非负矩阵分解在空间目标图像识别中的应用

孙静静^{1,2}**, 赵飞¹*

¹中国科学院光电研究院中国科学院计算光学成像技术重点实验室,北京 100094; ²中国科学院大学,北京 100049

摘要 将非负矩阵分解(NMF)算法应用到空间目标图像识别中,对两种传统 NMF 算法的迭代规则进行了改进,得到 了稀疏 NMF 算法,并分别在二维(2D)和(2D)² 维度应用了这 3 种算法。在实验室模拟了空间光学环境,获得了多组 空间目标缩比模型图像,图像预处理后建立了训练样本库和测试样本库,运用不同 NMF 算法对训练样本进行了特征 基提取,采用最小距离分类器进行了测试样本的分类,各种 NMF 算法识别率均在 78%以上,最高可达 90%。实验结 果验证了所提算法的有效性,与其他已有的目标图像识别方法相比,具有准确率较高、速度快、资源开销少的优点。

关键词 图像处理;图像识别;非负矩阵分解;空间目标图像;最小距离分类器

中图分类号 TP391.4 文献标识码 A

doi: 10.3788/LOP56.101007

Application of Non-Negative Matrix Factorization in Space Object Recognition

Sun Jingjing^{1,2**}, Zhao Fei^{1*}

¹ Key Laboratory of Computational Optical Imaging Technology, Academy of Opto-Electronics, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100094, China;
² University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China

Abstract In this study, we applies the non-negative matrix factorization (NMF) algorithm to space object image recognition. First, we obtain the sparse NMF algorithm by improving the iterative rules of two traditional NMF algorithms and separately apply the three algorithms to the two-dimension (2D) and $(2D)^2$ dimensions. Then, we simulate the space optical environment and acquire multiple sets of space-object-scaling model images in the laboratory. After image preprocessing, we establish the training and the testing sample databases, and extract the features of the training samples using different NMF algorithms. Finally, the minimum distance classifier is used to classify the testing samples. The results show that the recognition rates of various NMF algorithms are all above 78%, and the maximum is up to 90%. The experimental results confirm the effectiveness of the proposed algorithm. Compared with the existing methods for space object image recognition, the NMF algorithm is advantageous owing to its high accuracy, fast speed and low resource cost.

Key words image processing; image recognition; non-negative matrix factorization; space object image; minimum distance classifier

OCIS codes 100.3008; 100.2000

1引言

随着航天事业的蓬勃发展,发射进入太空的目标数目不断增加,为保证国家空间财产的安全,建立 空间目标监视系统显得愈发重要,其中空间目标的 分类识别是空间目标监视的重要组成部分。从空间 目标图像中能够获取目标的几何结构、表面纹理等 细节特征,为空间目标识别提供了可靠的依据^[1]。

与普通地物图像不同,空间目标图像获取时由 于光源单一(除太阳光外无环境杂散光),其所处光

收稿日期: 2018-11-27; 修回日期: 2018-12-08; 录用日期: 2018-12-21

基金项目:中国科学院战略优先研究项目(XDA17040200)

^{*} E-mail: zhaofei@aoe.ac.cn; ** E-mail: sunjingjing16@mails.ucas.ac.cn

照环境在太阳光照区和地球阴影区交替变化,目标 运动变化及其本身材料以镜面反射材料为主,致使 空间目标图像具有黑背景多、冗余度高、动态范围较 高等特点,这些都为空间目标图像识别带来了很大 的困难。张健等^[2]选取 Hu 不变矩的前 4 个不变矩 和仿射不变矩组合新的特征向量——组合不变矩, 结合基于人工神经网络(ANN)的分类器实现两类 空间目标的分类。曾万梅等[3]将仿射不变矩和归一 化转动惯量(NMI)特征组合成新的特征向量进行 主成分提取,并结合 Fisher 线性判别分类器实现 4 种空间目标图像的分类。上海交通大学的王晓雪 等[4]根据空间目标的不变矩、几何以及灰度特征提 取空间目标的特征向量,并通过 Voronoi 距离的核 聚类算法对 3 类空间目标进行识别。以上方法都是 基于空间目标的不变矩实现分类识别,但是当空间 目标存在角度、光照、仿射等变化时会导致无法从图 像上准确切割目标。为解决这个问题,蒋飞云等[5] 提出了基于局部不变特征的空间目标图像分类方 法,首先提取每幅图像的局部不变特征,利用高斯混 合模型(GMM)建立全局的视觉模式,然后依据最 大后验概率匹配局部特征和视觉模式来构造整个训 练集图像的共现矩阵,采用概率潜在语义分析 (PLSA)得到图像的潜在类别表示,实现图像的二 次表示,最后利用支持向量机(SVM)实现分类,该 方法计算量较大,当目标种类复杂、数据量大时无法 实现实时处理。2006年,国防科技大学精确制导与 自动目标识别(ATR)实验室^[6]提出了基于二维小 波变换的空间目标识别方法,首先对5类空间目标 的逆合成孔径雷达(ISAR)像进行二维小波变换,然 后从近似分类和细节分量中提取奇异值特征,最后 应用径向基函数(RBF)神经网络进行分类识别。安 萌等[7]提出了一种基于边界模块训练模式的目标识 别方法,首先提取目标的边界片段组成弱分类器,然 后使用 AdaBoost 算法将它们训练为强分类器,用 其完成目标的检测和识别。Ren 等^[8]利用压缩感知 方法,首先根据训练样本得到一个稀疏表征字典,然 后利用测试矩阵获得测试样本的线性量度,通过解 决最优化问题实现3类空间目标图像的分类识别, 但是系数表征容易缺失图像的有效信息。Cao 等^[9] 提出基于克利福德代数(CA)的仿生模式,并对6种 空间目标图像进行分类识别,该方法将空间目标图 像扩展到高维向量空间,容易带来维数灾难,目忽略 了图像的局部特征。

已有的方法虽然都实现了一定的空间目标图像

识别效果,但存在算法复杂、耗时长、存储空间大等 不足,而且大部分已有的研究都是采用仿真获得空 间目标图像数据,没有充分考虑到噪声、运动模糊、 几何畸变等对图像造成的影响。本文研究的基于非 负矩阵分解(NMF)算法在保证所有元素值都为非 负的约束条件下实现矩阵分解,具有算法简单、实现 快速、存储空间小的优势,可以弥补已有方法的不 足;为了解决空间目标图像库的问题,本文模拟天基 光照场景,用仪器和技术平行类比天基观测时光源-目标-探测器方位,获取大量可用的空间目标图像, 实验数据比较真实。本文采用非负矩阵分解对空间 目标图像训练样本进行特征基提取,构建特征基空 间,然后将测试样本分别投影到特征基矩阵空间,获 取对应的系数矩阵,最后采用最小距离分类器实现 分类识别。

2 非负矩阵分解

非负矩阵分解(NMF),其基本思想是将非负矩 阵 X 近似分解为低维的非负矩阵 W 和 H 的乘积, 使 H \approx W \times H,如图 1 所示, $X_{m \times n}$ 表示空间目标图 像集,其每一列对应某一幅空间目标图像,按照如 图 2 所示的扫描方式(先依次从上往下排列后再按 照从左向右的顺序排列)将图像的像素值排列成 *m* 维向量, 然后将 *n* 幅图像依次排列组成 *m* \times *n* 阶矩 阵,基矩阵 $W_{m \times k}$ 代表 $X_{m \times n}$ 的基本特征, $H_{k \times n}$ 代表 系数矩阵, *k* 代表特征数目,必须是正整数且通常满 足 $k \leq mn/(m+n)$ 。



图 1 NMF 原理图 Fig. 1 Principle diagram of NMF



Fig. 2 Scanning mode

NMF问题可归结为使用某种目标函数优化测量近似效果,传统的两种方法分别是Lee提出的基于欧氏距离(ED)度量和Seung提出的基于广义K-L散度(GKLD)^[10],即

$$D(\mathbf{W}, \mathbf{H}) = \|\mathbf{W} - \mathbf{H}\|^{2} = \sum_{ij} (W_{ij} - H_{ij})^{2},$$
(1)

$$D(\mathbf{W} \parallel \mathbf{H}) = \sum_{ij} (\lg \frac{W_{ij}}{H_{ij}} - W_{ij} + H_{ij})^2, \quad (2)$$

式中:D 代表目标函数, $i=1,2,3,\dots,m,j=1,2,$ 3,…,n,其中n表示样本数目;W 表示原始图像数 据经过非负矩阵分解后的基矩阵;H 表示非负矩阵 分解后的系数矩阵, W_{ij} 和 H_{ij} 分别表示矩阵W 和H 在(i,j)的数值;上述两种方法都要求在交替迭代过 程中使得目标函数最小化,重复迭代规则保证 NMF 收敛于局部最优,其迭代规则如下。

1) D(W,H)对应的目标函数为

$$W_{ik} \leftarrow W_{ik} \frac{(\boldsymbol{X}\boldsymbol{H}^{\mathrm{T}})_{ik}}{(\boldsymbol{W}\boldsymbol{H}\boldsymbol{H}^{\mathrm{T}})_{ik}}, \qquad (3)$$

$$H_{kj} \leftarrow H_{kj} \frac{(\boldsymbol{W}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{X})_{kj}}{(\boldsymbol{W}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{W} \boldsymbol{H})_{kj}}, \qquad (4)$$

2) D(W || H) 对应的目标函数为

$$W_{ik} \leftarrow W_{ik} \frac{\sum_{j} W_{kj} X_{kj} / (\boldsymbol{W}\boldsymbol{H})_{ij}}{\sum_{j} H_{kj}}, \qquad (5)$$

$$H_{kj} \leftarrow H_{kj} \frac{\sum_{j} H_{ik} X_{kj} / (\boldsymbol{W}\boldsymbol{H})_{ij}}{\sum W_{ik}}, \qquad (6)$$

式中:X 表示原始图像矩阵;"T"表示对矩阵进行转置处理;(•);;表示括号中所得矩阵的元素。

以上两种 NMF 算法在目前研究和应用中较为 广泛,被认为是基本 NMF 算法的两个基准算 法^[11]。但是将二维图像转换成高维向量易造成维 数灾难,且易破坏图像行列之间的局部相关性, 文献[12]提出二维主成分分析(2DPCA)法^[12],方蔚 涛等^[13]将二维主成分分析和 NMF 的思想结合,提 出了二维投影非负矩阵分解。二维非负矩阵分解 (2DNMF),无需将图像矩阵转换成向量,可直接对 图像矩阵进行处理,即把 $n ext{ m }_{p} \times q$ 大小的二维图 像 A_n 排列成矩阵 $X = [A_1 A_2 A_3 \cdots A_n], X$ 大小为 $p \times qn$ 。

2DNMF可降低维数且保证了图像结构信息, 为了更精确地保证图像的结构信息,高宏娟等^[14]提出了(2D)²NMF算法,根据图像矩阵及其转置得到 非负矩阵 $X_{p\times qn}$ 和 $Y_{q\times pn}$,然后分别进行 NMF 分解 后得到行基矩阵 $\mathbf{R}_{p\times k}$ 和列基矩阵 $\mathbf{C}_{q\times k}$,定义 (2D)²NMF 基矩阵为: $W = \mathbf{R}_{p\times k} \mathbf{C}_{q\times k}^{\mathrm{T}}$ 。

传统的 NMF 算法分解得到的 W 和 H 均不具 有正交性,Li 等^[15-16]提出增加"基矩阵 W 每列正交" 的约束进而增强稀疏性,降低数据冗余。当对图像 矩阵进行 2D 和(2D)²处理时无需将图像矩阵转换 为向量,文献[17]提出在 K-L 散度的基础上增加 "系数矩阵 H 每行正交"的约束,得到稀疏非负矩阵 分解算法^[17](SNMF)。此时,需要满足

$$\operatorname{argmin}\{F(\boldsymbol{W},\boldsymbol{H})\} = \sum_{ij} [X_{ij} \, \lg \frac{X_{ij}}{(\boldsymbol{W}\boldsymbol{H})_{ij}} - X_{ij} + (\boldsymbol{W}\boldsymbol{H})_{ij}]^2 + \partial \sum_{kj} H_{kj} \, \text{s.t.} \, \boldsymbol{W} \ge 0, \boldsymbol{H} \ge 0, \boldsymbol{H}\boldsymbol{H}^{\mathrm{T}} = \boldsymbol{I}, \quad (7)$$

其对应的乘法更新规则为

$$H_{kj} \leftarrow H_{kj} \frac{\sum_{i} X_{ij} \frac{W_{ik}}{\sum_{n} W_{in} H_{ij}}}{1+\xi}, \qquad (8)$$

$$W_{ik} \leftarrow W_{ik} \frac{\sum_{j} X_{ij} \frac{H_{kj}}{\sum_{l} W_{il} H_{kj}}}{\sum_{l} H_{kj}}, \qquad (9)$$

$$W_{ik} \leftarrow \frac{W_{ik}}{\sum_{i} X_{kn} H_{in}} \,. \tag{10}$$

式中:F表示目标函数;I表示单位矩阵; 5为常数。

本文将传统的基于欧氏距离度量的非负矩阵分 解(EDNMF)和基于广义 K-L 散度的非负矩阵分解 (KLNMF)以及增加"系数矩阵 H 每行正交"约束 的 SNMF 分别应用到一维、2D、 $(2D)^2$ 三种维度上 得 到 EDNMF、KLNMF、SNMF、2DEDNMF、 2DKLNMF、 2DSNMF、 $(2D)^2$ EDNMF、 $(2D)^2$ KLNMF、 $(2D)^2$ SNMF 共 9 种算法,然后采用 实验室获取的空间目标图像,通过实验比较这 9 种 算法的识别效果。

3 图像获取与预处理

该实验样本库中的空间目标图像由两部分组 成:1)当同一空间目标在姿态位置相差较大时可以 看作不同的空间目标图像,取实验室拍摄的某地球 同步卫星在不同位置、不同姿态的7种105幅图像 数据,实验室主体部分包括光源、目标转台、探测 器^[18],其几何模型如图3所示;2)对其他途径获取 的3种卫星图像进行角度旋转、缩放处理成姿态不 同的45幅图像。 实验室模拟天基观测空间目标场景,获取分辨率大小为256 pixel×256 pixel的空间目标图像,但是拍摄的原始图像中夹杂着大量的噪声,会降低图像质量,需要在 NMF 分解之前对原始图像进行图像去噪预处理^[19]。研究发现,对于获取的图像,其主要噪声是椒盐噪声^[20],因此需对图像采用中值滤波去噪。

预处理完成后,创建了包含 10 类空间目标图像 (图 4)的样本库,每类包含 15 幅空间目标图像,从 每类图像中随机选取 10 幅作为训练样本,剩余的 5 幅图像作为测试样本,得到训练样本库 100 幅图像, 测试样本库 50 幅图像。



图 3 实验室几何模型 Fig. 3 Geometric model of laboratory



图 4 10 类空间目标图像 Fig. 4 Images of ten kinds of space objects

4 空间目标图像识别实验与结果分析

本实验采用第 3 节创建的样本库,在内存为 12.0 GByte的计算机上操作 Matlab2014b 软件,为 了保证实验的公平性,实验中所有识别算法均利用 最小距离分类器进行分类识别,实验主要包括以下 两个方面:

1) 保证训练样本数为 100,采用 EDNMF、 KLNMF、 SNMF、 2DEDNMF、 2DKLNMF、 2DSNMF、 $(2D)^2$ EDNMF、 $(2D)^2$ KLNMF、 $(2D)^2$ SNMF 9 种算法,分别取 k = 1、4、9、16、25、 36、49、64、81、100进行分类识别,比较不同 k 值下 各种算法的识别率和运行时间。

2)确定识别效果最优时 k 的值,然后在训练样本库中每类目标图像中随机取 1、2、…、10 幅图像得到训练样本数 m = 10、…、100 进行分类识别,比较不同训练样本数下各种算法的识别率和运行时间。

分类识别的主要流程如图 5 所示,分为两个阶段:1)特征提取。首先对所需训练样本库作转换处理,构造出一维、2D、 $(2D)^2$ 维度的矩阵 X,然后分别采用 EDNMF、KLNMF、SNMF 算法进行 NMF 分解得到基矩阵 W 和系数矩阵 H。2)图像 识别。分别对测试样本库和训练样本库中的单幅 图像矢量向特征基矩阵空间逐个投影,得到系数 矩阵 H_T 和 H_P ,然后利用最小距离分类器进行 识别。

实验采用的最小距离分类又称最近邻分类^[21], 是最基础的一种分类方法。本文比较的是训练样本 系数与测试样本系数之间的欧氏距离,它的基本思 想是:首先计算训练样本中每类空间目标图像矩阵 向特征基矩阵空间投影后得到的对应系数集合的平 均值,即特征中心,然后计算每个样本特征中心与测 试样本系数的最小距离,其中最小值所在类别即测 试样本类别。本文采用的评价标准是所有测试样本 分类的正确率(CR),即

$$C_{\rm R} = \frac{C}{T},\tag{11}$$

式中:C代表被正确分类识别的样本数目;T代表测试样本总数目。

4.1 不同 k 值下各算法的识别效果

保证训练样本数为 100,分别采用 EDNMF、 KLNMF、 SNMF、 2DEDNMF、 2DKLNMF、 2DSNMF、(2D)²EDNMF、(2D)²KLNMF、 (2D)²SNMF 这 9 种算法进行分类识别实验,统计 各算法识别率(取 10 次平均)和运行时间(取 3 次 平均)。

图 6 给出样本数为 100 时各 NMF 算法的识别 率,横坐标代表特征数目 k,纵坐标代表各算法识别 率。由图 6 可看出,一维的 3 种算法的识别率较低, 最高为 80%,故当把图像矩阵转换为向量时增加 "H 每 行 正 交"约 束 会 降 低 算 法 识 别 率。 (2D)²NMF 和 2DNMF 识别率都在 80%以上,最高 可达 90%,而且并非 k 值越大,识别率越高,空间目 标图像识别中,空间目标大都是规则的几何结构,特 征较少,提取的特征数目过多反而会影响识别率。



图 5 实验流程图。(a)特征提取;(b)空间目标图像识别

Fig. 5 Flow chart of experiment. (a) Feature extraction; (b) space object image recognition



图 6 样本数为 100 时各 NMF 算法的识别率 Fig. 6 Recognition rate of each NMF algorithm under number of samples is 100

对各算法的训练耗时进行对比,如图 7 所示,横坐标 代表特征数目 k,纵坐标代表各算法训练耗时。由 图 7 可以看出,对于同一维度, $t_{\rm S} \approx t_{\rm KL} > t_{\rm ED}$,对于 不同维度,训练样本时间 $t_{(2D)2} > t_{1D} > t_{2D}$,其中 k 值 越大,耗时越长;各种 NMF 算法测试耗时相差甚



图 7 样本数为 100 时各 NMF 算法训练耗时 Fig. 7 Training time of each NMF algorithm under number of samples is 100

微,取k = 100时各算法测试耗时如表 1 所示,可得 $t_{1D} > t_{(2D)2} > t_{2D}, t_{KL} > t_s > t_{ED}$ 。其中: t_{ED}, t_{KL}, t_s 分 别代表 EDNMF、KLNMF、SNMF 这 3 类算法的运 行时间; $t_{1D}, t_{2D}, t_{(2D)2}$ 分别代表各类算法在 3 种维度 上的运行时间。

表 1 样本数为100时各NMF算法测试耗时

Testing time of each NMF algorithm under number of samples is 100 Table 1

Algorithm	EDNMF	KLNMF	SNMF	2DED	2DKL	2DS	$(2D)^2 ED$	$(2D)^2 KL$	$(2D)^{2}S$
Testing time /s	0.994	1.014	1.036	0.662	0.676	0.665	0.713	0.734	0.722

不同测试样本数下各算法识别效果 4.2

通过4.1节实验发现,对于不同维度算法,其最 优的 k 值不同,分别取其最优 k 值:1DNMF 秩 k 取 81,2DNMF 和(2D)²NMF 秩 k 取 25。然后改变样本 数,分别取m=10,20,30,40,50,60,70,80,90,100,进行训练和识别,其识别率(取10次平均)如图8所示, 横坐标代表样本数目,纵坐标代表各算法识别率。



图 8 不同样本数下各 NMF 算法的识别率 Fig. 8 Recognition rate of each NMF algorithm

under different numbers of samples

从图 8 中对比发现样本数的改变对一维 NMF 算法识别率影响较大,而对2DNMF和(2D)²NMF

而言,当训练样本数大于 50(即每类空间目标图像 数目为 5) 时, 样本数目的改变对识别率的影响较 小。对于训练耗时,如图 9(横坐标代表样本数目, 纵坐标代表各算法训练耗时)所示, $t_{1D} > t_{(2D)^2} > t_{2D}$, 而对于不同算法,除 m 为 10 和 20 时 $t_{\rm FD} > t_{\rm KI}$ 之外, 均满足 ts>tKL>tED,且训练样本数越大,测试时间 越长;对于测试耗时(取样本数目为100),如表2所 示,可以看出 $t_{1D} > t_{(2D)^2} > t_{2D}, t_{KL} > t_{ED} > t_S,$ 其中 2DNMF 算法测试时间只有 0.5 s 左右。



图 9 不同样本数下各 NMF 算法的训练耗时

Fig. 9 Training time of each NMF algorithm

under different numbers of samples

表 2 最优 k 值下各 NMF 算法测试耗时(样本数目为 100)

Table 2 Testing time of each algorithm under optimal k (number of samples is 100)

Algorithm	EDNMF	KLNMF	SNMF	2DED	21)KL	2DS	(2D) ² ED	$(2D)^2 KL$	$(2D)^{2}S$
Testing time/s	1.031	1.036	1.014	0.535	0.	548	0.532	0.722	0.728	0.709
为了证明所打	提算法的有	可效性,将	2DSNMF	算法	训练精	毛时长。	相比正	「言,所提]	NMF 算法	具有算法
(取样本数为40,	简单、运行速度快、存储空间小、分解结果可解释性									
合不变矩特征(CIM)、文	献[3]提	出的 PC	A 和	的优点	<u></u> .				
文献[4]中的改进	 的核聚类	(KFCM)	4 种算法	表 3 NMF 与已有方法的对比						
应用于本文实验家	Table 3 Comparison between NMF and existing methods									
然后对这4种算浴	去的识别刻	效果作对日	北,从表3	中可	Mothod		NME	Method in	Method in	Method in
以看出,所提算法	长识别率高	、运行快	,基于 CII	√ 和		etnoù	I VIVII'	Ref. [2]	Ref. [3]	Ref. [4]
KFCM 方法都是	利用不变统	钜提取目 相	示的特征向	可量,	Reco	gnition	0.9	0.72	0.84	0.67
需要从图像上切着 运动模糊等原因4	割出完整的 很难分割日	的目标,但 出完整的目	由于拍摄角 目标,且 Kl	自度、 FCM	r Tra tin	rate aining ne /s	38.91	135.47	5748.65	500.43
存在迭代过程中\$ 常用的、用于图像	算法易陷/ 只识别的矩	、极小值的 阵分解算	的问题;PC 法,与 NM	A 是 F 不	5 \$	士 打	论			
同,它没有对矩阵 值均为非负,PCA 缺少可解释性和特	 元素增加 分解后负 物理意义, 	非负约束 (值的存在 同时它的)	,而图像的 使得分解 算法相对复	像素 结果 夏杂,	乎 等,利 验室 ¹	采用实网 用卫星 平行模打	示目标的 表面材: 议观测,	的轨道参数。 料制作的高 获得了较重	、姿态控制 哥保真模型 真实有效的	、观测几何 进行了实]空间目标

图像 样本 库。将 3 种不同迭代规则的算法: EDNMF、KLNMF、SNMF分别应用到一维、2D 和 (2D)² 维度上得到共 9 种 NMF 算法,对各种 NMF 算法的识别率和运行速度进行对比分析。实验结果 表明:NMF 算法应用到本文采用的 10 类空间目标 图像中的识别率最高达到 90%,且当样本数目和 *k* 值选取合适的情况下,9 类算法识别率均超 78%,其 中 2DNMF 在识别率和运行时间综合因素的考虑下 效果最好。通过与已有方法对比,所提 NMF 算法 具有算法简单、运行速度快、存储空间小、分解结果 可解释性的优点。因此,NMF 算法可尝试用于空间 目标图像识别。

由于条件限制,实验只选取了有限的典型的空间目标图像,并且实验过程中选择合适的样本数和 最优 k 值是提高图像识别效果的重要前提,下一步 将对增加的空间目标图像样本类型进行验证以及着 重研究如何选择合适的样本数目及如何设置 k 值 才能使得 NMF 算法的识别效果最好。

参考文献

- [1] Zeng X X. Research on recognition method of typical space target based on image[D]. Changsha: National University of Defense Technology, 2015.
 曾祥鑫.基于图像的空间典型目标分类识别方法研究[D].长沙:国防科学技术大学, 2015.
- [2] Zhang J, Zhou X D, Zhang S F, et al. Recognition of satellite targets based on combined invariant moments and artificial neural network [J]. Journal of Naval Aeronautical and Astronautical University, 2008, 23 (1): 29-32.

张健,周晓东,章世锋,等.基于组合不变矩与神经 网络的卫星目标识别[J].海军航空工程学院学报, 2008,23(1):29-32.

- [3] Zeng W M, Wu Q X, Jiang C S. Recognition method of aerial targets based on combined invariant moments[J]. Electronics Optics & Control, 2009, 16(7): 21-24, 44, 97.
 曾万梅,吴庆宪,姜长生.基于组合不变矩特征的空 中目标识别方法[J].电光与控制, 2009, 16(7): 21-24, 44, 97.
- [4] Wang X X, Yang Y S, Jing Z L. Spacetarget recognition based on improved kernel FCM [J]. Chinese Space Science and Technology, 2012, 32(2): 35-42.

王晓雪,杨永胜,敬忠良.基于改进核聚类算法的空间目标识别方法[J].中国空间科学技术,2012,32

(2): 35-42.

- [5] Jiang F Y, Sun R, Zhang X D, et al. Space target image categorization based on the second representation [J]. Journal of Electronics &. Information Technology, 2013, 35(5): 1247-1251. 蒋飞云,孙锐,张旭东,等.基于二次表示的空间目 标图像分类[J].电子与信息学报, 2013, 35(5): 1247-1251.
- [6] Ma J G, Zhao H Z, Li B G, et al. Space target recognition algorithm based on two-dimensional wavelet transform[J]. Journal of National University of Defense Technology, 2006, 28(1): 57-61.
 马君国,赵宏钟,李保国,等.基于二维小波变换的 空间目标识别算法[J]. 国防科技大学学报, 2006, 28(1): 57-61.
- [7] An M, Jiang Z G, Xu B. Recognitive method of space visible objects based on BFM algorithm [J]. Systems Engineering and Electronics, 2009, 31(5): 1075-1077.
 安萌,姜志国,许波.基于 BFM 算法的空间有形目标识别方法[J].系统工程与电子技术, 2009, 31(5): 1075-1077.
- [8] Ren Y M, Zhang Y N, Li Y, et al. A space target recognition method based on compressive sensing[C] // 2011 Sixth International Conference on Image and Graphics, August 12-15, 2011, Hefei, Anhui, China. New York: IEEE, 2011: 582-586.
- [9] Cao W M, Feng H, Hu L L, et al. Space target recognition based on biomimetic pattern recognition [C] // 2009 First International Workshop on Database Technology and Applications, April 25-26, 2009, Wuhan, Hubei, China. New York: IEEE, 2009: 64-67.
- [10] Lee D D, Seung H S. Learning the parts of objects by non-negative matrix factorization [J]. Nature, 1999, 401(6755): 788-791.
- [11] Li L, Zhang Y J. A survey on algorithms of nonnegative matrix factorization [J]. Acta Electronica Sinica, 2008, 36(4): 737-743.
 李乐,章毓晋.非负矩阵分解算法综述[J]. 电子学 报, 2008, 36(4): 737-743.
- [12] Ding M Y. Symmetry based two-dimensional principal component analysis and its application to face recognition [J]. Journal of Computer Applications, 2008, 28(1): 122-124.
- [13] Fang W T, Ma P, Cheng Z B, et al. 2-dimensional projective non-negative matrix factorization and its application to face recognition [J]. Acta Automatica

Sinica, 2012, 38(9): 1503-1512.

方蔚涛,马鹏,成正斌,等.二维投影非负矩阵分解 算法及其在人脸识别中的应用[J].自动化学报, 2012,38(9):1503-1512.

[14] Gao H J, Pan C. Face recognition based on (2D)²NMF and its improvement [J]. Journal of Computer Applications, 2007, 27(7): 1660-1662, 1666.
高宏娟, 潘晨. 基于(2D)²NMF 及其改进算法的人脸识别[J]. 计算机应用, 2007, 27(7): 1660-1662,

1666.

- [15] Li S Z, Hou X W, Zhang H J. Learning spatially localized, parts-based representation [C] // Proceedings of the 2001 IEEE Computer Society Conference on Computer Vision and Parttern Recognition, December 8-14, 2001, USA. New York: IEEE, 2001: 207-212.
- [16] Hoyer P O. Non-negative matrix factorization with sparseness constraints [J]. The Journal of Machine Learning Research, 2004, 5: 1457-1469.
- [17] Wang F, Yang Y W, Tan S, et al. Fault detection method based on sparse non-negative matrix factorization[J]. CIESC Journal, 2015, 66(5): 1798-1805.

王帆,杨雅伟,谭帅,等.基于稀疏性非负矩阵分解

的故障监测方法[J].化工学报,2015,66(5):1798-1805.

- [18] Xu R, Zhao F, Li H F, et al. Parallel measurement of spectral bidirectional reflectance distribution function of non-resolved space objects in laboratory
 [J]. Acta Photonica Sinica, 2016, 45(2): 0212002.
 徐融,赵飞,李怀峰,等.非分辨空间目标光谱双向 反射分布函数的实验室平行测量[J].光子学报, 2016, 45(2): 0212002.
- [19] Wang X X. Research on recognition method of space target based on image features [D]. Shanghai: Shanghai Jiao Tong University, 2012: 5-29. 王晓雪. 基于图像特征的空间目标识别方法研究[D]. 上海:上海交通大学, 2012: 5-19.
- [20] Wang M. Automatic recognition of space targets in complex background [D]. Changchun: Changchun Institute of Optics, Fine Mechanics and Physics, Chinese Academy of Sciences, 2017.
 王敏.复杂背景下的空间目标自动识别技术[D].长春:中国科学院长春光学精密机械与物理研究所, 2017.
- [21] Gonzalez R C, Woods R E, Eddins S L. Digital image processing using MATLAB [M]. Beijing: Publishing House of Electronics Industry, 2005: 367-368.