

# 石墨烯-介质纳米线混合波导亚波长传输特性

滕达1\*,方弘历1,严建军1,王安然1,姜满1,梁冰寒1,杨香丽1,胡雪梅1,管子怡1,田原铭1,王凯2\*\*

<sup>1</sup>郑州师范学院物理与电子工程学院,河南,郑州 450044;

<sup>2</sup>中国科学院上海技术物理研究所红外成像材料与探测器重点实验室,上海 200083

摘要 设计了一种由圆形硅纳米线和涂覆石墨烯的三角形纳米线组成的混合等离激元波导结构,采用有限元方法 研究了该波导中的基模场分布和亚波长传输特性。利用硅纳米线波导周围的倏逝波与石墨烯的耦合,大幅提升了 等离激元波导的亚波长传输性能。研究结果表明,三角形顶角大小、间隙距离、石墨烯费米能级等对模式的传输特 性有很大影响。所设计的波导结构具有强光场局域、低损耗传播和高品质因数等优点。与同类型结构相比,所设计 的波导综合性能更优,有望应用于波导集成型等离激元光器件中,如调制器、纳米激光器等。

关键词 光学器件; 波导; 石墨烯等离激元; 红外波中图分类号 O436 文献标志码 A

#### **DOI:** 10.3788/CJL220958

## 1引言

随着表面等离激元研究的不断深入,研究人员发现 传统贵金属材料等离激元存在中远红外波段光场局域 特性差、性能不可调控等问题[1-2]。因此,探寻新型等离 激元材料显得尤为重要。近年来,研究人员发现一系列 新型等离激元材料,如透明导电氧化物<sup>[3]</sup>、氮化物<sup>[4]</sup>、石墨 烯[5-6]、二硫化钼[7-9]、狄拉克半金属[10-12]等。其中,石墨烯 能激发强光场局域的等离激元模式,同时性能可调。石 墨烯[13]是一种新型单原子层二维材料,其能带结构中的 价带和导带位于狄拉克点,即禁带宽度为零。可见光波 段的单层石墨烯光吸收率仅为2.3%。特别地,光吸收 率可以通过改变费米能级来进行调控[14-15]。因上述独 特的电学和光学特性,基于石墨烯的光电器件展现出 优异的应用前景,并吸引了大量科研人员的关注。近 期,理论和实验研究均表明,石墨烯可激发红外波段等 离激元模式,且具有独特的等离激元特性,如强场局域 和可调谐性<sup>[5]</sup>。随后,有关石墨烯等离激元(GPs)及其 他二维材料等离激元的研究大量涌现,并推动了其在 高性能亚波长光子器件领域中的应用,如调制器、纳米 波导、光电探测器、偏振器、耦合器、光开关等[16-18]。

作为亚波长光子集成的重要组成部分,石墨烯等 离激元纳米波导<sup>[19-20]</sup>更是受到广泛关注。2008年, Hanson<sup>[21]</sup>提出了石墨烯平行平板波导,发现这类波导 与金属平行平板波导类似,且模式特性可调谐。早期 相关研究集中在平面型石墨烯等离激元波导,如石墨 烯纳米带<sup>[22]</sup>、介质加载石墨烯波导<sup>[5,23]</sup>等。2014年,任 国斌课题组建立了涂覆石墨烯层的圆形纳米线 (GNW)波导模本征方程,开拓了曲面石墨烯等离激元 波导研究的新方向[24]。同年,童利民课题组实验验证 了 GNW 作为纳米光子器件的可能性[25]。近期,研究 人员提出多种基于 GNW 的混合等离激元波导,如 GNW-电介质-GNW<sup>[26-29]</sup>、GNW-SiO<sub>2</sub>-Si<sup>[30-31]</sup>结构等,其 归一化模式场面积为~10-5量级,同时传播距离在 10 µm 左右。值得注意的是, Wu 等<sup>[32]</sup>提出了基于三角 形介质衬底的GNW结构,将归一化模式场面积减小 至~10<sup>-7</sup>量级,但是这种强光场局域是以牺牲传播距 离为代价换取的,如频率为30 THz且石墨烯费米能级 为0.8 eV时,该波导传播距离仅为8 µm。尽管近期的 研究在该领域取得了一系列进展,但是如何在场约束 和传输损耗之间取得更好的平衡仍然是一个挑战。

本文提出了一种石墨烯-介质纳米线混合波导,将 GNW与绝缘硅(SOI)相结合<sup>[33-34]</sup>,利用Si波导周边的 倏逝波增强石墨烯-光的相互作用,制备了波导集成型 石墨烯等离激元光器件。该方法不仅提升了石墨烯波 导性能,且与硅光子技术相兼容,有望应用于亚波长波 导集成型等离激元光器件中,如调制器、纳米激光器等。

2 理论模型

图1为所设计波导的结构示意图,由涂覆石墨烯

通信作者: \*tengda@zznu.edu.cn; \*\*wangkai@mail.sitp.ac.cn

收稿日期: 2022-06-10; 修回日期: 2022-06-16; 录用日期: 2022-07-01; 网络首发日期: 2022-07-11

基金项目:上海市自然科学基金(20ZR1466200,21ZR1474000)、河南省高等学校重点科研项目计划(21A140029)、郑州师范 学院青年骨干教师培养项目(QNGG-20774)、郑州师范学院科研启动专项经费、郑州师范学院开放研究基金、郑州师范学院大学 生科研创新基金(2021003)、河南省自然科学基金项目(222300420378)



图1 波导结构示意图。(a)三维截面示意图;(b)二维截面示意图 Fig. 1 Structural diagrams of waveguide. (a) Three-dimensional section diagram; (b) two-dimensional section diagram

层的三角形纳米线(介电常数为 $\varepsilon_1$ )和圆形Si(介电常数为 $\varepsilon_1$ )和圆形Si(介电常数为 $\varepsilon_{si}$ =11.9)纳米线波导组成,间隙区域填充SiO<sub>2</sub> (介电常数为 $\varepsilon_{silica}$ =2.25)。三角形纳米线的高度 $h_1$ = 100 nm,顶角为 $\theta$ ,用半径为r的圆角圆滑三角形三个 角,如图1(b)虚线圆所示。此时,三角形纳米线的实际高度为 $h_r$ = $h_1$ - $r/sin(\theta/2)$ + $r_o$ 圆形Si纳米线的半 径为R,与圆滑之后的三角形纳米线的间距为 $h_{gap}$ 。器 件制备流程为:首先采用物理(如激光烧蚀)或化学沉积技术生长半径为R的Si纳米线<sup>[35]</sup>;其次,已报道研 究证实可采用化学气相沉积方法生长顶角为锐角且高为100 nm左右的三角形截面纳米线<sup>[36]</sup>,采用文献[25] 中石墨烯涂覆介质纳米线的方法制备涂覆石墨烯层的 三角形纳米线;最后,将Si纳米线转移至SiO<sub>2</sub>基底上, 并沉积厚度为2*R*+*h*gap的SiO<sub>2</sub>薄层,再将涂覆石墨烯 层的三角形纳米线转移至SiO<sub>2</sub>薄层上,并在周围沉积 SiO<sub>2</sub>。

本文所采用的石墨烯光学电导率(*σ*g)由随机相位 近似估算<sup>[37-38]</sup>,即

$$\sigma_{\rm g} = \frac{2ie^2k_{\rm B}T}{\pi\hbar^2(\omega + i/\tau)} \ln\left[2\cosh\left(\frac{E_{\rm F}}{2k_{\rm B}T}\right)\right] + \frac{e^2}{4\hbar} \left[\frac{1}{2} + \frac{1}{\pi}\arctan\left(\frac{\hbar\omega - 2E_{\rm F}}{2k_{\rm B}T}\right) - \frac{i}{2\pi}\ln\frac{(\hbar\omega + 2E_{\rm F})^2}{(\hbar\omega - 2E_{\rm F})^2 + (2k_{\rm B}T)^2}\right], (1)$$

式中:*T*为绝对温度; $k_{\rm B}$ 为玻尔兹曼常数; $\hbar$ 为约化的普 朗克常数; $e=1.6\times10^{-19}$  C为元电荷; $\omega$ 为角频率; $\tau=n_cE_{\rm F}/(eV_{\rm F}^2)$ 为电子弛豫时间<sup>[39]</sup>,其中 $n_c$ 为石墨烯中的 载流子迁移率, $V_{\rm F}=10^6$  m·s<sup>-1</sup>为费米速度; $E_{\rm F}\approx$  $\hbar V_{\rm F}\sqrt{n_0\pi}$ 为石墨烯费米能级<sup>[40]</sup>,可以通过直流偏压 或化学掺杂对其进行调节。根据最新研究,石墨烯中 载流子密度 $n_0$ 可达2.5×10<sup>14</sup> cm<sup>-2</sup><sup>[41]</sup>,对应费米能级  $E_{\rm F}=1.8$  eV。故本文 $E_{\rm F}$ 取值范围为0.4~1.4 eV。如 无特殊说明,本文中T=300 K, $E_{\rm F}=0.6$  eV, $n_c=$  $10^4$  cm<sup>2</sup>·V<sup>-1</sup>·s<sup>-1</sup><sup>[42]</sup>。计算中,石墨烯层可用纳米线表 面电流表示,即 $J=\sigma_{\rm g}E$ ,其中J为表面电流密度,E为 电场矢量;也可用0.5 nm或1 nm厚度的几何薄层表示 (对应多层石墨烯),并对薄层进行网格划分。前者可 大幅节约计算资源,且两种方法的计算结果的相对偏 差小于1%,详见参考文献[43]。

为了研究波导亚波长传输性能,假设等离激元模 式沿z方向传播,电场变化规律为exp( $i\beta z$ )exp( $-i\omega t$ ), 其中传播常数 $\beta = k_0 N_{eff}$ , $N_{eff}$ 由有限元软件 COMSOL 计算得到,其实部 Re( $N_{eff}$ )= $n_{eff}$ ( $n_{eff}$ 为有效模式系数) 与色散有关,虚部 Im( $N_{eff}$ )与损耗有关。计算域为  $2\lambda_0 \times 2\lambda_0$ , $\lambda_0$ 为自由空间波长。计算域外部采用完美电 导体边界,且采用完美吸收层避免边界处的电磁场反 射。同时,进行了收敛性分析,确保网格和边界对结果 无影响。本文仅考虑石墨烯的固有损耗,传播距离  $L_{\rm P}=1/[k_{\rm 0}\text{Im}(N_{\rm eff})],其中 k_{\rm 0}=2\pi/\lambda_{\rm 0}$ 。归一化模场面积 定义为 $A_{\rm N}=A_{\rm eff}/A_{\rm 0}$ ,其中等效模式场面积 $A_{\rm eff}=$   $\iint W(\rho)d^{2}\rho/\max[W(\rho)],衍射受限光场面积A_{\rm 0}=\lambda_{\rm 0}^{2}/4,$   $W(\rho)$ 为电磁能量密度<sup>[44-46]</sup>, $\rho$ 为位置坐标。品质因数 定义为 $F=L_{\rm P}/(A_{\rm eff}/\pi)^{1/2[47]}$ 。

## 3 分析与讨论

图 2(a)~(d)展示了不同参数下石墨烯-介质混合 波导基模的归一化电场分布,参数为频率f=30 THz,  $E_r=0.6 \text{ eV}, r=5 \text{ nm}, R=50 \text{ nm}, \epsilon_1=\epsilon_{\text{silice},0}$  对比图 2(a) 和图 2(b)及图 2(c)和图 2(d)发现,相同 $\theta \cap h_{\text{gap}}=1 \text{ nm}$ 时波导的间隙区域能量更集中,说明 $h_{\text{gap}}$ 越小,能量更 集中。对比图 2(a)和图 2(c)及图 2(b)和图 2(d)发现, 相同 $h_{\text{gap}} \cap \theta = \pi/2$ 时光场分布范围更大,即场约束性 能较差。总体来看,光场主要约束在间隙区域中,实现 了二维光场聚焦。由于最大场值位于石墨烯层表面, 故建立图 1(b)所示的坐标体系。从图 2(e)和图 2(f) 可得到,在相同 $h_{\text{gap}} \cap, \theta$ 越小,一维电场值线宽(即全峰 半宽)越窄;在相同 $\theta \cap, h_{\text{gap}}$ 越小,一维电场值线宽越 窄。具体地,从*x*方向来看,当 $h_{\text{gap}}=1 \text{ nm}$ 时, $\theta = \pi/6$ 比 $\theta = \pi/2$ 对应的线宽略小,分别约为 6.8 nm 和

#### 第 50 卷 第 10 期/2023 年 5 月/中国激光

7.0 nm;当 $h_{gap}$ =10 nm时, $\theta = \pi/6$ 和 $\theta = \pi/2$ 对应的线 宽分别约为13.0 nm和13.5 nm。从y方向来看,场 值曲线的线宽在一定程度上近似等于间隙距离 $h_{gap}$ , 且 $h_{gap}$ =1 nm时,角度 $\theta$ 对线宽的影响较小。如 $h_{gap}$ = 1 nm时, $\theta = \pi/6$ 和 $\theta = \pi/2$ 对应的线宽均约为 1.3 nm。而当间隙  $h_{gap}$ =10 nm 时,角度  $\theta$  对线宽的 影响较大, $\theta = \pi/6 \ \pi \ \theta = \pi/2 \$ 对应的线宽分别约为 8 nm 和 10 nm。故所设计的结构可以实现面积约 为 13.5×10 nm<sup>2</sup>(甚至更小)的光斑,对应尺寸为  $\lambda_0^2/(7.4 \times 10^5)$ 。



图 2 基模的归一化电场分布。(a) $h_{gap} = 1 \text{ nm}, \theta = \pi/6$ ;(b) $h_{gap} = 10 \text{ nm}, \theta = \pi/6$ ;(c) $h_{gap} = 1 \text{ nm}, \theta = \pi/2$ ;(d) $h_{gap} = 10 \text{ nm}, \theta = \pi/2$ ;沿 (e)x方向和(f)y方向的归一化电场分布

Fig. 2 Normalized electric field distributions of fundamental mode. (a)  $h_{gap} = 1 \text{ nm}$ ,  $\theta = \pi/6$ ; (b)  $h_{gap} = 10 \text{ nm}$ ,  $\theta = \pi/6$ ; (c)  $h_{gap} = 1 \text{ nm}$ ,  $\theta = \pi/2$ ; (d)  $h_{gap} = 10 \text{ nm}$ ,  $\theta = \pi/2$ ; normalized electric field distributions along (e) x and (f) y directions

图 3 为不同角度 θ 下石墨烯等离激元的模式传输 特性随  $h_{rap}$ 的变化曲线,其他参数为 f=30 THz,  $E_{F}$ = 0.6 eV, r=5 nm, R=50 nm,  $\epsilon_1 = \epsilon_{\text{silicao}}$  如图 3(a)所示, 有效模式系数 neff 随 hgap 的增大而减小。当 hgap 在 1~ 10 nm 区间时,  $n_{\text{eff}}$ 的变化幅度较大; 当  $h_{\text{san}} > 10$  nm 时,  $n_{\text{eff}}$ 缓慢减小。由图 3(b)发现,随着  $h_{\text{gap}}$ 的增大,传播距 离 $L_p$ 逐渐增大。当 $\theta = \pi/6 \pi \pi/3$ 时,传播距离 $L_p$ 的增 大较为明显。当 $\theta = \pi/2 \, \pi 2\pi/3 \, \text{时}$ ,在 $h_{gap} = 1 \sim 5 \, \text{nm} \, \text{区}$ 间内,L<sub>P</sub>随h<sub>gap</sub>的增大而增大;当h<sub>gap</sub>>5 nm时,L<sub>P</sub>基本 保持不变。这是因为顶角角度θ过大时,三角形另外 两个角的尖端效益逐渐突显,所以Si纳米线对涂覆 石墨烯层的三角形纳米线场的影响减弱[图3(e)]。 图 3(c)中的归一化模场面积 A<sub>N</sub>随着 h<sub>gap</sub>的增大而增 大,且变化范围较大,其中θ=2π/3时,归一化模场面 积 $A_{\rm N}$ 最大, $\theta = \pi/6 \pi \pi/3$ 时归一化模场面积相近。从 图 3(b)和图 3(c)中不难发现,随着θ的减小,传播距离 增大,同时模式场面积减小,表明该结构在局部突破了 表面等离激元模式中传输损耗和场约束之间的制约关 系,即实现了模式损耗与模场面积的同时减小。从 图 3(e) 所示电场分布可以看出, 当θ从 2π/3减小至 π/6时,三角形纳米线的截面尺寸减小,从而使得光场 更为集中;此外,当θ减小时,石墨烯与光相互作用区

域的面积减小,导致损耗降低。由图 3(d)可得到,品质因数 F 随着  $h_{gap}$ 的增大而减小。当 $\theta = \pi/6$ 时,品质因数最大。可见,顶角 $\theta$ 为锐角时所设计波导结构的传输特性比钝角情形下更优。故后续采用 $\theta = \pi/6$ 和 $h_{gap} = 2$  nm。

图 4 为不同圆角半径 r下石墨烯等离激元的模式 传输特性随 Si 纳米线半径 R 的变化曲线,参数为 f= 30 THz,  $E_F$ =0.6 eV,  $\varepsilon_1 = \varepsilon_{silica}$ ,  $\theta = \pi/6$ ,  $h_{gap}$ =2 nm。如 图 4(a)所示,有效模式系数  $n_{eff}$ 随着 R 的增大而增 大,且三角形纳米线的圆角半径 r 越大,  $n_{eff}$ 越大。由 图 4(b)可以看出,随着 R 的增大,  $L_P$ 的变化幅度变小。  $L_P \alpha R = 20 \sim 30$  nm 区间内小幅下降,  $\alpha R > 40$  nm 时 基本保持不变。如图 4(c)所示,随着 R 的增大, 归一化 模式场面积先逐渐减小,后趋于稳定;圆角半径 r 越 小, 归一化模场面积  $A_x$  越小。由于传输损耗主要来自 石墨烯层,且光场主要集中在间隙区域,当 R 增大时, GNW 与 Si 纳米线的相互作用区域近似为平面, 故损 耗基本保持不变。如图 4(d)所示, R 增大时品质因数 F逐渐增大,且 r=2 nm 时品质因数可达 956 以上。

进一步研究了三角形纳米线介电常数 $\epsilon_1$ 对传输特性的影响,参数为f=30 THz, $E_F=0.6$  eV,R=50 nm, r=2 nm, $\theta=\pi/6$ , $h_{gap}=2$  nm。如图 5 所示,当 $\epsilon_1$ 从2 增



图 3 模式特性与 h<sub>gap</sub>的关系。(a) n<sub>eff</sub>;(b)传播距离;(c)归一化模场面积;(d)品质因数;(e) h<sub>gap</sub>=10 nm时的归一化电场分布 Fig. 3 Relationship between modal properties and h<sub>gap</sub>. (a) n<sub>eff</sub>; (b) propagation distance; (c) normalized mode field area; (d) figure of merit; (e) normalized electric field distributions when h<sub>gap</sub>=10 nm



图4 模式特性随R的变化关系。(a) n<sub>eff</sub>;(b)传播距离;(c)归一化模场面积;(d)品质因数

Fig. 4 Relationship between modal properties and R. (a)  $n_{eff}$ ; (b) propagation distance; (c) normalized mode field area; (d) figure of merit

大至12时, n<sub>eff</sub>逐渐增大, 同时传播距离 L<sub>P</sub>减小, 模式场面积 A<sub>N</sub>逐渐增大, 品质因数 F 从 1190 降至245。 图 5(b) 插图给出了涂覆石墨烯层的三角形纳米线和 Si 纳米线的内部场分布,可清晰观察到:随着ε<sub>i</sub>的增大,三 角形纳米线的内电场值逐渐增大,且与石墨烯的相互 作用增强,导致石墨烯的吸收损耗增大,进而使传播距

#### 第 50 卷 第 10 期/2023 年 5 月/中国激光

离减小。图 5(c)插图给出了整体结构中的基模场分 布。随着ε<sub>i</sub>的增大,三角形纳米线的外围场分布更为弥 散,使模式场面积A<sub>N</sub>增大。因此,选择介电常数更小的 介质材料将有助于提升该波导结构的整体性能。



图 5 三角形纳米线介电常数 ε<sub>1</sub>对模式特性的影响。(a) n<sub>eff</sub>;(b)传播距离;(c)归一化模场面积;(d)品质因数 Fig. 5 Effects of dielectric constant ε<sub>1</sub> of triangular nanowire on mode characteristics. (a) n<sub>eff</sub>; (b) propagation distance; (c) normalized mode field area; (d) figure of merit

图 6 为不同频率下石墨烯等离激元的模式传输特 性随石墨烯费米能级  $E_{\rm F}$ 的变化曲线,参数为  $\varepsilon_{\rm I}=2, \theta=$  $\pi/6, h_{\rm gep}=2$  nm, r=2 nm, R=50 nm。如图 6(a)所示, 随着  $E_{\rm F}$ 的增大,有效模式系数  $n_{\rm eff}$ 逐渐减小,且f增大时, 有效模式系数  $n_{\rm eff}$ 也随之增大。从图 6(b)可以看出,传 播距离  $L_{\rm P}$ 随费米能级  $E_{\rm F}$ 的增大而增大,表明费米能级 增大时损耗快速下降。在相同  $E_{\rm F}$ 下,增大f将导致传播 距离  $L_{\rm P}$ 减小。如  $E_{\rm F}=1$  eV 时,f为 20、30、40 THz 时对 应的传播距离分别为 21.5、14.8、9.8  $\mu$ m。如图 6(c)所示,随着费米能级  $E_{\rm F}$ 的增大,归一化模场面积  $A_{\rm N}$ 逐渐增大,f=20 THz 和  $E_{\rm F}=1$  eV时对应的归一化模场面积为 2.11×10<sup>-6</sup>,整体上看  $A_{\rm N}$ 的范围为 1.19×10<sup>-6</sup>~4.29×10<sup>-6</sup>。图 6(d)表明,随着  $E_{\rm F}$ 的增大,品质因数 F 逐渐增大。当 $E_{\rm F}>1$  eV时,F值高达 2500以上。

最后,与Wu等<sup>[32]</sup>提出的波导结构(B)进行了对比, 如图 7(a)所示。该结构由圆形 GNW 和三角形 Si纳米



图 6 模式特性与 $E_{\rm F}$ 的关系。(a)  $n_{\rm eff}$ ;(b)传播距离;(c)归一化模场面积;(d)品质因数 Fig. 6 Relationship between modal properties and  $E_{\rm F}$ . (a)  $n_{\rm eff}$ ;(b) propagation distance; (c) normalized mode field area; (d) figure of merit

## 第 50 卷 第 10 期/2023 年 5 月/中国激光

线组成。而本文所设计的波导结构(A)由三角形 GNW 和圆形 Si纳米线组成。图 7(b)和图 7(c)分别为两种波 导结构在 R=50 nm 和 R=100 nm 下的基模归一化电 场分布,其他参数为  $\epsilon_1=2, \epsilon_{silica}=2.25, \epsilon_{si}=11.9, \theta=\pi/6,$ r=2 nm,  $h_{gap}=2$  nm, 10 nm,  $E_r=1$  eV 和 f=30 THz。 由图 7(b)和图 7(c)可以发现,在 R=50 nm 和 R=100 nm 两种情形下,与波导结构 B相比,波导结构 A中 的光场能量更集中。故波导结构A相比B具有更好的 光场约束能力。这得益于结构A采用的石墨烯包裹的 尖端结构,且等离激元的模式场强最大值位于石墨烯 层表面,故电场聚焦效应较为显著。而结构B采用的是 石墨烯包裹的圆形纳米线,不存在尖端,且尽管结构B 中的三角形Si纳米线是尖端结构,但场强最大值位于 石墨烯层表面,电场聚焦效应相比结构A较弱。



图 7 波导结构中的基模场分布。(a)波导结构示意图;(b)R=50 nm和(c)R=100 nm时的基模场分布 Fig. 7 Fundamental mode field distributions in waveguide structure. (a) Structural diagram of waveguide; fundamental mode field distributions for (b) R=50 nm and (c) R=100 nm

进一步对比研究了波导结构 A 和 B 的亚波长传输 特性。如图 8 所示,四条点线从右到左分别表示f=20, 22,24,…,40 THz 所对应的数据,其中 R=50 nm, $h_{gap}=2$  nm,10 nm,其他参数同图 7(b)。当 $h_{gap}=10$  nm 时,波 导结构 A 和 B 中的基模传播距离  $L_P$ 分别为 12.2~ 24.0 µm 和 10.0~24.5 µm。但是波导结构 A 的基模归 一 化 模 场 面 积 (6.54×10<sup>-6</sup>~1.58×10<sup>-5</sup>) 比 B 结构 (4.98×10<sup>-5</sup>~1.10×10<sup>-4</sup>)小一个数量级。当 $h_{gap}=2$  nm 时,波导结构 A 和 B 中的基模传播距离  $L_P$ 分别为 9.8~21.0 µm 和 9.3~23.8 µm。同样,波导结构 A 的基 模归一化模场面积(2.11×10<sup>-6</sup>~3.33×10<sup>-6</sup>)比B 结构 (1.93×10<sup>-5</sup>~2.57×10<sup>-5</sup>)小一个数量级。可见在 20~ 40 THz频率范围内,两种波导结构的传输损耗基本相 同,但是波导结构 A 的光场约束性能优于波导结构 B,即 在场约束和传输损耗之间取得了更好的权衡。





Fig. 8 Comparison of subwavelength transmission properties of waveguide structures A and B

在波导结构A的基础上,进一步用石墨烯层涂覆圆形Si纳米线,从而获得涂覆石墨烯层的圆形-三角

## 第 50 卷 第 10 期/2023 年 5 月/中国激光

形纳米线双线结构,定义为波导结构C。图9对比了 A和C波导结构的亚波长传输特性,参数为 $\epsilon_1=2$ ,  $\epsilon_{silica}=2.25$ , $\epsilon_{si}=11.9$ , $\theta=\pi/6$ ,r=2 nm,R=100 nm,  $E_r=1$  eV和f=30 THz。当间隙距离 $h_{gap}$ 从2 nm递增 到 10 nm时,相较于波导结构C,波导结构A的传播 距离和模式场约束性能均大幅提升。A和C结构中的 基模传播距离分别为14.9~17.5  $\mu$ m和5.5~10.3  $\mu$ m, A 和 C 结构中的基模归一化模场面积分别为 2.43×10<sup>-6</sup>~9.35×10<sup>-6</sup>和 7.86×10<sup>-6</sup>~2.40×10<sup>-5</sup>。 如图 9(a)中插图( $h_{gap}$ =4 nm)所示,A 结构模式场相 比 C 结构模式场更为集中,且 C 结构中石墨烯与光 的相互作用面积更大,导致损耗增大。最终,如 图 9(d)所示,C 结构的品质因数仅为 700 左右,而A 结构中的 F 值高达 2000 以上。



图 9 波导结构 A 和 C 的亚波长传输特性对比。(a) n<sub>eff</sub>;(b)传播距离;(c)归一化模场面积;(d)品质因数 Fig. 9 Comparison of subwavelength transmission properties of waveguide structures A and C. (a) n<sub>eff</sub>; (b) propagation distance; (c) normalized mode field area; (d) figure of merit

## 4 结 论

设计了一种由圆形硅纳米线和涂覆石墨烯的三角 形纳米线组成的混合等离激元波导结构,研究了该混 合波导的亚波长传输特性。所设计的波导结构具备极 强的光场约束性能。随着顶角θ的减小,波导模损耗 和模式场面积同时减小。这得益于三角形GNW优异 的场聚焦效应,同时θ减小导致石墨烯与光的相互作 用面积减小,进而降低了损耗。所提结构在局部突破 了表面等离激元模式中传输损耗和模场约束之间的制 约关系。在20~40 THz频率内,基模归一化模式场面 积为~10<sup>-6</sup>数量级,同时传播距离为几十微米,品质因 数可达2500以上。相比同类型结构,在传播距离相当 时,模式场面积减小了一个数量级。相关研究结果有 望应用于亚波长光子器件中,如波导调制器和纳米激 光器及其他波导集成型器件。

#### 参考文献

 Alonso Calafell I, Rozema L A, Alcaraz Iranzo D, et al. Giant enhancement of third-harmonic generation in graphene - metal heterostructures[J]. Nature Nanotechnology, 2021, 16(3): 318-324.

- [2] Mittendorff M, Winnerl S, Murphy T E. 2D THz optoelectronics[J]. Advanced Optical Materials, 2021, 9(3): 2001500.
- [3] Wang Y C, Zhao H, Huo D W, et al. Accumulation-layer hybridized surface plasmon polaritions at an ITO/LiNbO<sub>3</sub> interface [J]. Optics Letters, 2019, 44(4): 947-950.
- [4] 张晨,薛文瑞,陈岳飞,等.基于氮化钛和二氧化钛的超宽带太 阳能吸收器[J].光学学报,2020,40(21):2124002.
   Zhang C, Xue W R, Chen Y F, et al. Ultra-broadband solar absorber based on titanium nitride and titanium dioxide[J]. Acta Optica Sinica, 2020, 40(21):2124002.
- [5] Teng D, Wang K. Theoretical analysis of terahertz dielectricloaded graphene waveguide[J]. Nanomaterials, 2021, 11(1): 210.
- [6] 高明盛,罗朝明,周宏敏,等.基于介质和石墨烯涂层的古斯-汉 欣位移的精确调控[J].中国激光,2017,44(7):0703019.
  Gao M S, Luo Z M, Zhou H M, et al. Precise control of Goos-Hänchen shift based on dielectric and graphene coating[J]. Chinese Journal of Lasers, 2017, 44(7):0703019.
- [7] Yang X G, Li B J. Monolayer MoS<sub>2</sub> for nanoscale photonics[J]. Nanophotonics, 2020, 9(7): 1557-1577.
- [8] He X Y, Liu F, Lin F T, et al. Tunable MoS<sub>2</sub> modified hybrid surface plasmon waveguides[J]. Nanotechnology, 2019, 30(12): 125201.
- Yang X G, Wen L, Yan J H, et al. Energy dissipation and asymmetric excitation in hybrid waveguides for routing and coloring [J]. The Journal of Physical Chemistry Letters, 2021, 12(29): 7034-7040.
- [10] He X Y, Liu F, Lin F T, et al. Tunable 3D Dirac-semimetals supported mid-IR hybrid plasmonic waveguides[J]. Optics Letters,

#### 第 50 卷 第 10 期/2023 年 5 月/中国激光

## 研究论文

- [11] 田元仕,郭晓涵,戴林林,等.基于狄拉克半金属宽带的可调谐 太赫兹偏振器[J].中国激光, 2019, 46(6): 0614033.
  Tian Y S, Guo X H, Dai L L, et al. Broadband tunable terahertz polarizers based on Dirac semimetal[J]. Chinese Journal of Lasers, 2019, 46(6): 0614033.
- [12] 易南宁,宗容,龚江,等.基于二氧化钒-狄拉克半金属混合超材料的单/双波段可切换太赫兹吸波器[J].中国激光,2022,49(3):0314002.

Yi N N, Zong R, Gong J, et al. Single-/ dual-band switchable terahertz absorber based on vanadium dioxide-Dirac semi-metal hybrid metamaterial[J]. Chinese Journal of Lasers, 2022, 49(3): 0314002.

- [13] Liang G Z, Yu X C, Hu X N, et al. Mid-infrared photonics and optoelectronics in 2D materials[J]. Materials Today, 2021, 51: 294-316.
- [14] Bonaccorso F, Sun Z, Hasan T, et al. Graphene photonics and optoelectronics[J]. Nature Photonics, 2010, 4(9): 611-622.
- [15] 杨晓霞,孔祥天,戴庆.石墨烯等离激元的光学性质及其应用前 景[J].物理学报, 2015, 64(10): 106801.
  Yang X X, Kong X T, Dai Q. Optical properties of graphene plasmons and their potential applications[J]. Acta Physica Sinica, 2015, 64(10): 106801.
- [16] Romagnoli M, Sorianello V, Midrio M, et al. Graphene-based integrated photonics for next-generation datacom and telecom[J]. Nature Reviews Materials, 2018, 3(10): 392-414.
- [17] 孔祥壮,李金花,罗晓曼,等.基于偏置纳米线的石墨烯表面等 离激元调制器[J].光学学报,2021,41(19):1923001.
  Kong X Z, Li J H, Luo X M, et al. Graphene surface plasmon polariton modulator based on biased nanowires[J]. Acta Optica Sinica, 2021,41(19):1923001.
- [18] Yang X G, Liu Y, Lei H X, et al. An organic-inorganic broadband photodetector based on a single polyaniline nanowire doped with quantum dots[J]. Nanoscale, 2016, 8(34): 15529-15537.
- [19] 卫壮志,薛文瑞,彭艳玲,等.涂覆石墨烯的三根电介质纳米线 波导的模式特性[J].光学学报,2019,39(1):0124001.
  Wei Z Z, Xue W R, Peng Y L, et al. Mode characteristics of waveguides based on three graphene-coated dielectric nanowires[J]. Acta Optica Sinica, 2019, 39(1):0124001.
- [20] Teng D, Wang K, Li Z. Graphene-coated nanowire waveguides and their applications[J]. Nanomaterials, 2020, 10(2): 229.
- [21] Hanson G W. Quasi-transverse electromagnetic modes supported by a graphene parallel-plate waveguide[J]. Journal of Applied Physics, 2008, 104(8): 084314.
- [22] Hu H, Yu R W, Teng H C, et al. Active control of micrometer plasmon propagation in suspended graphene[J]. Nature Communications, 2022, 13: 1465.
- [23] 王清晨,宋梁.介质加载石墨烯等离子体波导传输特性[J].激光 与光电子学进展, 2017, 54(11): 112401.
  Wang Q C, Song L. Propagation characteristics of dielectricloaded graphene plasma waveguides[J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2017, 54(11): 112401.
- [24] Gao Y X, Ren G B, Zhu B F, et al. Single-mode graphene-coated nanowire plasmonic waveguide[J]. Optics Letters, 2014, 39(20): 5909-5912.
- [25] Chen B G, Meng C, Yang Z Y, et al. Graphene coated ZnO nanowire optical waveguides[J]. Optics Express, 2014, 22(20): 24276-24285.
- [26] Sun M, Tian J P, Lan X H, et al. Transmission properties of two vertically coupled double-graphene-coated nanowires integrated with substrate[J]. Optik, 2019, 185: 242-247.
- [27] Hajati M, Hajati Y. Plasmonic characteristics of two vertically coupled graphene-coated nanowires integrated with substrate[J]. Applied Optics, 2017, 56(4): 870-875.
- [28] Teng D, Wang Y C, Xu T Z, et al. Symmetric graphene dielectric nanowaveguides as ultra-compact photonic structures[J]. Nanomaterials, 2021, 11(5): 1281.

- [29] Teng D, Wang K, Li Z, et al. Graphene-coated nanowire dimers for deep subwavelength waveguiding in mid-infrared range[J]. Optics Express, 2019, 27(9): 12458-12469.
- [30] Hajati M, Hajati Y. High-performance and low-loss plasmon waveguiding in graphene-coated nanowire with substrate[J]. Journal of the Optical Society of America B, 2016, 33(12): 2560-2565.
- [31] Teng D, Guo J K, Yang Y D, et al. Study of modal properties in graphene-coated nanowires integrated with substrates[J]. Applied Physics B, 2020, 126(11): 173.
- [32] Wu D, Tian J, Yang R. Study of mode performances of graphenecoated nanowire integrated with triangle wedge substrate[J]. Journal of Nonlinear Optical Physics & Materials, 2018, 27(2): 1850013.
- [33] Wang J Q, Xing Z K, Chen X, et al. Recent progress in waveguide-integrated graphene photonic devices for sensing and communication applications[J]. Frontiers in Physics, 2020, 8: 37.
- [34] Wang J Q, Zhang L, Chen Y Z, et al. Saturable absorption in graphene-on-waveguide devices[J]. Applied Physics Express, 2019, 12(3): 032003.
- [35] Yan R, Gargas D, Yang P. Nanowire photonics[J]. Nature Photonics, 2009, 3(10): 569-576.
- [36] Zhang Q, Li G Y, Liu X F, et al. A room temperature lowthreshold ultraviolet plasmonic nanolaser[J]. Nature Communications, 2014, 5: 4953.
- [37] Teng D, Wang K, Huan Q S, et al. High-performance light transmission based on graphene plasmonic waveguides[J]. Journal of Materials Chemistry C, 2020, 8(20): 6832-6838.
- [38] Xiao S Y, Wang T, Liu T T, et al. Active modulation of electromagnetically induced transparency analogue in terahertz hybrid metal-graphene metamaterials[J]. Carbon, 2018, 126: 271-278.
- [39] Ahmadivand A, Gerislioglu B, Ahuja R, et al. Toroidal metaphotonics and metadevices[J]. Laser & Photonics Reviews, 2020, 14(11): 1900326.
- [40] 滕达,马文帅,杨研蝶,等.基于衬底的涂覆石墨烯层的三角形 纳米线亚波长传输特性研究[J].光学学报,2020,40(13): 1324002.

Teng D, Ma W S, Yang Y D, et al. Study on subwavelength transmission properties of triangular-shaped graphene-coated nanowires on substrate[J]. Acta Optica Sinica, 2020, 40(13): 1324002.

- [41] Kanahashi K, Tanaka N, Shoji Y, et al. Formation of environmentally stable hole-doped graphene films with instantaneous and high-density carrier doping via a boron-based oxidant[J]. Npj 2D Materials and Applications, 2019, 3: 7.
- [42] Novoselov K S, Geim A K, Morozov S V, et al. Electric field effect in atomically thin carbon films[J]. Science, 2004, 306(5696): 666-669.
- [43] 赵永哲, 滕达, 王云成, 等. 石墨烯在有限元计算中的两种表示 方法[J]. 激光与光电子学进展, 2021, 58(7): 0723003.
  Zhao Y Z, Teng D, Wang Y C, et al. Two processing methods of graphene in finite element calculation[J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2021, 58(7): 0723003.
- [44] 王志斌, 尹少杰, 段晓宁, 等. 带有对称三角肋的混合表面等离 子体波导[J]. 中国激光, 2020, 47(3): 0313001.
  Wang Z B, Yin S J, Duan X N, et al. Hybrid surface-plasmon waveguide with symmetrical triangular ribs[J]. Chinese Journal of Lasers, 2020, 47(3): 0313001.
- [45] 李志全,岳中,白兰迪,等.混合双肋型表面等离子体波导的传输特性[J].中国激光,2017,44(5):0513001.
  Li Z Q, Yue Z, Bai L D, et al. Transmission characteristics of mixed double ribbed surface plasmon waveguide[J]. Chinese Journal of Lasers, 2017, 44(5):0513001.
- [46] Oulton R F, Sorger V J, Genov D A, et al. A hybrid plasmonic waveguide for subwavelength confinement and long-range propagation[J]. Nature Photonics, 2008, 2(8): 496-500.
- [47] Buckley R, Berini P. Figures of merit for 2D surface plasmon waveguides and application to metal stripes[J]. Optics Express, 2007, 15(19): 12174-12182.

<sup>2021, 46(3): 472-475.</sup> 

## Subwavelength Transmission Characteristics of Graphene-Dielectric Nanowire Hybrid Waveguides

Teng Da<sup>1\*</sup>, Fang Hongli<sup>1</sup>, Yan Jianjun<sup>1</sup>, Wang Anran<sup>1</sup>, Jiang Man<sup>1</sup>, Liang Binghan<sup>1</sup>, Yang Xiangli<sup>1</sup>, Hu Xuemei<sup>1</sup>, Guan Ziyi<sup>1</sup>, Tian Yuanming<sup>1</sup>, Wang Kai<sup>2\*\*</sup>

<sup>1</sup>School of Physics and Electrical Engineering, Zhengzhou Normal University, Zhengzhou 450044, Henan, China; <sup>2</sup>Key Laboratory of Infrared Imaging Materials and Detectors, Shanghai Institute of Technical Physics, Chinese Academy of Sciences, Shanghai 200083, China

#### Abstract

**Objective** Subwavelength optical field confinement and low-loss propagation are important for compact photonic integration. However, the field confinement capability of noble metal-based plasmonic devices is always accompanied by the inherent ohmic loss. These structures perform well at the near-infrared and visible frequencies. However, in the mid- and far-infrared regions, the lack of tunability in their electromagnetic response and poor modal field confinement ability hinder their applications at the nanoscale. Recently, both theoretical and experimental reports have demonstrated that graphene can support surface plasmons in the infrared range with unique tunability, extremely strong modal field confinement, and a large field enhancement. Owing to the tradeoff between modal loss and confinement in plasmonic structures, it is difficult to obtain a deep-subwavelength modal field and long-range propagation simultaneously. Although a graphene-based hybrid waveguide integrated with a triangle wedge substrate has been proposed to achieve an ultra-small normalized mode size, the modal loss remains relatively large (with a propagation length less than 10  $\mu$ m). Thus, obtaining a better balance between the modal loss and field confinement remains a significant challenge. In this study, a hybrid plasmon waveguide consisting of a cylindrical silicon nanowire and graphene-coated triangular nanowire is designed. The designed waveguide exhibits strong optical field confinement capability, low loss propagation, and a high figure of merit; thus, it is suitable as a building block for subwavelength photonic devices, such as modulators and nanolasers.

**Methods** The proposed plasmon waveguide consists of a graphene-coated triangular nanowire separated from a cylindrical silicon nanowire by a nanoscale dielectric gap with width  $(h_{gep})$  (Fig. 1). For the modeling and simulation, the wave optics module of COMSOL software is employed. The eigenvalue solver is used to obtain the complex effective mode index  $(N_{eff})$  and effective mode area  $(A_{eff})$ . In the simulation, the graphene layer is modeled as an electric field-induced surface current  $J = \sigma_g E$  without thickness, where J is the surface current and E is the electric field. The calculation domain is  $2\lambda_0 \times 2\lambda_0$ , and a perfectly matched layer (PML) is applied to the surroundings of the geometry to avoid the influence of reflection. A convergence analysis is performed to ensure that the numerical boundaries and meshing do not interfere with the solutions.

**Results and Discussion** The proposed waveguide exhibits well-confined modal fields with the focal spot area of  $13.5 \times 10$  nm<sup>2</sup> (even less), corresponding to size of  $\lambda_0^2/(7.4 \times 10^5)$ . The modal transmission properties are highly dependent on angle  $\theta$ . When  $\theta$  decreases, both the propagation loss and modal area decrease, indicating that the tradeoff between modal loss and confinement is broken to some extent. Additionally, a smaller gap distance results in a larger figure of merit (Fig. 3). Interestingly, when the radius of the Si nanowire increases, the propagation length decreases slightly at first and then appears to be invariable, while the modal area decreases monotonically. This is because the loss is mainly from the graphene layer, and when *R* increases, the graphene-light interaction region is nearly invariable. When *R* ranges from 40 nm to 100 nm, the loss is invariable, while the modal area reduces (Fig. 4). When the triangular nanowire permittivity ranges from 2 to 12, the figure of merit decreases from 1190 to 245, implying that a smaller permittivity can improve waveguide performance (Fig. 5). The tunability of the Fermi energy of graphene allows the active tuning of the modal properties. When the Fermi energy ranges from 0.4 eV to 1.4 eV, the normalized modal areas of the fundamental modes are on the order of  $\sim 10^{-6}$ . In particular, when the Fermi energy is above 1 eV, a propagation length of several tens of micrometers and a figure of merit of over 2500 can be achieved (Fig. 6). Finally, the proposed waveguide is demonstrated to have better comprehensive performance than a similar waveguide structure (Fig. 8) and a two-wire system (Fig. 9).

**Conclusions** In this work, the subwavelength transmission characteristics of a graphene-dielectric nanowire hybrid waveguide are proposed and examined. The proposed waveguide exhibits extremely strong optical field confinement capability. In particular, when  $\theta$  decreases, both the modal loss and modal area decrease. This is due to the tip focusing effect of the triangular-shaped GNW, and the decrease in  $\theta$  results in a reduction in the graphene-light interaction region, which in turn reduces the loss. Thus, the tradeoff between modal loss and confinement is broken to some extent. When the frequency ranges from 20 THz to 40 THz, the normalized modal areas of the fundamental modes in the designed waveguide are on the order of  $\sim 10^{-6}$  with a propagation length of approximately several tens of micrometers, as well as a high figure of merit of over 2500. Compared with a similar waveguide structure, the mode field area is reduced by one order of magnitude while maintaining a comparable propagation distance. These findings are expected to have potential applications in waveguide-integrated plasmonic devices and greatly reduce the device size, such as modulators and nano-lasers.

Key words optical devices; waveguides; graphene plasmons; infrared wave