# 基于计算全息元件的大口径非球面透镜 透射波前检测方法

何宇航\*,李强,高波,魏小红,柴立群

中国工程物理研究院激光聚变研究中心,四川 绵阳 621900

**摘要** 针对大口径非球面透镜透射波前检测,提出了采用计算全息元件(CGH)作为光路相位补偿元件进行检测的 方法。大口径非球面透镜透射波前通常采用球面干涉仪进行检测,为了达到零位检测的目的,在光路中往往需要 加入相位补偿元件以补偿高阶像差(HOA)。传统的折射式相位补偿元件的精度溯源比较困难,导致检测数据缺 乏可信度。将 CGH 作为相位补偿元件可达到零位检测的目的。针对大口径非球面透镜的透射波前检测,设计并 加工了相应的 CGH 作为相位补偿元件,并与传统的折射式补偿元件进行了对比测试。测试结果表明:两种相位补 偿方法的测试数据具有良好的一致性,峰谷(PV)值的差值为 0.034λ(λ 为检测光的波长),均方根(RMS)值的差值 为0.006λ,因此 CGH 作为相位补偿元件具有相当高的测试精度。

关键词 测量;计算全息元件;干涉检测;零位测试;相位补偿;测量精度 中图分类号 O436 **文献标识码** A

doi: 10.3788/LOP56.021202

# Measurement of the Transmission Wavefront of a Large-Aperture Aspheric Lens Based on Computer-Generated Hologram

He Yuhang \*, Li Qiang, Gao Bo, Wei Xiaohong, Chai Liqun

Research Center of Laser Fusion, China Academy of Engineering Physics, Mianyang, Sichuan 621900, China

Abstract To measure the transmission wavefront of a large-aperture aspheric lens, we propose a method by using a computer-generated hologram (CGH) as a phase compensation element. The transmission wavefront of a large-aperture aspheric lens is typically tested by a sphere interferometer. To conduct a null test, phase compensation is required to compensate for high-order aberrations (HOAs). However, validating the accuracy of conventional refractive-phase compensation elements is difficult, and they therefore generate unreliable measurement results. An alternative type of phase compensation employs a CGH, which is a diffraction element that can also be used to conduct a null test. To conduct a null test for the transmission wavefront of a large-aperture aspheric lens, we design and manufacture a CGH. A contrast test is implemented with two different phase compensation elements, which results in two measured data those are very similar to one another, between which the peak valley (PV) difference is  $0.034\lambda$  ( $\lambda$  is the wavelength of the detect light), and the root mean square (RMS) difference is  $0.006\lambda$ . Therefore, the null-test method using a CGH proposed in this study displays a high degree of accuracy. Key words measurement; computer-generated hologram; interference test; null-test; phase compensation; measurement accuracy

OCIS codes 120.4800; 120.3940; 120.3180

1 引 言

在惯性约束聚变(ICF)的高功率激光驱动装置 中<sup>[1-2]</sup>,大口径非球面透镜位于装置的末端,起着将 激光光束聚焦到靶丸的作用,其透射波前将直接影响焦斑的波前质量。对于大口径非球面的透射波前 检测,目前主要采用的是基于球面干涉仪的零位检 测法。该方法采用折射式的相位补偿元件将球面波

收稿日期: 2018-05-29; 修回日期: 2018-06-30; 录用日期: 2018-07-26

<sup>\*</sup> E-mail: hang\_yu\_he@163.com

前转换为与非球面透镜相匹配的非球面波前。但 是,补偿镜的透射波前难以溯源,影响了非球面透镜 透射波前检测数据的置信度。

自从 1971 年美国亚利桑那光学中心 MacGovern和Wyant将计算全息元件(CGH)用于 非球面检测以来<sup>[3]</sup>,得益于计算机技术和微纳加工 技术的发展,CGH的制作精度越来越高。CGH也 被大量用于非球面、自由曲面等具有复杂曲面的光 学元件的检测中<sup>[4-17]</sup>。

为了提高高功率激光驱动装置中的大口径非球 面透镜透射波前检测数据的置信度,本文提出采用 CGH 作为相位补偿元件来实现零位检测,并与传统 的折射式补偿元件检测方法进行对比测试。介绍了 基于 CGH 的大口径非球面透镜透射波前检测的原 理、CGH 的设计方法及其引入的波前误差,最后进 行实验,并对实验结果进行了分析。

### 2 检测原理

针对高功率激光驱动装置中的大口径非球面透 镜透射波前检测,采用折射式补偿镜的零位检测方法 的光路图如图1所示。球面干涉仪焦点发出的球面 光束经过补偿镜后被转化为与非球面透镜相匹配的 非球面波前,再经过平面反射镜后沿原路返回,最后 与球面干涉仪的参考光束干涉,从而实现干涉检测。



图 1 采用折射式补偿镜检测大口径非球面透镜的 光路示意图

Fig. 1 Optical path of a large-aperture aspheric lens detected by a refractive compensation mirror

用 CGH 替换图 1 光路中的折射式补偿镜,采 用衍射的方式实现球面波前到非球面波前的转换, 可以达到相同的零位检测的目的,检测光路图如 图 2 所示。

CGH 为类光栅结构,通过改变不同位置处光栅 刻线的间距来改变出射光线偏折的角度,从而实现 光束波前的调制。CGH 在检测光路中的位置需要 合理选择。如果 CGH 离干涉仪焦点位置太近,则 CGH 尺寸较小,刻线的线宽会很窄。受加工工艺的 限制,刻蚀的误差会加大,一般 CGH 线宽在 10 μm



图 2 采用 CGH 检测大口径非球面透镜光路示意图 Fig. 2 Optical path of a large-aperture aspheric lens detected by a CGH

以上是比较好的选择。如果 CGH 离干涉仪焦点位 置太远,则 CGH 的尺寸会增大,制作成本会加大。

# 3 CGH的设计及波前误差分析

#### 3.1 CGH 的设计

CGH的设计主要分为两步:相位函数的计算和 对相位函数进行二元编码。

3.1.1 CGH 相位函数的计算

CGH 的相位函数是指 CGH 需要补偿的相位 与位置坐标之间的对应关系。由费马原理可知,由 球面干涉仪焦点到平面反射镜之间的所有光线应具 有相等的光程。光程示意图如图 3 所示,F 为球面 干涉仪的焦点,P 为任意一条经过焦点的光线到达 平面反射镜的位置,因此点F 到点P 之间的光程可 以表示为

$$C = n_0 \left| \overrightarrow{FG} \right| + p(r) + n_2 \left| \overrightarrow{GN} \right| +$$

 $n_0 | \overrightarrow{NM} | + n_1 | \overrightarrow{MQ} | + n_0 | \overrightarrow{QP} |$ , (1) 式中:C表示光程; $n_0 \, \langle n_1 \, \langle n_2 \rangle$ 分别表示空气、被测透 镜和补偿镜的折射率;r表示 CGH 的横向坐标; p(r)表示 CGH 刻蚀端面衍射对光束相位的改变

量。*C*应等于点*F*到点*O*之间的光程,即  $C = n_0 d_1 + p(0) + n_2 d + n_0 d_2 + n_1 d_3 + n_0 d_4$ 。
(2)

考虑到相位都是相对的,令 p(0)=0,由(1)式和(2)式可得到各条光线经过 CGH 的光程:



图 3 干涉仪焦点与平面反射镜之间光程示意图 Fig. 3 Schematic of optical paths between focus spot of the interferometer and planar mirror

(3)

$$n_1 | \overrightarrow{MQ} | + n_0 | \overrightarrow{QP} | \rangle_{\circ}$$

于是可以得到 CGH 的相位函数,表达式为

$$\varphi(r) = 2\pi p(r) / \lambda, \qquad (4)$$

式中:λ 为检测光波的波长。也可以采用 Zemax 等 商用软件获得 CGH 的相位分布。

3.1.2 CGH 的二元编码

二元编码是对 CGH 的波前函数进行编码,得 到适合在玻璃基板上刻蚀的二元图案。获得 CGH 的二元图案需要采用如下两步。

第一步:由 CGH 的相位分布确定条纹的位置。 相位每改变 2π,相应地确定一根条纹的位置,用方 程表示为

 $[\varphi(r)/2\pi] = n, n = 0, \pm 1, \pm 2, \dots,$  (5) 即由(5)式获得相位为  $2\pi$  整数倍时的坐标位置。条 纹位置的确定是编码的关键,决定了 CGH 偏折光 线的程度,即补偿相位的大小。

第二步:根据需要的衍射效率确定 CGH 的衍 射级次、占空比、刻蚀深度等光栅参数。为了使干涉 仪具有良好的条纹对比度,应该使参考光强度和检 测光的强度尽量接近,因此需要尽量增大光栅的衍 射效率。因为相位型 CGH 的衍射效率高于振幅型 CGH,所以本研究采用相位型的 CGH。

采用二元线性光栅模型分析 CGH 光栅面的出 射光场,确定光栅参数。二元线性光栅模型如图 4 所示,光栅的周期为 S,刻蚀深度为 d,刻蚀区域的 宽度为 b,则占空比为 D = b/S, $A_0$ , $A_1$ 分别为光栅 非刻蚀区域与刻蚀区域输出波前的振幅(在刻蚀表 面粗糙度影响很小的情况下两者近似相等),相位  $\phi$ 代表了光束在光栅结构中顶部和底部之间的相 位差。



图 4 二元线性光栅模型示意图

Fig. 4 Schematic of binary linear grating model

光波经光栅面出射后,光场分布可以表示为<sup>[13]</sup>  

$$u(x) = A_0 + [A_1 \exp(i\phi) - A_0] \times \operatorname{rect}\left(\frac{x}{b}\right) * \frac{1}{S} \operatorname{comb}\left(\frac{x}{S}\right),$$
 (6)

式中:符号 rect 和 comb 分别表示矩形函数和梳状 函数;符号 \* 表示求卷积。

根据夫琅禾费衍射理论,光栅出射面的远场衍 射与出射光场的傅里叶变换有关,

$$U(\xi) = F[u(x)] = A_0 \delta(\xi) + [A_1 \exp(i\phi) - A_0] \times b \times \operatorname{sinc}(b\xi) \times \operatorname{comb}(S\xi) = \begin{bmatrix} A_0 \delta(\xi) + (A_1 \cos \phi - A_0) \times D \times \operatorname{sinc}(DS\xi) \times \sum_{m=-\infty}^{+\infty} \delta\left(\xi - \frac{m}{S}\right) \end{bmatrix} + i \begin{bmatrix} A_1 \sin \phi \times D \times \operatorname{sinc}(DS\xi) \times \sum_{m=-\infty}^{+\infty} \delta\left(\xi - \frac{m}{S}\right) \end{bmatrix},$$
(7)

式中:m 为衍射级次;ô(•)为狄拉克函数。不同级次光波的远场衍射为

$$U(\xi) = \begin{cases} [A_0 + (A_1 \cos \phi - A_0)D] + iA_1 D \sin \phi, & m = 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{cases}$$
(8)

$$(A_1 \cos \phi - A_0) D \operatorname{sinc}(mD) + i A_1 (\sin \phi) D \operatorname{sinc}(mD), \quad m = \pm 1, \pm 2, \cdots$$
  
因此,不同级次的衍射效率为

$$\eta = \begin{cases} A_0^2 (1-D)^2 + A_1^2 D^2 + 2A_0 A_1 D (1-D) \cos \phi, & m = 0\\ (A_0^2 + A_1^2 - 2A_0 A_1 \cos \phi) D^2 \operatorname{sinc}^2 (mD), & m = \pm 1, \pm 2, \cdots \end{cases}$$
(9)

为了增大衍射效率,采用正1级的衍射级次,占 空比选择为0.5,相位深度为π,此时衍射效率约为 40.5%,使得干涉仪参考光强与检测光光强的比值 约为1:0.16,能够较好地满足干涉仪对条纹对比度 的要求。

#### 3.2 CGH 引入的波前误差

CGH误差可以分为基底误差和刻蚀误差。 基底误差主要有:基底面形误差、折射率不均匀 性误差以及楔角误差等。实验中选择质量较好的熔 石英基板,将基板两个平面的面形误差控制在峰谷 (PV)值 $\lambda/20(\lambda = 632.8 \text{ nm})$ 以内,楔角误差在 1.5" 以内,折射率不均匀性误差在 10<sup>-6</sup>以内。此时基板 面形误差引入的波前误差占主要影响,约为 20 nm。

刻蚀误差主要有:刻线位置畸变误差、刻蚀深度 不均匀性误差、占空比不均匀性误差、刻蚀表面粗糙 度误差等,其中,刻线位置畸变误差占主要影响。刻 线位置畸变误差对波前测量的影响可表示为<sup>[14]</sup>

$$\Delta W_d = -m\lambda \frac{\Delta d}{d_{\min}}, \quad m = \pm 1, \pm 2, \cdots, \quad (10)$$

式中: $\Delta d$  为刻线位置畸变大小; $d_{\min}$ 为最小刻线周期。制作的 CGH 刻线位置畸变控制在 0.25  $\mu$ m 以内,最小刻线周期大于 10  $\mu$ m。

4 实 验

针对高功率激光驱动装置的大口径非球面透镜

检测,设计并制作了 CGH。非球面透镜的参数如 表1所示。为了对 CGH 的姿态进行定位,制作了 专门的辅助全息。辅助全息的衍射级次被设计为正 3级,被刻蚀在与主全息同一端面的玻璃基板上,并 在其表面镀铝以增加反射率。辅助全息在功能上相 当于凹面反射镜。设计制作的 CGH 参数如表 2 所 示。对主全息波前误差影响最大的是基底误差与刻 蚀畸变误差,基底误差引入的波面误差约 20 nm,刻 蚀畸变误差引入的波面误差约 8.9 nm,二者综合引 入的透射波前误差约21.9 nm。辅助全息的波面误 差主要由刻蚀畸变误差决定,其引入的波面误差约 136.8 nm。由于辅助全息只是起到 CGH 姿态定位 的作用,故其对透镜透射波前测量的影响不大。

采用 CGH 和折射式补偿镜分别对一块非球面 透镜进行了测量,所使用的干涉仪为 4D 公司的动 态球面干涉仪,光波波长λ为 632.8 nm。图 5 为现 场测量装置的光路图。

表 1	非球面透镜元件参数
Fable 1	Parameters of aspheric lens

Parameter	Square aperture /(mm×mm)	Curvature radius /mm	Cone coefficient	Two order coefficient $/10^{-10}$	Center thickness /mm			
Value	410×410	-1899.75	-2.180721	-4.34	65			
表 2 主全息和辅助全息元件参数								
Table 2Parameter of main and assistant CGHs								
	Radial coordinate	Ftehing		Diffraction	Minimal pattern			

CGH type	Radial coordinate range /mm	Etching depth /nm	Duty-cycle	Diffraction order	Minimal pattern period /µm
Main CGH	0-32.92	692	0.5	+1	17.85
Assistant CGH	36-42	70	0.5	+3	6.94



图 5 测量装置光路图 Fig. 5 Optical path photo of measurement installation

图 6 是采用 CGH 作为补偿镜进行测量的结 果,非球面透镜的透射波前 PV 值和均方根(RMS) 值分别为 0.325λ 和 0.029λ。图 7 是采用折射式补 偿镜进行测量的结果,透镜的透射波前 PV 值和 RMS 值分别为 0.359λ 和 0.035λ。两种测量方法的 结果不仅分布相似,PV 值和 RMS 值也很接近,PV 值的差值为 0.034λ,RMS 值的差值为 0.006λ。对比 测试表明:CGH 作为相位补偿元件具有相当高的测 试精度。

由图 6 可以发现,波前分布的中央区域存在同 心圆环,这是其他衍射级次的光束参与干涉造成的 影响。由于同心圆环的起伏较小,其对测量结果影 响较小。



图 6 CGH 作为补偿镜检测结果

Fig. 6 Measured transmission wavefront by using a CGH as a phase compensation element



图 7 折射式补偿镜检测结果

Fig. 7 Measured transmission wavefront by using a refractive compensation lens as a phase compensation element

## 5 结 论

针对高功率激光驱动装置中的非球面透镜,提 出了采用 CGH 作为相位补偿元件的零位检测方 法。将所设计制作的 CGH 用作相位补偿元件来检 测非球面透镜,并与传统的折射式补偿元件检测方 法进行对比测试。测试结果表明:两种方法检测的 数据具有良好的一致性,基于 CGH 作为相位补偿 元件的测试方法具有很高的测量精度。

#### 参考文献

- Spaeth M L, Manes K R, Kalantar D H, et al. Description of the NIF laser[J]. Fusion Science and Technology, 2016, 69(1): 25-145.
- Baisden P A, Atherton L J, Hawley R A, et al.
   Large optics for the national ignition facility [J].
   Fusion Science and Technology, 2016, 69(1): 295-351.
- [3] MacGovern A J, Wyant J C. Computer generated holograms for testing optical elements [J]. Applied Optics, 1971, 10(3): 619-624.
- [4] Gao S T, Sui Y X, Yang H J. High precise testing of asphere with computer-generated hologram and error evaluation[J]. Acta Optica Sinica, 2013, 33(6):

0612003.

高松涛,隋永新,杨怀江.用计算全息图对非球面的 高精度检测与误差评估[J].光学学报,2013, 33(6):0612003.

- [5] Arnold S M. How to test an asphere with a computer generated hologram[J]. Proceedings of SPIE, 1989, 1052: 191-197.
- [6] Lindlein N. Analysis of the disturbing diffraction orders of computer-generated holograms used for testing optical aspherics [J]. Applied Optics, 2001, 40(16): 2698-2708.
- [7] Zhao C, Zehnder R, Burge J H, et al. Testing an off-axis parabola with a CGH and a spherical mirror as null lens[J]. Proceedings of SPIE, 2005, 5869: 586911.
- [8] Kim T, Burge J H, Lee Y, et al. Null test for a highly paraboloidal mirror [J]. Applied Optics, 2004, 43(18): 3614-3618.
- [9] Dubin M B, Su P, Burge J H. Fizeau interferometer with spherical reference and CGH correction for measuring large convex aspheres [J]. Proceedings of SPIE, 2009, 7426: 74260S.
- [10] Burge J H, Zhao C, Dubin M. Measurement of aspheric mirror segments using Fizeau interferometry with CGH correction [J]. Proceedings of SPIE,

2010, 7739: 773902.

- [11] Talha M M, Chang J, Wang Y, et al. Computer generated hologram null compensator for optical metrology of a freeform surface [J]. Optik-International Journal for Light and Electron Optics, 2010, 121(24): 2262-2265.
- [12] Martin H M, Angel J R P, Angeli G Z, et al. Manufacture and final tests of the LSST monolithic primary/tertiary mirror [J]. Proceedings of SPIE, 2016, 9912: 99120X.
- [13] Chang Y C, Zhou P, Burge J H. Analysis of phase sensitivity for binary computer-generated holograms[J]. Applied Optics, 2006, 45(18): 4223-4234.
- [14] Zhou P, Burge J H. Optimal design of computergenerated holograms to minimize sensitivity to fabrication errors [J]. Optics Express, 2007, 15(23): 15410-15417.
- [15] Zhao L B, Zhang Z Y, Zhu D Y, *et al*. Fabrication of high precision computer generated hologram for

aspheric surface testing by laser-direct writing [J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2014, 51(11): 110902.

赵龙波,张志宇,朱德燕,等.用于非球面检验的激 光直写高精度计算全息图制作[J].激光与光电子学 进展,2014,51(11):110902.

- [16] Dou J T, Gao Z S, Yang Z M, et al. Deep aspheric surface test based on combination of computer generated holograms with low spatial frequency [J]. Acta Optica Sinica, 2016, 36(11): 1112004.
  窦健泰,高志山,杨忠明,等. 低空间频率组合计算 全息元件检测深度非球面[J]. 光学学报, 2016, 36(11): 1112004.
- [17] Zheng L G, Hao T, Guo C L, et al. Phase analysis in computer-generated hologram induced by direct laser writing systems with orthogonality error [J]. Acta Optica Sinica, 2016, 36(10): 1012005.
  郑立功,郝腾,国成立,等.激光直写机床系统正交 性误差影响下计算全息图相位分析[J].光学学报, 2016, 36(10): 1012005.