# 一种基于超分辨率的叠栅条纹图像处理方法

李默晶<sup>1,2</sup>,王志乾<sup>1\*</sup>,杨文昌<sup>1,2</sup>,刘绍锦<sup>1</sup> <sup>1</sup>中国科学院长春光学精密机械与物理研究所,吉林长春 130033; <sup>2</sup>中国科学院大学,北京 100049

**摘要** 针对叠栅条纹图像在精密测量方面的应用需求,提出了一种基于图像局部自相似性和去块效应后处理的超 分辨率算法。该算法利用叠栅条纹图像的局部自相似性,首先对原始低分辨率条纹图像插值,得到初始高分辨率 图像,然后寻找各高分辨率图像块对应的低分辨率最优匹配块,从高、低分辨率图像块对中提取先验知识,完成单 帧图像的超分辨率重建。本文算法对图像进行了块操作,在重建结果中引入了块效应。针对该问题,同时提出了 一种能够快速消除块效应的后处理算法。结果表明,将本文两种算法结合使用,能够有效提高图像质量,同时消除 重建图像中块效应的影响。本文算法不需要借助外部图像,计算复杂度低,适用于叠栅条纹图像超分辨率重建。 关键词 图像处理;叠栅条纹;超分辨率;自相似性;块效应

**中图分类号** TP391 **文献标识码** A

**doi**: 10.3788/LOP56.011001

## Processing Method of Moiré Fringe Images Based on Super-Resolution Technology

Li Mojing<sup>1,2</sup>, Wang Zhiqian<sup>1\*</sup>, Yang Wenchang<sup>1,2</sup>, Liu Shaojin<sup>1</sup>

<sup>1</sup> Changchun Institute of Optics, Fine Mechanics and Physics, Chinese Academy of Sciences, Changchun, Jilin 130033, China; <sup>2</sup> University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China

**Abstract** Aiming at the applications of moiré fringes in fine measurement, a super-resolution algorithm is proposed based on local self-similarity and deblocking post-processing. In this algorithm, with the local self-similarity of moiré fringes, the initial high-resolution images are first obtained through an interpolation of the original low-resolution images. Then the optimal matching low-resolution block corresponding to each high-resolution image block is searched. The prior knowledge is extracted from the high- and low-resolution image blocks and thus the super-resolution reconstruction of a single-frame image is realized. In addition, the blocking artifacts are introduced in the reconstructed results after the blocking operations. As for this problem, a post-processing algorithm for quickly eliminating blocking artifacts is simultaneously proposed. The results show that the combination of the proposed two algorithms can effectively improve the image quality and simultaneously eliminate the blocking artifacts in the reconstruction process of images. The algorithm does not relay on external images and has a low computational complexity, suitable for the super-resolution reconstruction of moiré fringe images.

Key wordsimage processing; moiré fringe; super-resolution; self-similarity; blocking artifactsOCIS codes100.2000; 120.4120; 100.6640

1引 言

叠栅条纹图像常被用于角度、长度、位移等物理 量的精密测量<sup>[1-2]</sup>。由于光学成像系统的低通特性 和图像采集设备性能的局限性,通常得到的叠栅条 纹图像质量往往低于预期,进而限制测量精度的提高<sup>[3-5]</sup>。采用超分辨率方法处理叠栅条纹图像,能够在不改变硬件性能的条件下提高图像分辨率,进而减小后续工作的测量误差。超分辨率技术借助图像处理方法,由低分辨率图像获得高分辨率图像<sup>[6-7]</sup>。

收稿日期: 2018-05-30; 修回日期: 2018-06-21; 录用日期: 2018-07-18

基金项目: 吉林省重点科技攻关项目(20160204050GX, 20170204050GX)

<sup>\*</sup> E-mail: wangzhiqian@ciomp.ac.cn

基于学习的单帧图像超分辨率方法利用机器学习的 方法获取训练样本集里对应的高、低分辨率图像之 间的映射关系,并将该映射关系作为先验知识,用于 预测待处理的低分辨率图像中缺失的高频信 息[8-11]。近几年,随着稀疏表达理论的发展,学者们 将基于学习的超分辨率方法与稀疏表达相结 合<sup>[12-14]</sup>,提升了图像重建质量。但是,由于该类算法 中的先验知识来自外部训练样本集,一旦训练样本 与待处理图像相关性不足,容易造成先验知识错误, 影响图像重建结果。针对这个问题,学者们提出从 待处理低分辨率图像本身出发,挖掘自然图像中普 遍存在的相同尺度和不同尺度之间的相似性,进而 完成图像的超分辨率重建[15-18]。文献[15-16]利用 图像不同尺度间的相似性,分别结合高频字典和图 像金字塔,完成超分辨率重建。文献[17]结合图像 非局部自相似性,提出了新的稀疏编码方式。2011 年,Freedman 等<sup>[18]</sup>基于图像的自相似性,提出了一 种不依赖外界图像的单帧图像超分辨率算法,该算 法从待处理低分辨率图像自身获取训练样本,获得 了较好的重建效果。但是,单帧图像超分辨率方法 往往需要对图像采取块操作,容易在重建图像中引 起块效应。本文以文献「18]算法为基础,提出一种 适用于叠栅条纹图像的超分辨率方法。该算法从待 处理的低分辨率图像出发,经过插值和块匹配搜索, 得到高、低分辨率图像块对作为训练样本库,进而提 取超分辨率需要的先验知识,完成图像的超分辨率 重建。为了避免块效应降低重建图像的质量,又提 出了一种消除块效应的图像后处理算法。结果表 明,该算法不仅能够提高图像分辨率,还能消除人眼 可见的块效应,所得到的重建图像的主、客观质量都 有所改善。

2 原理与算法

## 2.1 基于频域滤波和奇异值阈值化的图像预处理

采集叠栅条纹时,光栅像常混杂在叠栅条纹图 像中,令叠栅条纹难以分辨。首先需要对图像进行 预处理,去除条纹图像中的光栅像。光栅像的条纹 宽度小于叠栅条纹的条纹宽度,在滤除光栅像时,最 直接的方法是对图像做低通滤波处理。然而,由于 二者条纹宽度的差值较小,单纯的低通滤波虽然能 滤除大部分光栅像,同时会对叠栅条纹造成影响,导 致叠栅条纹整体亮度升高,条纹对比度降低。为解 决这个问题,在预处理中引入奇异值分解。

奇异值分解是一种适用于任意矩阵的分解方

法,其目的是提取矩阵的重要特征。对图像  $A \in \mathbb{R}^{m \times n}$  做奇异值分解,得到:

$$\mathbf{A} = \boldsymbol{U} \begin{bmatrix} \boldsymbol{\Sigma} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{0} \end{bmatrix} \mathbf{V}^{\mathrm{T}} = \sum_{i=1}^{r} \sigma_{i} \boldsymbol{u}_{i} \boldsymbol{v}_{i}^{\mathrm{T}}, \qquad (1)$$

式中r 为矩阵A 的秩;U 为 $m \times m$  维正交矩阵,其 列向量 $u_i(i=1,2,3,...,m)$ 称为左奇异向量;V 为  $n \times n$  维正交矩阵,其列向量 $v_j(j=1,2,3,...,n)$ 称 为右奇异向量; $\Sigma = \text{diag}(\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3, ..., \sigma_r), \sigma_1 \ge \sigma_2 \ge$  $\sigma_3 \ge \cdots \ge \sigma_r \ge 0$ ,其中 $\sigma_i(i=1,2,3,...,r)$ 为矩阵A的奇异值。(1)式明确了奇异值分解的物理意义,即 奇异值分解是将矩阵A 分解成一系列秩一矩阵之 和,而奇异值则代表着这些秩一矩阵在构成矩阵A时所占的权重。当A 代表受噪声污染的图像时,A的较大的奇异值对应图像中的有用信息,而较小的 奇异值对应图像中的噪声。矩阵A 可以表示为

$$\boldsymbol{A} = \widetilde{\boldsymbol{A}} + \boldsymbol{N}, \qquad (2)$$

式中 $\tilde{A}$ 为不含噪声的理想图像,N 为噪声图像。对 不含噪图像的最优估计可以通过奇异值的阈值化实 现:设定最佳的阈值 $\tau$ ,则对A的奇异值进行阈值化 结果为

$$\sigma'_{k} = \begin{cases} \sigma_{k}, \ \sigma_{k} > \tau \\ 0, \ \sigma_{k} \leqslant \tau \end{cases}, \tag{3}$$

得到新的奇异值矩阵  $\Sigma_r = \text{diag}(\sigma'_1, \sigma'_2, \sigma'_3, \dots, \sigma'_r),$ 则不含噪图像 $\tilde{A}$ 的估计值可表示为

$$\widetilde{A} = U \begin{bmatrix} \boldsymbol{\Sigma}_{\tau} & \boldsymbol{0} \\ \boldsymbol{0} & \boldsymbol{0} \end{bmatrix} \boldsymbol{V}^{\mathrm{T}} \,. \tag{4}$$

对低通滤波后的条纹图像做奇异值分解,经过 奇异值阈值化处理后,利用(4)式重构条纹图像,不 仅滤除了剩余的一部分光栅像和其他噪声,而且能 增强条纹对比度,使其满足后续处理的要求。

## 2.2 基于图像自相似性的超分辨率方法

基于自相似性的超分辨率方法是对传统的基于 学习的超分辨率方法的发展,此算法不需要借助外 界图像库来训练高、低分辨率图像之间的映射关系, 而是从图像自身获取训练样本库。该算法避免了由 于训练样本与待处理低分辨率图像相关性不足导致 的映射关系出错和重建图像失真,其优势是显而易 见的。Freedman等<sup>[18]</sup>提出,当图像以较小倍数放 大时,原始图像中的每个图像块都能够在放大后的 图像中找到相似块。基于该理论,本方法将原始低 分辨率图像与放大后的初始高分辨率图像中的每组 图像块对作为训练样本库,从中获取映射关系,用于 指导超分辨率图像重建。

叠栅条纹图像与其他复杂自然图像不同,没有

明确的边缘或角点,高频信息较少。因此,在重建叠 栅条纹图像时,高、低分辨率图像之间的映射关系与 其他图像也有所不同,不是图像中缺失的高频信息, 而是高分辨率图像中新增像素点的灰度值。

本文方法利用块匹配搜索方法获取高分辨率图 像新增像素与原始低分辨率图像像素灰度值之间的 关系。假设原始低分辨率图像 I 尺寸为m pixel× n pixel,最终超分辨率重建结果  $I_h$  尺寸为 2m pixel×2n pixel,即图像放大系数为 2。块匹配 之前,首先对原始低分辨率图像 I 插值放大,得到初 始高分辨率图像  $I'_h$ , $I'_h$ 与最终超分辨率重建结果  $I_h$ 尺寸相同。在块匹配搜索过程中,将  $I'_h$ 分块,对每 一个初始高分辨率图像块 P,按照差值平方和 (SSD)最小准则,在 I 中的对应搜索区域中寻找该 块的低分辨率最优匹配块 P'。最后,利用低分辨率 匹配块 P'替代初始高分辨率图像块 P,遍历 I'h中所 有图像块,得到最终超分辨率重建结果 Ih,算法模 型如图 1 所示。不同尺度的叠栅条纹图像局部自相 似性非常高,保证了 I'h中每个图像块 P 都能在 I 中 对应区域找到最佳匹配块 P';叠栅条纹灰度值平 滑,在一定程度上保证了低分辨率图像和最终超分 辨率重建结果在较小的区域内灰度值的一致性。该 算法将原始低分辨率图像尺寸放大,但是仍然保持 了原始低分辨率图像的细节,其效果等同于将 I'h的 像素按缩小系数 1/2 缩小,完成了对图像中像素的 细分,提高了图像的分辨率。同时,重建图像中像素 的灰度值全部来自原低分辨率图像,避免了单纯插 值放大引起的插值错误。



图 1 基于自相似的超分辨率算法模型

Fig. 1 Model of super-resolution algorithm based on self-similarity

本方法可描述如下:

输入:预处理后低分辨率叠栅条纹图像 I; 输出:高分辨率叠栅条纹图像 I<sub>h</sub>。

1) 将 I 插值放大 2 倍,得到初始高分辨率图像 $I'_{h}$ ;

2) 将  $I_h$  重叠分成尺寸为 4 pixel×4 pixel 的图 像块;

3) 对于当前的初始高分辨率图像块 P,定义 P左上方顶点像素为p,假设p在 $I'_h$ 中的位置为( $x_h$ ,  $y_h$ ),计算像素p的对应像素q在I中的位置( $x_h/$ 2, $y_h/2$ ),利用像素q的位置在I中定义最优匹配块 的搜索区域Q,图 2 阐明了Q的选取方法,Q的选 取随着当前初始高分辨率图像块P的右移而变化;

4) 在搜索区域 Q 中按照 SSD 最小准则,搜索 图像块 P 的低分辨率最优匹配块 P',并用 P' 替换 图像块 P,图像块 P 和 P'之间的 S<sub>sp</sub>值计算方法为

$$S_{SD}(\boldsymbol{P},\boldsymbol{P}') = \frac{\sum_{i=1}^{4} \sum_{j=1}^{4} \left[ v(i,j) - u(i,j) \right]^{2}}{4 \times 4}, (5)$$



图 2 块匹配搜索区域 Q 示意图

Fig. 2 Schematic of searching area Q for block matching 式中v(i,j)和u(i,j)分别为图像块P和P'在位置(i,j)处的像素灰度值;

5) 重复步骤 3)和 4),直到完成 I<sup>h</sup>中所有图像 块的处理,得到最终重构结果 I<sub>h</sub>。

#### 2.3 去块效应后处理

基于块匹配操作的图像处理方法常采用欧氏距离

作为匹配块的判定准则,忽视图像块的结构特征。因此,重构图像存在不同程度的块效应。文献[19-20]指出,块效应可见度受图像空间活动性和背景亮度的影响,在复杂的自然图像中或背景亮度大的区域,块效应并不明显。叠栅条纹图像结构简单,灰度值变化平滑,其中的块效应在亮、暗条纹边界处比较明显,大致表现为相邻图像块边界像素灰度值的突变。本文去块后处理算法是从左到右,从上到下两次遍历图像,分别完成水平和竖直方向的去块操作。由于两次遍历计算流程相似,因此只对从左到右的遍历过程做详细说明。

在对尺寸为m pixel×n pixel的图像从左到右 遍历过程中,为了避免冗余计算,首先判断当前图像 块与邻块之间是否存在块效应,设定阈值 $\delta$ ,如果满 足下述条件:

$$\sum_{i=1}^{h} |s[(\beta-1) \times h + i, \alpha \times h - (\beta-1) \times n] - s[(\beta-1) \times h + i, \alpha \times h - (\beta-1) \times n + 1]| \ge \delta,$$
(6)

则,判定当前图像块与相邻块之间存在块效应,式中 *s* [( $\beta$ -1)×*h*+*i*, $\alpha$ ×*h*-( $\beta$ -1)×*n*](*i*=1,2,3,...,*h*) 为当前图像块边缘处像素灰度值;*s*[( $\beta$ -1)×*h*+*i*,  $\alpha$ ×*h*-( $\beta$ -1)×*n*+1](*i*=1,2,3,...,*h*)为右相邻块 边缘处像素灰度值,*h* 为块效应尺寸参数; $\alpha$  为当前图 像块序号, $\beta$  为对( $\alpha$ ×*h*)/*n* 向上取整的结果。

对存在块效应的图像块和相邻块,两图像块边 缘处的像素灰度值计算方法为

 $\begin{cases} s [(\beta - 1) \times h + i, \alpha \times h - (\beta - 1) \times n + 1] = s [(\beta - 1) \times h + i, \alpha \times h - (\beta - 1) \times n + 1] + v \\ s [(\beta - 1) \times h + i, \alpha \times h - (\beta - 1) \times n + 2] = s [(\beta - 1) \times h + i, \alpha \times h - (\beta - 1) \times n + 2] + 2 \times v \\ s [(\beta - 1) \times h + i, \alpha \times h - (\beta - 1) \times n] = s [(\beta - 1) \times h + i, \alpha \times h - (\beta - 1) \times n] - v \\ s [(\beta - 1) \times h + i, \alpha \times h - (\beta - 1) \times n - 1] = s [(\beta - 1) \times h + i, \alpha \times h - (\beta - 1) \times n - 1] - 2 \times v \end{cases}$ (7)

式中 $v = \{s[(\beta-1) \times h + i, \alpha \times h - (\beta-1) \times n - 2] - s[(\beta-1) \times h + i, \alpha \times h - (\beta-1) \times n + 3]\}/5, (i = 1, 2, 3, \dots, h)$ 

## 2.4 算法流程图

将本文完整算法分为重建和去块两个部分,两 个部分的流程图分别如图 3 和图 4 所示,其中去块



图 3 超分辨率算法流程图





图 4 去块效应算法流程图

Fig. 4 Flow chart of debocking algorithm 部分两次图像遍历流程相似,因此流程图中只体现 从左到右的计算过程。

## 3 结果与讨论

为验证本文提出的超分辨率算法和去块后处理 方法的有效性,将采用本文完整算法得到的叠栅条 纹与单帧图像的 POCS 算法、Freedman 算法、只利 用本文超分辨率算法处理的结果从主、客观两方面 进行比较。用于实验的原始图像为用 CCD 阵列采 集的叠栅条纹图像,尺寸为 255 pixel×255 pixel;算 法中各参数取值为:τ=100,δ=20,h=8。基于插 值的超分辨率方法会引入插值错误,不利于后续测 量工作精度的提高。因此,实验中不对插值法与其 他算法得到的结果进行比较。同时,由于单帧图像 的 POCS 算法、Freedman 算法结果中块效应的具 体表现形式与本文超分辨率算法结果中的块效应并 不完全相同,本文提出的去块后处理算法并不适用 于这两种算法,因此也不对这 3 种算法的去块结果 进行比较。

## 3.1 主观效果对比

在对图像进行超分辨率重建之前,首先对图像 进行预处理,然后分别利用4种算法处理。为使图 像细节中的块效应更加明显,在4种算法结果的相 同位置截取图像块进行放大。原始图像与经过预处 理的图像如图5和图6所示。各算法结果及细节放 大主观效果对比如图7~10所示,图中(a)~(d)分 别对应 POCS 算法、Freedman 算法、本文提出的超 分辨率算法和由本文提出的超分辨率算法和去块后 处理算法组成的完整算法(integral 算法)结果。可 以看出,POCS 算法、Freedman 算法和本文提出的 单纯的超分辨率算法结果都存在不同程度的块效 应;其中 POCS 算法结果对比度较低,Freedman 算 法结果在暗条纹边缘处阶梯效应明显。本文完整算 法处理结果与其他算法相比,去块效果良好。



图 5 条纹 1 原始与经过预处理的图像 Fig. 5 Original and preprocessed images of moiré fringe 1



图 6 条纹 2 原始与经过预处理的图像 Fig. 6 Original and preprocessed images of moiré fringe 2



图 7 重建条纹 1 主观效果比较。(a) POCS 算法;(b) Freedman 算法;(c)超分辨率算法;(d)完整算法 Fig. 7 Subjective effect comparison of reconstructed moiré fringe 1. (a) POCS algorithm;

(b) Freedman algorithm; (c) super-resolution algorithm; (d) integral algorithm



图 8 条纹 1 细节放大对比。(a) POCS 算法;(b) Freedman 算法;(c)超分辨率算法;(d)完整算法 Fig. 8 Enlarged detail comparison of moiré fringe 1. (a) POCS algorithm; (b) Freedman algorithm; (c) super-resolution algorithm; (d) integral algorithm

## 3.2 客观指标对比

由于实验采用的两幅图像没有高分辨率参考图像,为了对算法结果进行定量评价,本节采用无参考 图像质量评价指标,选取 BRISQUE<sup>[21]</sup>、NIQE<sup>[22]</sup>、 DIIVINE<sup>[23]</sup>等评价算法,分别从空域和小波域角度 评价图像质量。这3种指标的数值越小,表示被测 试图像的质量越高,结果如表1~2所示。



图 9 重建条纹 2 主观效果比较。(a) POCS 算法;(b) Freedman 算法;(c)超分辨率算法;(d)完整算法 Fig. 9 Subjective effect comparison of reconstructed moiré fringe 2. (a) POCS algorithm; (b) Freedman algorithm; (c) super-resolution algorithm; (d) integral algorithm



图 10 条纹 2 细节放大对比。(a) POCS 算法;(b) Freedman 算法;(c)超分辨率算法;(d)完整算法

Fig. 10 Enlarged detail comparison of moiré fringe 2. (a) POCS algorithm; (b) Freedman algorithm;

(c) super-resolution algorithm; (d) integral algorithm

![](_page_5_Figure_7.jpeg)

algorithms for more timger				
Algorithm	BRISQUE	NIE	DIIVINE	
POCS	96.502	21.412	59.870	
Freedman	94.219	20.603	37.903	
Super-resolution	93.051	22.144	37.411	
Integral	91.430	20.697	34.691	
表 2 叠栅条纹 2 各算法结果比较				

 Table 2
 Result comparison among different

algorithms for moiré fringe 2

Algorithm	BRISQUE	NIQE	DIIVINE
POCS	96.029	19.285	75.261
Freedman	93.513	20.814	60.254
Super-resolution	92.657	19.595	56.622
Integral	92.528	19.358	56.269

由表 1 和表 2 的客观指标对比结果可知,本文 完整算法的 BRISQUE 和 DIIVINE 评价指标均明 显优于改进的 POCS 算法和 Freedman 算法;在采 用 NIQE 指标评价时,结果比 Freedman 算法和 POCS 算 法略差,指标差值均在 0.1 以内,但 Freedman 算法和 POCS 算法结果的主观效果比本 文完整算法差。综合主观视觉效果与客观指标的比 较结果可知,本文完整算法在处理叠栅条纹图像时 具有显著优势。

## 4 结 论

提出了基于超分辨率的叠栅条纹图像处理算

法,既充分结合了叠栅条纹图像结构相似性高的特 点,又考虑了对图像进行块操作引起的块效应。结 果表明,利用本文算法处理的叠栅条纹图像,无论在 主观效果,还是在客观指标方面都表现良好,体现出 比同类传统算法更为优越的性能。然而,目前存在 的无参考图像质量评价算法主要适用于自然图像评 价,对叠栅条纹图像的评价结果并不理想。因此,下 一步研究的重点是获得能更加准确地评价叠栅条纹 图像质量的算法。

#### 参考文献

- Qiao Y F, Wang C L, Li X R, et al. Measurement of torsion angular distortion based on moiré fringe [J]. Optics and Precision Engineering, 2008, 16 (11): 2132-2139.
   乔彦峰,王成龙,李向荣,等.莫尔条纹测量扭转变 形角的方案研究[J].光学精密工程, 2008, 16(11): 2132-2139.
- [2] Lü Q, Li W H, Bayanheshig, et al. Interferometric precision displacement measurement system based on diffraction grating[J]. Chinese Optics, 2017, 10(1): 39-50.

吕强,李文昊,巴音贺希格,等.基于衍射光栅的干
涉式精密位移测量系统[J].中国光学,2017,10(1):
39-50.

[3] Chen J, Gao H B, Wang W G, *et al*. Methods and applications of image super-resolution restoration[J].

Laser & Optoelectronics Progress, 2015, 52(2): 020004.

陈健,高慧斌,王伟国,等.图像超分辨率复原方法 及应用[J].激光与光电子学进展,2015,52(2): 020004.

- [4] Weng J W, Tan S Y. Imaging resolution of selfinterference incoherent digital holographic system[J]. Chinese Journal of Lasers, 2016, 43(6): 0609006.
  翁嘉文,谭穗妍. 自干涉非相干全息成像系统分辨率 [J]. 中国激光, 2016, 43(6): 0609006.
- [5] Yao Y, Qiao Y F, Zhong X, et al. Super-resolution reconstruction of staring imaging degraded model
  [J]. Acta Optica Sinica, 2017, 37(8): 0810003.
  姚烨,乔彦峰,钟兴,等.凝视成像降质模型的超分
  辨率重建[J].光学学报, 2017, 37(8): 0810003.
- [6] Tsai R T, Huang T S. Multiframe image restoration and registration [J]. Advances in Computer Vision and Image Processing, 1984, 1(7): 317-339.
- [7] Tan Z, Xiangli B B, Lü Q B, et al. A sequence images super-resolution enhancement approach based on frequency-domain[J]. Acta Optica Sinica, 2017, 37(7): 0710001.
  谭政,相里斌,吕群波,等.一种基于频域的序列图 像超分辨率增强方法[J].光学学报,2017,37(7):
- [8] Freeman W T, Jones T R, Pasztor E C. Examplebased super-resolution [J]. IEEE Computer Graphics and Applications, 2002, 22(2): 56-65.

0710001.

- [9] Sun J, Xu Z B, Shum H Y. Gradient profile prior and its applications in image super-resolution and enhancement [J]. IEEE Transactions on Image Processing, 2011, 20(6): 1529-1542.
- [10] Chang H, Yeung D Y, Xiong Y M. Super-resolution through neighbor embedding [C] // IEEE Computer Society Conference on Computer Vision and Pattern Recognition, 2004, 1: 275-282.
- [11] Gao X B, Zhang K B, Tao D C, et al. Joint learning for single-image super-resolution via a coupled constraint [J]. IEEE Transactions on Image Processing, 2012, 21(2): 469-480.
- [12] Yang J, Wright J C, Huang T S, et al. Image superresolution via sparse representation [J]. IEEE

Transactions on Image Processing, 2010, 19(11): 2861-2873.

- [13] Zeyde R, Elad M, Protter M. On single image scaleup using sparse-representations [C] // International Conferences on Curves and Surfaces, 2010: 711-730.
- [14] Wang J J, Zhu S H, Gong Y H. Resolution enhancement based on learning the sparse association of image patches [J]. Pattern Recognition Letters, 2010, 31(1): 1-10.
- [15] Suetake N, Sakano M, Uchino E. Image superresolution based on local self-similarity [J]. Optical Review, 2008, 15(1): 26-30.
- [16] Glasner D, Bagon S, Irani M. Super-resolution from a single image[C] // IEEE International Conference on Computer Vision, 2009: 349-356.
- [17] Lu X Q, Yuan H L, Yan P K, et al. Geometry constrained sparse coding for single image superresolution [C] // IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition, 2012: 1648-1655.
- [18] Freedman G, Fattal R. Image and video upscaling from local-examples [J]. ACM Transactions on Graphics, 2011, 30(2): 12-22.
- [19] Coudoux F X, Gazalet M, Corlay P. Reduction of blocking effect in DCT-coded images based on a visual perception: criterion [J]. Signal Processing Image Communication, 1998, 11(3): 179-186.
- [20] Karunasekera S A, Kingsbury N G. A distortion measure for blocking artifacts in images based on human visual sensitivity [J]. IEEE Transactions on Image Processing, 1995, 4(6): 713-724.
- [21] Mittal A, Moorthy A K, Bovik A C. No-reference image quality assessment in the spatial domain [J].
   IEEE Transactions on Image Processing, 2012, 21 (12): 4695-4708.
- [22] Mittal A, Soundararajan R, Bovik A C. Making a "completely blind" image quality analyzer [J]. IEEE Signal Processing Letters, 2013, 20(3): 209-212.
- [23] Moorthy A K, Bovik A C. Blind image quality assessment: from natural scene statistics to perceptual quality [J]. IEEE Transactions on Image Processing, 2011, 20(12): 3350-3364.