强光声光谱 (QEPAS)技术自 2002 年被提出以来,发展十分迅 速,此技术以石英音叉取代传统的光声池作为声 音探测器,大大降低了成本,且具有Q值高、反应 时间短、精度高、定性好、能实时实地检测分析等 优点。

本文基于 QEPAS 技术建立了一套 H₂S 痕量 气体实时检测装置,该装置具有价格更低、探测模块 更小、抗噪能力更强,以及可适用于各种场合等优 势。实验中优化了声波微共振腔的尺寸,改进了跨 阻放大电路,使其较一般的 QEPAS 系统具有更高 的检测精度。此装置具有实时在线、操作简单、反应 快速和精准稳定等特点,可以弥补现有检测方法的 不足。

2 基本原理

QEPAS 中光声信号的探测主要包括四部分^[12]:波信号转换为电信号、电信号放大、光声信号 解调和电信号转换为气体浓度信息,其中信号的调 制解调方式最为重要,关系到整个实验系统的信噪 比和检测灵敏度。本次实验采用波长调制及二次谐 波探测技术。

二次谐波调制方法主要用于半导体激光器或量 子级联激光器,这两类激光器中包含有电流控制器, 可以通过控制电流来决定输出波长。实验中可以通 过函数发生器产生一个低频锯齿波信号对激光器进 行驱动,激光器会扫描气体的整个吸收线,然后在锯 齿波上叠加一个频率为 f 的高频正弦信号。激光 光强信号 I₀(t)可以表示为^[13]

 $I_{0}(t) = I_{0}[1 + m\sin(wt)], \qquad (1)$ 式中: $w = 2\pi f$,表示周期;m 为光强调制系数;t 为

时间;*I*。为入射光光强。在 QEPAS 系统中,当激 光器光源发射出的光的波长与标准检测气体的吸收 波长相近或相等时,此波长的光通过待测气体时就 会产生强烈的吸收现象,而且其吸收的强度与待检 测标准气体的浓度相关,被气体分子吸收前后的光 强变化遵循 Beer-Lambert 定律^[14],即

 $I(v) = I_0(v) \exp[-\alpha(v)CL],$ (2) 式中:I(v)为出射光强; $I_0(v)$ 为入射光强; $\alpha(v)$ 为 气体的吸收系数;C为待测气体浓度;L为吸收路径 长度;v为光源的输出频率。

在近红外波段气体分子的吸收系数相对较小, 故可以假设α(v)≪1,光强调制系数 m≪1,且在一 般情况下,基于石英增强光声光谱的气体检测实验 都是在标准大气压环境下进行的,因此气体分子的 吸收谱线展宽在此压强下主要是碰撞展宽^[12]。在 这种情况下,气体分子的吸收谱线函数α(v)可以用 洛伦兹线型函数表示,于是可以得到关于 *I*(v)的另 一种函数形式,即

$$I(v) = I_0 \left[1 + m \sin(wt) - \frac{\alpha_0 CL}{1 + x^2 \sin^2(wt)} \right],$$
(3)

式中: α。为气体吸收峰处的吸收系数。

将(3)式按照傅里叶级数展开可以得到吸收系数的各次谐波形式,即

$$A_{n}(x) = \frac{\varepsilon_{n}i_{n}}{2m^{n}} \cdot \frac{\{[(1-ix)^{2}+m^{2}]^{\frac{1}{2}}-(1-ix)\}^{n}}{[(1-ix)^{2}+m^{2}]^{\frac{1}{2}}},$$
(4)

式中:n 为谐波次数;ε₀=1;ε_n=2(n=1,2,3,…);*i* 为调制幅度。各次谐波分量的形状如图 1 所示,奇 次谐波分量在气体吸收峰处过零点无吸收,偶次谐 波分量在气体吸收峰处有极值^[12],故偶次谐波可以 用于浓度反演,但谐波阶数的增加会导致光声信号 急剧衰减,因此二次谐波分量是一个最佳 探测量^[13]。

3 石英音叉模态的有限元分析

石英音叉(QTF)作为 QEPAS 系统的能量积累 和声探测器件,其独有的特性(包括外形尺寸、共振 频率以及品质因数等)直接影响着系统最终的测量 结果,常用的石英音叉实物如图 2 所示。

采用 USB 电子显微镜对石英音叉实物进行定标测量,结果如表 1 所示。基于音叉的实际外形尺寸建立三维模型,如图 3 所示,并采用有限元分析方法对其进行模态仿真计算,以获得其前6阶振型和











图 2 石英音叉的实物图

Fig. 2 Physical diagram of quartz tuning fork

有效振动时对应的共振频率,仿真结果可为后续石 英音叉频率标定实验提供频率参考。



图 3 石英音叉的三维模型。(a)石英音叉的尺寸参数;(b)石英音叉的三维模型 Fig. 3 Three-dimensional model of quartz tuning fork.(a) Size parameters of quartz tuning fork;

(b) three-dimensional modeling of quartz tuning fork

表1 石英音叉尺寸参数

	Table 1	Size	parameters	of	quartz	tuning	fork
--	---------	------	------------	----	--------	--------	------

Parameter	D	L	Т	w	2 <i>s</i>
Value/mm	5.02	3.42	0.54	0.23	0.20

目前,在有限元仿真分析方面,多数文献采用 COMSOL软件。本文将 SolidWorks软件中的 Simulation模块用于石英音叉的有限元仿真分析,首先 在 SolidWorks软件中建立音叉的三维模型,接着对其 进行网格划分,这一步骤是决定后期仿真结果准确性 的关键步骤之一。在软件中设定网格划分属性,雅可 比点为4,单元大小为0.12 mm,公差为0.006 mm。然 后对模型添加二氧化硅材料,设置其材料属性如下:弹 性模量为70 GPa,泊松比为0.17,密度为2300 kg/m³。 最后对石英音叉模型添加基座底面固定约束。本文在 同等参数条件下用 COMSOL 软件进行了相同的有限 元分析,仿真结果表明,这两种软件分析计算得到的前 6 阶模态振型基本一致,但是每一阶振型对应的共振频 率差别较大,具体结果如表2 所示。

Ηz

表 2 石英音叉前 6 阶模态仿真结果

Table 2 Simulated results of the first six	k modes of quartz tuning fork
--	-------------------------------

Modal order	Modal frequency of SolidWorks	Modal frequency of COMSOL	Mode shape	Standard value
1	8755.7	8755.9	One-way swing	_
2	13965	13942	Staggered swing	_
3	30042	30022	One-way swing	_
4	32756	32854	Symmetrical vibration	32768
5	51904	51936	Bending and twisting	_
6	77428	77522	Stagger twist	_

通过以上有限元分析法得到石英音叉的前6阶 模态振型结果如图4所示。综合以上两种软件的仿 真结果可以得出以下结论:石英音叉的前4阶模态 为摆动振型,后两阶模态均为扭动振型,石英音叉的



图 4 石英音叉前 6 阶模态振型图。(a) 1 阶;(b) 2 阶;(c) 3 阶;(d) 4 阶;(e) 5 阶;(f) 6 阶 Fig. 4 Vibration shapes of first six order models of the quartz tuning fork. (a) 1st order; (b) 2nd order; (c) 3rd order; (d) 4th order; (e) 5th order; (f) 6th order

对称振动为有效振动^[15],对应为仿真结果中的第4 阶振型^[16]。模态固有频率随着阶数的增大而增大, 趋势与文献[16]中的理论计算相符。使用 SolidWorks软件计算得到的音叉的有效振动频率 为32756 Hz,与出厂标定值32768 Hz 十分接近,误 差仅为0.03%,优于 COMSOL 软件。

4 实验部分

4.1 H₂S 吸收谱线的选择

 H_2S 气体光谱吸收区主要集中在近红外波段的 1.58 µm 和 2.6 µm、中红外波段的 7.8 µm 和太 赫兹波段。其中最强吸收峰位于 2.6 µm 和7.8 µm 波长处,但是由于这两个波段的激光器成本太高,且 体积庞大,故选用 H_2S 气体在 1.58 µm 处的近红外 吸收区域作为激光器输出波长区域。

由于空气中的 $H_2O_{x}CO_2$ 等气体会对近红外波 段吸收谱线造成干扰,因此必须选择 H_2S 气体吸收 谱线线强足够大的波段。图 5 为 HITRAN 数据库 中 H_2S 与 $H_2O_{x}CO_2$ 气体在 6330~6339 cm⁻¹内吸 收线强的对比图。

为了进一步验证 H_2S 气体在此波段有较强的 吸收,利用 HITRAN 数据库计算仿真出体积分数 为 20×10^{-6} 的 H_2S 气体在一个标准大气压、温度为 296 K 且气体吸收光程为 0.5 m 条件下的光谱,如 图 6 所示。

结合图 5 和图 6 可以看出, H₂S 气体在



图 5 H₂S、H₂O 与 CO₂ 吸收线强的对比







6336.617 cm⁻¹处(即 1578 nm)的吸收谱线能够避 免受到空气中其他分子吸收谱线的干扰,且有最强 的吸收峰。因此,本文选用中心波长为1578 nm的激光器作为激发光源,波长调谐范围为1576~1582 nm,输出激光功率为15 mW。

4.2 音叉特征频率的标定

石英音叉标准频率为 32.768 kHz。生产环节 中的不确定因素以及音叉去掉封装后受到的外界磨 损,会导致石英音叉的谐振频率小幅改变,偏离标准 频率。本文通过上述有限元仿真得到音叉在有效振 动时的共振频率为 32756 Hz。石英音叉受激共振 的频率响应带宽一般约为4 Hz^[17],若激光调制的 频率在石英音叉共振频率响应范围之外,就很难引 起石英音叉发生有效振动,无法产生压电电流,因 此,实验前需要对石英音叉的谐振频率进行扫描测 量,以保证音叉能在振幅最大的条件下产生电流。 图 7 是其频率扫描原理图(*f* 为频率,*R*_g 为电阻的 阻值)。





搭建上述实验电路图后,测得常温常压下石英 音叉的共振频率为 32748 Hz,与仿真结果之间的误 差极小。石英音叉的响应带宽 Δf 约为 4.16 Hz,进 而得到其品质因数 $Q = f_0 / \Delta f = 32748 \div 4.16 =$ 7872.12。由此可知,石英音叉的品质因数很高,具 有对外界噪声免疫的特点,这也是基于石英增强光 声光谱测 H₂S 气体的优点之一。

4.3 实验系统的构建

基于石英增强光声光谱检测 H₂S 痕量气体的 系统结构如图 8 所示。实验中采用 C1456 型分布 式反馈(DFB)半导体激光器作为激发光源,其中心 波长为 1578 nm。通过改变激光器的工作温度和注 入电流进行波长调谐。激光器调制采用波长调制和 二次谐波(2f)探测技术,即在激光器的锯齿波 (RAMP)驱动电流上叠加频率为 f 的正弦波信号。 激光束经过光纤耦合输出后由光纤接头(FC)传输 到微共振管(mR)内,需要对微共振管的尺寸参数 进行优化。研究表明,微共振管长度的优化值一般 约为 $\lambda_s/4 \sim \lambda_s/2$,内径优化值一般小于1 mm,其中 λ_s 为声波在被检测气体中的波长。采用 N₂ 与 H₂S 气体配制实验用气,N₂ 的声波速度约为 346 m/s, 计算可知 $\lambda_s \approx 10.37$ mm,则微共振管长度优化值约 为 2.59~5.20 mm。根据声波导理论,微共振腔可 以看作是圆柱形声波导管,其截止频率 $f_s = 1.84 \times \frac{c}{2\pi r}$,其中 c 为声速,r 为圆柱的半径,反推可得 $r \approx$ 3.1 mm。又因为微共振腔是一维的,且声压均匀分 布在管的横截面上,内径越大,声耦合越大,故确定 内径为 0.7 mm。综上所述,选择长度为 4 mm、内 径为 0.7 mm的声波微共振腔。

由于实验中选用的 H₂S 气体具有较强的吸附 性,且在近红外波段的吸收系数不大,所以信号幅 值会比一般的 QEPAS 的信号更小,为此,实验中 选用 ADI 公司生产的新款 ADA4530 芯片,其增益 带宽积为2 MHz,采用两级联放,最终放大倍数可 高达 3600 倍。此芯片采用 CMOS(Complementary Metal Oxide Semiconductor)工艺制备,其运算放大 器在设计上加入了特殊的静电阻抗器(ESD)二极 管电路,规避了之前因加入二极管产生漏电流这 一问题,从而改善了 ESD 性能,同时也没有影响偏 置电流这一指标。基于此芯片的跨阻放大电路 TA会将输入的电流信号通过增益电阻转换为电 压值,与一般的增益电路相比,此电阻阻值R_g≈ 10 GΩ,放大倍数更高。放大后的电压信号经由锁 相放大器进行二次谐波解调,最后进行数据采集 和分析。

5 结果与讨论

5.1 光声信号与气体浓度的关系

线性度作为传感器最基本的参数常被用来判断仪器的准确性。配制了 H_2S 体积分数分别为0、 20×10⁻⁶、40×10⁻⁶、80×10⁻⁶、100×10⁻⁶的实验 气体,对每种浓度的气体分别测量 10 次取平均 值,并在 MATLAB软件中运用最小二乘法对测量 数据进行拟合,拟合结果如图 9 所示,拟合优度 $R^2 = 0.999$ 。

由图 9 可知,信号强度随浓度的增加而增大,说明H₂S浓度与其在1578.128 nm波长处吸收峰值



图 8 基于 QEPAS 测量 H₂S 气体的系统结构示意图

Fig. 8 Structural diagram of hydrogen sulfide gas measurement system based on QEPAS



图 9 不同浓度 H₂S 气体的光声信号



具有良好的线性关系。对于未知浓度的气体,可根据 其光声信号的强度和浓度的函数推导出其浓度^[18]。

5.2 H₂S 气体探测系统性能的评估

在光谱应用中,往往要计算系统的探测灵敏度。 对于 QEPAS 系统而言,只有在信号幅值远大于系 统噪声幅值的情况下,气体分子信号才可以被有效 识别,因此可以通过测量已知浓度(*C*)的待测气体 信号的幅值(*S*)及同等条件下系统对纯 N₂ 的信号 响应值(即系统噪声值,*N*)来完成系统探测灵敏度 (*X*_{MIN})的计算^[1]:

$$X_{\rm MIN} = \frac{C}{S_{\rm NR}} = \frac{CN}{S}.$$
 (6)

当系统通入 H_2S 体积分数为 100×10^{-6} 的气体时, 锁相积分时间为 300 ms,实验测得其二次谐波信号 如图 10 所示。

实验中,将高纯 N₂ 通入光声池中以排除残留的 H₂S 气体,然后进行检测就可得到系统的噪声幅值。通过计算可以得到此 QEPAS 系统的信噪比为 5.18,探测极限为 19.3×10^{-6} 。



图 10 H₂S体积分数为 100×10⁻⁶的气体的二次谐波信号 Fig. 10 Second harmonic signal of hydrogen sulfide with volume fraction of 100×10⁻⁶

6 结 论

本文基于 QEPAS 技术对 H₂S 痕量气体展开检 测研究,以 1.578 μm 的 DFB 半导体激光器作为激发 光源,对石英音叉的共振频率及品质因数进行定标计 算,得到音叉的共振频率及品质因数分别为 32748 Hz 和 7872。在优化声波微共振腔及跨阻放大电路的基 础上得到了系统的探测极限为 19.3×10⁻⁶。与基于 TDLAS 技术检测 H₂S 气体的系统相比,本文提出的 系统具有体积小、实时性好、价格低廉等优点,尤其适 用于对狭小空间中痕量气体的探测。

参考文献

- [1] Wu H P. Research of new quartz-enhanced photoacoustic spectroscopy technique [D]. Taiyuan: Shanxi University, 2017: 80-81.
 武红鹏.新型石英增强光声光谱技术研究 [D].太原:山西大学, 2017: 80-81.
- [2] Viciani S, de Cumis M S, Borri S, et al. A quartz-

enhanced photoacoustic sensor for H_2S trace-gas detection at 2.6 μ m[J]. Applied Physics B, 2015, 119(1): 21-27.

- [3] Tang M, Tu Z Q, Wu M C. Analysis of hydrogen sulfide in natural gas by lead acetate reaction rate method[J]. Chemical Engineering of Oil and Gas, 2001, 30(1): 41-44.
 唐蒙,涂振权,吴敏初. 醋酸铅反应速率法检测天然 气中的硫化氢[J]. 石油与天然气化工, 2001, 30(1): 41-44.
- [4] Tang D L, Wang Y, Guo F, et al. Optical H₂S gas sensor based on spectrum-absorption[J]. Chinese Journal of Sensors and Actuators, 2010, 23(4): 458-460. 唐东林, 王莹, 郭峰, 等. 光谱吸收硫化氢气体浓度 传感器[J]. 传感技术学报, 2010, 23(4): 458-460.
- [5] Huang Y H. Measurement of sulfureted hydrogen content in natural gas-main factor in iodimetry affecting analysis result [J]. Natural Gas and Oil, 2007, 25(1): 23-25.

黄韵弘. 天然气中硫化氢含量的测定--碘量法影响分析结果的主要因素 [J]. 天然气与石油, 2007, 25 (1): 23-25.

- [6] Li S G, Wei Z J, Sun Z L. Static evaluation experiment and understanding of sulfur removal effect of drilling fluid desulfurizer [J]. Natural Gas Industry, 2012, 32(8): 82-87.
 李树刚,魏振吉,孙中磊.钻井液除硫剂除硫效果的 静态评价实验及认识[J]. 天然气工业, 2012, 32 (8): 82-87.
- [7] Fei Y W, Li X Y, Yang H W, et al. Gas chromatography-based comparative test on oil and gas evaporation loss online detection [J]. Oil &. Gas Storage and Transportation, 2013, 32(1): 59-62. 费逸伟,李晓越,杨宏伟,等.油气蒸发损耗气相色 谱在线检测对比试验[J].油气储运,2013,32(1): 59-62.
- [8] Yuan X, Hu C, Gu T, et al. Application of hydrogen monitoring technology in sulfur gas transmission pipeline [J]. Chemical Engineering of Oil and Gas, 2015, 44(1): 67-69.
 袁曦, 胡超, 谷坛, 等. 氢监测技术在含硫输气管线上 的应用[J]. 石油与天然气化工, 2015, 44(1): 67-69.
- [9] Wang Y, Zhang R. Photo detector characteristics effect on TDLAS gas detection [J]. Acta Optica Sinica, 2016, 36(2): 0230002.
 王燕,张锐.光电探测器特性在 TDLAS 气体检测中 的影响[J].光学学报, 2016, 36(2): 0230002.
- [10] Nikodem M. Chirped laser dispersion spectroscopy

for laser-based hydrogen sulfide detection in openpath conditions[J]. Optics Express, 2016, 24(10): A878-A884.

- [11] Hu X J, Mo X B, Qing S X, et al. Online analysis of H₂S in natural gas based on laser absorption spectroscopy technology [J]. Natural Gas Industry, 2015, 35(6): 99-103.
 胡雪蛟,莫小宝,青绍学,等.天然气中硫化氢的激 光吸收光谱法在线分析[J].天然气工业,2015,35 (6): 99-103.
- [12] Zhao Y D. The research of novel resonant quartzenhanced photoacoustic spectroscopy [D]. Hefei: University of Science and Technology of China, 2017: 24-28.
 赵彦东.新型共振石英增强光声光谱技术研究[D]. 合肥:中国科学技术大学, 2017: 24-28.
- [13] MaYF, YuG, ZhangJB, et al. Research on realtime trace gas detection system based on QEPAS[J]. Spectroscopy and Spectral Analysis, 2015, 35(11): 3003-3006.
 马欲飞,于光,张静波,等.基于石英增强光声光谱 的痕量气体实时检测研究[J].光谱学与光谱分析,
- [14] Chen S W, Sun T, Tang D L. Research on hydrogen sulfide sensor based on harmonic detection[J]. Journal of Transduction Technology, 2017, 30(1): 31-34.
 陈书旺,孙涛,唐东林.基于谐波检测的硫化氢气体 传感器研究[J]. 传感技术学报, 2017, 30(1): 31-34.

2015, 35(11): 3003-3006.

- [15] Usher M B. Landscape sensitivity: from theory to practice[J]. Catena, 2001, 42(2/3/4): 375-383.
- [16] Cheng G, Cao Y, Liu K, et al. Modal simulation calculation and research of tuning fork based on QEPAS system [J]. Spectroscopy and Spectral Analysis, 2019, 39(1): 31-38.
 程刚,曹渊,刘锟,等. QEPAS 系统中石英音叉模态仿真计算与研究[J]. 光谱学与光谱分析, 2019, 39(1): 31-38.
- Kosterev A A, Tittel F K, Serebryakov D V, et al. Applications of quartz tuning forks in spectroscopic gas sensing [J]. Review of Scientific Instruments, 2005, 76(4): 043105.
- [18] Zha S L, Liu K, Zhu G D, *et al*. Acetylene detection based on resonant high sensitive photoacoustic spectroscopy [J]. Spectroscopy and Spectral Analysis, 2017, 37(9): 2673-2678.
 查申龙,刘锟,朱公栋,等.基于共振型高灵敏度光 声光谱技术探测痕量乙炔气体浓度[J].光谱学与光 谱分析, 2017, 37(9): 2673-2678.