线结构光标定方法综述

张曦,张健

上海大学机电工程与自动化学院,上海 200072

摘要 标定方法一直是线结构光三维测量系统研究的关键要素。重点讨论了线结构光传感器标定方法中的三个问题:标定靶物、光平面标定方法以及标定精度评定方法的比较。首先,总结了常用的标定靶物类型及其标定特点,为标定靶物的选型提供参考;然后,按照标定靶物和传感器标定时的相对运动关系,将当前主要的光平面标定 方法划分为三类,分别是靶物与传感器位置关系固定不动的标定方法、靶物与传感器之间存在可控运动的标定方 法以及靶物与传感器之间可自由移动的标定方法;其次,系统归纳了现有标定精度的评定方法,分析了各种方法的 原理以及特点;最后,总结了线结构光标定方法的发展现状,指出线结构光自扫描测量系统和水下标定是线结构光 传感器的发展趋势。

Summary on Calibration Method of Line-Structured Light

Zhang Xi, Zhang Jian

School of Mechatronics Engineering and Automation, Shanghai University, Shanghai 200072, China

Abstract The calibration method is an indispensable key element in the study of three-dimensional measurement systems of line-structured light. We focus on three issues in the calibration method of line-structured light sensors, the calibration target, calibration method of light plane, and evaluation of calibration accuracy. At first, the commonly used calibration target type and its calibration characteristics are summarized, which provide a reference for the selection of calibration target. Then, the current main calibration target and the sensor, namely the calibration method with fixed position between calibration target and the sensor, the calibration method with controllable relative motion between the calibration target and the sensor, and the calibration method with freely motion between the calibration target and the sensor. Subsequently, we systematically summarize the existing evaluation methods of the calibration accuracy, and analyze the principles and characteristics of them. Finally, we summarize the development status of the line-structured light calibration are the development trend of line-structured light sensor.

Key words machine vision; three-dimensional sensing; line-structured light measurement; calibration target; calibration of light plane; evaluation method of calibration accuracy OCIS codes 150.6910; 150.0155; 150.1488

1引言

线结构光测量是一种通过向物体表面投射线激 光平面,从而获取该平面与待测物体表面交线处三 维点坐标的技术。若增加第三轴运动信息将交线轮 廓拼接,能够检测复杂物体表面的精准三维曲面轮 廓。作为典型三维形貌测量技术^[1]的一种,线结构 光测量以其高速、高精度、抗干扰性强等优点得到了 越来越广泛的应用,例如表面贴装技术(SMT)封装 电路板的在线检测^[2]、车门涂装瑕疵检测^[3]以及鞋 楦涂胶轮廓提取等^[4]。

当前对线结构光测量技术的研究主要包括测量

收稿日期: 2017-07-07; 收到修改稿日期: 2017-08-08

基金项目: 国家自然科学基金 (41376169)、国家重点研发计划重点专项课题 (2016YFC0302402)

作者简介:张曦(1977-),男,博士,副教授,主要从事视觉检测技术方面的研究。E-mail:xizhang@shu.edu.cn

模型、光条中心提取和传感器标定。

测量模型的建立是传感器标定的基础。早期主 要基于几何推导,模型中包含诸如基线长度、光平面 夹角、光心位置等参数[5-7],对于模型的推导通常需 要复杂的几何建模过程,这阻碍了技术的传播,同时 几何推导中的近似过程还会引入累积误差,影响系 统参数的高精度标定。后期发展出了利用单相机透 视投影模型与光平面方程联立组成的线结构光传感 器模型,简化了模型的表达,成为目前应用最广 泛[8-10]的模型。另外,除了上述基于物理建模的"模 型法"表达外,还发展了基于黑盒模型作为近似的 "直接法"表达。如熊会元等[11-12]分别利用二元五次 多项式和线性插值的方法拟合标定模型; Dipanda 等^[13]通过遗传算法来拟合标定模型;Feng 等^[14]应 用反向传播(BP)神经网络进行模型拟合;Xie 等^[15] 混合应用线性标定与 BP 神经网络算法进行模型标 定。直接法具有模型简单,标定精度高等优点,适合 小范围、高精度测量。

光条中心提取是影响传感器标定精度的另一重 要因素,如何在不同照明光源、不同环境噪声及不同 被测物表面的条件下实时稳定地提取光条中心是当 前研究的重点。除了光条中心提取的稳定性和抗干 扰性,高精度亚像素中心提取^[16]的研究也是传感器 精度研究的关键因素。杨建华等^[17-18]归纳总结了目 前线结构光光条中心的提取方法。

对于传感器标定,主要包括单相机透视模型标 定和光平面方程标定两部分。目前,对于单相机透 视模型的标定方法相对成熟^[19],如 Zhang^[20]的方法 解决了单相机的现场标定;张曦等[21]提出的基于虚 拟立体靶标的标定方法提高了相机大视场高精度标 定的性能。因此,传感器标定主要集中在光平面标 定上,如何获取高精度控制点来拟合光平面成为线 结构光传感器标定的关键问题。从 20 世纪 80 年代 开始国内外学者对线结构光标定方法进行了深入的 研究。如 Dewar^[22]提出的拉丝法和段发阶等^[23]提出 的齿型法利用精密机械机构的运动解决了控制点提 取和光平面标定问题;Hyunh^[24-25]利用三维靶标提出 交比不变的标定方法来解决光平面标定。随着对标 定方法进一步研究,发展了利用自由移动的平面靶标 的标定方法[26]。此外,基于一维靶标[27]的标定方法 进一步简化了标定过程,降低了标定成本。

近年来,线结构光传感器标定通过综合运用相 机透视理论和标定靶物的几何约束,不断发展出新 的方法,这些方法对标定过程中各个环节进行优化, 提高了标定精度。如陈天飞等^[28]提出了基于机器 人的自标定方法,无需特制标定靶物,利用机器人自 身的高精度运动构建附加约束,完成光平面标定; Liu等^[29]提出的球型靶标,利用空间圆锥和空间球 交会的方法进行光平面标定;而Wei等^[30]提出的平 行线靶标,利用已知等距平行线求取平面消隐线的 原理完成光平面标定。

随着线结构光光平面标定方法多元化发展,国 内外虽总结了传感器的性能指标^[31],却缺乏对各种 标定方法的系统性归纳和总结。鉴于标定方法在线 结构光三维测量系统研究中的重大意义,本文对现 有标定方法进行系统的归纳,系统概括了当前国内 外光平面标定方法的研究现状和进展。首先总结了 现有标定靶物,分别介绍了加工工艺、表面质量、标 定特点等特性;其次,将现有光平面标定方法按照标 定靶物与传感器的相对运动关系划分为三类,并进 行了分析与比较;同时对现有标定精度的评定方法 进行了归纳;最后,指出了线结构光传感器的发展 趋势。

2 标定靶物

在线结构光传感器标定过程中,标定靶物的特 点在很大程度上影响了标定方法的选用。首先,不 同标定靶物外形提供的几何约束确定了不同的控制 点提取方法;其次,标定靶物自身的制造精度和表面 反光特性也直接影响传感器的标定精度。针对上述 情况,参考国内外相关文献,归纳了常用线结构光传 感器标定靶物的种类。如表1所示,第一列为序号, 第二、三列包含了标定靶物名称及其对应缩略图,第 四列列出标定靶物的类型,第五列总结了标定靶物 的加工工艺,第六列介绍了标定靶物的标定特点。

由表1可知,目前标定靶物主要分为三维靶标、 二维靶标以及一维靶标。对于三维靶标,通常利用 高精度运动装置或者借助靶标自身提供的三维约 束,在单幅视图下完成光平面标定。但由于三维标 定靶标的高精度制造相对困难,应用受到一定限制。 二维靶标和一维靶标通常可以在自由移动情况下完 成传感器标定,操作简便,适合现场标定。需要强调 的是,表1所列的标定靶物中,棋盘格靶标易于获 取,操作方便,是目前使用最广泛的标定靶物;华南 理工大学的邝泳聪等^[35]提出的线纹尺靶标是小视 场范围内标定精度最高的靶标;北京航空航天大学 的周富强等^[27]提出的一维靶标可以实现线结构光 传感器的高精度大视场现场在线标定。

55,020001(2018)

激光与光电子学进展

表 1 常用标定靶物列表 Table 1 List of commonly used calibration targets								
No.	Calibration target	Thumbnail	Туре	Manufacturing method	Calibration characteristic			
1	2000, zigzag block ^[23]	<u>HAAA</u>	3D		High-precision auxiliary servo device			
				Computer numerical control cutting	is required. Measuring coordinate system			
					is set along the light plane. Using direct			
					linear transform (DLT) method to			
					complete the calibraion. Calibration			
2	1999, target with two perpendicular planes ^[24-25]				accuracy is 0.048 mm ^[23] . Customized three-dimensional target, high			
					manufacturing costs. Occlusion existing in			
					imaging process. Use principle of cross			
					ratio of invariance for calibration.			
					Calibration accuracy is $0.145 \text{ mm}^{\lfloor 24 \rfloor}$.			
3	2014,				procision But calibration process requires			
					high procision auxiliary sorve device			
	gauge block				Colimbation accuracy is 0.0270 mm ^[12]			
				Grinding	Ball target are standard parts with high			
	2015,				precision. Space cone fitting and space			
4	ball target ^[29]				sphere fitting is used for calibration.			
					Calibration accuracy is 0.04 mm ^[29] .			
	2016, chessboard ^[32]		2D	E P 1	Easy for feature extraction. Camera and light			
					plane could be calibrated simultaneously			
5					with only one target. But it's difficult to			
					manufacture a large scale target.			
	2006, array target with circles ^[33]				Calibration accuracy is 0.09 mm ^[32] . Easy for feature extraction. Camera and light			
					plane could be calibrated simultaneously with			
6					only one target. But it's difficult to			
					manufacture a large scale target. Calibration			
					accuracy is $0.107 \text{ mm}^{[33]}$.			
	2014,				Useparrallel straight lines constraints for			
7	parallel straight lines ^[30]			Photpetching / printing	calibration. The calibration method is			
					novel. Calibration accuracy is 0.134 $mm^{[30]}$.			
					Camera and light plane could be calibrated			
	2012,	<u> </u>			simultaneously. Operation is flexible			
9	single circular	·••			and easy for site calibration.			
	ring target ^[34]				Calibration accuracy is 0.0368 mm ^[34] .			
10	2010.]	Easy for manufacturing large size target, and			
	one-dimensional	60 00 TO 80	1D		fit for site calibration in larget FOV. Use			
	2016, linear scale ^[35]				principle of vanishing point for calibration.			
					Calibration accuracy is 0.102 mm ^[27] . Calibration accuracy is high, but it needs			
					high-precision auxiliary device. The target is			
					particularly fit for applications of small FOV			
					and high accuracy. Calibration accuracy			
					is 0.013 mm ^[35] .			

020001-3

除了标定靶物自身的特点外,标定靶物的加工 工艺也是影响系统标定精度的重要因素。当前标定 靶物的加工工艺主要包含机加工、光刻、打印和研磨 4 类。其中,常规的机加工精度约为 0.02 mm,确保 制造精度相对困难;光刻技术制造精度可达1 μm, 是目前高精度视觉标定板常用的加工工艺;打印精 度的衡量指标通常由分辨率 DPI 表示,选用高分辨 率的打印机也可获得高精度的标定板;研磨技术通 常用于制造各类量具,制造精度较高。

另外,靶物表面的反光特性也是影响标定精度的 重要因素。漫反射表面对激光条的成像质量好。反 之,高反光表面将给成像引入噪声,影响光条的高精度 提取。常用的标定靶物制造材料为金属、玻璃和陶瓷。 金属和玻璃属于高反光材质,通常在表面涂上一层显 影剂来提高漫反射特性。由于磨砂材质的陶瓷本身具 有漫反射特性,因此陶瓷也是常用的标定靶物材质。

3 光平面标定方法

光平面标定是结合标定靶物的几何约束和摄像 机透视原理,获取线结构光模型中光平面方程参数 的过程。图1归纳了当前光平面标定的主要方法, 按照标定过程中靶物与传感器之间相对位置关系可 分为:1)靶物与传感器位置关系固定不动的标定方 法;2)靶物与传感器之间存在可控运动的标定方 法;3)靶物与传感器之间可自由移动的标定方法。

3.1 靶物与传感器位置关系固定不动的标定方法

靶物与传感器位置关系固定不动的标定方法标 定过程简便,标定时利用靶物提供的三维约束,仅采 集一次靶物图像,即可获得光平面拟合所需的若干 非共线点。



图 1 光平面标定的主要方法 Fig. 1 Main calibration method of light plane

Hyunh^[24]和魏振忠等^[25]分别于 1999年和 2005年提出了基于垂直平面靶标的标定方法。该 方法将测量坐标系(MCS)建立在立体靶标上,因此 根据交比不变原理^[24]直接计算出控制点在靶标坐 标系下的坐标。此外,由于该靶标的特殊外形,光条 分别投射在两个互相垂直的平面上,使控制点满足 光平面中的非共线点,从而采集一幅图像便可完成 光平面方程的标定。该标定方法原理简单、易于实 现,但由于高精度三维靶标制造难度高和光条投射 存在遮挡等问题,该方法标定能力有限。魏振忠 等^[25]利用该方法获得的测量精度为 0.145 mm。

为了避免高精度三维靶标的制造困难,2015年

Liu^[29]等提出利用球型靶标进行标定。由于标准球 通常属于标准件,获得高精度低成本的球型靶标相 对容易。在标定算法上分为两步:1)将光条在球体 表面投射的轮廓拟合为椭圆轮廓,根据文献[36],结 合相机中心,获得空间圆锥方程的显式方程 Q_i ;2) 通过球的边缘轮廓拟合椭圆,根据空间几何关系获 得空间球面的方程 B。最后,将空间圆锥和空间球 面联立成方程组,如下式所示,获取若干非共线控制 点坐标完成光平面的标定,该方法获得的最终标定 精度为 0.04 mm。

$$\begin{cases} \boldsymbol{X}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{B}\boldsymbol{X}=\boldsymbol{0}\\ \boldsymbol{X}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{Q}_{t}\boldsymbol{X}=\boldsymbol{0} \end{cases},$$
 (1)

激光与光电子学进展

式中 X 是控制点坐标的齐次表达[x y z 1], B 是在 摄像机坐标系(CCS)下空间球面表达式, Q_t 是在 CCS 下通过投影光条和相机中心的空间圆锥表达式。

3.2 靶物与传感器之间存在可控运动的标定方法

与利用高精度三维靶标的标定方法不同,标定 靶物与传感器之间存在可控运动的标定方法利用高 精度导轨或工业机器人来辅助提高传感器标定精 度。根据可控运动的对象,可以分为基于靶物可控 运动的标定和基于传感器可控运动的标定两种。

对于靶物可控运动的标定方法,主要利用高精 度运动平台使标定靶物产生可控运动来简化控制点 的提取难度,从而完成标定。该类方法中常见的靶 物有锯齿块^[11,23]、拉丝法^[22]、线纹尺^[32]等。2000 年,段发阶等^[23]提出利用锯齿块标定是此类标定方 法中的典型代表。如图2所示,O_c-x_cy_cz_c是靶物 坐标系,控制运动平台沿靶物基准面法向 z_{c} 轴运动,建立测量坐标系的 $O_{L}x_{L}$ 轴,平行于基面方向建 立 $O_{L}y_{L}$ 轴,初始位置时光平面与棱线交点的 x_{L} 坐标值为0,因此建立了测量坐标系 $O_{L}-x_{L}y_{L}z_{L}$ 。根据MCS的定义,结合导轨沿深度方向的运动位置 和靶物的几何信息,可以获取控制点的坐标。模型 方程可由下式给出,最后通过直接线性变换法 (DLT)计算单应性矩阵 H,完成标定。利用该方 法,段发阶等^[23]根据该标定方法获得的标定精度为 0.048 mm。

$$s\mathbf{x} = \mathbf{H}\mathbf{x}_{\perp}, \qquad (2)$$

式中 *s* 为比例系数, *x* 为图像坐标的齐次表达 $\begin{bmatrix} u & v & 1 \end{bmatrix}^{T}$, *H* 为 3×3 单应性矩阵,由于在光平面 中, *z*_L = 0,故控制点在测量坐标系的其次坐标 *x*_L 可简化为 $\begin{bmatrix} x_{L} & y_{L} & 1 \end{bmatrix}^{T}$ 。



图 2 锯齿块标定示意图 Fig. 2 Schematic of zigzag piece calibration

尽管基于靶物可控运动的标定方法操作简单, 但仍需要一个实际靶物进行标定。基于传感器可控 运动的标定方法可以降低标定靶物的制造成本。典 型算法是陈天飞等^[28]在 2012 年提出的自标定方法, 该方法利用工业机器人使传感器沿特定方向运动构 建一个虚拟靶标,从而节省了加工靶物的成本。同 时,由于该方法在标定过程中借助机器人运动,有利 于传感器的大视场标定。该方法借助运动相对性,使 传感器位于不同位置处拍摄的图像,产生等效于传感 器在同一位置拍摄一个虚拟靶标的图像,通过虚拟靶 标的建立来进行光平面的标定。另外,由于现代工业 机器人技术的成熟发展,利用此类方法构件的虚拟靶 标可以保证尺寸的稳定性和高精度。最终,利用这种 方法获得的标定精度为 0.0154 mm。

3.3 靶物与传感器之间可自由移动的标定方法

总体上来说,上述标定靶物与传感器相对位置

关系固定或者存在可控运动的标定方法存在两个潜 在问题:需要高精度运动机构或者需要高精度三维 靶标。由于这两大限制,标定方法的可操作性降低。 而标定靶物和传感器可自由移动的标定方法能够改 善这一缺陷。在这类方法中,通常利用高精度打印 或者光刻技术制成平面靶标或者一维靶标进行标 定。与传统的机加工技术相比,打印或光刻技术可 以获得精度更高更稳定的标定靶物。此外,该类方 法在标定过程中将标定靶物自由移动,利用不同位 置的多幅视图即可完成标定,适合现场标定。

3.3.1 基于平面靶标的标定

平面靶标易于制造,便于特征提取。基于平面 靶标的标定方法着重使用的一种或多种透视投影性 质相结合的形式完成标定。常用的透视投影原理有 交比不变、光线交会、消隐点以及消隐线等。

Zhou 等^[26]和杨凯等^[32]分别于 2005 年和 2016

年提出了基于交比不变性的平面靶标标定方法。在 这类方法中,可以根据交比不变原理^[20]获得控制点 在靶标坐标系下的局部坐标。然而,仅仅一幅图像 中获得的控制点坐标均位于同一直线上的共线点, 无法满足光平面拟合的要求。因此,通过多次移动 平面靶标获取多组非共线的控制点,最后利用刚体 变换将局部坐标系下的控制点坐标统一到摄像机坐 标系中,完成光平面标定。利用该方法,Zhou 等^[26] 获得的均方根(RMS)误差为 0.085 mm,杨凯等^[32] 获得的测量精度为 0.09 mm。

除了交比不变,毕德学等^[37]在 2009 年提出了 基于物方光线会交原理的标定方法。该方法将每个 控制点看作由相机中心出发过该控制点的射线与平 面靶标平面方程的交点。首先,根据 Zhang^[20]的方 法求出平面靶标平面在 CCS 下的方程;其次,利用 图像点与相机中心的位置关系,可求出相机中心与 控制点的射线方程;最后联立两式,获得控制点在 CCS 下的三维坐标。根据实验结果可知,毕德学等 利用该方法获得光平面方程参数的平均误差小 于 5%。

消隐点是相机投影理论中特殊却很有用处的性质。Wei等^[30]于 2014 年提出基于消隐线原理的方法进行光平面标定。如图 3 所示,在该方法中标定靶物被设计为三条等距平行线组成的平面靶标。该标定算法主要分为两个阶段。



第一阶段,获得光平面方程的方向矢量(*a*,*b*, *c*)。根据透视投影原理^[36],可得三条等间距平行线 *l*₀,*l*₁,*l*₂所在平面的消隐线由三条直线在像平面内 的投影线计算得出,即:

$$\boldsymbol{l} = (\boldsymbol{l}_0' \times \boldsymbol{l}_2')^{\mathrm{T}} (\boldsymbol{l}_1' \times \boldsymbol{l}_2') \boldsymbol{l}_1 +$$

$$2 (\boldsymbol{l}_{0}^{\prime} \times \boldsymbol{l}_{1}^{\prime})^{\mathrm{T}} (\boldsymbol{l}_{2}^{\prime} \times \boldsymbol{l}_{1}^{\prime}) \boldsymbol{l}_{2}^{\prime}, \qquad (3)$$

式中 l_0 、 l_1 、 l_2 表示靶物上平行线的表达式, l'_0 、 l'_1 、 l'_2 为 l_0 、 l_1 、 l_2 在相平面的表达式,l为消靶标平面的 在相平面中消隐线的表达式。

在标定过程中, v_1 为平行直线 l_0 、 l_1 、 l_2 在图像中的消影点。光条的投影图像交靶标平面的消隐线 于 v_2 点。移动靶标,获得第二个消隐点 v_3 。 v_2 和 v_3 分别代表两条光平面与靶标平面交线的方向。 将两方向矢量通过叉积运算可获得光平面方向矢量 (a,b,c)。

第二阶段,标定光平面的距离参数 d。由 文献[36]可知,平行线 l_0 、 l_1 、 l_2 与光条线 l_s 夹角 φ 可以根据图像中各自的方向矢量 v_1 和 v_2 解出。再 结合距离约束式可得;

$$\|\mathbf{A} - \mathbf{B}\| = \frac{h}{\sin\varphi},\tag{4}$$

最后联立(4)式,由夹角 φ ,光平面方程以及(a,b,c)的结果,可得控制 A、B的坐标。根据该方法,在 500 mm×500 mm的范围下获得的 RMS 误差为 0.134 mm。



图 3 平行线约束标定方法的原理图。(a)平面靶标图;(b)投影图像

Fig. 3 Diagram of calibration method based on parallel straight line constraint. (a) Planar target; (b) projected image

3.3.2 基于一维靶标的标定

基于一维靶标的标定方法是在平面靶标标定方 法的基础上发展而来。通常,平面靶标加工尺寸受 限于光刻机或打印机的加工范围,而一维靶标可以 利用常规尺寸光刻机或打印机配合高精度一维运动 平台获得,降低了制造难度。因此利用一维靶标的 标定方法有利于大视场高精度的标定。

韩建栋等^[38]在 2009 年提出了一种基于三点透 视原理(P3P)的标定方法。如图 4 所示, 靶物上设 置三个等距的共线点。光平面与平面特征线交于 P 点。透视平面如图 4(b)所示。根据相机透视投影 原理,可计算出 l_1 、 l_2 、 l_4 的夹角。由于 A、B、C 三 点间距离已知,根据平面几何关系,可得出 $\parallel OP \parallel$ 的长度,控制点 P 在 CCS 下的三维坐标为

$$X_{P} = \| \boldsymbol{OP} \| \cdot \frac{\boldsymbol{OP}}{\|\boldsymbol{OP} \|}$$
(7)

同理,移动靶标置若干位置,获得若干控制点, 完成光平面标定。该方法的 RMS 低于0.24 mm。

与上述基于 P3P 的标定方法不同,周富强等^[27] 于 2010年提出了利用消隐点原理标定方法。该方





法中一维靶标为一维等距排布的八个圆形特征点。 该方法首先根据消隐点原理,计算了一维靶标直线在 相机坐标系 CCS 中的方向矢量 *n*,;然后,结合靶标上 特征点的距离约束以及方向约束获得约束方程,即:

$$\begin{cases} \mathbf{X}_{n0} = (x_{c0}/z_{c0}, y_{c0}/z_{c0})^{\mathrm{T}} \\ \mathbf{X}_{ni} = (x_{ci}/z_{ci}, y_{ci}/z_{ci})^{\mathrm{T}} \\ \parallel \mathbf{X}_{c0} - \mathbf{X}_{ci} \parallel = L_{0i} \\ (\mathbf{X}_{c0} - \mathbf{X}_{ci}) \times \mathbf{n}_{\mathbf{v}} = 0 \end{cases}$$
(8)

式中 $X_{c0} = (x_{c0}, y_{c0}, z_{c0})^{T}$ 为初始点在相机坐标系 下的坐标, $X_{ci} = (x_{ci}, y_{ci}, z_{ci})^{T}$ 为第 *i* 个点距离初 始点在相机下的坐标, X_{n0} 、 X_{ni} 为物点投影至归一化 平面下的坐标, L_{0i} 为初始点和第 *i* 个点之间的距 离, n_{i} 为靶标直线的方向矢量。

结合靶标直线的方向矢量和初始点坐标,得到 一维靶标在相机坐标系下的方程空间直线方程为

$$\boldsymbol{X}_{ci} = \boldsymbol{X}_{c0} + \boldsymbol{L}_{0i} \boldsymbol{n}_{\boldsymbol{v}} \, \boldsymbol{o} \tag{9}$$

最后,利用一维射影变换将光条投影线与一维 直线投影线交点与初始点的像素距离,映射得到空 间距离,作为L₀代入(9)式,求得控制点在摄像机 坐标系下的三维坐标。经过多次摆放不同位置,可 得到若干控制点的坐标,完成光平面的标定。该方 法获得的 RMS 为 0.102 mm。

4 标定精度评定方法

标定精度的评定方法是检验标定方法有效性和 准确性的重要手段。与传统机械加工中采用检具、 量具或三坐标测量机等测量评定方法不同,线结构 光测量技术属于非接触式测量方法,无法直接应用 传统测量方法进行标定精度的评定。目前线结构光 测量尚无相应的国际标准^[39],事实上各科研机构、 企业单位多采用各自内部的评价方法来进行标定精 度的研究。针对上述情况,参考现有国内外有关文 献,系统总结了现有线结构光三维测量中常用的标 定精度评定方法。

表2列出了目前标定精度的主要评定方法,第 一列为序号,第二列列出评价指标,第三列指出对应 的评价对象,第四列归纳了评价方法。目前主要的 标定精度评价指标包括平面拟合精度、重复性精度、 光平面内复合精度、光平面内分离精度以及曲面重 建精度。平面拟合精度是光平面标定的直接评价指 标,其他4种指标主要针对重建后的尺寸测量结果 进行评价,是标定精度的集中体现。系统的重复性 由重复性精度表示;而光平面复合精度表明在测量 过程中传感器在任意方向上的综合精度;而光平面 分离精度是沿坐标轴方向测得的尺寸精度。由于沿 坐标轴方向测量有利于误差分离,是大多数商业系 统常用的精度指标;曲面重建精度代表了传感器重 建物体完整表面的精度,除传感器自身的标定精度 外,还包括了运动机构的定位精度,曲面重建精度在 实际应用中是用户关注的重点指标。

在实际标定精度验证中,与下面的分论述不符。所举例多使用单一标定指标。例如,Yang 等^[43]采用了光平面内分离精度和曲面重建精度; Depiero等^[44]主要采用光平面分离精度作为标定 精度的评价指标来进行;Lavrinov等^[45]利用了重 复性精度来进行评定;Yang等^[46]采用光平面内复 合精度来进行评价;Wei等^[47]采用光平面内符合 精度来进行评价;Huang等^[48]采用重复性精度来 进行评价的。

综上所述,建立统一的标定精度评定方法有利 于线结构光传感器标定方法精度的评定和不同标定 方法性能的比较。鉴于目前尚无相应的国际标准, 未来关于标定精度评定方法的标准化研究将会是线 结构光传感器的一个发展方向。

激光与光电子学进展

表 2 常用线结构光标定精度评价方法

 Table 2
 Evaluation of calibration accuracy of commonly used line structured light

No.	Evaluation indicator	Evaluation object	Evaluation method
1	Plane fitting accuracy	Light plane	Average or maximum of the distance from control points to fitting plane is computed as the accuracy results ^[40]
2	Repeatability	Single linear dimension	A fixed dimension would be measured for many times, and the maximum, minimum and variance will be used as the accuracy indicator for repeatability [41]. Based on cross ratio, distance between two control points
3	Light-plane composite accuracy	Dimensions from any direction in light plane	in local world frame would be obtained as the true value, then the corresponding control points would be measured in 3D coordinate. Finally, the RMS will be computed
4	Light-plane separating accuracy	Dimensions along with coordinate axes in light plane	as the evaluation results ^{1,00} . The measurement results with gauge block would be taken as the accuracy in vertical direction, and the measurement results with linear scale could be treated as the accuracy in horizontal direction ^[35] .
5	Surface reconstruction accuracy	Point cloud after curve accumulation	The reconstructed curves would be accumulated along the motion direction, and the comparison of point cloud and CAD model will be taken as the surface reconstruction accuracy ^[42] .

5 线结构光传感器的技术发展方向

5.1 自扫描机构的应用

随着线结构光技术的成熟,线结构光技术的集 成应用逐渐成为焦点。近年来,在激光光路上增加 震镜机构的自扫描式线结构光扫描仪得到发展。区 别与传统线结构光扫描系统,自扫描式线结构光自 身增加了震镜机构,增加了系统自身的运动能力,扩 展了系统的测量范围。解则晓等^[49]针对自扫描式 线结构光标定方法进行了研究,着重对震镜坐标系 与相机坐标系的对应关系进行了研究。此外,解则 晓等^[50]还将其运用到工业机器人视觉引导的定位 系统中,利用自扫描线结构光的静态扫描能力,完成 目标物体三维姿态的定位。未来针对静态三维扫描 仪的场景,自扫描式线结构光还将有更加广阔的应 用前景。

5.2 线结构光扫描仪的水下标定

近年来,随着一些水下特殊测量需求的产生,比 如核电站铀燃料棒的非接触式检测,深海河床的高 精度扫描等,线结构光的水下标定逐渐成为研究热 点。水密度产生的折射率差异,水对于光线的吸光 特性等均对线结构光的标定精度产生影响,这些问 题的解决是线结构光扫描仪未来的发展方向。

此外,线结构光标定参数的全局优化[41,51]及标

定精度评定方法的标准化等使传感器性能更稳定、 精度更高的传统研究,仍是值得研究的领域。

6 结 论

经过几十年的发展,线结构光标定方法得到了 广泛的应用并取得了很多成果,但目前对不同的标 定方法间仍缺乏统一归纳。针对线结构光标定方法 的综述,重点分析了标定方法中标定靶物、光平面标 定方法以及标定精度评定方法。通过对标定靶物的 总结,为标定靶物的选型和标定方法的选用提供参 考;对现有光平面方法按照标定时靶物与传感器之 间的相对运动关系进行了系统的划分,为目前光平 面方法的分类提供依据;总结了标定精度的评定方 法及特点,最后指出对自扫描机构的运用、水下标定 是线结构光传感器的发展新趋势。

参考文献

- [1] Chen F, Brown G M, Song M. Overview of threedimensional shape measurement using optical methods[J]. Optical Engineering, 2000, 39(1): 10-22.
- [2] He R F, Sun C K, Wang P, et al. Threedimensional online inspection technique for SMT packaging circuit board [J]. Chinese Journal of Sensors and Actuators, 2015, 28(2): 290-296.

何荣芳, 孙长库, 王鹏, 等. SMT 封装电路板三维在 线检测技术[J]. 传感技术学报, 2015, 28(2): 290-296.

[3] Wang Y Z, Ha W H, Wang Y, et al. Study on defect inspection of car painting based on line structured light [J]. Electronic Instrumentation Customers, 2010, 17(5): 7-8.

王以忠,哈维皓,王燕,等.基于线结构光的汽车涂装瑕疵检测的研究[J]. 仪器仪表用户,2010,17 (5):7-8.

[4] Wu C Y, He L Y, Li Q C, et al. Method for extraction of information of shoe upper and for automatic generation of spraying trajectory [J]. Chinese Journal of Mechanical Engineering, 2008, 44 (8): 85-89, 96. 武传宇, 贺磊盈, 李秦川, 等. 鞋底曲面数据提取与

喷胶轨迹的自动生成方法[J]. 机械工程学报, 2008, 44(8): 85-89, 96.

- [5] Xiao H, Luo M, Wang C H, et al. A line structured-light 3D visual sensor calibration by vanishing point method [J]. Opto-Electronic Engineering, 1996, 23(3): 54-59.
 肖海,罗明,王春和,等.用"消隐点"法标定线结构 光三维视觉传感器[J].光电工程, 1996, 23(3): 54-59.
- [6] You Z, Hu Q Y, Luo W G, et al. Analysis of image formation and its mathematical model I a structural light sensor [J]. Journal of Astronautic Metrology and Measurement, 1997, 17(4): 5-8, 12.
 尤政,胡庆英,罗维国,等.结构光传感器的成像分析及其数学模型[J]. 宇航计测技术, 1997, 17(4): 5-8, 12.
- [7] He Z H, Wang B G. Model and imaging formula of the line structured light sensor [J]. Optics and Precision Engineering, 2001, 9(3): 269-272.
 贺忠海,王宝光.线结构光传感器的模型及成像公式 [J].光学 精密工程, 2001, 9(3): 269-272.
- [8] McIvor A M. Calibration of a laser stripe profiler [C]// Proceeding of the Second International Conference on 3D Digital Imaging and Modeling, 1999: 92-98.
- [9] Santolaria J, Guillomía D, Cajal C, et al. Modelling and calibration technique of laser triangulation sensors for integration in robot arms and articulated arm coordinate measuring machines[J]. Sensors, 2009, 9 (9): 7374-7396.
- [10] Reid I D. Projective calibration of a laser-stripe range finder[J]. Image and Vision Computing, 1996, 14

(9): 659-666.

[11] Xiong H Y, Zong Z J, Xu Y. Direct calibration method of structured light stripe visual sensor [J]. Transducer and Microsystem Technologies, 2009, 28 (3): 38-41. 熊会元,宗志坚,许铀.线结构光视觉传感器直接标

熊云儿,示志坚, 叶钿. 线结构元视见传恩器且接称 定方法[J]. 传感器与微系统, 2009, 28(3): 38-41.

- [12] Zou Y Y, Zhao M Y, Zhang L. Direct calibration method of laser stripe vision sensor based on gauge block[J]. Chinese Journal of Lasers, 2014, 41(11): 1108002.
 邹媛媛,赵明扬,张雷.基于量块的线结构光视觉传感器直接标定方法[J].中国激光, 2014, 41(11): 1108002.
- [13] Dipanda A, Woo S, Marzani F, et al. 3-D shape reconstruction in an active stereo vision system using genetic algorithms [J]. Pattern Recognition, 2003, 36(9): 2143-2159.
- [14] Feng T J, Li X, Ji G R, et al. A new laser-scanning sensing technique for underwater engineering inspection[J]. Artificial Intelligence in Engineering, 1996, 10(4): 363-368.
- [15] Xie K, Liu W Y, Pu Z B. The hybrid calibration of linear structured light system [C]. Proceeding of the 2006 IEEE International Conference on Automation Science and Engineering, 2006: 611-614.
- [16] Jiang Y F, Jiang K Y, Lin J Y. Extraction method for sub-pixel center of linear structured light stripe
 [J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2015, 52
 (7): 071502.
 江永付,江开勇,林俊义.线结构光光条中心亚像素
 精确提取方法[J].激光与光电子学进展, 2015, 52
 (7): 071502.
- [17] Yang J H, Yang X R, Cheng S Y, et al. Review of extracting the centers of linear structured light stripes for 3D visual measurements [J]. Journal of Guangdong University of Technology, 2014, 31(1): 74-78.

杨建华,杨雪荣,成思源,等.线结构光三维视觉测 量中光条纹中心提取综述[J].广东工业大学学报, 2014,31(1):74-78.

- [18] Li Y Y, Zhang Z Y, Yuan L. Survey on linear structured light stripe center extraction[J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2013, 50(10): 100002.
 李莹莹,张志毅,袁林.线结构光光条中心提取综述
 [J].激光与光电子学进展, 2013, 50(10): 100002.
- [19] Salvi J, Armangué X, Batlle J. A comparative review of camera calibrating methods with accuracy

evaluation[J]. Pattern Recognition, 2002, 35(7): 1617-1635.

- [20] Zhang Z. A flexible new technique for camera calibration [J]. IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence, 2000, 22(11): 1330-1334.
- [21] Zhang X, Cheng D Q, Li W. High precision calibration of vision measurement system in large FOV based on virtual 3D target [J]. Optics and Precision Engineering, 2017, 25(4): 359-367.
 张曦,程东勤,李伟.构建虚拟立体靶标的大视场高精度视觉标定[J].光学精密工程, 2017, 25(4): 359-367.
- [22] Dewar R. Self-generated targets for spatial calibration of structured light optical sectioning sensors with respect to an external coordinate system [J]. Society of Manufacturing Engineers, 1988: 5-13.
- [23] Duan F J, Liu F M, Ye S H. A new accurate method for the calibration of line structured light sensor[J]. Chinese Journal of Scientific Instrument, 2000, 21 (1): 108-110.
 段发阶,刘凤梅,叶声华. 一种新型线结构光传感器 (杜梅金教 左京 去达 [1]) (以聚 似 表 常 招。2000, 21)

结构参数标定方法[J]. 仪器仪表学报, 2000, 21 (1): 108-110.

- [24] Huynh D Q, Qwens R A, Hartmann P E. Calibration a structured light stripe system: a novel approach [J]. International Journal of Computer Vision, 1999, 33(1): 73-86.
- [25] Wei Z Z, Zhang G J, Xu Y. Calibration approach for structured-light-stripe vision sensor [J]. Chinese Journal of Mechanical Engineering, 2005, 41(2): 210-214.
 魏振忠,张广军,徐园.一种线结构光视觉传感器标

定方法[J]. 机械工程学报, 2005, 41(2): 210-214.

- [26] Zhou F Q, Zhang G J. Complete calibration of a structured light stripe vision sensor through planar target of unknown orientations[J]. Image and Vision Computing, 2005, 23(1): 59-67.
- [27] Zhou F Q, Cai F H. Calibrating structured-light vision sensor with one-dimensional target [J]. Chinese Journal of Mechanical Engineering, 2010, 46 (18): 7-12.
 周富强, 蔡斐华.基于一维靶标的结构光视觉传感器
- [28] Chen T F, Ma Z, Wu X. Calibration of light plane in line structured light sensor based on active vision[J].
 Optics and Precision Engineering, 2012, 20(2): 256-263.

标定[J]. 机械工程学报, 2010, 46(18): 7-12.

陈天飞,马孜,吴翔.基于主动视觉标定线结构光传 感器中的光平面[J].光学 精密工程,2012,20(2): 256-263.

- [29] Liu Z, Li X J, Li F J, et al. Calibration method for line-structured light vision sensor based on a single ball target [J]. Optics and Lasers in Engineering, 2015, 69: 20-28.
- [30] Wei Z Z, Li C Q, Ding B S. Line structured light vision sensor calibration using parallel straight lines features [J]. Optik-International Journal for Light and Electron Optics, 2014, 125(17): 4990-4997.
- [31] Keferstein C P, Marxer M. Testing bench for laser triangulation sensors [J]. Sensor Review, 1998, 18 (3): 183-187.
- [32] Yang K, Yu H Y, Yang C. Calibration of line structured-light vision measurement system based on free-target [J]. Journal of Mechanical & Electrical Engineering, 2016, 33(9): 1066-1070.
 杨凯,余厚云,杨超.基于自由靶标的线结构光视觉测量系统标定研究[J].机电工程, 2016, 33(9): 1066-1070.
- [33] Zhu J G, Li Y J, Ye S H. A speedy method for the calibration of line structured light sensor based on coplanar reference target [J]. China Mechanical Engineering, 2006, 17(2): 183-186.
 郑继贵,李艳军,叶声华.基于共面标定参照物的线 结构光传感器快速标定方法[J].中国机械工程, 2006, 17(2): 183-186.
- [34] Chen X Y, Ma Z, Chen T F. Calibration model for line structured light vision sensor [J]. Optics and Precision Engineering, 2012, 20(11): 2345-2352.
 陈新禹,马孜,陈天飞.线结构光传感器模型的简易 标定[J].光学 精密工程, 2012, 20(11): 2345-2352.
- [35] Kuang Y C, Cui L C. A new calibration method for line-structured light vision sensor based on linear scale [J]. Journal of South China University of Technology(Natural Science Edition), 2016, 44(1): 71-77.

邝泳聪,崔亮纯.基于线纹尺的线结构光视觉传感器标定新方法[J].华南理工大学学报(自然科学版), 2016,44(1):71-77.

- [36] Harley R, Zisserman A. Multiple view geometry in computer vision [M]. Cambridge: Cambridge University Press, 2004.
- [37] Bi D X, Liu F T, Xue Q, et al. New structured light vision sensor field calibration approach based on laser intersection lines [J]. Chinese Journal of Scientific Instrument, 2009, 30(8): 1697-1701.

毕德学,刘方滔,薛强,等.基于激光交线的结构光 视觉传感器现场标定新方法[J].仪器仪表学报, 2009,30(8):1697-1701.

[38] Han J D, Lü N G, Dong M L, et al. Fast method to calibrate structure parameters of line structured light vision sensor[J]. Optics and Precision Engineering, 2009, 17(5): 958-963.
韩建栋,吕乃光,董明利,等.线结构光传感系统的

• 申建你,百万元,重明利,寺.线结构元传感系统的
快速标定方法[J].光学精密工程,2009,17(5):
958-963.

- [39] Genta G, Minetola P, Barbato G. Calibration procedure for a laser triangulation scanner with uncertainty evaluation [J]. Optics and Lasers in Engineering, 2016, 86: 11-19.
- [40] Wang J Q, Duan F J, Bo E, et al. Calibration of line structured light scanning sensor structure parameter integration [J]. Chinese Journal of Sensors and Actuators 2014, 27(9): 1196-1201.
 王金桥,段发阶,伯恩,等.线结构光扫描传感器结构参数一体化标定[J]. 传感技术学报, 2014, 27
- (9): 1196-1201.
 [41] Xie Z X, Liu J X. Calibration technology for line structured light sensor with large scale[J]. Chinese Journal of Lasers, 2015, 42(12): 1214001.
 解则晓,刘静晓.超大尺度线结构光传感器现场标定 技术[J]. 中国激光, 2015, 42(12): 1214001.
- [42] Wei Y, Liu Y C, Zhang Y D, et al. Line structured light parameter calibration based on planar target[J] Journal of Optoelectronics Laser, 2013, 24(8): 1557-1562.
 魏一,刘彦呈,张银东,等.基于平面标靶的线结构 光参数一体标定算法[J].光电子•激光, 2013, 24

(8): 1557-1562. Yang Z D, Wang P, Li X H, *et al*. Flexible

- [43] Yang Z D, Wang P, Li X H, et al. Flexible calibration method for 3D laser scanner system [J]. Transactions of Tianjin University, 2014, 20: 27-35.
- [44] Depiero F W, Trivedi M M. 3D computer vision using structured light: design, calibration, and

implementation issues [J]. Advances in Computers, 1996, 43: 243-278.

- [45] Larvinov D S, Khorkin A I. Problems of internal calibration of precision laser triangulation 2D scanners
 [C]. International Conference on Industrial Engineering, Applications and Manufacturing, 2016: 1-4.
- [46] Yang P, Xu B S, Wu L. Rapid calibration for line structured light vision sensors [J]. Optoelectronics Letters, 2006, 2(3): 175-178.
- [47] Wei Z Z, Xie M, Zhang G J. Calibration method for line structured light vision sensor based on vanish points and lines[C]. 20th International Conference on Pattern Recognition, 2010: 798-891.
- [48] Huang Y G, Li X H, Chen P F. Calibration method for line-structured light multi-vision sensor based on combined target [J]. Eurasip Journal on Wireless Communications and Networking, 2013(1): 92.
- [49] Xie Z X, Chi S K, Wang X M, et al. Calibration method for structured-light auto-scanning measurement system based on coplanarity [J]. Chinese Journal of Lasers, 2016, 43(3): 0308003.
 解则晓,迟书凯,王晓敏,等.基于共面法的结构光 自扫描测量系统参数标定方法[J].中国激光, 2016, 43(3): 0308003.
- [50] Xie Z X, Chen W Z, Chi S K, et al. Industrial robot positioning system based on the guidance of the structured-light vision[J]. Acta Optica Sinica, 2016, 36(10): 1015001.
 解则晓,陈文柱,迟书凯,等.基于结构光视觉引导的工业机器人定位系统[J].光学学报, 2016, 36 (10): 1015001.
- [51] Chen T F, Zhao J B, Wu X. New calibration method for line structured light sensor based on planar target
 [J]. Acta Optica Sinica, 2015, 35(1): 0112004.
 陈天飞,赵吉宾,吴翔.基于共面靶标的线结构光传 感器标定新方法[J].光学学报, 2015, 35(1): 0112004.