# 加速栅电压对双级加速离子光学系统栅极 性能的影响

贾连军,张天平,刘明正,陈娟娟,贾艳辉

兰州空间技术物理研究所真空技术与物理重点实验室,甘肃 兰州 730000

摘要 离子推力器的加速栅电压对加速栅截获电流的大小有影响。目前,离子推力器加速栅电压值是通过实验多次调节确定的,理论计算只能给出加速栅电压最大值。针对兰州空间技术物理研究所研制的双级加速离子推力器 开展了加速栅电压的优化设计,利用质点网格法和蒙特卡洛碰撞法(PIC-MCC)开展了 8000 s比冲条件下 5 种加速 栅电压(-150,-180,-200,-250,-300 V)对离子运动轨迹、束流发散角、交换电荷(CEX)截获的数量和能量以 及加速栅溅射速率的影响研究,根据研究结果确定了最佳加速栅电压为-250 V。最后开展了验证实验,结果表明 加速栅电压为-250 V 左右时,加速栅电流较小,验证了数值仿真的正确性。

关键词 测量;双级加速离子光学系统;加速栅电压;质点网格法和蒙特卡洛碰撞法;交换电荷
中图分类号 V1 \_\_\_\_\_\_ 文献标识码 A \_\_\_\_\_\_\_ doi: 10.3788/LOP55.051202

# Influence of Accelerator Grid Voltage on Grid Performance of Dual Stage Ion Optical System

Jia Lianjun, Zhang Tianping, Liu Mingzheng, Chen Juanjuan, Jia Yanhui

Science and Technology on Vacuum Technology and Physics Laboratory, Lanzhou Institute of Physics, Lanzhou, Gansu 730000, China

Abstract The accelerator grid voltage of the ion thruster has an impact on the intensity of the current of accelerator grid. At present, the accelerator grid voltage is chiefly determined through multiple experiments, and the theoretical calculation can only provide the maximum value of accelerator grid voltage. In this paper, the optimum design of the accelerator grid voltage for a dual-stage accelerator ion thruster developed by Lanzhou institute of physics is carried out. Using particle-in-cell method and Monte-Carlo collision method (PIC-MCC method), the effects of five accelerator grid voltages (-150, -180, -200, -250, -300 V) on ion trajectory, beam divergence angle, number and energy of the impingement charge exchange (CEX) ion, and accelerator grid voltage is -250 V. Finally, the verification experiment is carried out. The results show that the best accelerator grid voltage is around -250 V, the current of the accelerator grid is small, which verifies the correctness of the numerical simulation. Key words measurement; dual stage ion optical system; accelerator grid voltage; particle-in-cell method and Monte-Carlo collision method; charge exchange

OCIS codes 120.3620; 350.4990; 350.5400

1 引 言

双级加速离子推力器是近几年提出的新型推力器,与传统离子推力器相比主要是离子光学系统发生 了改变<sup>[1-3]</sup>。双级加速离子光学系统由4个栅极组 成,屏栅和引出栅构成引出级,引出栅和加速栅构成 加速级,第4个栅极为减速栅。双级加速技术的最大 特点是将离子的引出过程和加速过程分别在引出级 和加速级完成,加速级的电压不再受到限制,因此双 级加速离子推力器的比冲和推力得到大幅提高,功率

收稿日期: 2017-11-08; 收到修改稿日期: 2017-11-26

基金项目: 真空技术与物理国防科技重点实验室基金(9140C550206150C55)

作者简介:贾连军(1977—),男,博士,工程师,主要从事空间电推进技术方面的研究。E-mail: jlj1323962@126.com

也达到兆瓦级,适合于深空探测任务<sup>[4-8]</sup>。双级加速 离子推力器是未来大功率电推进的发展方向之一。

双级加速离子推力器的加速电压较高,离子具有 较大的动能,若轰击到栅极表面造成的腐蚀较严重, 因此需要开展双级加速系统的优化设计。双级加速 技术最早应用在地面粒子加速器上,用于获得高能离 子,相关的优化设计包括栅极结构优化设计和电参数 优化设计。Kim 等<sup>[9]</sup>开展了双级加速系统的屏栅极 孔径、引出级间距、加速级间距与引出级间距比值等 关键几何参数对束流发散角、束流引出能力及离子运 动轨迹等的影响研究和优化设计,另外还开展了加速 级电势与引出级电势值对束流引出能力、束流发散角 的影响研究和优化设计。Meixner 等<sup>[10]</sup>开展了不同 屏栅极结构、引出栅极结构对束流性能的影响研究和 优化设计。Ohara<sup>[11]</sup>开展了双级加速系统引出级与 加速级电场关系对束流性能影响的研究和优化设计。 Coletti 等<sup>[12-14]</sup> 开展了栅极几何参数对束流性能和寿 命的影响规律的研究,根据研究结果开展了双级加速 系统设计。Bramanti 等<sup>[15]</sup>开展了射频源双级加速离 子推力器的实验研究,实验主要针对屏栅电压、引出 栅电压及气体流率参数进行优化。另外,研究人员还 在双级加速系统产生交换电荷离子及栅极截获交换 电荷(CEX)离子的数量和能量影响因素方面开展了 研究[16-17]。

研究者在双级加速系统几何结构设计和部分电 参数设计上取得了大量的成果,同时在提高双级加 速系统栅极寿命设计方面也开展了大量研究。但上 述研究中不包括加速栅电压对双级加速系统性能和 寿命影响的研究。加速栅施加的是负电压,不同的 加速栅电压会在其周围形成不同位形的等势面,由 于引出离子的运动轨迹垂直于等势面,因此加速栅 电压的改变会直接影响到引出离子的运动轨迹,必 然存在一定的加速栅电压使得离子的运动轨迹最 佳。另外,由于加速栅是负电压,更容易受到低能交 换电荷离子的轰击,研究加速栅电压对截获交换电荷 离子数量和能量的影响,有助于正确选择加速栅电 压,提高栅极系统寿命。大量的离子推力器实验测试 也表明,不同的加速栅电压会影响加速栅截获电流的 大小,目前加速栅电压的最佳值是通过多次实验测试 获得的,理论计算只能给出加速栅电压最大值。本文 尝试采用数值仿真方法开展加速栅电压对束流性能 影响的研究,根据计算结果确定加速栅电压,并开展 实验研究,验证数值仿真结果的正确性。

本文利用质点网格法和蒙特卡罗碰撞法(PIC-

MCC)开展了不同加速栅电压对离子运动轨迹和束 流发散角的影响研究;针对不同加速栅电压,统计了 一定时间内加速栅截获的交换电荷离子数量和能量 分布,计算了加速栅交换电荷溅射腐蚀率,根据仿真 结果确定了最佳加速栅电压。最后利用研制的双级 加速离子推力器进行了实验验证。

### 2 电子返流半经验分析模型

#### 2.1 电子返流半经验模型

离子光学系统中加速栅为负电位,由于栅极孔 的轴对称性,孔中心线上存在负电势最小值,称为鞍 点电势,鞍点电势可以阻止栅极下游电子返流进入 放电室。推力器工作时,交换电荷离子不断轰击加 速栅孔壁,造成小孔孔径不断增大,使得中心轴线上 鞍点电势不断增大,当增大到小于下游电子动能时, 电子会越过该势垒,进入放电室,出现电子返流失 效。鞍点电势为:

$$V_{\rm sp} = V_{\rm bp} + T_{\rm ev} \ln \left[ \frac{2I_{\rm e}}{I_{\rm b}} \sqrt{\pi \left( \frac{m_{\rm e}}{m_{\rm i}} \right) \left( \frac{V_{\rm dp} - V_{\rm bp}}{T_{\rm ev}} \right)} \right],$$
(1)

式中 $V_{bp}$ 为中和面附近束流电势,近似为 $0;V_{dp}$ 为放电室等离子体电势,是放电电压与屏栅电压之和,放电电压一般为几十伏,这里取 30 V; $T_{ev}$ 为减速栅极下游的电子能量,其值由实验测得,通常取 1.5 eV; $I_e$ 是电子返流电流; $I_b$ 是束电流; $m_e$ 和 $m_i$ 分别为电子的质量和离子的质量。通常情况下  $I_e/I_b$ 值不能超过 0.001。假设交换电荷对加速栅极小孔的轰击是均匀的,那么小孔在径向上的增加是一样的。根据模拟程序统计出交换电荷离子对加速栅极小孔材料溅射的质量损失速率m,得到体积腐蚀率为V:

$$\dot{V} = \frac{m}{\rho_{\rm Mo}},\tag{2}$$

式中ρ<sub>Mo</sub>为钼的密度。假设腐蚀在孔内是均匀的,则小孔半径的增加率 r 为体积腐蚀率除以孔面积:

$$\dot{r} = \frac{\dot{V}}{2\pi r_a t_a},\tag{3}$$

式中r。为加速栅小孔半径,t。为加速栅厚度。

#### 2.2 加速栅电压计算

加速栅电压的大小由束流引出时最小鞍点电势 确定,该电势与空间电荷分布有关。加速栅电压最 大值为:

$$V_{a} = \frac{V_{sp} - \Delta V - BV_{dp}}{1 - B}, \qquad (4)$$

式中 $V_{sp}$ 为束流引出时最小鞍点电势,其大小由(1) 式给出; $\Delta V$ 为束流电荷存在时,加速栅孔轴线与孔 壁之间的电势差;B为栅极的几何因子。 $\Delta V$ 和B的公式为:

$$\Delta V = \frac{I_{\rm b}}{2\pi\varepsilon_{\rm o}} \sqrt{\frac{m_{\rm e}}{2q(V_{\rm dp} - V_{\rm sp})}} \left[\frac{1}{2} - \ln\frac{r_{\rm b}}{r_{\rm a}}\right], \quad (5)$$
$$B = \frac{r_{\rm a}}{\pi l_{\rm e}} \left[\frac{1}{2} - \frac{t_{\rm a}}{r_{\rm a}} \arctan^{-1}\left(\frac{r_{\rm b}}{r_{\rm a}}\right)\right] \exp\left(-\frac{t_{\rm a}}{d_{\rm a}}\right), \quad (6)$$

式中 $\epsilon_0$ 为真空介电常数, $r_b$ 为束流半径,一般取  $r_b=0.7r_a$ , $r_a$ 为加速栅小孔半径; $t_a$ 为加速栅厚度,  $l_e$ 为前两个栅的等效间距, $d_a$ 为加速栅小孔直径。

为了确定加速栅电压,首先需要根据设计的束流 值和栅极几何参数求出加速栅最大电压。为了防止加 速栅极溅射腐蚀过早出现电子返流,加速栅电压要小 于最大加速栅电压。关于加速栅电压的选择,一般认 为只要小于最小加速栅电压即可,在离子推力器实际 应用中则是通过多次实验来确定最佳加速栅电压。

3 计算模型

#### 3.1 计算区域

由于栅极孔具有轴对称性,可以采用二维轴对称模型研究。栅极中心孔引出的离子电流密度最高、电流最大,腐蚀最厉害,因此选择栅极系统中心 孔为研究对象。图1为计算区域和边界条件。



图 1 计算区域和边界条件

Fig. 1 Calculation area and boundary conditions

图 1 中  $V_s$ 、 $V_e$ 、 $V_a$ 、 $V_d$ 、 $V_p$  分别为屏栅电位、引出 栅电位、加速栅电位、减速栅电位和放电室内等离子 体电位; $t_s$ 、 $t_e$ 、 $t_a$ 、 $t_d$  分别为屏栅、引出栅、加速栅、减 速栅的厚度; $r_s$ 、 $r_e$ 、 $r_a$ 、 $r_d$  分别为屏栅、引出栅、加速 栅、减速栅的半径; $d_1$ 、 $d_2$ 、 $d_3$  依次为屏栅与引出栅、 引出栅与加速栅、加速栅与减速栅的间距; $\varphi$  为上游 等离子体总电势大小。

#### 3.2 PIC-MCC 模型

PIC-MCC 仿真模型普遍用于栅极系统束流离 子引出过程的研究。PIC 模块具体流程为:1) 根据 计算区域划分网格;2) 在离子进入计算区域前,利 用差分法求解静电场泊松方程,根据边界条件获得 静电场分布;3)采用面积权重法将离子所带电量分 配到相邻网格点上,通过求解泊松方程得到各节点 上的电势和电场,利用插值法获得粒子所在位置的 电场强度;4)利用牛顿第二定律加速粒子,对不同 边界处的粒子进行处理;5)求解新的电场分布。

离子由左边界进入计算区域,进入数量满足 Child-angmuir 定律,即每个时间步长进入计算区域 的离子数  $\Delta N$  为:

$$\Delta N = n_0 \left(\frac{k T_e}{m}\right)^{1/2} \pi r_s^2 \exp\left(-\frac{1}{2}\right) d_{\tau}, \qquad (7)$$

式中 n<sub>0</sub>为屏栅极上游离子密度,k 为玻尔兹曼常数,T<sub>e</sub>为电子温度,m 为离子质量,d<sub>1</sub>为时间步长。

计算区域内电子密度服从玻尔兹曼分布。屏栅 上游区域电子密度为:

$$n_{\rm e} = n_{\rm 0} \exp\left(\frac{\Phi - \Phi_{\rm u}}{T_{\rm eu}}\right), \Phi \leqslant \Phi_{\rm u}, \qquad (8)$$

$$n_{e} = n_{0} \left( 1 + \frac{\Phi - \Phi_{u}}{T_{eu}} \right), \Phi \geqslant \Phi_{u}, \qquad (9)$$

式中 $\phi$ 为电子所在位置电势, $\phi_u$ 为放电室电势,  $T_{eu}$ 为放电室电子温度。

在加速栅下游区域,电子密度可以表示为:

$$n_{e} = n_{\infty} \exp\left(\frac{\Phi - \Phi_{\infty}}{T_{e^{\infty}}}\right), \Phi \leqslant \Phi_{\infty}, \qquad (10)$$

$$n_{e} = n_{\infty} \left( 1 + \frac{\Phi - \Phi_{\infty}}{T_{e^{\infty}}} \right), \Phi \geqslant \Phi_{\infty}, \qquad (11)$$

式中 $n_{\infty}$ 、 $\Phi_{\infty}$ 、 $T_{\infty}$ 分别为栅极下游中和面的电子密度、电势及电子温度。

电场根据泊松方程求解:

$$\nabla^2 \Phi = -\frac{e}{\varepsilon_0} (n_i - n_e), \qquad (12)$$

式中 *e* 为电子电量, ε<sub>0</sub> 为真空介电常数, *n*<sub>i</sub> 为离子 密度。为了提高电场计算收敛速度, 采用超松弛 (SOR)方法求解。

MCC 模块主要处理粒子间的碰撞,包括离子和 原子之间的交换电荷碰撞。交换电荷碰撞(CEX)为 快速的氙离子(Xe<sub>f+</sub>)与慢速氙原子(Xe<sub>s</sub>)碰撞而产 生交换电荷,交换电荷过程可以表示为:

$$Xe^+ + Xe \rightarrow Xe + Xe^+$$
 (13)

离子与密度为 n<sub>n</sub>的中性原子发生碰撞的几率为:

 $P = 1 - \exp(-\sigma n_n v_i \Delta t)$ (14) 式中  $\sigma$  为碰撞截面,  $v_i$  为离子速度,  $\Delta t$  为时间步长。

研究采用 PIC-MCC 对栅极系统离子引出过 程、交换电荷离子产生过程及栅极表面溅射腐蚀过 程进行数值模拟。计算流程如图 2 所示。



图 2 仿真计算流程

Fig. 2 Flow chart of simulation calculation

4 仿真结果及验证

#### 4.1 仿真结果

利用兰州空间技术物理研究所自主研制的双级 加速离子推力器<sup>[18]</sup>为研究对象,将该推力器实验参 数作为模型输入条件。表1为双级加速离子光学系 统栅极几何结构参数和束流设计值。

将表1中的栅极参数和束流值代入(1)、(4)、 (5)和(6)式,可以得到加速栅最大电压值为 -102 V。实验中加速栅电压值要小于-102 V,研 究选取了-150,-180,-200,-250,-300 V 五种 加速栅电压作为仿真计算的输入,根据计算结果确 定最佳的加速栅电压值。表2列出了双级加速离子 推力器电参数和气参数。

根据给出的参数和条件进行仿真计算,当程序 总离子数稳定并满足收敛精度时,对离子的微观参 数进行统计并输出结果。模拟中,程序计算达到稳 态后的离子总数目约为1000000个。

1) 离子运行轨迹计算

不同的加速栅电压将导致其附近电势位形发生

世 改 变,如图3所示。由于离子的运动轨迹垂直于等 表1 双级加速离子光学系统栅极几何参数和束流设计值

Table 1 Screen grid geometrical parameters and beam current of duel stage accelerating ion optical system

Screen grid aperture	Extraction grid aperture	Extraction stage	Accelerator grid aperture	Beam
radius /mm	radius /mm	gap /mm	radius /mm	current /mA
1.0	0.7	1.0	0.7	100

	表 2	双级加速离子推力器电气	え参数	女
--	-----	-------------	-----	---

Table 2 Operating parameters of duel stage accelerating ion thruster

Screen	Extraction	Accelerator grid	Anode propellant mass	Cathodes propellant mass
grid voltage /V	grid voltage /V	voltage /V	flow rate /(mg $\cdot$ s <sup>-1</sup> )	flow rate /(mg • $s^{-1}$ )
6820	4820	-150, -180, -200,	0.2	0.05
		-250, -300		

势线方向,不同位形的等势线导致离子的运动轨迹 也不相同,因此,不同的加速栅电压会影响离子的运 动轨迹。必然存在最佳的加速栅电压使得离子的准 直性能最好。

利用 PIC 对单个离子运行轨迹进行跟踪,计算 中随机选取了 30 个离子作为样本,图 4 为统计的离 子运动轨迹。模拟结果表明,加速电压对引出离子 的运动轨迹有影响,加速栅电压在-250 V时,离子 的聚焦、准直性能较好。

2) 束流发散角计算

利用 PIC 模块对右边界引出的离子的轴向速 度和径向速度进行统计,并利用反三角函数求出每 个离子的偏转角度。根据束流发散角定义,统计出 总离子数中95%的离子对应的最大发散角,即为束 流发散角。图5为统计的不同加速栅电压对束流发 散角的影响,计算结果表明,加速栅电压对束流发散 角有一定影响,在-250V时,该双级加速系统的聚 焦、准直性能较好。

#### 3) 交换电荷离子截获

交换电荷离子截获数量的多少直接影响到栅极 系统寿命,是评价栅极系统性能的重要指标之一。 图 6 为加速栅电压对碰撞交换电荷数量与能量影响 的数值仿真结果。结果显示,加速栅电压对截获的 交换电荷数量和能量均有影响,随着加速栅电压的



图 3 不同加速栅电压时的等势线图。(a) -150 V; (b) -180 V;(c) -200 V;(d) -250 V;(e) -300 V Fig. 3 Equipotential line graph under different accelerator grid voltages. (a) -150 V; (b) -180 V; (c) -200 V; (d) -250 V; (e) -300 V

降低,截获的交换电荷离子数量逐渐增加,从仿真结果 上看,加速栅电压为-150,-180,-200,-250 V时,交 换电荷离子截获数量和能量相差不明显。

表3给出了不同加速栅电压下截获的交换电荷 离子总数、平均能量以及高能交换电荷离子所占的 百分比。从表3可以看出,随着加速栅电压的降低, 截获的交换电荷离子数目逐渐增加,但在-250 V 时,截获的交换电荷离子数目稍有减少,与-150 V 时相当,说明在该电压时部分交换电荷离子被引出; 计算交换电荷离子的平均能量,并统计能量超过 1 keV的交换电荷离子所占百分比,得出加速栅电 压为-300 V 时,交换电荷平均能量最高,为 508 eV,能量超过1 keV的交换电荷离子的百分比 最大,约为16%;加速栅电压为-250 V 时,交换电 荷离子平均能量最低,为 504 eV,截获的能量超过 1 keV的交换电荷离子的百分比最小,约为15.1%。











图 7 为数值计算得到的 5 种不同加速栅电压

下的交换电荷总电流。统计结果显示,相比加速 栅上、下表面,孔壁更容易受到交换电荷离子的轰 击溅射。

图 8 为数值计算得到的不同加速栅电压下交 换电荷离子对加速栅孔壁的溅射产额及质量溅射 速率。溅射产额定义为平均每个入射离子溅射出 的固体表面的原子个数。计算结果表明,溅射产 额和加速栅孔壁质量溅射速率与加速电压的变化 趋势相同,加速电压为-300 V时溅射产额最大, -250 V时溅射产额最小。

#### 4.2 实验验证

以表 2 中电气参数为输入条件进行了双级加速 离子推力器性能测试实验,如图9所示。实验中束



图 6 加速栅电压对截获的交换电荷离子数量的影响。(a) -150 V;(b) -180 V;(c) -200 V;(d) -250 V;(e) -300 V Fig. 6 Effect of accelerator grid voltage on impingement CEX ion number. (a) -150 V; (b) -180 V;

(c) -200 V; (d) -250 V; (e) -300 V

表 3 加速	栅孔壁截获交换	與电荷离-	子仿真结果
--------	---------	-------	-------

Table 3 Simulation results of acceleration grid impingement CEX ion in the hole wall

Accelerator grid	Impingement CEX	CEX ion average	Percent of CEX ion with energy
voltage /V	ion number	energy /eV	over 1 keV / $\%$
-150	27749	506	15.6
-180	28051	505	15.3
-200	28176	504	15.3
-250	27815	504	15.1
-300	29764	508	16.0





流稳定后,测得其值为 98 mA。分别在 5 种加速栅 电压下进行了加速栅截获电流的测量,测量精度为 0.1 mA。测试结果为:加速栅电压为-150 V时,加 速栅电流为 0.1 mA;加速栅电压为-180 V和 -200 V时,加速栅电流为 0.3 mA;加速栅电压为 -250 V时,加速栅电流显示为 0.1 mA;而在加速栅 电压为-300 V时,加速栅电流显示为 0.5 mA。利 用其他离子推力器开展实验,不同的加速栅电压会 导致不同的加速栅电流,但均存在最佳的加速栅电 压使得加速栅截获电流最小。不同的束流值对应的











图 9 加速栅电压为-250 V的引束流照片 Fig. 9 Beam flow photo with the accelerator grid voltage of -250 V

最佳加速栅电压不同。

## 5 结 论

针对兰州空间技术物理研究所正在研制的双级 加速离子光学系统,采用 PIC-MCC 开展了不同加 速栅电压对束流引出性能及栅极截获交换电荷离子 数量和能量的影响仿真研究,同时得到了不同加速 栅电压下的溅射速率,根据仿真结果确定了该加速 系统的加速栅电压,与实验测试结果进行了对比验 证。得到如下结论:

 加速栅电压会影响加速栅截获电流的大小, 存在最佳的加速栅电压使得加速栅截获电流最小;

 加速栅电压会影响束流离子的运动轨迹,对 于一定几何参数和电气参数的双级加速系统,存在
一个最佳的加速栅电压使得引出离子的聚焦和准直 性能相对较好;

3)加速栅电压对截获的交换电荷离子数量和 能量分布有一定的影响,通过合理地选择加速栅电 压可以减少交换电荷离子的截获数量,延长加速栅 极寿命。

#### 参考文献

[1] Bramanti C, Walker R, Sutherland O, et al. The

innovative dual-stage 4-grid ion thruster concepttheory and experimental results [C]. AIAA, 2006: IAC-06-C4.4.7.

- [2] Wilbur P J. Limits on high specific impulse ion thruster operation [C]. AIAA, 2004: AIAA-2004-4106.
- [3] Fearn D G. The use of ion thrusters for orbit rasing[J]. Journal of the British Interplanetary Society, 1980, 33: 129-137.
- [4] Marques R I, Gabriel S B. Dual stage four grid (DS4G) ion engine for very high velocity change missions [C]. Michigan: 31<sup>st</sup> International Electric Propulsion Conference, 2009: 157.
- [5] Bramanti C, Izzo D, Samaraee T, et al. Very high delta-V missions to the edge of the solar system and beyond enabled by the dual-stage 4-grid ion thruster concept[J]. Acta Astronautica, 2009, 64 (7/8): 735-744.
- [6] Casaregoal C, Cesaretti G, Andrenucci M. HiPER: a roadmap for future space exploration with innovative electric propulsion technologies[C]. 31<sup>st</sup> International Electric Propulsion Conference, 2009: 20-24.
- [7] Walker R, Izzo D, Fearn D G. Missions to the edge of the solar system using a new advanced dual-stage gridded ion thruster with very high specific impulse[C]. 25<sup>th</sup> International Symposium on Space Technology and Science, 2006: k-35.
- [8] Fearn D G. The application of gridded ion thrusters to high thrust, high specific impulse nuclear-electric missions [J]. Journal of the British Interplanetary Society, 2005, 58: 257-267.
- [9] Kim J, Whealton J H, Schilling G. A study of twostage ion-beam optics [J]. Journal of Applied Physics, 1978, 49(2): 517-524.
- [10] Meixner C N, Menon M M, Tsai C C. Geometrical effects on the beamlet optics of a two-stage ion accelerator[J]. Journal of Applied Physics, 1981, 52

(3): 1167-1174.

- [11] Ohara Y. Numerical simulation for design of a twostage acceleration system in a megawatt power ion source[J]. Journal of Applied Physics, 1978, 49(9): 4711-4717.
- [12] Coletti M, Gabriel S B. Dual stage ion optics, a parametric study [C]. 42<sup>nd</sup> AIAA Plasmadynamics and Lasers Conference, 2011, 2: 780-794.
- [13] Coletti M, Gabriel S B. Dual stage ion optics, a parametric study on performances and lifetime [C].
  47<sup>th</sup> AIAA/ASME/SAE/ASEE Joint Propulsion Conference & Exhibit, 2011: AIAA-2011-5735.
- [14] Coletti M, Gessini P, Gabriel S B. A 4-gridded ion engine for high impulse mission [C/OL]. http:// www. alta-space. com/hiper/publications/SP2010 \_ 1842612.pdf.
- [15] Bramanti C, Fearn D G. The design and operation of

beam diagnostics for the dual stage 4-grid ion thruster[C]. 30<sup>th</sup> International Electric Propulsion Conference, 2007: IEPC-2007-050.

- Coletti M, Gabriel S B. Numerical investigation of a dual stage variable isp ion engine [C]. 32<sup>nd</sup> International Electric Propulsion Conference, 2011: IEPC-2011-204.
- [17] Coletti M, Gabriel S B. Design of a dual stage ion engine for the Hiper project[C]. 46<sup>th</sup> AIAA/ASME/ SAE/ASEE Joint Propulsion Conference & Exhibit, 2010: AIAA-2010-7113.
- [18] Jia L J, Zhang T P, Chen J J, et al. Geometric parametric study of dual stage ion optics[J]. Laser &. Optoelectronics Progress, 2017, 54(4): 041207. 贾连军,张天平,陈娟娟,等. 双级加速离子光学系统几何参数研究[J].激光与光电子学进展, 2017, 54(4): 041207.