# 基于软指派算法的相机位姿估计研究

杜广胜, 丛明\*, 刘毅, 刘冬

大连理工大学机械工程学院, 辽宁 大连 116024

**摘要** 针对未知特征点匹配关系下的单目相机位姿估计问题,提出了一种基于软指派算法的相机位姿估计算法。 结合了正交迭代算法和软指派算法,以三维(3D)和二维(2D)特征点的物方空间共线性误差作为确定特征点之间 匹配关系的指派依据和计算相机位姿的目标函数值,通过迭代方式确定特征点的匹配关系和相机的位姿。其不仅 能处理 3D/2D 特征点——对应的情况,而且能够处理同时存在遮挡的 3D 特征点和错误的 2D 特征点的情况。合 成图像的实验结果表明:在含有图像噪声、遮挡的 3D 特征点和错误的 2D 特征点情况下,该算法的成功率>82%, 真实图像实验对算法的性能进行了验证。

关键词 机器视觉; 位姿估计; 正交迭代算法; 指派算法 中图分类号 TP391.41 文献标识码 A

doi: 10.3788/LOP55.091501

## Camera Pose Estimation Based on Softassign Algorithm

Du Guangsheng, Cong Ming\*, Liu Yi, Liu Dong

School of Mechanical Engineering, Dalian University of Technology, Dalian, Liaoning 116024, China

**Abstract** Aiming at the problem of monocular camera pose estimation under the matching relations of unknown feature points, a new camera pose estimation algorithm is proposed based on the Softassign algorithm. Based on the advantages of orthogonal iteration and Softassign algorithm, the collinear error of the object space in threedimensional (3D) feature points and two-dimensional (2D) feature points is used as the basis for determining the matching relationship between feature points and the objective function value for calculating the camera pose. A iteratively way determines the matching relationship of feature points and the pose of the camera. It can handle the case where the 3D/2D feature points are in one-to-one correspondence, and the case which occlude 3D feature points and erroneous 2D features. The results of the synthetic image experiments show that the success rate of this algorithm is over 82% in one case with image noise, occlusion and clutter. The experiment of real image can verify the property of algorithm.

Key words machine vision; pose estimation; orthogonal iteration; assignment algorithm OCIS codes 150.1135; 120.0280; 110.3925; 100.4995

1 引 言

相机位姿求解问题是机器视觉领域的基础研究 内容,在相机内参数已知的情况下,根据一组二维 (2D)特征点和对应的三维(3D)特征点,求解相机的 位姿,又称为透视 n 点成像(PnP)问题。成熟的解 决方法如解析算法<sup>[1-2]</sup>、迭代算法<sup>[3-5]</sup>和全局优化算 法<sup>[6]</sup>等已广泛应用于手眼标定、物体追踪、自主巡 航、增强现实等技术<sup>[7]</sup>。在机器人自动化装配等新 领域中,相机位姿估计所用到 3D/2D 特征点匹配关 系未知,而且包含无对应特征点的 2D 特征点(2D 伪特征点)和 3D 特征点(3D 遮挡特征点),这类问题称之为同时确定相机位姿和特征点匹配关系问题<sup>[8]</sup>。

该问题的解决方案包括假设检验法和迭代算法。随机采样一致性(RANSAC)算法<sup>[9]</sup>是一种假设检验法,其原理是随机假设一小部分 2D/3D 特征 点相对应,采用线性变换方法求解相机的位姿,将求 解的位姿结果应用于其他特征点以检验是否正确。 该算法的缺点是搜索速度慢,计算复杂度高,容易返

收稿日期: 2018-02-23; 修回日期: 2018-03-23; 录用日期: 2018-04-02

基金项目: 国家自然科学基金(51575078)

<sup>\*</sup> E-mail: congm@dlut.edu.cn

回局部最优值。SoftPOSIT 算法<sup>[10-11]</sup> 是一种确定 相机位姿和特征点匹配关系的优化算法,将迭代求 解 PnP 问题的比例正交投影迭代变换(POSIT)算 法<sup>[4]</sup>和软匹配(Softassign)算法<sup>[12]</sup>结合为全局优化 算法,该算法的可靠度高,但缺点是 POSIT 算法的 局限性导致目标到相机的距离较近时搜索结果不收 敛。其他学者将 SoftPOSIT 算法与遗传算法相结 合<sup>[8]</sup>,将初始值作为个体,在种群迭代过程中,以 SoftPOSIT 算法的目标函数作为适应度函数,通过 遗传算法的筛选、交叉和变异机制,最终得到最优的 结果,该算法改进了初始值的给定方法,但是在特征 点数量较低时收敛效果不明显。SoftSI 算法<sup>[13]</sup>是 将基于形状的迭代算法(SI)和 Softassign 算法结合 起来,通过奇异值分解得到相机的位姿。SoftSI 算 法避免了姿态模糊,但其时间复杂度高,不能处理存 在 3D 错误特征点和 2D 伪特征点的情况,应用范围 有限。

基于运动质点系的相机位姿估计(PSKPE)算 法<sup>[14-15]</sup>是将共线性误差<sup>[5]</sup>和匹配矩阵<sup>[16]</sup>相结合,用 于特征点对应关系未知的相机位姿估计,不仅可以应 用于 2D/3D 特征点一一对应问题,还可以应用于存 在 3D 遮挡特征点和 2D 伪特征点的情况,但是当二 者同时存在时,算法无法得到正确解,此外,该算法 搜索速度慢,得到的相机位姿精度低。其他方法则 采用了增加传感器的方式进行测量,精度有较大的 提升[17-19]。

在机器人自动化装配中,为了提高定位精度,工件尽量占满相机的视野,因而距离相机较近,而 POSIT 算法应用的前提是工件在相机坐标系 z 轴 方向的厚度远小于其在 z 轴方向的深度,当工件与 相机较近时,SoftPOSIT 算法收敛缓慢,成功率低, 而其他算法耗时长,难以满足时间要求,因此有必要 对现有算法进行改进。在文献[14-15]的基础上,本 文提出了改进的基于软指派算法的相机位姿估计算 法,将 Softassign 算法与正交迭代(OI)算法融合在 一起,在不增加算法时间复杂度的情况下,可以解决 同时存在 3D 遮挡特征点和 2D 伪特征点的相机位 姿估计问题,并对提出的算法进行了实验验证和 分析。

### 2 算法描述

#### 2.1 物方空间共线性误差

如图 1 所示,假设世界坐标系 W-XYZ 下存在 一点  $P^*$ ,其坐标表示为  $P^* = (X^*, Y^*, Z^*)^{T}$ ,经过 旋转和平移之后,对应相机坐标系  $O_c$ - $X_cY_cZ_c$  下 的点  $P^c$ ,坐标表示为  $P^c = (X^c, Y^c, Z^c)^{T}, P^c$  和  $P^*$ 之间的转换关系为

$$\boldsymbol{P}^{\mathrm{c}} = \boldsymbol{r} \boldsymbol{P}^{\mathrm{w}} + \boldsymbol{t} \,, \tag{1}$$

式中:**r** 为旋转矩阵,是 3×3 单位正交阵,满足  $r^{T}r = I; t = (t_x, t_y, t_z)^{T}$  为平移向量。





假定相机的焦距为 f,则点  $P^{\circ}$  投影到图像物理 坐标系 o-xy 上的点为 p,表示为  $p = (x_0, y_0)^{\mathrm{T}}$ ,由 于噪声和误差, $P^{\circ}$  实际投影到图像上的点为  $p^{\circ} = (x_0^{\circ}, y_0^{\circ})^{\mathrm{T}}$ ,与理想图像点 p 不重合,则点  $P^{\circ}$  到视线  $\overline{O_{c} p^{\circ}}$ 的距离可以表示为

$$d^{2} = \| (\mathbf{V} - \mathbf{I}) \mathbf{P}^{c} \|^{2} = \| (\mathbf{V} - \mathbf{I}) (\mathbf{r} \mathbf{P}^{w} + \mathbf{t}) \|^{2},$$
(2)

式中d即为点 $P^{\circ}$ 与图像点 $p^{\circ}$ 之间的物方空间共

线性误差<sup>[5]</sup>,V 为视线 $O_{\rm C}p^{\circ}$ 的投影矩阵:

$$\mathbf{V} = \frac{\mathbf{v}\mathbf{v}^{\mathrm{T}}}{\mathbf{v}^{\mathrm{T}}\mathbf{v}}, \mathbf{v} = (X_{0}^{\mathrm{e}}, Y_{0}^{\mathrm{e}}, f)^{\mathrm{T}}.$$
(3)

# 2.2 相机位姿估计算法

已知一组由 L 个 3D 特征点  $P_{k}^{w}$  组成的点集,在 W-XYZ 下的坐标表示为 { $P_{k}^{w} = (X_{k}^{w}, Y_{k}^{w}, Z_{k}^{w}), k =$ 1,2,...,L},和一组由 N 个 2D 特征点  $p_{k}$  组成的点 集,在图像物理坐标系 o-xy 下的坐标表示为  ${p_i = (x_i, y_i)^{T}, i = 1, 2, \dots, N}$ ,特征点之间的匹 配关系未知,由(1)式得相机坐标系  $O_c$ - $X_cY_cZ_c$ 下 特征点集  ${P_k^c} = (X_k^c, Y_k^c, Z_k^c)^{T}, k = 1, 2, \dots, L}$ , 3D 特征点  $P_k^w$ 与 2D 特征点  $p_i$ 之间的共线性误差可以 根据(2)式表示为

$$l_{ik}^{2} = \| (\boldsymbol{V}_{i} - \boldsymbol{I}) (\boldsymbol{R} \boldsymbol{P}_{k}^{w} + \boldsymbol{T}) \|^{2}, \qquad (4)$$

式中 $V_i$  为视线 $\overline{O_c p_i}$ 的投影矩阵,由(3)式求得,**R** 为旋转矩阵, $\mathbf{T} = [T_x \ T_y \ T_z]^T$ 为平移矩阵。

在特征点匹配关系未知情况下,必须在确定特 征点之间的匹配关系之后进行相机位姿估计,根据 (4)式得到的结果,采用 Softassign 算法对 3D/2D 特征点进行匹配。构建距离矩阵  $D = [d_{ik}^2]_{N \times L}$ 和匹 配概率矩阵  $M = [m_{ik}]_{(N+1) \times (L+1)}$ ,匹配概率矩阵 M第 N+1行和第 L+1列由松弛元素组成,其中  $m_{ik}$ 代表  $p_i 与 P_k^c$ 的匹配权重,是一个连续变量,取值范 围为  $m_{ik} \in [0,1]$ 。该匹配概率矩阵具有以下特点: 当  $m_{ik} = 0$ 时, $p_i 与 P_k^c$ 完全不匹配;当  $m_{ik} = 1$ 时,  $p_i 与 P_k^c$ 完全匹配;当  $m_{i(L+1)} = 1$ 时,标记  $p_i$ 为 2D 伪特征点;当  $m_{(N+1)k} = 1$ 时,标记  $P_k^c$ 为遮挡 3D 特 征点,使得匹配概率矩阵能够处理 3D 遮挡特征点 与图像 2D 伪特征点同时出现的情况。同时确定相 机位姿和特征点匹配关系问题转化为求解优化函数 最小值:

$$\min E = \sum_{i=1}^{N} \sum_{k=1}^{L} m_{ik} d_{ik}^{2} \,. \tag{5}$$

当给定距离矩阵 **D** 时,匹配概率矩阵 **M** 可以 由算法 1 求得:1) 取 N、L 中较大的值,赋值给  $n_{\max}$ ,令 $S_{\text{scale}} = 1/n_{\max}$ ;2) 令 $m_{ik} = S_{\text{scale}}$ ,1 $\leq i \leq N+$ 1, 1  $\leq k \leq L + 1$ ; 3) 令  $m_{ik} = S_{\text{scale}}$  • exp $[-\beta(d_{ik}^2 - \alpha)]$ ,1 $\leq i \leq N$ ,1 $\leq k \leq L$ ;4) 将匹配 矩阵的元素归一化,使得每一行每一列元素之和为 1, 即  $\sum_{i=1}^{N+1} m_{ik} = 1$ ,  $\sum_{k=1}^{L+1} m_{ik} = 1$ ,得到匹配概率 矩阵 **M**。

算法 1 中, $\beta$  为模拟退火参数,在迭代过程中逐 渐增大; $\alpha$  为误差阈值,避免了匹配概率矩阵的松弛 元素全部退化为 1。相机位姿的估计过程即在视线  $\overline{O_c p_i}$ 对匹配点  $P_k^{\circ}$  的引力作用下, $P_k^{\circ}$  向视线 $\overline{O_c p_i}$ 靠 近的过程,当 M 逐渐退化为置换矩阵时,(5)式优化 函数达到最小值,从而得到相机的位姿。

将所提出的确定相机位姿和特征点匹配关系算 法标记为 SoftOI 算法,算法的步骤如下。

1) 将 *L* 个质点视作质点系,设质心为 *P*<sup>w</sup>,质心 坐标为

$$\boldsymbol{P}_{c}^{w} = \frac{1}{L} \sum_{k=1}^{L} \boldsymbol{P}_{k}^{w} \,. \tag{6}$$

2) 给定相机位姿估计的初始值  $R_0$  和  $T_0$ ,令  $R = R_0$ ,  $T = T_0$ ,将世界坐标系的原点平移到质心  $P_{e}^{w}$ 处,新世界坐标系下的 3D 特征点集表示为  $\{P_{k}^{w'} = (X_{k}^{w'}, Y_{k}^{w'}, Z_{k}^{w'}), k = 1, 2, \cdots, L\}$ ,设新世界坐 标系转换到相机坐标系的平移向量为 T',则

$$\boldsymbol{P}_{k}^{c} = \boldsymbol{R} \boldsymbol{P}_{k}^{w'} + \boldsymbol{T}', \qquad (7)$$

$$\boldsymbol{T} = \boldsymbol{T}' - \boldsymbol{R} \boldsymbol{P}_{c \circ}^{\mathsf{w}} \tag{8}$$

3) 设定图像噪声  $\sigma$ 、 $\tau$ 、匹配参数  $\lambda = [\lambda_n]_{1\times 300}$ 、 迭代代数 n、迭代系数  $\beta_{update}$  和  $\beta_{final}$ , 令  $\alpha = \sigma^2 + 1$ , n = 1。

4) 计算视线 $\overline{O_{c}p_{i}}$ 对点  $P_{k}^{c}$ 的引力  $F_{ik} = (V_{i} - I)(RP_{k}^{w'} + T')$ 、距离矩阵 D 和匹配概率矩阵 M。

5) 根据每个 3D 特征点受到的合力  $F_{k} = \sum_{i=1}^{N} m_{ik} F_{ik}$ ,求得引力对质心的主矩为

$$\boldsymbol{T}_{c} = \sum_{k=1}^{L} \boldsymbol{r}_{k} \times \boldsymbol{F}_{k} , \qquad (9)$$

式中 $r_k = P_k^c - T'$ ,为 $P_k^c$ 相对于质心的矢径。

6)根据文献[14]的质点系运动原理得质点系的角加速度为

$$\boldsymbol{\alpha} = (\boldsymbol{J}_{c})^{-1} \boldsymbol{T}_{c}, \qquad (10)$$

式中J。为质点系相对于质心的转动惯量。

7) 将 R 的分向量分别绕 α 转过 | α | 弧度,得到 新的旋转矩阵 R。

8) 计算 T'关于旋转矩阵 R 的最优解为

$$\boldsymbol{I} = \left[\sum_{i=1}^{N} \sum_{k=1}^{L} m_{ik} (\boldsymbol{I} - \boldsymbol{V}_{i})\right]^{-1} \left[\sum_{i=1}^{N} \sum_{k=1}^{L} m_{ik} (\boldsymbol{V}_{i} - \boldsymbol{I}) \boldsymbol{R} \boldsymbol{P}_{k}^{\boldsymbol{w}'}\right].$$
(11)

9) 计算匹配矩阵 M 中特征点匹配对数  $P_{\text{match}}$ 。 如果  $P_{\text{match}} < \lambda_n \cdot L$ ,则结束算法,返回空值;否则执 行下一步。

10) 计算目标函数值 *E*。如果 *E*<τ 或者  $\beta$ >  $\beta_{final}$ 超出了取值范围,根据(8)式计算 *T* 值,结束算 法,否则,令  $\beta = \beta \cdot \beta_{update}$ 、n = n + 1,转到步骤 4)继续 迭代计算。

给定的随机初始值 **R**。和 **T**。决定了 SoftOI 算 法能否搜索到正确的相机位姿,当判断 SoftOI 算法 搜索结果不收敛时,需要及时终止本次搜索以节约 时间,并重新给定随机初始值 **R**。和 **T**。进行搜索, 循环往复直至该算法搜索到正确的相机位姿。当 SoftOI 算法 迭代 到 第 *n* 次,特征点匹配对数  $P_{\text{match}} < \lambda_n \cdot L$ 时,认定 SoftOI 算法搜索结果不收 敛,终止本次搜索。 $P_{\text{match}} < \lambda_n \cdot L$ 既作为是否是正 确的相机位姿的判断条件,又作为是否提前终止搜 索的判断条件,加快了算法的搜索速度。在算法迭 代过程中,特征点匹配对数的变化趋势是随着迭代 次数的增加而逐渐增大,因此匹配参数 $\lambda_n$ 应该逐渐 增大。根据实验结果得, $\lambda_n$ 的最大值为 $\lambda_{\text{max}} = 0.5$ 时搜索效率最高。当 SoftOI 算法给定  $\eta$  次初始值 后仍返回空结果,认定相机位姿估计失败。

与文献[14-15]对比,所提出的算法在匹配概率 矩阵的确定、平移向量的计算和终止条件上做出了改 进:1)匹配系数为连续变量,保留了特征点之间的匹 配可能性,能够处理 3D特征点被遮挡与图像 2D 伪 特征点同时出现的情况;2)由更新后的旋转矩阵计 算新的平移向量,与上一次迭代的平移向量无关,提 高了迭代速度;3)迭代中判断匹配点对数是否满足 预设比例,以便及时终止当前搜索,节约搜索时间。

3 实验与分析

### 3.1 合成图像实验

相机位姿估计算法的 2 个重要的指标是算法的 成功率和所用时间,因此将在此部分对上述指标进 行探讨。采用计算机仿真的方式,随机生成 3D/2D 特征点,探讨特征点对的数量、图像噪声、2D 伪特征 点比例和 3D 遮挡特征点比例对算法成功率和运行 时间的影响。

合成图像实验根据已知的相机参数模拟产生随

机 3D 特征点和其对应的 2D 特征点,同时添加图像 噪声和干扰点,仿真实验包括以下 5 个参数: $\sigma$ 、L、 a、b和 $n_i$ 。其中, $\sigma$ 为图像噪声的标准差,单位为 pixel;L 为仿真实验中 3D 特征点的数量;a为 3D 遮挡特征点在 3D 特征点中所占的比例;b为 2D 伪 特征点在 2D 特征点中所占的比例; $n_i$ 则为上述 4 个参数组合中,每次实验重复的次数,此外,设定每 一次实验中随机搜索执行次数  $\eta$  最高为 10000。在 计算机上创建的虚拟相机焦距为 760 pixel,成像尺 寸为 1600 pixel×1600 pixel,每次实验中,3D 特征 点随机分布在相机坐标系中[-2,2]×[-2,2]× [4,9]的区域内,3 个旋转角在[ $-90^\circ,90^\circ$ ]之间随机 产生,初始平移向量的取值范围是[-5,5]×[-5, 5]×[0,10],单位为 m。

相机位姿估计结果评估中,位姿误差的定义为  $p_{\text{err}} = \| \mathbf{R}_{\text{est}} \mathbf{T}_{\text{est}} - \mathbf{R}_{\text{ture}} \mathbf{T}_{\text{true}} \|,$  (12) 式中  $\mathbf{R}_{\text{est}} \mathbf{T}_{\text{est}}$ 为算法搜索结果值, $\mathbf{R}_{\text{ture}} \mathbf{T}_{\text{ture}}$ 为真实值。

图 2 为合成图像实验的实验过程,含有的 17 个 2D 特征点和 3D 特征点中,包括 2 个 3D 遮挡特征 点和 2D 伪特征点,其中绿色圆圈代表 2D 特征点, 红点代表 3D 特征点,连接线是为了方便观察而设 置,不影响结果。图 2(a)是给定初始值后 3D 特征 点重投影与 2D 特征点的分布情况,图 2(b)代表第 7 次迭代后的结果,图 2(c)则是最终的计算结果;当 红点位于绿色圆圈中,代表 3D/2D 特征点相对应, 反之,则无对应点,观察可得,最终结果中包含 2 个 3D 遮挡特征点和 2D 伪特征点。





图 3 为特征点数量、2D 伪特征点比例和 3D 遮 挡特征点比例对算法成功率、算法运行时间和位姿 估计误差等结果的影响图。实验中,取图像噪声的 标准差 $\sigma$ =0.5,3D 特征点的数量为 $L \in \{10, 20, 30, 40, 50\}, a \in \{0, 0.2, 0.4\}, b \in \{0, 0.2, 0.4\}, 实验次数$  $为<math>n_t$ =100。由图 3(a)可以得出,合成图像实验成 功率在 92%以上,随着 3D 特征点数量增多,成功率

逐渐升高;随着 a 和 b 的值升高,成功率逐渐下降。 这是因为 3D 特征点数量越多,相机位姿的迭代结 果越准确,由于 a 和 b 代表干扰点的比例,干扰点的 比例越大,越容易陷入局部最优而返回空结果,使成 功率降低。由图 3(b)分析可得,算法的耗时随着特 征点数量的增多而增大,但 a 和 b 对算法耗时影响 不大,这是由于算法的时间复杂度与特征点的数量 相关,干扰点比例不影响特征点总数,因此不影响算法的时间复杂度。由图3(c)可得,估计的相机位姿误差随着特征点的数量增大而呈减小趋势,这是因

为特征点的数量越多,图像噪声引起的随机误差之间相互抵消,因而位姿误差逐渐减小。





(b) time consuming; (c) pose estimation error

图 4 为图像噪声对相机位姿估计结果的影响 图,其中 $\sigma \in \{0,1,2,3,4,5\}, L \in \{10,20,30,40,50\}, a = b = 0, n_i = 100$ 。由图 4(a)可得,当 3D 特征 点数量不变时,随着图像噪声 $\sigma$ 增大,成功率逐渐下降;同一噪声水平下,随着特征点数量增大,成功率 先增大后减小,所有实验成功率> 82%。该实验结 果表明图像噪声对算法的成功率影响较大,图像噪 声越大,算法的成功率越低。这是因为噪声干扰了 特征点之间的匹配关系,从而导致成功率下降。由 图 4(b)可得,图像噪声增加了算法的耗时。由图 4 (c)可得,当特征点数量不变时,随着图像噪声增大, 位姿估计误差逐渐增大;当图像噪声不变时,3D 特 征点数量越多,位姿估计误差越小。这是由于图像 噪声越大,估计的位姿越不准确,当 3D 特征点逐渐 增多时,特征点之间的误差相互抵消,减弱了图像噪 声的影响。





Fig. 4 Effects of pattern noise on the camera pose estimation. (a) Success rate; (b) time consuming; (c) pose estimation error

将所提出的 SoftOI 算法与文献[14]的 PSKPE 算法进行比较,令 $\sigma = 2$ 、 $L \in \{10, 20, 30, 40, 50\}$ 、  $n_i = 100$ 。由于 PSKPE 算法无法处理同时存在 3D 遮挡特征点和 2D 伪特征点的情况,则分别在 a = b = 0、 $a = 0 \ b = 0.1$  和  $a = 0.1 \ b = 0$  情况下进行实 验,PSKPE 算法的迭代次数最高为 20000。图 5 是 实验对比结果,从图 5(a)可以得出,当a = b = 0 时, SoftOI 算法的成功率低于 PSKPE 算法,其他情况 下,SoftOI 算法的成功率与 PSKPE 算法基本持平 或者高于 PSKPE 算法;随着特征点数量增加, PSKPE 算法的成功率下降地更快一些。由图 5 (b)、(c)可知,SoftOI 算法的运算时间较少,误差较 大。改进的平移向量计算方式和迭代终止条件,使 得 SoftOI 算法耗时减少,同时保证了较高的成功 率,而 PSKPE 算法每次搜索的迭代次数均为 20000,在牺牲了时间的情况下,获得了较高的精度。 而改进的匹配概率矩阵计算方式,使得 SoftOI 算法 的应用范围更广。



图 5 SoftOI 和 PSKPE 算法实验对比结果。(a)成功率;(b)所耗时间;(c)位姿估计误差 Fig. 5 Comparison results of SoftOI and PSKPE algorithms. (a) Success rate;

(b) time consuming; (c) pose estimation error

将所提出的 SoftOI 算法与文献[10]的 SoftPOSIT 算法进行更全面的对比。令 $\sigma=0,L \in \{10,20,30,40,50\}, a=b=0.1, n_t=100, 在实验中$  $引入相对距离 <math>r_d$  的概念,即:

$$r_{\rm d} = \frac{T_z}{d}, \qquad (13)$$

式中  $T_z$  为平移矩阵中的第三个元素,d 为 3D 特征 点质点系的直径, $d = \frac{2}{L} \sum_{k=1}^{L} (\mathbf{P}_k^w - \mathbf{P}_c^w)$ 。取  $r_d \in \{1,3,5,7\}$ ,对两种算法进行实验。

图 6 所示为 SoftOI 与 SoftPOSIT 算法的实验 对比结果。由图 6(a)可得,实验中 SoftOI 算法成 功率高于 SoftPOSIT 算法的成功率,在特征点数量 不变的情况下,r<sub>d</sub>对SoftOI算法的成功率影响较 小,而r<sub>d</sub>越小,SoftPOSIT的成功率越低;当特征点数量较少时,SoftPOSIT算法成功率较低。由图 6 (b)可知,在L和r<sub>d</sub>值一定的情况下,SoftOI算法的搜索时间要小于SoftPOSIT算法的搜索时间;随着r<sub>d</sub>增大,SoftOI算法的搜索时间增加,SoftPOSIT算法的搜索时间减少。由图 6(c)可知,实验条件相同时,SoftOI算法的位姿估计误差小于SoftPOSIT算法的位姿估计误差。综上所述,SoftOI算法在成功率、耗时和位姿误差上要优于SoftPOSIT算法,这是因为 OI算法无应用的限制条件,对近场(r<sub>d</sub>较小)情况下的相机位姿估计更迅速准确,而POSIT算法在近场情况下收敛速度慢或者不收敛,导致成功率低,耗时长;在终止条件上,SoftOI算法采用的空间误差比SoftPOSIT算法采用的图像误差更精确,因而位姿误差更低。





#### 3.2 真实图像实验

实验采用真实图像对算法进行验证,图像由焦 距为 1391 pixel 的相机对真实物体拍照所得,图像 尺寸为 1920 pixel × 1080 pixel,主点位于 (971.850 pixel,520.210 pixel),噪声的标准差取 $\sigma$ = 1,其他参数与数字仿真实验相同。

实验中被拍摄物体为一T型装配体,如图7所

示。从图像中选取 10 个点作为 2D 特征点,如图 7 (a)所示;从装配体中选取 11 个角点作为 3D 特征 点,为了更直观的展示,将 3D 特征点重投影到图像 上,如图 7(b)、(c)所示。为了验证算法的稳定性, 特征点中包含了 3 个 3D 遮挡特征点和 2 个 2D 伪 特征点。图 7(b)为算法迭代到第 7 次的重投影效 果,图 7(c)为算法最终结果下的重投影效果。3D 特征点的重投影点逐渐靠近图像中相匹配的点,最 终完全重合。将一虚拟长方体投影到装配体上,如 图 7(d)所示,虚拟长方体与物体及周围的环境相符 合,说明相机位姿估计误差较小。该实验运行次数 为 20,成功次数为 19,成功率为 95%,搜索时间平 均为 2.67 s,实验证明,该算法能在真实图像中快速 准确地获得相机的位姿。



- 图 7 真实图像的相机位姿估计过程。(a) 2D 特征点设置; (b)算法运行至第 7 次时的结果;(c)最终的 3D 特征点 重投影结果;(d)虚拟长方体的投影结果
- Fig. 7 Camera pose estimation process of real image.
- (a) Configuration of 2D feature points;(b) result after the 7th iteration;(c) final reprojection result of the 3D feature points;(d) projection result of virtual cube

### 4 结 论

针对 3D/2D 特征点对应关系未知的情况,提出 了一种结合了 Softassign 算法和 OI 算法的相机位 姿估计算法,通过 3D/2D 特征点之间的共线性误差 确定特征点的匹配关系,从而计算相机的位姿。实 验表明:该算法在不增加算法复杂度的情况下能够 处理同时存在 3D 遮挡特征点和 2D 伪特征点的情 况;加入了图像噪声后,成功率>82%。与其他算法 对比,该算法的成功率高、相机位姿估计误差小,在 被测物体距离相机较近的场景中,估计相机位姿成 功率高,适用于机器人装配等领域。未来将在存在 图像噪声环境下提高算法的成功率方面做进一步深 入研究,并将该算法应用到机器人装配领域中。

### 参考文献

- [1] Vincenl L, Francesc M N, Pascal F. EPnP: an accurate O (n) solution to the PnP problem [J]. International Journal of Computer Vision. 2009, 81 (2): 155-166.
- [2] Hesch J A, Roumeliotis S I. A direct least-squares

(DLS) method for PnP[C] // Proceedings of IEEE International Conference on Computer Vision, 2011: 383-390.

- [3] Dai D K, Wang X S, Hu C S, et al. Camera calibration and attitude measurement technology based on astronomical observation [J]. Acta Optica Sinica, 2012, 32(3): 0312005.
  戴东凯,王省书,胡春生,等.基于天文观测的相机 标定及姿态测量技术研究[J].光学学报, 2012, 32
- [4] Oberkampf D, DeMenthon D F, Davis L S. Iterative pose estimation using coplanar feature points [J].
   Computer Vision and Image Understanding, 1996, 63(3): 495-511.

(3): 0312005.

- [5] Lu C P, Hager G D, Mjolsness E. Fast and globally convergent pose estimation from video images [J].
   IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence, 2000, 22(6): 610-622.
- [6] Kahl F, Henrion D. Globally optimal estimates for geometric reconstruction problems [J]. International Journal of Computer Vision, 2007, 74(1): 3-15.
- [7] Yue X K, Wu Y Y, Wu K Z. A novel binocular OI (orthogonal iteration) fusion algorithm better for estimation of spacecraft position and attitude [J]. Journal of Northwestern Polytechnical University, 2011, 29(4): 559-563.
  岳晓奎,武媛媛,吴侃之.基于视觉信息的航天器位 姿估计迭代算法[J].西北工业大学学报, 2011, 29 (4): 559-563.
- [8] Yang H W, Wang F, Li Z, et al. Simultaneous pose and correspondence estimation based on genetic algorithm [J]. International Journal of Distributed Sensor Networks, 2015, 11(11): 828241.
- [9] Fischler M A, Bolles R C. Random sample consensus: a paradigm for model fitting with applications to image analysis and automated cartography[J]. Readings in Computer Vision, 1987: 726-740.
- [10] David P, DeMenthon D, Duraiswami R, et al. SoftPOSIT: simultaneous pose and correspondence determination[J]. International Journal of Computer Vision, 2004, 59(3): 259-284.
- Shi J F, Ulrich S. Soft POSIT enhancements for monocular camera spacecraft pose estimation [C] // Proceedings of IEEE 21st International Conference on Methods and Models in Automation and Robotics, 2016: 30-35.
- [12] Gold S, Rangarajan A. A graduated assignment

algorithm for graph matching [J]. IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence, 1996, 18(4): 377-388.

- [13] Zhou H Y, Zhang T, Lu W N. Vision-based pose estimation from points with unknown correspondences [J]. IEEE Transactions on Image Processing, 2014, 23(8): 3468-3477.
- [14] Chen P, Hu G D, Yan G R. Camera pose estimation algorithm based on particle system kinematics [J]. Acta Optica Sinica, 2014, 34(1): 0112002.
  陈鹏,胡广大,闫桂荣.基于质点系运动原理的像机 位姿估计算法[J].光学学报,2014,34(1): 0112002.
- [15] Ugurdag H F, Gören S, Canbay F. Gravitational pose estimation [J]. Computers & Electrical Engineering, 2010, 36(6): 1165-1180.
- [16] Ugurdag H F, Goren S, Canbay F. Correspondenceless pose estimation from a single 2D image using classical mechanics [C] // Proceedings of IEEE 23rd International Symposium on Computer

and Information Sciences, 2008: 1-6.

- [17] HeFY, LinJR, GaoY, et al. Optimized pose measurement system combining monocular vision with inclinometer sensors [J]. Acta Optica Sinica, 2016, 36(12): 1215002.
  何斐彦,林嘉睿,高扬,等.单目视觉与倾角仪组合 优化的位姿测量系统[J].光学学报, 2016, 36(12): 1215002.
- [18] Guan R F, Yang L H, Wang L J, et al. Position and attitude precision measurement of spatial objects based on orthogonal cylindrical imaging [J]. Acta Optica Sinica, 2016, 36(11): 1112003.
  关瑞芬,杨凌辉,王丽君,等.基于正交柱面成像的 空间物体位姿精密测量[J].光学学报, 2016, 36 (11): 1112003.
- [19] Zhang L L, Zhang W, Hu C H, et al. Mobile videometrics method based on relay camera[J]. Acta Optica Sinica, 2017, 37(4): 0412001.
  张林龙,张伟,胡昌华,等.基于传递像机的移动摄像测量方法[J].光学学报, 2017, 37(4): 0412001.