第 51 卷 第 6 期/2024 年 3 月/中国激光



# 基于高阶抑制达曼光栅的微透镜阵列焦距的快速测量

郑奉禄<sup>1,2</sup>,余俊杰<sup>1,3\*</sup>,朱镕威<sup>1,3</sup>,马国庆<sup>1,3</sup>,张军勇<sup>3,4\*\*</sup> <sup>1</sup>中国科学院上海光学精密机械研究所光芯片集成研发中心,上海 201800; <sup>2</sup>上海科技大学,上海 201210; <sup>3</sup>中国科学院大学,北京 100049;

\*中国科学院上海光学精密机械研究所高功率激光物理联合实验室,上海 201899

**摘要** 提出了一种用高阶抑制二维达曼光栅作为分光元件替代普通衍射光栅实现微透镜阵列焦距快速测量的方法。高阶抑制二维达曼光栅具有优良的分光效果,且高阶衍射级次能够得到有效抑制,通过信噪比的提高降低焦距测量误差。设计并制备了一分五的高阶抑制二维达曼光栅,分束后的光束经过微透镜,在其焦面附近形成高对比聚 焦光斑阵列。相比常规一维光栅,所提方法通过测量每个微透镜焦面内光斑两两之间的距离,得到多个焦距值,从 而有效减少测量的随机误差。实验结果表明,该方案对微透镜阵列焦距的单次测量误差小于3.5%,重复测量误差 在4.5%之内。该方案对微透镜阵列的焦距分布快速评估具有实用价值。

关键词 测量;高阶抑制达曼光栅;微透镜阵列;焦距测量

**中图分类号** O436 文献标志码 A

# 1引言

自从微电子技术问世以来,人们在电子电路技术 领域不断追求缩小尺度。电子元器件尺寸的微型化, 相应地也推动了微电子机械系统的长足进步,出现了 功能越来越完善的微装置结构。当微电子机械系统与 光学领域结合时,便出现了"微光学"[1]。微透镜阵列 (MLA)是微光学阵列元件中一类重要的元器件<sup>[2]</sup>,阵 列化的微透镜器件在众多领域有广泛应用,如波前传 感[3-4]、激光光束整形[5-6]、光学成像[7-9]、光互连与光计 算<sup>[10]</sup>、仿生技术<sup>[11]</sup>以及现代照明<sup>[12-13]</sup>等。小型化与集 成化的趋势对微透镜阵列焦距的测量精度和测量效率 提出了更高的要求。对于微透镜阵列焦距,传统的检 测方法有干涉仪测量法、显微镜测量法、光强测量法 等,这些方法均难以同时满足高精度和快速测量的要 求。传统的转角法<sup>[14]</sup>由于需要转动光管或者透镜,一 般单次测量不能确定光斑的移动量,且容易受到测量 装置的影响。基于光栅多缝衍射的转角法利用光栅多 缝衍射原理[15],通过计算相邻级次分开的距离确定焦 距,提高了测量效率。然而,这种方案的单次测量仅能 得到单个焦距值,依然需要通过多次测量来消除随机 误差。此外,传统光栅能够实现较好的分光效果,但是 其高阶衍射级次会引入额外的测量噪声,影响测量精 度。基于 Hartmann-Shack 波前检测原理的检测技术<sup>[16]</sup>提高的测量效率有限,且目前的方法单次采集仅能得到单个焦距值,为了消除随机误差实际还是需要 多次测量。

DOI: 10.3788/CJL230952

针对上述问题,本文提出一种利用高阶抑制的 二维达曼光栅(HOSDG)代替传统光栅衍射的转角 法焦距快速测量方案。首先设计一种高阶抑制的二 维达曼光栅,实现多个等强度二维分布的衍射级次, 其光强集中、均匀性好,且高阶衍射级次能够得到有 效抑制。其次,通过选择不同的两焦点之间的间距 值,可以由单次测量得到多个焦距值,从而单次采集 即可有效降低测量随机误差。作为一个例子,本文 选取一分五的高阶抑制二维达曼光栅,单次采集实 现了等效于传统一维光栅十次测量的效果。因此, 本项目方案一方面通过抑制高阶衍射级次有效提高 了焦面阵列光斑的信噪比,具有较高的测量精度;另 一方面可以实现单次采集等效多次测量效果,极大 地降低了测量随机误差,提升了微透镜焦距测量的 效率。

### 2 基本原理

## 2.1 达曼光栅测量微透镜阵列焦距的原理

传统转角法测量透镜焦距的方法由于机械转动装

收稿日期: 2023-06-25; 修回日期: 2023-08-06; 录用日期: 2023-09-05; 网络首发日期: 2023-09-15

**基金项目:**上海市自然科学基金(20ZR1464700)、上海市超精密光学加工与检测专业技术服务平台、国家自然科学基金(62175245)

#### 研究论文

#### 第 51 卷 第 6 期/2024 年 3 月/中国激光

置和测角装置的影响,满足不了微透镜焦距的精密测量。为此,朱咸昌等<sup>[15,17]</sup>利用光栅的衍射原理进行了改进,利用光栅的分光特性单次测量即可得到横向焦斑距离,从而完成微透镜焦距的测量。然而在实际测量过程中,为了减小测量随机误差,这种基于经典衍射光栅的测量方法同样需要通过多次测量得到多个焦距以求其平均值作为焦距值。本文提出一种利用高阶抑制二维达曼光栅的微透镜焦距快速测量方法,其实验光路原理示意图如图1所示,图1中h为相邻两级次分

开的距离,f为微透镜焦距,f<sub>1</sub>和f<sub>2</sub>分别对应所用成像透 镜组L<sub>1</sub>和L<sub>2</sub>的焦距。激光器出射的激光经过扩束准 直系统后,通过光栅衍射分束,再经过被测微透镜阵 列,在其焦面附近即可产生多个焦斑。该微透镜阵列 在其焦面附近形成的焦斑阵列被一对共焦透镜组L<sub>1</sub> 和L<sub>2</sub>成像在探测相机的探测面上。通过计算探测面 上每个微透镜孔径对应的光斑阵列之间的横向距离 H,即可通过简单的几何关系推算出对应微透镜的 焦距。



图 1 关短示沉侧里床连小息图 Fig. 1 Schematic diagram of experimental measurement system

对于常规的衍射光栅,如图 2(a)所示,微透镜对 应的焦距可以从±1级光斑之间的距离计算如下:

$$f = \frac{H}{2\tan\alpha} \approx H \frac{d}{2\lambda} = \frac{hd}{\lambda}, \qquad (1)$$

式中: $\alpha$ 为光栅±1级对应的衍射角;h是光栅±1级与 0级分开的距离,由光栅方程 $d\sin \alpha = m\lambda$ 决定;d为光 栅周期; $\lambda$ 为激光工作波长。

这里采用的是一种二维分束光栅,即高阶抑制的 二维达曼光栅。此时,每个微透镜孔径对应的光斑阵 列是一个二维分布,且设计级次之间的能量分布均等。 这里以一分五的二维达曼光栅为例,如图 2(b)所示, 分束之后的5个焦点对应级次分别为(-1,-1)、 (-1,+1)、(+1,-1)、(+1,+1),以及(0,0)。这5 个焦点可以组合形成10组焦斑之间的距离 $H_1 \sim H_{10}$ 。 对比常规光栅结果,图 2中边长对应的距离为H,而对 角线的距离为 $\sqrt{2}H$ ,对角线的一半即为 $\sqrt{2}H/2$ 。这 10个距离对应大小分别为 $H_1(H_2) = \sqrt{2}H, H_3 \sim H_6 =$  $H, H_7 \sim H_{10} = \sqrt{2}H/2$ ,最后由式(1)即可计算出对应焦 距值。因此,通过单次测量即可计算出10个焦距值, 可以有效减小随机测量误差。





#### 2.2 光栅周期与微透镜焦距的约束条件

微透镜阵列子单元数较多,所以在测量时可能会 出现两种情况:1)光栅周期较大,同一微透镜单元内多 个衍射光斑分开距离不够,造成光斑混叠;2)光栅周期 太小,不同微透镜单元之间的衍射光斑串扰。故此,光 栅与微透镜参数之间必须满足一定的约束条件。第一 种情况需要考虑的是瑞利判据<sup>[18]</sup>,即衍射光斑两级次 之间的中心距离要大于一个艾里斑半径,但是考虑图 像处理方便,取间隔至少一个艾里斑直径2.44*f*λ/D,D 为微透镜口径,λ为光波长。同一子透镜成像的最近

#### 研究论文

邻两光斑的距离满足式(1)<sup>[15]</sup>,因此对于第一种情况的 约束条件是

$$2h = 2 \cdot \frac{f\lambda}{d} > 2.44f \frac{\lambda}{D}, \qquad (2)$$

即最近邻两光斑的距离大于艾里斑直径。

对于第二种情况,需要满足的约束条件是

$$D - 2h = D - \frac{2f\lambda}{d} > 2.44f \frac{\lambda}{D}, \qquad (3)$$

即相邻子透镜之间的衍射光斑距离大于艾里斑直径。 由此可以分别得到不同参数的约束条件为

$$\frac{2Df\lambda}{D^2 - 2.44f\lambda} < d < \frac{D}{1.22},\tag{4}$$

$$D > \frac{\frac{2f\lambda}{d} + \sqrt{\left(\frac{2f\lambda}{d}\right)^2 + 9.76f\lambda}}{2}, \quad (5)$$

$$D > 1.22d, \tag{6}$$

$$f < \frac{dD^2}{2.44\lambda d + 2\lambda D^{\circ}} \tag{7}$$

以上约束条件表示,在已知另外两个参数的情况下,代入公式,如果待确定参数超出结果范围,那 么会出现光斑混叠或级次串扰的情况。这些约束 条件的存在,说明了光栅法测量微透镜焦距的实际 测量范围与微透镜口径及所采用光栅的周期等因 素相关。

#### 2.3 高阶抑制达曼光栅的设计与测试

Amplitude

Phase

相比于一维光栅,二维光栅能够在每个微透镜子 孔径内产生多个等强度衍射光斑,因而可以实现单次 测量得到多个焦距测量值,从而极大地减少焦距测量 的随机误差。常规的二维达曼光栅是正交型二值相位 达曼光栅,因具有设计简单、制作工艺成熟、无需套准 (二台阶二值结构)等优点而被广泛使用<sup>[19-20]</sup>。常规二 维达曼光栅可以实现等强度衍射光斑阵列,然而其高



阶衍射级次较强,对测量结果会带来不可避免的噪声。 本文提出一种高阶抑制的二维达曼光栅,通过加入复 振幅调制实现对高阶衍射级次的抑制。这里选用一 分五高阶抑制二维达曼光栅,其工作的级次分别为 (0,0)、(+1,+1)、(+1,-1)、(-1,+1)、(-1,-1)。 在理想状态下,一分四二维达曼光栅透过率函数可以 表示为

 $T(x, y) = \cos \left[ 2\pi (x+y)/d \right] + \cos \left[ 2\pi (x-y)/d \right],$ (8)

式中:(x, y)为光栅平面内坐标。

基于这种一分四达曼光栅,可以通过调节相位延 迟来实现0级与其他4个级次的能量相等,从而实现一 分五的效果。对于这种连续复振幅调制,实际制备工 艺很难实现,因此是在制备工艺允许的条件下做出逼 近该函数分布的光栅,即对式(8)中的振幅和相位做二 值化。图3给出了这种高阶抑制达曼光栅的设计原理 示意图,其二值化的过程是通过设定其振幅对应归一 化振幅的绝对值小于α'为0,大于α'为1;设定其相位 对应实部大于0为βπ,小于0为0;α'和β均为大于0小 于1的实数。通过模拟退火算法[21],以5个需要的级次 的总能量最大、均匀性最好,以及对应其他噪声级次最 小为目标优化,得到振幅优化系数 $\alpha'=0.4$ ,相位优化 系数β=0.6819。图 3(a)和(b)分别给出了这种高阶抑 制达曼光栅归一化周期内的振幅及相位分布,图3(c) 给出了这种光栅对应的二值化之后的复振幅分布。常 规纯相位型达曼光栅的高阶衍射噪声为11.13%(定义 为不需要的高阶级次最大值与需要的5个级次平均值 的比值),通过上述优化之后得到的高阶抑制达曼光栅 其高阶衍射噪声降低至5.3%。5个工作级次之间的 不均匀度为0.41%,其定义为 $(I_{max} - I_{min})/(I_{max} + I_{min})$ ,其 中 Imax 和 Imin 分别代表 5个级次中光强的最大值和最 小值。



图 3 高阶抑制达曼光栅设计基本原理。(a)振幅二值化原理示意图;(b)相位二值化原理示意图;(c)优化后的达曼光栅复振幅 二维分布

Fig. 3 Fundamental principle of high-order-suppression Dammann grating design. (a) Schematic diagram of amplitude binarization principle; (b) schematic diagram of phase binarization principle; (c) complex amplitude distribution of optimized grating design

#### 研究论文

通过两次标准光刻套刻及等离子刻蚀,制备了该 高阶抑制一分五达曼光栅以及常规相位型一分五达曼 光栅。图4给出了这两种一分五达曼光栅远场衍射光 斑的数值仿真结果和实验结果。图4(a)和图4(c)是 常规相位型达曼光栅远场衍射光斑的数值仿真和实验 结果,图4(b)和图4(d)是高阶抑制达曼光栅对应的仿 真和实验结果。从图4可以明显看出,通过复振幅调 制改进后的高阶衍射级次得到了有效抑制,这将有利 于后期数据处理过程中提高每个光斑的质心定位精 第51卷第6期/2024年3月/中国激光

度,从而降低实际微透镜阵列焦距的测量误差。实验中,优化前后的旁瓣的效率比实际测试值分别为 19.66%和9.88%;5个工作级次之间的不均匀度实测 值为21.04%。由上述原理可知,这种水平的不均匀度 对焦距测量误差无影响。此外,根据光栅方程 dsin α= mλ,通过测量3.1 m外不同级次光斑分开的角度,得到 光栅周期的制作误差为0.024 μm,由式(1)可以得到该 误差对焦距的测量精度影响为0.024%,因此由光栅周 期误差导致的测量误差远小于实际测量误差。



图4 常规相位型达曼光栅与高阶抑制达曼光栅远场衍射光斑对比。(a)常规相位型达曼光栅仿真图;(b)高阶抑制达曼光栅 仿真图;(c)常规相位型达曼光栅实验结果;(d)高阶抑制达曼光栅实验结果

Fig. 4 Image comparison before and after grating improvement. (a) Simulation diagram with conventional phase-type Dammann grating; (b) simulation diagram with HOSDG; (c) experimental diagram with conventional phase-type Dammann grating; (d) experimental diagram with HOSDG

## 3 实验结果与分析

#### 3.1 实验条件与结果

在验证实验中,光源采用532 nm半导体泵浦固体 激光器(MLL-U-532),两个透镜选用焦距分别为 $f_i$ = 300 mm和 $f_2$ =200 mm的透镜,探测相机采用的是互 补金属氧化物半导体(CMOS)相机(Edmund Optics, EO2323,1920 pixel×1200 pixel,4.8 µm)。实验所用 的测量对象是一个衍射型微透镜阵列(上海七栅光电, 定制规格,对应的焦距设计值为12 mm,微透镜子口径 为500 µm,设计波长为532 nm)。分束光栅采用自主 设计加工的高阶抑制一分五二维达曼光栅(周期d为 120 µm)。实验中,利用高阶抑制二维光栅进行单次 测量,其探测面采集结果如图5(a)所示。从图5(a)可 以看出,通过分束光栅得到了高信噪比的5焦点阵列, 即每个微透镜对应5个焦点。由于相机探测面的限 制,视场中单次采集到的是11×7共77个微透镜的对 应光斑阵列的结果。由于所采用的微透镜阵列焦距较 小,因此在实验中用300mm和200mm的双透镜成像 系统,通过投影成像的方式将微透镜对应焦面投影成 像在探测面上。因此,两透镜之间的距离及物距决定 了图像的放大率。实验中利用相邻微透镜之间的间 距D来实现放大倍率的标校。为了验证本方案的重 复性与可靠性,实验中通过调节两个透镜之间的距 离,实现不同放大倍率下同一批子透镜重复15次测 量得到焦距值。对于每次测量结果,利用质心算法对 图中每个光斑进行了光斑中心定位,然后利用不同光 斑间距可以实现多次焦距测量,从而减小随机测量误



图5 原始实验结果与质心定位。(a)实验结果图;(b)子透镜成像光斑质心定位

Fig. 5 Experimental results and centroid positioning. (a) Experimental image; (b) spot centroid positioning in single sublens image

差。图5给出了典型的相机探测到的焦面上的光斑阵 列及单个微透镜孔径内的原始光斑分布。图5(b)中, 红色的标记点为算法定位的质心坐标。

#### 3.2 实验数据处理

整个焦距计算的后期数据处理算法流程示意图如 图 6 所示。首先,对原始光斑图像进行掩模操作,即以 低阈值标准进行粗二值化,对二值化的光斑图像进行 紧邻光斑的膨胀融合处理,并剔除无效信息光斑。所 得二值化掩模如图 7(a)所示。其次,将掩模作用在实 验图像上,将原始光斑阵列划分区域,用质心法计算出 每个光斑的质心,并结合聚类分析算法归类输出各个 透镜对应的5个光斑质心坐标点矩阵,再对每个透镜 的质心坐标按照顺时针排序,从而得到特定光斑坐标 顺序的矩阵。最后,利用数据坐标矩阵求取10组光斑 对应的10个焦距,并求平均值,即得到所测微透镜阵 列每个子透镜的焦距值。图7(b)和图7(c)给出了该 微透镜阵列的局部焦距测量结果,其中图7(b)为对应 的焦距平均值的空间分布,行列与图7(a)中透镜位置 对应,图7(c)为单次测量的10个组合方式对应的焦距 平均误差分布。





Fig. 6 Flow chart for late-stage data processing of focal length calculation

二维达曼光栅的优势是可以利用单次采集的光 斑阵列图像得到10个光斑组合,分别计算该微透镜的 焦距,相当于单次采集即可实现10次测量,从而可以 有效减少随机误差。图7(c)是在放大率为1.229的情 况下得到的实验结果。从图7(c)可以明显看出,不同 方向测量的焦距的大小和误差明显不同,因此单一方向的测量值由于随机误差而不足以充分描述当前透镜焦距情况。通过计算所有数据得到的平均值较单个方向上的结果更加稳定可靠,随机误差得到有效降低。



图7 实验数据分析图。(a)单次测量二值化图像及标序;(b)微透镜焦距平均值二维分布;(c)单次测量10种组合焦距均值误差分布 Fig.7 Experimental data analysis diagram. (a) Binary image and point numbering for single measurement; (b) two-dimensional distribution of average focal lengths of microlenses; (c) average value and error distribution of 10 focal lengths in single measurement

此外,对同一区域同一批子透镜在不同放大率 下15次测量的焦距平均值与误差分布如图8所示, 15次的放大率分别为:1.271,1.265,1.268,1.250, 1.252,1.253,1.249,1.244,1.246,1.242,1.239,1.240, 1.231,1.227,1.229。此外,通过显微镜配合标准分辨 率板成像测量,微透镜的间距误差在2.5µm之内,该 放大率导致的透镜焦距精度误差为0.48%。图8所 用透镜标序如图7(a)所示。从图8可以看出,本方 案对阵列中单元数较多的微透镜单次测量误差为 3.5%,15次重复测量误差均在4.5%之内,且在这种 单元数较多的情况下,只有个别微透镜的测量误差 超过3%。因此,本方案可以作为有效的定标依据, 并应用于单元数较多的微透镜阵列焦距的快速 测量。



Fig. 8 Average value and error distribution of focal lengths in 15 measurements

## 4 结 论

本文提出了一种基于高阶抑制的二维达曼光栅 测量微透镜阵列焦距的方案,将传统一维衍射型光 栅替换为高阶抑制二维达曼光栅,可有效抑制高阶 衍射能量,提高质心定位测量信噪比。所设计的二 维达曼光栅使得每个微透镜孔径内产生多个聚焦光 斑,利用多个光斑两两组合达到单次采集即可实现 多次测量的效果,这可以极大地降低随机测量误差、 提高测量效率。另外,在对于光栅口径和探测相机 探测面足够大的情况下,可以通过单次采集实现大 量微透镜阵列焦距的同时测量,并可以进行精准定 位反映整体微透镜焦距的分布情况。在原理验证实 验中,自行设计并加工了一种一分五高阶抑制二维 达曼光栅,利用二维达曼光栅的分束特性,一次采集 相当于进行了10次普通光栅的实验,有效降低了测 量随机误差,使得单次测量误差为3.5%,重复测量 误差在4.5%以内。总之,本方案在大规模微透镜焦 距测量方面提高了测量效率并降低了测量误差,因 而具有重要的应用价值,并将对微透镜加工、检测以 及应用起到推动作用。

#### 参考文献

[1] 李恩琪. 微透镜阵列成像质量的研究[D]. 西安: 西安工业大学, 2022.

Li E Q. Study on imaging quality of microlens array[D]. Xi'an: Xi'an Technological University, 2022.

- [2] Nishizawa K, Oikawa M. Micro-optics research activities in Japan[J]. Proceedings of SPIE, 1993, 1751: 54-56.
- [3] Oliveira O G, de Lima Monteiro D W, Costa R F O. Optimized microlens-array geometry for Hartmann-Shack wavefront sensor [J]. Optics and Lasers in Engineering, 2014, 55: 155-161.
- [4] Martínez-Cuenca R, Durán V, Climent V, et al. Reconfigurable Shack-Hartmann sensor without moving elements[J]. Optics Letters, 2010, 35(9): 1338-1340.
- [5] Sales T R M. Structured microlens arrays for beam shaping[J]. Proceedings of SPIE, 2003, 5175: 109-120.
- [6] Cao A X, Pang H, Wang J Z, et al. Center off-axis tandem microlens arrays for beam homogenization[J]. IEEE Photonics Journal, 2015, 7(3): 2400207.
- [7] Hain M, von Spiegel W, Schmiedchen M, et al. 3D integral imaging using diffractive Fresnel lens arrays[J]. Optics Express, 2005, 13(1): 315-326.
- [8] Wu J M, Guo Y D, Deng C, et al. An integrated imaging sensor for aberration-corrected 3D photography[J]. Nature, 2022, 612 (7938): 62-71.

第51卷第6期/2024年3月/中国激光

- [9] 桂博瀚,李常伟.基于波面分割及多平面相位恢复的定量相位成 像技术[J].光学学报,2023,43(14):1411002.
  Gui B H, Li C W. Quantitative phase imaging technology based on wavefront segmentation and multiplane phase retrieval[J]. Acta Optica Sinica, 2023, 43(14):1411002.
- [10] Jahns J. Free-space optical digital computing and interconnection [M]//Wolf E. Progress in Optics, Vol. 38. Amsterdam: Elsevier, 1998: 419-513.
- [11] 李江,高筱钧,付作立,等.超快激光仿生复眼加工研究进展[J]. 中国激光, 2022, 49(10): 1002704.
  Li J, Gao X J, Fu Z L, et al. Research advancement on fabrication of artificial compound eye using ultrafast laser[J]. Chinese Journal of Lasers, 2022, 49(10): 1002704.
- [12] 聂娟, 杜佳林, 李凡星, 等. 基于微透镜阵列的大面积LED阵列 光源匀化方法[J]. 激光与光电子学进展, 2023, 60(15): 1525003.
  Nie J, Du J L, Li F X, et al. Light source homogenization method for large-area LED array based on microlens array[J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2023, 60(15): 1525003.
- [13] 王彬. 微透镜阵列在LED光源中的应用研究[D]. 南昌: 南昌航空 大学, 2013.

Wang B. Research on the application of microlens array in LED light source[D]. Nanchang: Nanchang Hangkong University, 2013.

- [14] DeBoo B J, Sasian J M. Novel method for precise focal length measurement[J]. Proceedings of SPIE, 2002, 4832: 114-121.
- [15] 朱咸昌,曹学东,吴时彬,等.基于光栅多缝衍射的转角法测量 微透镜焦距[J].光学学报,2011,31(5):0523001.
  Zhu X C, Cao X D, Wu S B, et al. Focal length measurement of microlens by rotation method based on grating multislit diffraction [J]. Acta Optica Sinica, 2011, 31(5):0523001.
- [16] 朱咸昌, 伍凡, 曹学东, 等. 基于 Hartmann-Shack 波前检测原理 的微透镜阵列焦距测量[J]. 光学 精密工程, 2013, 21(5): 1122-1128.
  Zhu X C, Wu F, Cao X D, et al. Focal length measurement of microlens-array based on wavefront testing principle of Hartmann-Shack sensor[J]. Optics and Precision Engineering, 2013, 21(5): 1122-1128.
- [17] 朱咸昌,伍凡,曹学东,等.光栅衍射法测量微透镜列阵焦距时产生的光斑干扰分析[J].光学学报,2011,31(11):1112010.
  Zhu X C, Wu F, Cao X D, et al. Analysis of focus dislocation induced by the microlens array measuring based on grating diffraction[J]. Acta Optica Sinica, 2011, 31(11): 1112010.
- [18] 马科斯·波恩,埃米尔·沃耳夫.光学原理:光的传播、干涉和衍射的电磁理论[M].杨葭荪,译.7版.北京:电子工业出版社,2016.
  Born M, Wolf E. Principles of optics: electromagnetic theory of propagation, interference and diffraction of light[M]. Yang J S, Transl. 7th ed. Beijing: Publishing House of Electronics Industry, 2016.
- [19] Dammann H, Klotz E. Coherent optical generation and inspection of two-dimensional periodic structures[J]. Optica Acta: International Journal of Optics, 1977, 24(4): 505-515.
- [20] Zhou C H, Liu L R. Numerical study of Dammann array illuminators[J]. Applied Optics, 1995, 34(26): 5961-5969.
- [21] Kirkpatrick S, Gelatt C D, Jr, Vecchi M P. Optimization by simulated annealing[J]. Science, 1983, 220(4598): 671-680.

# Fast Measurement of Focal Length of Microlens Arrays Using High-Order-Suppression Dammann Gratings

Zheng Fenglu<sup>1,2</sup>, Yu Junjie<sup>1,3\*</sup>, Zhu Rongwei<sup>1,3</sup>, Ma Guoqing<sup>1,3</sup>, Zhang Junyong<sup>3,4\*\*</sup>

<sup>1</sup>Photonic Integrated Circuits Center, Shanghai Institute of Optics and Fine Mechanics, Chinese Academy of Sciences,

Shanghai 201800, China;

<sup>2</sup>ShanghaiTech University, Shanghai 201210, China;

<sup>3</sup>University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China;

<sup>4</sup>Joint Laboratory of High Power Laser and Physics, Shanghai Institute of Optics and Fine Mechanics, Chinese Academy of Sciences, Shanghai 201800, China

#### Abstract

**Objective** Microlens array is one of the most important components in micro-optics, and it has been widely used in many fields. It is becoming more and more important to achieve higher measurement accuracy and faster measurement speed of the microlens array focal length. Traditional measurement methods such as interferometer measurement, microscope measurement, light intensity measurement, etc., are difficult to meet the requirements of high precision and rapid measurement simultaneously. Because the traditional scanning angle method needs to rotate the light tube or lenses, and the movement of the light spot cannot be determined in a single measurement, the measurement result is easy to be affected by the measuring device. Therefore, the scanning angle method based on multi-slit diffraction grating uses the multi-slit diffraction principle to determine the focal length by calculating the distance between adjacent orders, which improves the measurement efficiency. However, a single measurement can only obtain a single focal length value in this scheme, and it is still necessary to implement multiple measurements to eliminate various random errors. In addition, the non-negligible high diffraction orders of these desired spots, resulting in the deterioration of the final accuracy. So, in order to eliminate random errors, multiple measurements have to be implemented in practice. To address the above problems, a fast focal length measurement scheme based on high-order-suppression Dammann gratings (HOSDGs) rather than traditional gratings is proposed in this paper.

**Methods** In this study, a specially designed HOSDG is used to measure the focal length of the microlens. After the beam passes through the HOSDG, the diffractive light transmits through the microlens, and finally the camera receives the focused spot of each sublens on its focal plane. The distribution of the focus spots of each sublens is related to the focal length and the diffraction angle of the grating. After data processing, multiple distances among several desired orders are obtained, and then several values of the focal length for each sublens are calculated. In order to suppress the influence of high-order diffraction, the complex amplitude modulation combined with simulated annealing algorithm is used to optimize HOSDGs. In the experiment, this grating is fabricated by multistep overlapped lithography and wet etching technologies.

**Results and Discussions** The simulation results show that the high order sidelobe ratio is reduced from 11.13% to 5.3% (Fig. 4), and the experiment results indicate that the sidelobe ratio is reduced from 19.66% to 9.88%, which suggests that the high-order diffraction is effectively suppressed by this specially designed HOSDG. Due to its multiple equal-intensity orders (Fig. 5), HOSDG makes it possible to obtain multiple values of focal length through a single measurement after late-stage data processing (Fig. 7). It is shown that the single measurement error of the focal length of  $11 \times 7$  microlenses is 3.5%, and the errors of the 15 repeated measurements are all within 4.5%.

**Conclusion** In this paper, a two-dimensional Dammann grating based on high-order diffraction suppression is proposed to measure the focal length of microlens array, which can effectively suppress the high-order diffraction energy and improve the measurement signal-to-noise ratio. In the proof-of-principle experiment, the designed five-beam HOSDG generates multiple focused light spots within each microlens aperture. The combination of multiple light spots to achieve a single acquisition is equivalent to 10 times of ordinary grating experiments, which effectively reduces the measurement random error, making the single measurement error less than 3.5% and repeated measurement error less than 4.5%. Therefore, this scheme can improve the measurement efficiency and reduce the measurement error in the high-precision measurement of the focal length of large-scale microlens array. This work will promote the fabrication, measurement and application of various microlenses.

Key words measurement; high-order-suppression Dammann grating; microlens array; focal length measurement