云南高美古湍流大气中激光短曝光光斑统计特性研究

张骏昕^{1,2,3},梅海平^{1,3*},沈刘晶^{1,3,4},黄印博^{1,3},罗福⁵,吴小龑⁵

1中国科学院安徽光学精密机械研究所中国科学院大气光学重点实验室,安徽 合肥 230031;

²中国科学技术大学研究生院科学岛分院,安徽 合肥 230026;

³先进激光技术安徽省实验室,安徽 合肥 230037;

*安徽大学物质科学与信息技术研究院,安徽 合肥 230601;

⁵中国工程物理研究院流体物理研究所,四川 绵阳 621900

摘要 为了探究激光在自由高空湍流大气中传输的短曝光光斑特性,在云南高美古 3200 m 的高海拔地区,选择远 离下垫面的地势条件,开展了 532 nm 固体激光 1.2.3,4,4.7 km 大气传输光斑成像探测实验。利用 4000 frame/s 采样速率下的短曝光光斑数据,定性地描述了湍流大气中短曝光远场激光光斑的网纹状形态结构以及零星亮点的 移动、消散和重构过程,并对激光光斑灰度值进行了定量的统计分析。结果表明:利用二维的光斑图像数据,可以 较为方便地获得光强闪烁的孔径平均因子和理想的点闪烁指数,进而得到包括湍流强度和湍流内尺度在内的关键 光学湍流参数;同时,也可对激光闪烁频谱、截止频率以及光斑的空间相关特性进行定量的判断。相关数据有助于 研究高原或高空长程传输条件下的激光能量在目标靶面上的空间分布及其时间变化特性,为研究激光长程大气传 输后光电系统的变化提供了一定的参考。

关键词 大气光学;激光大气传输;光学湍流;短曝光;光斑图像;闪烁指数 中图分类号 O436 **文献标志码** A

doi: 10.3788/CJL202148.0105001

1 引 言

激光在大气中传输时,由于大气湍流折射率的 实时随机变化,光斑形状发生破碎和畸变,表现为接 收靶面上的光强出现随机变化,该现象通常被称为 激光闪烁效应^[1]。Tatarski^[2]在 Kolmogorov 理论 的基础上,基于微扰理论,采用湍流谱分析方法建 立了弱起伏条件下的激光大气传输理论,该理论进 而发展为公认的激光光斑仿真算法模型。之后,有 学者利用 Markov 近似方法,通过建立光强的统计 矩方程,得到了强起伏条件下的闪烁均方差的渐近 结果。Kerr 等^[3]通过实验发现,在强湍流效应下聚 焦光束在焦平面上的短曝光光斑也会破碎成一系列 小光斑。由于湍流本身的复杂性,目前有关随机介 质中的光传输理论尚不足以完美呈现中等至强起伏 区域的激光光斑远场传输特性。因此,开展真实湍 流大气中的激光传输光斑测试实验,获得光斑统计 特性,对于了解特定环境下的激光传输规律、验证仿 真模型以及指导工程实践均具有重要参考意义。

在湍流大气中的激光光斑特征研究方面,1998 年饶瑞中等^[4]利用 50 frame/s 采样速率下的 1 km 传输激光光斑数据,对被大气湍流退化的光斑形变 特征进行了探索性研究,并计算分析了光强起伏的 概率密度分布、功率谱,激光光斑的有效半径、最大 半径及其质心漂移等特征参数的时间变化特性。同 年,饶瑞中等^[5]还采用数值仿真的方法,获得了湍流 大气中的长曝光激光光斑能量分布,阐述了光斑的 尺度测量及其特征描述等问题,并进一步结合实测 数据,探究了被湍流大气退化的短曝光光斑的形变 特征。2002年,饶瑞中^[6]又针对准直激光束,采用 数值仿真方法,探讨了用稳定半径、等效半径和锐度 半径表征光斑质量的适用性问题。2005年,刘建国 等^[7]同样在1km的传输距离上,利用250 frame/s 采样速率下的漫反射激光光斑数据,分析了光斑的 尺度特征和孔径平滑效应。之后,靖旭等[8]以 500 frame/s 采样速率开展了类似的研究。2008

收稿日期: 2020-06-23; 修回日期: 2020-08-13; 录用日期: 2020-09-04

基金项目:国家自然科学基金青年项目(11904369)、中国科学院装备预研联合基金(6141A01130202)、脉冲功率激光技 术国家重点实验室主任基金(2019ZR07)、安徽省自然科学基金青年项目(1908085QA37)

年,Jiang 等^[9]在11.8 km 传输链路上利用相机和光 电探测器获取的数据,分别计算了弱起伏和强起伏 条件下激光光斑的概率密度函数、衰落统计量和高 频频谱,最后给出了闪烁指数和空间折射率结构参 数的日变化曲线。2020年,Ke等^[10]在10.2 km的 距离上开展了激光传输实验,采用 CCD 相机以 75 frame/s采样速率获得了分辨率为 320 pixel× 256 pixel 的远场光斑图像。在数字图像处理方法 的帮助下,学者们有效地获取了光斑斑点区域。

在国际上,1994年,Butts 等^[11-12]利用 ABLEX 实验平台开展了高空 10~15 km 的远距离水平光 斑测试,测试距离最远达到了 200 km,旨在核实自 适应光学系统能否很好地补偿高空湍流效应,其相 机的采样速率只有 30 frame/s。之后不久, Washburn^[13]利用更高精度和更高分辨率的 CCD 相机,在 ABLE ACE 机载平台上,开展了与 ABLEX 类似的光斑测试实验,旨在探究在激光水 平长程传输过程中大气传输数值仿真模型的适用情 况。但文章并未注明采样速率。2003年, Vorontsov 等^[14]开展了近水平 2.3 km 光学链路上 的激光传输测试,使用 Dalsa CAD6-0256W 型 CCD 在 256 pixel×256 pixel 分辨率下以 760 frame/s 的 采样速率获取了激光短曝光闪烁图像,同时利用大 气湍流参数测量设备获得了激光传输链路上的相干 长度和折射率结构常数。同年, Nakamura 等^[15]在 室内(100 m)和露天(750 m)条件下,利用 NAC Image Technology 公司的 MEMRECAM fx K3 高 速相机以 2000 frame/s 采样速率记录了激光传输 光斑图像。

上述研究普遍存在采样频率低等问题,所公布 的激光光斑数据量有限,不足以呈现湍流大气中的 短曝光激光光斑特性。本文利用高速相机,以漫反 射幕布为合作靶面,在 3200 m 的高海拔地区,选择 尽可能远离下垫面的地势,开展了1 km 至近5 km 的激光大气传输光斑测试实验,获得了大量采样速 率达 4000 frame/s 的激光光斑数据。并利用该数 据,通过二维成像的方法,计算并统计分析了目标靶 面上的光强闪烁指数、光强闪烁的孔径平均因子 A、闪烁频谱及其标度指数、光强闪烁的孔径平均因子 相关系数,以及测试光路上的大气湍流折射率结构 常数 C²_n,探究了激光能量在目标靶面上的空间分布 及其时间变化特性。

2 测试设备及场景

实验测试设备及测试区域的地形地貌分别如图 1、2 所示,其中发射系统由一台瓦级 532 nm 激光器 和相应的光学调整架组成,接收系统由高速 CCD 相 机和漫反射幕布组成,相机置于幕布的斜前方约 9 m 处。如图 1 所示,发射端位于云南气象局丽江高 美古气象雷达站的三楼阳台上,距离地面约 10 m,



图 1 开阔下垫面测试布局及场景 Fig. 1 Test layout and scene over open terrain



图 2 峡谷测试布局及场景 Fig. 2 Test layout and scene over gully

3

该雷达站同时处于一个地势较高的山顶上。接收端 位于空旷地面上,与发射端的距离分别为1,2,3,4, 4.7 km,所选择的地理位置能够确保绝大部分的传 输路径距离下垫面的高度大于15 m,最大高度大于 100 m。如图2 所示,发射端和接收端分别位于一个 峡谷的两侧,直线距离约为2 km,光路距离下垫面的 最大高度近 300 m,选择该地势旨在最大限度地远离 下垫面,进而降低下垫面对激光传输路径的影响。

激光光斑数据的采集时间为 2019 年 6 月 20 日 至 28 日,每日上午 10 时至下午 17 时,采集期间天 气晴好,激光发射功率约为 1 W,每间隔 20 min 采 集一组视频图像,每组时长 8 s,采样速率统一设置 为 4000 frame/s,每幅图像尺寸为 320 pixel × 240 pixel,图像位数为 8 bit,曝光时间为 245 µs。





那么清晰。



短曝光光斑基本特征

为了直观地展现短曝光光斑图像的典型特征,

同时为了帮助理解短/长曝光图像之间的差异,图

3、4分别给出了激光传输距离为1km时接收端记

录的三幅短曝光光斑图像和同一时段内手机相机拍

摄的长曝光光斑图像。不难发现,相比较于长曝光

图像,短曝光图像的亮度较弱,光斑破碎成纹理清晰

的网纹状结构,并散落少许锐利的亮点,光斑内部有

形状不规则、大小不一的孔洞,光斑外围的轮廓近似

圆形。饶瑞中等^[5]认为,激光光斑中的局域亮度增

强现象源于大气湍流的随机透镜效应。受积分效应

的影响,长曝光图像的纹理显然远不如短曝光图像

图 3 高速相机拍摄的短曝光光斑图像 Fig. 3 Short-term exposure spot patterns taken by high-speed camera







图 4 普通手机相机拍摄的长曝光光斑图像 Fig. 4 Long-term exposure spot patterns taken by normal cellphone camera

由于人眼的视觉暂留效应,通常人们所看到的激 光光斑均可视为长曝光图像的动态变化。只有将连 续拍摄的短曝光光斑图像进行慢速回放,人眼才能真 正看到短曝光图像的变化过程:前后两幅图像的高度 相近,光斑纹理随着横向风向一侧微小移动,光斑结 构随着时间逐渐变化,直至数十帧后才会完全改变。 这些流动的网纹结构、散落的亮斑及其形变与重构等 现象在短曝光图像中格外清晰,而网纹的粗细和大小 与湍流的强度和尺度存在某种目前尚未明确的关联。

4 光斑统计分析

基于云南高美古高海拔区域远离下垫面洁净大 气中的短曝光激光光斑数据,我们对激光经高原大 气湍流后的光强闪烁效应及其统计参数,如闪烁指 数、闪烁频谱、孔径平均因子和激光光斑的空间相关 系数等,进行了详细的计算分析。同时,为了便于理 解,根据闪烁指数给出了传输路径上的大气折射率 结构常数 C²_n和内尺度 l₀。

4.1 闪烁指数及相关量

4.1.1 闪烁指数的计算方法

闪烁指数通常用归一化光强起伏方差 β_1^2 来描述:

$$\beta_I^2 = \langle I^2 \rangle / \langle I \rangle^2 - 1, \qquad (1)$$

式中:I为光强; $\langle \cdot \rangle$ 为统计平均。根据激光在大气中的传播理论,假设光传播路径上湍流强度均匀,弱起伏条件下球面波的点闪烁指数 $\beta_I^2(0)$ 与折射率结构常数 C_n^2 的关系 ^[16]为

$$\beta_I^2(0) = 0.496 C_n^2 k^{7/6} L^{11/6}, \qquad (2)$$

式中:*k* 为波数;*L* 为光传输距离。由(2)式可以得 到大气折射率结构常数 C²_n。

闪烁指数随探测面积的增大而减小的现象被称为孔径平滑效应,常用孔径平均因子 A 来表征,定义为一定接收孔径 r 内的闪烁指数 $\beta_I^2(r)$ 与理想点接收闪烁指数 $\beta_I^2(0)$ 的比值^[17]:



图 5 不同孔径下四阶多项式拟合的闪烁指数

Fig. 5 Scintillation indexes fitted with fourth-order polynomial under different apertures

Churnside^[17]给出了弱起伏条件下,圆形接收 孔径 r 内的平均因子 A 与大气湍流内尺度 l_0 的 关系:

$$A = [1 + 0.109 (r^2/l_0)^{\frac{l}{3}}]^{-1}, \qquad (4)$$

$$\sqrt{L\lambda} < \min\left[r_{0}, (5/3)l_{0}\right], \qquad (5)$$

式中:λ 为波长;r₀ 为大气相干长度。通过(4)、(5) 式可以获得大气湍流内尺度 *l*₀。

4.1.2 基于闪烁指数的计算结果

本文分别计算了激光经过 1,2,3,4,4.7 km 路 径的闪烁指数、孔径平均因子、折射率结构常数及内 尺度,其中 2 km 路径包含平坦高原与下垫面为山 林沟壑的峡谷。通过投影幕上网格大小为 10 cm 的 标准网格图来标定光斑图像每个像元对应的实际光 斑尺寸。以 2019 年 6 月 20 日 1 km 传播路径下的 光斑数据为例,下午 1:00 至 4:00 左右的激光闪烁 $A = \frac{\beta_{I}^{2}(r)}{\beta_{I}^{2}(0)},$ (3)

式中:A<1。

为了得到理想的点闪烁指数 β_1^r (0),可以对不同接收孔径 r下的 β_1^r 使用多项式拟合,得到其与 r的函数关系式,最后取 r=0并代入拟合函数即可得 β_1^r (0)。如图 5 所示,计算结果表明,采用 4 阶多项 式即可取得较好的拟合效果。根据拟合所得的 β_1^r (0),即可获取不同接收半径下的孔径平均因子, 其结果如图 6 所示。图 6 给出了 2019 年 6 月 20 日 1 km 传输路径下的激光光斑的孔径平均因子 A 随 接收孔径 r的变化趋势。结果表明,孔径平均因子 不仅仅是孔径 r的函数,还与湍流状态有关,目前尚 缺乏严谨的理论对其进行描述。另外,在一些大口 径激光闪烁仪中,往往只能设置固定的孔径平均因 子,这可能会导致测量误差。



图 6 不同闪烁指数下孔径平均因子随接收孔径半径的变化 Fig. 6 Aperture averaging factor versus receiving aperture radius under different scintillation indexes

统计数据如表1所示。可以看出,所测时间内的折 射率结构常数 C_a²的量级为 10⁻¹⁴~10⁻¹⁶,这表明即 便在中午晴空条件下,该测试区域和测试时段内的 湍流也是中等偏弱。

图 7 显示了不同传输距离下 C_n^2 随时间的变 化。不难发现,不同传输路径下的 C_n^2 有较大差 别,并且传输距离越远, C_n^2 值在一天内随时间的变 化越平稳,该趋势与低海拔近地面常见的"墨西哥 帽"式变化趋势有明显不同,反映了海拔高度、下 垫面地势及传输光路与下垫面的距离等因素对湍 流的综合影响。图 8 显示了湍流内尺度 l_0 与点闪 烁指数 $\beta_l^2(0)$ 之间的关系,可见 l_0 的数值主要分布 在 0.01 ~0.1 区间,且 $l_0 与 \beta_l^2(0)$ 的拟合决定系 数 R^2 为 0.20,表明 l_0 与 $\beta_l^2(0)$ 呈现出一定的负相 关性。 中 国 激 光

表 1 2019 年 6 月 20 日 1 km 激光传输实验中的闪烁特征结果

T 11 1	0	1		4 1	1				T 0/	~	0010
Lable 1	Scintillation	characteristics	ın	1 km	laser	transmission	experiment	on	Jun 20),	2019

Moment	$\beta_1^2(0.276)$	$\beta_I^2(0)$	A@r of 0.276 m	$C_{\rm n}^{2}/{ m m}^{-2/3}$	l_{0}/m
12:55	0.0484	0.9748	0.0497	3.5296×10^{-14}	0.0181
13:13	0.0569	0.4997	0.1139	1.8094×10^{-14}	0.0266
13:18	0.0110	0.0174	0.6322	6.2850×10^{-16}	0.0810
13:27	0.0099	0.0117	0.8462	4.2518×10^{-16}	0.1333
13:35	0.0298	0.2728	0.1092	9.8765 $\times 10^{-15}$	0.0261
13:53	0.0072	0.0614	0.1173	2.2216×10^{-15}	0.0270
14:22	0.0123	0.0577	0.2132	2.0903×10^{-15}	0.0367
14:35	0.0248	0.7847	0.0316	2.8413 $\times 10^{-14}$	0.0148
14:40	0.0556	0.7967	0.0698	2.8849 $\times 10^{-14}$	0.0212
14:46	0.0339	0.8460	0.0401	3.0634×10^{-14}	0.0165
15:03	0.0085	0.0856	0.0993	3.0992×10^{-15}	0.0250
15:07	0.0087	0.0295	0.2949	1.0673×10^{-15}	0.0442
15:23	0.0126	0.1708	0.0738	6.1840×10^{-15}	0.0217
15:42	0.0061	0.1257	0.0485	4.5502 $\times 10^{-15}$	0.0179
16:01	0.0072	0.0994	0.0724	3.5987 $\times 10^{-15}$	0.0215
16:03	0.0041	0.1299	0.0316	4.7021×10^{-15}	0.0148



图 7 不同传输距离下 C_n² 随时间的变化



4.2 光强闪烁的功率谱

光强起伏的功率谱特征反映了湍流介质折射率 场起伏的统计特征。前人研究^[18]表明:起伏功率谱 可以划分为高频段和低频段两个部分。在低频段区 间,功率谱呈近似常数分布;而在高频段区间,功率 谱与频率呈指数变化关系。在高频区间,功率谱满 足标度率^[19]:

$$W \propto f^{T_0}, \qquad (6)$$

式中:W为功率谱; T_0 为标度指数;f为频率。理论结果^[4]认为 $T_0 = -8/3$ 。大量研究表明,根据实测数据计算的功率谱密度分布比理论上的更为复



Fig. 8 Relationship between l_0 and $\beta_1^2(0)$

杂:由低频段的常数区开始,首先经历常数区与无标 度区的缓变区,然后正式进入无标度区,随后经历无 标度区和噪声区的缓变区,最后止于高频噪声区。 以上5段区间可视为5条斜率不同的直线段。直线 段具体函数^[19]为

 $\ln W(f) = a_i \ln f + b_i, i = 1, 2, 3, 4, 5,$ (7) 式中: a_i 为直线斜率; b_i 为截距; i 为直线段的编 号; $\ln f_{i-1} \leq \ln f \leq \ln f_i,$ 其中 f_0 为最低频率, f_5 为 最高频率, f_1, f_2, f_3, f_4 为 5 段直线相邻处的交接 频率值。本文重点关注无标度区的标度率, 使用分 段拟合方法求得标度指数。 图 9 所示为功率谱无标度区的标度率 $-3a_3$ 与 $\beta_1^2(0)$ 的关系。可以看出,数据整体分布较分散,不 同传播距离下的标度指数均大幅偏离理论值-8/3, 经过拟合, $-3a_3$ 和 $\beta_1^2(0)$ 之间的决定系数 R^2 为 0.37,说明标度率的绝对值与湍流强度呈正相关。



Fig. 9 Relationship between $-3a_3$ and $\beta_1^2(0)$

图 11 分别展示了不同传输距离下的激光闪烁 功率谱分布情况,其中不同形状的点代表基于不同 圆域内的光强均值计算得到的功率。可以看出,功 标度率均值为-7.2/3,标准差为 0.85。图 10 展示 了 $|3(a_3-a_0)|$ 随 $\beta_I^2(0)$ 的变化趋势,其中 a_0 为理 论值。可以看出, $|3(a_3-a_0)|$ 大部分位于 1~10 区间,且与闪烁指数间并无明显的相关性,经拟合, $|3(a_3-a_0)|$ 和 $\beta_I^2(0)$ 的决定系数 R^2 仅为 0.047。



Fig. 10 Relationship between $|3(a_3 - a_0)|$ and $\beta_1^2(0)$

率谱的截止频率为 200~1000 Hz,同样情况下单像 元的截至频率普遍高于圆域的截止频率,这反映了 光强闪烁的孔径平滑效应。



图 11 不同传输距离下的功率谱。(a) 1 km; (b) 2 km; (c) 3 km; (d) 4 km; (e) 4.7 km Fig. 11 Power spectra under different transmission distances. (a) 1 km; (b) 2 km; (c) 3 km; (d) 4 km; (e) 4.7 km

4.3 光强闪烁的空间相关性

以光斑中心为原点,距离原点 a 处的光强起伏 与原点处的光强起伏的空间相关系数 R_n(a)可表示 为

$$R_{n}(a) = \langle [I(0) - \overline{I}(0)] \times [I(a) - \overline{I}(a)] \rangle,$$
(8)

式中:I(0)为原点处的实时光强; $\overline{I}(0)$ 为原点处的 光强平均值;I(a)为距离原点 a 处的实时光强; $\overline{I}(a)$ 为距离原点 a 处的光强平均值。那么归一化 的空间相关系数为

 $B_n(a) = R_n(a) / [\sigma_n(0) \cdot \sigma_n(a)],$ (9) 式中: $B_n(a)$ 为归一化的空间相关系数; $\sigma_n(0)$ 为原 点处的光强起伏方差; $\sigma_n(a)$ 为距离原点 *a* 处的光 强起伏方差。

图 12 给出了不同闪烁指数下 $B_n(a)$ 的计算结 果,可以看出,空间相关系数 $B_n(a)$ 随着圆心距 a的增加而迅速减小。当距离光斑中心 10~20 pixel 时, $B_n(a)$ 趋向于在 0 附近波动。如果将 $B_n(a)$ 值 下降到 1/e 时的 a 值定义为光斑图像的空间相关半 径,可以看到相关半径随闪烁指数即 $\beta_1^2(0)$ 的增大 而增大。对于相关半径内固定的距离,其相关系数 $B_n(a)$ 随着湍流的增强而增大。这说明激光光斑中 光强闪烁的空间相关尺度与传统意义上的大气相干 长度是完全不同的概念,两者随湍流强度的变化趋 势是相反的。



图 12 2 km 传输距离下归一化相关系数随轴偏移量的 变化

Fig. 12 Normalized correlation coefficient versus axis offset under 2 km transmission distance

5 结 论

统计分析了云南高美古高海拔区域远离下垫面 不同传输距离上的短曝光激光光斑测试数据。结果 表明:短曝光光斑内部存在大小不一的不规则孔洞, 这些孔洞构成了短曝光光斑的网纹状结构,网纹间 同时夹杂着由大气随机透镜效应引起的零星亮点。 动态播放的光斑图像可以展示出网纹结构和散落亮 点的移动、消散和重构过程。在激光光斑中,不同环 围半径内平均光强的闪烁指数随环围半径的增大而 逐渐减小,表现出典型的孔径平滑效应,且孔径平均 因子不仅仅是孔径 r 的函数,还与湍流状态参数特 别是内尺度相关。在弱起伏条件下,可以利用孔径 平均因子计算出大气湍流内尺度,结果表明,实测的 湍流内尺度大多为 0.01~0.1 m,符合理论预期;高 原大气湍流的闪烁频谱呈现经典的五段线结构,截 止频率大多为 200~1000 Hz,测试条件下的湍流谱 标度指数的均值约为一7.2/3,且分布较为离散,其 标准偏差为 0.85。以 2 km 测试数据为例,计算的 激光光斑的空间相关尺度不到 10 pixel,且空间相关 尺度与湍流强度呈正相关,该结果与湍流场本身的 空间相关尺度与湍流强度呈正相关这一现象相一 致^[20]。

设计该实验的主要目的是在高海拔地区寻找远 离下垫面的传输条件,获取高空自由大气湍流中传 输的激光光斑特性。从大多数传输光路上的 C²_n 的 日变化趋势无明显"墨西哥帽"式结构可以看出,下 垫面对传输路径上的光学湍流的影响确实较小,但 显然该测试条件与高空自由大气仍有较大差别。今 后将在更高、更远的平台上进行高帧频的激光光斑 测试,以促进人们深入认识自由湍流大气中的激光 传输规律。

参考文献

- Rao R Z. Modern atmospheric optics [M]. Beijing: Science Press, 2012.
 饶瑞中.现代大气光学 [M].北京:科学出版社, 2012.
- [2] Tatarski V I. Wave propagation in a turbulent medium [M]. Wen J S, Song Z F, Zeng Z Y, et al, Transl. Beijing: Science Press, 1978.
 塔塔尔斯基. 湍流大气中波的传播理论[M]. 温景 嵩, 宋正方, 曾宗泳,等, 译. 北京: 科学出版社, 1978.
- [3] Kerr J R, Dunphy J R. Experimental effects of finite transmitter apertures on scintillations [J]. Journal of the Optical Society of America, 1973, 63(1): 1.
- [4] Rao R Z, Wang S P, Liu X C, et al. Statistical characteristics of laser intensity fluctuation and beam pattern in a real turbulent atmosphere [J]. Chinese Journal of Quantum Electronics, 1998, 15(2): 3-5. 饶瑞中,王世鹏,刘晓春,等.激光在湍流大气中的 光强起伏与光斑统计特征[J]. 量子电子学报, 1998,

15(2): 3-5.

[5] Rao R Z, Wang S P, Liu X C. Atmospheric turbulence degraded light intensity images: size measurement and description of deformation characteristics[J]. Acta Optica Sinica, 1998, 18(4): 3-5.

> 饶瑞中,王世鹏,刘晓春.被湍流大气退化的激光光 斑:尺度测量与形变特征描述[J].光学学报,1998, 18(4):3-5.

[6] Rao R Z. Pattern characteristics of collimated laser beam in a turbulent atmosphere I . characteristic radii[J]. Chinese Journal of Lasers, 2002, 29(10): 889-894.

饶瑞中. 湍流大气中准直激光束的光斑特征 I. 特征 半径[J]. 中国激光, 2002, 29(10): 889-894.

- [7] Liu J G, Huang Y B, Wang Y J. Statistical properties of short-exposure images with strong turbulent effects [J]. High Power Laser & Particle Beams, 2005, 17(3): 321-324.
 刘建国,黄印博,王英俭.强湍流效应下激光大气传输短曝光光斑统计分析[J].强激光与粒子束, 2005, 17(3): 321-324.
- [8] Jing X, Wu Y, Hou Z H, et al. Study of irradiance fluctuations for laser beam propagation in atmosphere [J]. Acta Optica Sinica, 2010, 30(11): 3110-3116.
 靖旭, 吴毅, 侯再红, 等. 湍流大气中激光传输光强 起伏特征研究[J]. 光学学报, 2010, 30(11): 3110-3116.
- [9] Jiang Y J, Ma J, Tan L Y, et al. Measurement of optical intensity fluctuation over an 11.8 km turbulent path[J]. Optics Express, 2008, 16(10): 6963-6973.
- Ke X Z, Jing Y K. Far-field laser spot image detection for use under atmospheric turbulence [J].
 Optical Engineering, 2020, 59(1): 016103.
- [11] Butts R R, Weaver L D. Airborne laser experiment (ABLEX): theory and simulations[J]. Proceedings of SPIE, 1994, 2120: 10-29.

- [12] Weaver L D, Butts R R. ABLEX high-altitude laser propagation experiment [J]]. Proceedings of SPIE, 1994, 2120: 30-42.
- [13] Washburn D C. ABLE ACE: a high-altitude propagation program [J]. Proceedings of SPIE , 1997, 3065: 296-306.
- [14] Vorontsov M A, Carhart G W, Banta M, et al. Atmospheric laser optics testbed (A LOT): atmospheric propagation characterization, beam control, and imaging results [J]. Proceedings of SPIE, 2003, 5162: 37-48.
- [15] Nakamura M, Akiba M, Kuri T, et al. Experimental evaluation of spot dancing of laser beam in atmospheric propagation using high-speed camera[J]. Proceedings of SPIE, 2003, 4976: 149-158.
- [16] Andrews L C, Phillips R L, Hopen C Y, et al. Theory of optical scintillation [J]. Journal of the Optical Society of America A, 1999, 16(6): 1417-1429.
- [17] Churnside J H. Aperture averaging of optical scintillations in the turbulent atmosphere[J]. Applied Optics, 1991, 30(15): 1982-1994.
- [18] Strohbehn J W. Laser beam propagation in the atmosphere[M]. Heidelberg: Springer, 1978.
- [19] Rao R Z, Wang S P, Liu X C, et al. Characteristics of the power spectrum of laser irradiance scintillation in a real atmosphere[J]. Chinese Journal of Lasers, 1999, 26(5): 411-414.
 饶瑞中,王世鹏,刘晓春,等.实际大气中激光闪烁的频谱特征[J].中国激光,1999,26(5): 411-414.
- [20] Wang Q, Mei H P, Qian X M, et al. Spatial correlation experimental analysis of atmospheric optical turbulence in the near ground layer [J]. Acta Physica Sinica, 2015, 64(11): 114212.
 王倩,梅海平,钱仙妹,等.近地面大气光学湍流空间相关特性的实验研究 [J].物理学报, 2015, 64(11): 114212.

Statistical Properties of Short-Exposure Laser Patterns in Turbulent Atmosphere of Gaomeigu, Yunnan Province

Zhang Junxin^{1,2,3}, Mei Haiping^{1,3*}, Shen Liujing^{1,3,4}, Huang Yinbo^{1,3}, Luo Fu⁵, Wu Xiaoyan⁵

¹ Key Laboratory of Atmospheric Optics, Anhui Institute of Optical and Fine Mechanics, Chinese Academy of Sciences, Hefei, Anhui 230031, China;

² Science Island Branch of Graduate School, University of Science and Technology of China,

Hefei, Anhui 230026, China;

³Advanced Laser Technology Laboratory of Anhui Province, Hefei, Anhui 230037, China;

⁴ Institutes of Physical Science and Information Technology, Anhui University, Hefei, Anhui 230601, China;

⁵ Institute of Fluid Physics, China Academy of Engineering Physics, Mianyang, Sichuan 621900, China

Abstract

Objective When laser propagates in the atmosphere, it is inevitable that a random change of the refractive index of the atmospheric turbulence causes laser spot broken and distorted, which seriously damages the laser beam quality. Under the conditions of weak- and strong-fluctuating media, the turbulence model has relatively rich theoretical research results. In view of the complexity of the turbulence itself, the current theory of light transmission in random media is not enough to perfectly present the far-field transmission characteristics of the laser spot in the strong-fluctuation region. As for the high-altitude laser transmission engineering applications, the spatial distribution of laser energy on the target surface and its temporal variation characteristics are vital for photoelectric system evaluation. However, the research of long-range high-altitude laser atmospheric transmission faces the following problems: first, there are few transmission tests in high-altitude areas; second, short-exposure laser spot data at high frame-rate sampling are rare; third, two-dimensional imaging methods to obtain more comprehensive laser statistical parameters are still lacking. In this study, we use a high-speed camera to perform laser spot tests at different distances in high-altitude areas. Using the laser short-exposure image data at sampling rate of 4000 frame s^{-1} , the change characteristics of short-exposure far-field laser spots in the turbulent atmosphere are qualitatively described, and the optical turbulence parameters such as ideal point scintillation indexes, aperture average factors, and inner scales are calculated. Our aim is to use the external field laser transmission test data to understand the spatial laser energy distribution on the target surface as well as its temporal variation characteristics under highaltitude conditions and to simultaneously determine its impact on the laser photoelectric system.

Methods The experiment is performed at an altitude of 3200 m in Gaomeigu, far from the underlying surface. The transmitting terminal is a 532 nm solid-state laser, while the receiving system is consisted of a high-speed CCD camera and a diffuse reflection screen. The camera is placed obliquely in front of the screen at ~ 9 m, the transmitter is located in the balcony in the third floor of the Gaomeigu radar station at ~ 10 m above the ground, and the receiver is located on the open ground at distances of 1, 2, 3, 4, and 4.7 km from the transmitting terminal. The selected geographical location can ensure that most of the transmission paths are longer than 15 m from the underlying surface and the maximum height is larger than 100 m. In addition, the test is also performed in the canyon, far away from the underlying surface. The straight-line distance between two ends is ~ 2 km, and the maximum link distance from the underlying surface is \sim 300 m. The sampling rate of laser spot images is unified to 4000 frame $\cdot s^{-1}$, each image is 320 pixel × 240 pixel, and the image accuracy is 8 bit. For the acquired twodimensional data of the laser spot, using the imaging method, the scintillation index under different receiving apertures is calculated, and subsequently polynomial fitting is used to obtain the ideal point scintillation index. With the former results, the refractive index structural parameters such as the path, aperture average factor, and inner scale can also be derived. Moreover, this method based on the calculation of the gray value of the light spot can also display the correlation coefficient between the power spectrum and its scaling rate as well as the spatial light intensity distribution.

Results and Discussion At a distance of 1 km, with the playback of a short-exposure spot image at a sampling rate of up to 4000 frame $\cdot s^{-1}$, the broken laser spot shows a clear mesh-like morphological structure, and a few sharp bright spots are scattered. There are irregular shapes and different size holes inside the spot (Fig. 3). As time elapses, these flowing mesh-like structures and scattered bright spots undergo deformation and reconstruction.

There is a certain unclear relationship between size of the reticulated texture and the scale of the turbulence. Using the light spot gray value data, the aperture average factor of different receiving radii on the target surface is obtained. The variation of the laser spot aperture average factor with the receiving aperture shows that the aperture average factor is not only a function of the aperture but also is related to the turbulence state (Fig. 6). The daily variation of C_n^2 in high-altitude areas is relatively stable, showing a different trend from the "Mexican hat" trend near the ground at low altitudes (Fig. 7). The power spectral distributions of laser scintillation under different transmission distances show that the cutoff frequency of the power spectrum of a single pixel is generally higher than the average cutoff frequency of the circular domain, which indicates that the aperture smoothing effect of light intensity scintillation still exists in the frequency domain. The scaling rate obtained from the power spectrum shows a positive correlation trend with the ideal scintillation index (Figs. 9 and 11). Taking the spot centroid as the point of origin, the normalized spatial correlation coefficient of the light intensity fluctuations at the distance from the origin point shows that the spatial correlation radius increases with the increase of the scintillation index (Fig. 12). It is a completely different concept from the coherence length.

Conclusion The main purpose of designing this experiment is to find the transmission conditions far away from the underlying surface in high-altitude areas and to obtain the characteristics of the laser spot transmitted in high-altitude free atmospheric turbulence. Judging from the fact that there is no obvious "Mexican hat" structure in the daily variation trend of most transmission paths, the underlying surface on the transmission path has little influence, but there are still big differences between the real test conditions and high-altitude "free" atmosphere. In the future, we hope that we will have the opportunity to conduct high frame-rate laser spot image testing on higher and farther platforms to promote the understanding of laser transmission in free turbulent atmospheres.

Key words atmospheric optics; laser propagation through atmosphere; optical turbulence; short exposure; light spot images; scintillation index

OCIS codes 010.1290; 010.1300; 010.1330