# 激光导引头探测性能对高重复频率干扰激光器的影响

刘志国1, 邱雄1\*, 王仕成1, 王志敏2

<sup>1</sup>火箭军工程大学导弹工程学院,陕西西安 710025; <sup>2</sup>火箭军研究院系统工程研究所,北京 100091

**摘要** 高重复频率干扰激光器被激光导引头精确探测是高重复频率有效干扰的必要条件,因此基于激光导引头探测性能研究高重复频率干扰激光器至关重要。采用计算分析的方法研究导引头虚警概率和探测概率,得出:当阈 噪比  $T_{NR}$ 为 3.5 时,虚警概率  $P_f$ 约为 0.02%;当阈噪比  $T_{NR}$ 为 3.5 且被检测信号在导引头入瞳处的功率密度为导 引头探测器门限值的 1.9 倍时,探测概率  $P_p$ 约为 99.92%。基于探测概率研究高重复频率干扰激光器的激光导引 头探测概率  $P_p$ 与高重复频率干扰激光器参数(平均功率  $P_1$ 、脉冲发射频率 f、脉冲宽度  $\tau$ )、激光导引头参数(探测器门限值  $P_{th}$ 、阈噪比  $T_{NR}$ )以及作用距离 R之间的关系,并结合应用背景通过 MATLAB 软件进行仿真分析。 关键词 激光器;虚警概率;探测概率;导引头探测器门限值; 阈噪比;高重复频率干扰激光器 **中图分类号** TN249 **文献标识码** A **doi**: 10.3788/CJL201946.1101001

## Influence of Laser-Seeker Detection Performance on High Repetition Rate Interference Laser

Liu Zhiguo<sup>1</sup>, Qiu Xiong<sup>1\*</sup>, Wang Shicheng<sup>1</sup>, Wang Zhimin<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Rocket Force Engineering University, Xi'an, Shaanxi 710025, China; <sup>2</sup>Rocket Army Research Institute of Systems Engineering, Beijing 100091, China

Abstract The effective detection of high repetition rate interference lasers depends on the accurate performance of laser seekers. Therefore, we use computational analysis to investigate the laser-seeker detection performance and false-alarm probability. By applying this method, we reach the conclusions that when the threshold-to-noise ratio  $T_{\rm NR}$ =3.5, the approximate false-alarm probability  $P_{\rm f}$ =0.02%; when  $T_{\rm NR}$ =3.5 and the power density of the detected signal at the seeker entrance is 1.9 times the seeker-detector threshold, the approximate detection probability  $P_{\rm p}$ =99.92%. Considering such detection probability, we study the high repetition rate interference laser to obtain the relationship among the laser-seeker detection probability  $P_{\rm p}$ , parameters of the high-frequency interference laser (average power  $P_{\rm 1}$ , pulse-transmission frequency f, and pulse width  $\tau$ ), laser-seeker parameters (detector threshold  $P_{\rm th}$  and threshold-to-noise ratio  $T_{\rm NR}$ ), and action distance R. During this process, we use MATLAB for simulation analysis in combination with the application background.

**Key words** lasers; false alarm probability; detection probability; seeker detector threshold; threshold-to-noise ratio; high repetition rate interference laser

OCIS codes

1 引 言

目前,各强国均在研制作用距离远、制导精度 高、杀伤强度大的新型激光精确制导武器,作为防御 方,激光干扰技术的研究则尤为重要。高重复频率 干扰是一种十分有效的干扰方式,其不仅要求高重 复频率干扰激光以较高的频率进入导引头波门内, 还要求高重复频率干扰激光可被空中的激光导引头 探测到,所以激光导引头的探测性能对高重复频率 干扰技术十分重要。文献[1]主要结合实验对激光 雷达探测概率和虚警概率的影响因素进行分析;文 献[2-3]研究了激光在大气传输中能量衰减的计算

收稿日期: 2019-05-15; 修回日期: 2019-06-17; 录用日期: 2019-06-25

基金项目:国家自然科学基金(61673017,61673386)

方法;文献[4-5]研究了激光在大气斜程传输中大气 透射率的计算方法;文献[6]分析了高重复频率干扰 激光对激光导引头的干扰机理;文献[7]分析了高重 复频率干扰激光器的工作机理;文献[8-12]分析了 干扰和噪声对激光制导的影响以及激光技术在工程 上的应用。目前对激光导引头探测性能的定量分析 以及基于导引头探测性能研究高重复频率激光器对 激光导引头干扰效果的相关文献较少。为深入研究 激光导引头的探测性能,进而根据导引头探测性能 研究高重复频率干扰激光器对激光导引头的干扰效 果,本文采用计算分析方法研究了激光导引头虚警 概率  $P_{\rm f}$  与阈噪比  $T_{\rm NR}$ 的关系;基于虚警概率  $P_{\rm f}$ = 0.02%,研究了探测概率 P。与参数 m(导引头入瞳 处被检测信号功率密度 P。与导引头探测器门限值 P<sub>t</sub>的比值)的关系;分析了高重复频率干扰激光在 大气传输中能量的衰减规律,得到经大气衰减传递 至导引头入瞳处的激光功率密度 P。与高重复频率 干扰激光器参数及作用距离 R 之间的关系:基于探 测概率研究高重复频率干扰激光器的激光导引头探 测概率 P。与高重复频率干扰激光器参数、激光导 引头参数以及作用距离 R 之间的关系。而后在激 光导引头参数确定的情况下,结合应用背景从三方 面进行了分析:1)若已知作用距离 R 与脉冲发射频 率 f,讨论高重复频率干扰激光器平均功率  $P_1$  与探 测概率 P。之间的关系,即可根据探测概率得到高 重复频率干扰激光器的平均功率;2)若已知作用距 离 R 与高重复频率干扰激光器平均功率  $P_1$ ,讨论 脉冲发射频率 f 与探测概率  $P_{\circ}$ 之间的关系,可结 合高重复频率干扰超前概率分析高重复频率有效干 扰条件下的脉冲发射频率 f 的调节范围;3)若已知 高重复频率干扰激光器平均功率 P1 与脉冲发射频 率 f,讨论探测概率 P。与作用距离 R 之间的关系, 可根据不同作用距离处的探测概率分析高重复频率 干扰的有效性以及根据合适的探测概率确定高重复 频率干扰激光器的最佳开机时机。

### 2 激光导引头探测性能分析

导引头工作过程中,受工作环境与放大电路影响,其内部会产生噪声干扰电流。设噪声干扰电流 为 I<sub>1</sub>,将其等效转换为导引头探测器入瞳处的噪声 干扰功率密度 P<sub>n</sub>,转换公式为

$$P_{n} = \frac{I_{1}}{R_{p} \cdot S_{A} \cdot T_{A}}, \qquad (1)$$

式中:R<sub>p</sub>表示探测器的脉冲响应率,单位为 A/W;

S<sub>A</sub>表示导引头入瞳处面积;T<sub>A</sub>表示导引头光学系统的透过率。

当导引头检测到激光脉冲信号时,可通过设置 探测器门限值方法来区分其是噪声干扰信号还是被 检测信号,即当被检测到的激光脉冲功率密度大于 探测器门限值时,则认为是被检测信号,否则认为是 噪声干扰信号。在导引头波门内某一时刻,若没有 被检测信号时,由于噪声干扰的影响,导引头可能会 误将噪声干扰信号视为被检测信号,这种情况称为 导引头虚警,该情况发生的概率称为虚警概率;而在 导引头波门内某一时刻,若有被检测信号时,由于噪 声干扰信号的影响,被检测信号不一定能被导引头 检测到,此时被检测信号被导引头检测到的概率称 为探测概率。可以看出,在导引头制导过程中,若不 存在噪声干扰信号,则虚警概率为0;若探测器门限 值为 0,则探测概率为 100%。但在导引头的实际工 作中,必然存在噪声干扰信号,此时希望通过设置合 理的导引头探测器门限值及被检测信号强度,降低 虚警概率,提高探测概率,从而提升导引头探测性能 以及制导精度。

#### 2.1 虚警概率

2.1.1 理论分析

虚警概率是指噪声干扰功率密度  $P_n$  超过导引 头探测器门限值  $P_{th}$ 时,导引头将噪声干扰信号误 认为被检测信号的概率,记为  $P_i$ 。由于噪声干扰信 号是由诸多因素引起的,综合考虑所有因素来分析 噪声干扰信号十分复杂,现假设噪声干扰信号服从 高斯分布,功率密度  $P_n$ 的均值  $\bar{P}_n=0, P_n$ 标准差 记为 $\sigma_{P_n}$ ,则 $\frac{P_n}{\sigma_{P_n}} \sim \mathcal{N}(0,1)$ ,其中,"~"表示服从于,  $\mathcal{N}(0,1)$ 表示标准正态分布。导引头探测器门限值  $P_{th}$ 为激光导引头在其入瞳处预先设计的可敏感的 最小脉冲功率密度,则虚警概率  $P_i$  可表示为

$$P_{\rm f} = \int_{P_{\rm th}}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_{P_{\rm n}}} \exp\left(-\frac{P_{\rm n}^2}{2\sigma_{P_{\rm n}}^2}\right) \mathrm{d}P_{\rm n} \,. \tag{2}$$

$$\begin{aligned} & \left( x = \frac{P_n}{\sqrt{2}\sigma_{P_n}} \right), \#$$
将其代人(2)式得
$$P_{\rm f} = \int_{\frac{P_{\rm th}}{\sqrt{2}\sigma_{P_n}}}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{\pi}} \exp(-x^2) dx = \int_{0}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{\pi}} \exp(-x^2) dx - \int_{0}^{\frac{P_{\rm th}}{\sqrt{2}}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} \exp(-x^2) dx = 0.5 - \int_{0}^{\frac{T_{\rm NR}}{\sqrt{2}}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} \exp(-x^2) dx, \end{aligned}$$
(3)式中:  $T_{\rm NR}$ 为阈噪比,  $T_{\rm NR} = \frac{P_{\rm th}}{\sigma_{P}}. \end{aligned}$ 

2.1.2 仿真分析

通过上述分析可知,导引头虚警概率的表达式 为  $P_{\rm f} = 0.5 - \int_{0}^{\frac{T_{\rm NR}}{\sqrt{2}}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} \exp(-x^2) dx$ ,现通过 MATLAB 软件进行仿真,得到  $P_{\rm f}$  与  $T_{\rm NR}$ 的关系如 图 1 所示。

为更好地分析图 1 中  $P_f$  与  $T_{NR}$ 的量化关系,根据 MATLAB 软件的仿真结果得到如表 1 所示的数据。



图 1 P<sub>f</sub> 与 T<sub>NR</sub>的关系

Fig. 1 Relationship between  $P_{\rm f}$  and  $T_{\rm NR}$ 

表 1 P<sub>f</sub>与T<sub>NR</sub>的关系

Table 1 Relationship between  $P_{\rm f}$  and  $T_{\rm NR}$ 

$T_{\rm NR}$	1	1.5	2	2.5	3	3.5
$P_{\rm f}$	0.1587	0.0668	0.0228	0,0062	0.0013	0,0002

图 1 给出了虚警概率  $P_f$  和阈噪比  $T_{NR}$ 的关系, 随着阈噪比  $T_{NR}$ 增大,虚警概率  $P_f$  减小。当阈噪比  $T_{NR} \leq 2$ 时,虚警概率  $P_f$  减小较快;当阈噪比 2 <  $T_{NR} \leq 3$ 时,虚警概率  $P_f$  减小较为缓慢;当阈噪比  $T_{NR} > 3$ 时,虚警概率  $P_f$  基本等于 0 且减小幅度很 小。从表 1 可以看出:当阈噪比  $T_{NR} = 3$  时,虚警概 率  $P_f = 0.13\%$ ;当阈噪比  $T_{NR} = 3.5$ 时,虚警概率  $P_f = 0.02\%$ ,此时认为阈噪比  $T_{NR} = 3.5$ 的导引头探 测器可应用于激光导引头精确制导。通常导引头探 测器 门 限 值  $P_{th}$ 小于 1  $\mu$ W/cm<sup>2</sup>,现取  $P_{th} =$  $0.35 \mu$ W/cm<sup>2</sup>,则当噪声干扰功率密度标准差  $\sigma_{P_n} \leq$  $0.1 \mu$ W时,认为该导引头的虚警概率低,可用于激 光制导武器的精确制导,所以本研究的被高重复频 率干扰的导引头即是阈噪比  $T_{NR} = 3.5$ 的激光导 引头。

#### 2.2 探测概率

2.2.1 理论分析

在导引头工作过程中,当导引头入瞳处的被检测信号功率密度超过导引头探测器门限值 P<sub>th</sub>时,

被检测信号由于受噪声干扰信号影响而不一定被导 引头探测到,此时被导引头探测到的概率称为探测 概率,记为 $P_p$ 。假设导引头入瞳处的被检测信号为 稳态信号 $P_s$ ,该稳态信号 $P_s$ 和噪声干扰信号 $P_n$ 叠加后产生的新信号记为 $P_m$ 。由于本研究认为被 检测信号 $P_s$ 为稳态值,而导引头入瞳处的噪声干 扰信号 $P_n$ 服从高斯分布且均值 $\bar{P}_n=0$ ,标准差为  $\sigma_{P_n}$ ,所以叠加后的新信号 $P_m$ 服从正态分布( $P_s$ ,  $\sigma_{P_n}^2$ ),即 $\frac{P_m - P_s}{\sigma_{P_n}} \sim \mathcal{N}(0,1)$ ,此时被检测信号的探测 概率 $P_p$ 可表示为

$$P_{\rm p} = \int_{P_{\rm th}}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_{P_{\rm n}}} \exp\left[-\frac{\left(P_{\rm m}-P_{\rm s}\right)^2}{2\sigma_{P_{\rm n}}^2}\right] \mathrm{d}P_{\rm m} \,.$$

$$\tag{4}$$

令 
$$y = \frac{P_{m} - P_{s}}{\sqrt{2}\sigma_{P_{n}}}$$
,并将其代人(4)式得  

$$P_{p} = \int_{\frac{P_{th} - P_{s}}{\sqrt{2}\sigma_{P_{n}}}}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{\pi}} \exp(-y^{2}) dy =$$

$$\int_{0}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{\pi}} \exp(-y^{2}) dy + \int_{\frac{P_{th} - P_{s}}{\sqrt{2}\sigma_{P_{n}}}}^{0} \frac{1}{\sqrt{\pi}} \exp(-y^{2}) dy =$$

$$0.5 + \int_{0}^{\frac{P_{s} - P_{th}}{\sqrt{2}\sigma_{P_{n}}}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} \exp(-y^{2}) dy. \quad (5)$$

从(5)式可以看出,探测概率  $P_p$  由积分上限  $\frac{P_s - P_{th}}{\sqrt{2\pi\sigma_{P_n}}}$ 决定,而从虚警概率分析可知,工程上认为  $T_{NR} = 3.5$ 时的虚警概率符合精确制导需求。为在 探测概率中引入  $T_{NR}$ ,现令被检测信号  $P_s = m \cdot P_{th}(m)$ 为被检测信号在导引头入瞳处的功率密度  $P_s$ 和导引头探测器门限值  $P_{th}$ 的比值)并将其代入 (5)式,则探测概率  $P_p$  可表示为

$$P_{p} = 0.5 + \int_{0}^{\frac{P_{s}-P_{th}}{\sqrt{2}\sigma_{p_{n}}}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} \exp(-y^{2}) dy = 0.5 + \int_{0}^{\frac{(m-1)P_{th}}{\sqrt{2}\sigma_{p_{n}}}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} \exp(-y^{2}) dy = 0.5 + \int_{0}^{\frac{(m-1)T_{NR}}{\sqrt{2}}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} \exp(-y^{2}) dy .$$
(6)

由(6)式可知,当阈噪比 T<sub>NR</sub>一定时,若参数 m 增大,探测概率 P<sub>p</sub>也增大。

### 2.2.2 仿真分析

通过上述分析可知,导引头探测概率  $P_p$ 的表达式为(6)式,基于虚警概率满足精确制导要求,即 当 $T_{NR}$ =3.5时,采用 MATLAB 软件仿真得到  $P_p$ 与m的关系如图 2 所示。



图 2  $T_{NR}$ =3.5,  $P_p$  与 m 的关系

Fig. 2 Relationship between  $P_{\rm p}$  and m when  $T_{\rm NR} = 3.5$ 

为更好地分析图 2 中  $P_p$  与 m 的量化关系,根据 MATLAB 软件的仿真结果得到表 2 所示的数据。

表 2  $T_{NR} = 3.5, P_p$  与 m 的关系

Table 2	Relatio	nship be	tween P	$_{\rm p}$ and $m$	when T	$_{\rm NR} = 3.5$
m	0.5	1	1.5	1.7	1.8	1.9
$P_{ m p}$	0.0401	0.5000	0.9599	0.9929	0.9974	0.9992

图 2 给出了当阈噪比  $T_{NR} = 3.5$  时, 探测概率  $P_p$  和参数 m 的量化关系。从图 2 可以看出: 探测 概率  $P_p$  随着参数 m 增加而增大; 当 m <1 时, 探测 概率  $P_p < 50\%$ , 认为激光被导引头探测到的概率  $\Lambda$ , 不具备工程使用效果; 当 m > 1.5 时, 探测概率  $P_p > 90\%$ 。由表 2 可看出, 当 m = 1.7 时, 探测概率  $P_p = 99.29\%$ ; 而当 m = 1.9 时, 探测概率  $P_p =$ 99.92%, 因此, 认为满足 m > 1.9 的被检测信号可被 该激光导引头精准探测到。

通过上述分析发现:当导引头阈躁比  $T_{NR}$ =3.5 时,虚警概率  $P_i = 0.02\%$ ,此时可认为虚警概率  $P_i \leq 0.02\%$ 的导引头达到了激光制导武器的精确制 导要求;在阈躁比  $T_{NR}$ =3.5 的情况下,当  $m \geq 1.9$ 时,被检测信号可被该激光导引头以较高的探测概 率精准探测到,但由于参数 m 表示导引头入瞳处的 被检测信号功率密度  $P_s$  与导引头探测器门限值  $P_{th}$ 的比值,而结合高重复频率干扰的应用背景,高 重复频率干扰研究往往更关注位于地面的高重复频 率干扰激光器的平均功率为多少时,其发射的激光 脉冲信号可被距离多远的激光导引头以多大的探测 概率探测到。为研究这一问题,须分析高重复频率 干扰激光在大气传输中的能量衰减。

## 3 高重复频率干扰激光在大气传输中 能量衰减

3.1 P<sub>1</sub> 与 P<sub>s</sub> 关系

激光在大气中传播是有损耗的,它与大气透过

率、目标漫反射率、激光传输距离等有关。假设高重 复频率干扰激光器的平均功率为  $P_1$ ,脉冲宽度为  $\tau$ ,脉冲发射频率为 f,高重复频率干扰激光器发射 的单个脉冲峰值功率为  $P_1$ ,单个脉冲能量为  $E_1$ ,则有

$$\begin{cases} E_{t} = P_{t} \cdot \tau \\ P_{t} = \frac{P_{1}}{\tau \cdot f} & (7) \end{cases}$$

高重复频率干扰激光器工作过程中,脉冲宽度 τ为固定值,由于高重复频率干扰激光器的单个脉 冲能量  $E_{+}$  有上限值,当脉冲发射频率 f 在较低范 围内,单个脉冲能量 E,可被视为上限值,此时平均 功率  $P_1$  随着脉冲发射频率 f 的增大而增大,从而 确保单个脉冲能量保持不变且为上限值;当脉冲发 射频率 f 增大到平均功率  $P_1$  等于额定值时,若继 续增大脉冲发射频率 f,平均功率  $P_1$ 将保持不变, 此时单个脉冲能量  $E_t$  将随着脉冲发射频率 f 的增 大而减小。由于高重复频率有效干扰时,要求高重 复频率干扰激光以较高的概率超前制导激光进入导 引头波门内,这需要高重复频率干扰激光器以较高 的脉冲发射频率发射干扰激光,所以高重复频率有 效干扰时,高重复频率干扰激光器通常工作在平均 功率保持在额定值的情况下。当高重复频率干扰激 光器工作在平均功率  $P_1$  保持在额定值的情况下, 单个脉冲峰值功率 P<sub>t</sub> 与脉冲发射频率 f 的关系如 图 3 所示。





图 3 给出了高重复频率干扰激光器工作在平均 功率  $P_1$  不变的情况下,单个脉冲峰值功率  $P_t$  与脉 冲发射频率 f 的关系。当高重复频率干扰激光器 平均功率  $P_1$  保持在额定值时, $f_{max}$ 表示脉冲发射频 率的最大值;  $f_{min}$ 表示脉冲发射频率的最小值;  $P_{t,max}$ 表示单个脉冲峰值功率  $P_t$  的最大值;  $P_{t,min}$ 表 示单个脉冲峰值功率  $P_t$  的最小值。即当  $f = f_{min}$ 时, $P_t = P_{t,max}$ ; 当  $f = f_{max}$ 时,  $P_t = P_{t,min}$ 。由图 3 可知,当高重复频率干扰激光的单个脉冲能量 E<sub>1</sub> 未达到上限值时,调节脉冲发射频率 f 会使单个脉 冲峰值功率 P<sub>1</sub>发生变化,而高重复频率干扰激光器 的平均功率 P<sub>1</sub>一直保持不变,因此,在研究不同高 重复频率干扰激光器与导引头探测性能的关系时, 应考虑的是不同高重复频率干扰激光器的平均功率 P<sub>1</sub>对导引头探测概率的影响;而在研究某个特定高 重复频率干扰激光器与导引头探测性能的关系时, 应考虑的是高重复频率干扰激光器脉冲发射频率对 导引头探测性能的影响。

高重复频率干扰过程中,若高重复频率干扰激 光器与导引头之间的作用距离为 R,高重复频率干 扰激光器发射的单个脉冲峰值功率 P,经大气传输 至导引头入瞳处的脉冲峰值功率密度为 P,则有

$$P_{s} = \frac{P_{t}T\cos\sigma_{s}}{2\pi R^{2} \left[1 - \cos\left(\frac{\theta_{d}}{2}\right)\right]}, \qquad (8)$$

式中: $P_{\iota}$ 表示高重复频率干扰激光器发射的激光脉 冲峰值功率,单位为W; $P_{s}$ 表示导引头入瞳处的激 光脉冲峰值功率密度,单位为 $\mu$ W/cm<sup>2</sup>;T表示高重 复频率干扰激光器至导引头之间的大气透射率; $\sigma_{s}$ 表示高重复频率干扰激光器和导引头之间的连线与 导引头光轴之间的夹角,单位为rad,当导引头处于 跟踪阶段, $\sigma_{s}$ 很小,可认为 cos $\sigma_{s} \approx 1$ ; $\theta_{d}$ 表示高重复 频率干扰激光器的束散角,单位为rad。为得到高 重复频率干扰激光器的平均功率 $P_{1}$ 与导引头入瞳 处激光功率密度 $P_{s}$ 及作用距离R之间的关系,现 将(7)式代入(8)式,得

$$P_{s} = \frac{P_{1}T\cos\sigma_{s}}{2\pi R^{2} \left[1 - \cos\left(\frac{\theta_{d}}{2}\right)\right]\tau f}$$
(9)

(9)式中,τ、f 取决于目标指示器的性能,σ。取决于 导引头制导精度,θ。取决于高重复频率干扰激光器 的性能。而高重复频率激光器与导引头之间的大气 透射率 T 的计算方式将在 3.2 节中介绍。

3.2 大气透射率 T 分析

目标至激光导引头之间激光能量传播属于斜程 传输,其计算公式为<sup>[4]</sup>

$$T = \exp\left\{\frac{K}{V_{t}\sin\theta} \left[\exp(-0.835h_{1}) - 1\right]\right\}, (10)$$

式中:*K* 表示区域常数,乡村取 2.828,城市取3.132, 海洋取 4.543,沙漠取 2.496; $V_1$  表示大气能见度,单 位为 km,取值与气象条件有关; $\theta$  表示光路与水平 面之间的夹角,单位为 rad; $h_1$  表示激光能量的传 输高度,单位为 km, $h_1 = R \cdot \sin \theta$ 。

# 4 基于探测概率研究高重复频率干扰 激光器

#### 4.1 理论分析

通过上述分析,可得到激光导引头探测概率 P<sub>p</sub> 以及高重复频率干扰激光在大气传输中能量损耗的 计算方法,为研究高重复频率干扰激光在不同作用 距离处被激光导引头探测到的概率,需要建立高重 复频率干扰激光参数、激光导引头参数、激光导引头 作用距离与探测概率之间的关系。将(9)式代入 (6)式,可得

$$\begin{cases} P_{p} = 0.5 + \int_{0}^{\frac{P_{p}}{P_{th}}-1} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} \exp(-y^{2}) dy \\ P_{s} = \frac{P_{1}T\cos\sigma_{s}}{2\pi R^{2} \left[1-\cos\left(\frac{\theta_{d}}{2}\right)\right]\tau f} \end{cases}$$

$$(11)$$

至此,建立了高重复频率干扰激光参数、激光导 引头参数、激光导引头作用距离与探测概率之间的 关系。但通常情况下,干扰方不能改变激光导引头 的参数,因此在研究过程中,假定激光导引头的阈噪 比 *T*<sub>NR</sub>和导引头探测器门限值 *P*<sub>th</sub>为定值,同时结 合高重复频率激光干扰研究的应用背景,主要从以 下三方面进行研究。

1) 在已知作用距离 R 与脉冲发射频率 f 的条件下,讨论高重复频率干扰激光器平均功率 P<sub>1</sub> 与 探测概率 P<sub>p</sub> 之间的关系,该研究可用于当高重复 频率干扰激光的频率达到有效干扰条件时,可根据 探测概率计算出高重复频率干扰激光器的平均 功率。

2) 在已知作用距离 R 与高重复频率干扰激光 器平均功率  $P_1$  的条件下,讨论脉冲发射频率 f 与 探测概率  $P_p$ 之间的关系,该研究结合高重复频率 干扰超前概率,可用于分析高重复频率有效干扰条 件下的脉冲发射频率 f 的工作范围,即根据探测概 率  $P_p$  确定脉冲发射频率 f 的最大值,而根据高重 复频率干扰超前概率确定脉冲发射频率 f 的最小 值,可计算出同时满足高探测概率和高超前概率的 高重复频率干扰激光的脉冲发射频率 f 的工作 范围。

3) 在已知高重复频率干扰激光器平均功率 P<sub>1</sub> 与脉冲发射频率 f 的条件下,讨论探测概率 P<sub>p</sub> 与 作用距离 R 之间的关系,可用于确定高重复频率干 扰激光器的开机时机,即根据合适探测概率 P<sub>p</sub> 所 对应的作用距离确定高重复频率干扰激光器的开机 时机。

4.2 仿真分析

4.2.1 已知R和f时, $P_p$ 与 $P_1$ 关系

通过上述分析,建立了高重复频率干扰激光参数、激光导引头参数、激光导引头参数、激光导引头作用距离与探测概率之间的关系[(11)式]。(11)式中激光斜程传输大 气透射率 T 可通过(10)式进行求解,通常作用距离 R 为数千米,而高重复频率干扰激光器的脉冲发射 频率 f 的工作范围通常为数百 kHz 至数 MHz,现 假设(10)式、(11)式中参数如下:K = 3.132, $V_t =$ 10 km, $\sigma_s = 0$  rad, $\tau = 15$  ns, $\theta = 50^\circ$ , $\theta_d = 0.01$  rad,  $T_{NR} = 3.5$ , $P_{th} = 0.35 \mu W/cm^2$ ,R = 15 km,脉冲发 射频率 f 分别取 400,800,1200 kHz 时,通过 MATLAB软件仿真  $P_p$  与  $P_1$  关系,结果如图 4 所示。





图 4 给出了当对(10)式、(11)式中的参数作如 上假定时,导引头探测概率 P。与高重复频率干扰 激光器平均功率  $P_1$ 之间的关系。从图 4 可以看 出,当作用距离  $R_2$ 、脉冲发射频率 f 固定时,导引 头探测概率 P。随着高重复频率干扰激光器平均功 率 P1 的增大而增大。根据仿真结果可知,在作用 距离 R = 15 km、探测概率  $P_{\text{p}} = 99.92\%$ 的情况下, 若 f = 400 kHz,则  $P_1 = 1.06 \text{ W}$ ;若 f = 800 kHz,则  $P_1 = 2.12$  W;若 f = 1200 kHz,则  $P_1 = 3.18$  W,该 分析可用于高重复频率干扰激光器平均功率  $P_1$  的 设计。在实际高重复频率干扰激光器平均功率 P1 的设计中,平均功率  $P_1$  由脉冲发射频率 f 的最大 值确定, 若要求脉冲发射频率 f 可调范围为 400 kHz≤f≤800 kHz,则高重复频率干扰激光器 的平均功率  $P_1 \approx 2.12$  W;若要求脉冲发射频率 f 可调范围为400 kHz≤f≤1200 kHz,则高重复频率 干扰激光器的平均功率 P<sub>1</sub>≈3.18 W,而考虑设计中 的其他功率损耗,所设计的高重复频率干扰激光器 平均功率应稍大于理论计算值。因此,根据高重复 频率干扰超前概率的要求设计高重复频率干扰激光 器脉冲发射频率的工作范围,进而根据脉冲发射频 率的最大值以及最大作用距离设计高重复频率干扰 激光器的平均功率。

4.2.2 已知R和 $P_1$ 时, $P_p$ 与f关系

(11)式中的激光斜程传输大气透射率 T 可通 过(10)式进行求解,现假设(10)式、(11)式的参数取 值如下: K = 3.132, V<sub>t</sub> = 10 km,  $\sigma_s = 0$  rad,  $\tau =$ 15 ns,  $\theta = 50^\circ$ ,  $\theta_d = 0.01$  rad,  $T_{NR} = 3.5$ ,  $P_{th} =$ 0.35  $\mu$ W/cm<sup>2</sup>, R = 15 km,  $P_1 = 3$  W, 通 过 MATLAB 软件仿真  $P_p$  与 f 关系,结果如图 5 所示。



Fig. 5 Relationship between  $P_{p}$  and f

图 5 给出了当对(10)式、(11)式中的参数作如 上假定,探测概率 P。与脉冲发射频率 f 之间的关 系。由图 5 可知:随着脉冲发射频率 f 的增大,探 测概率 P<sub>p</sub>逐渐减小,且开始时减小十分缓慢;根据 MATLAB 软件的仿真结果可知,当探测概率  $P_p =$ 99.92%时,脉冲发射频率 f = 1130 kHz,即高重复 频率干扰激光若要在 15 km 处被导引头精准探测 到,则脉冲发射频率 f 应满足  $f \leq 1130$  kHz,此时 若已知激光导引头波门宽度 τ<sub>w</sub>,为确保高重复频率 干扰超前概率取较大值,则脉冲发射频率 f 应满足  $f \ge \frac{4}{7}$ ,至此得出平均功率为3W的高重复频率干 扰激光器发射的干扰激光若要在 15 km 处同时满 足超前概率和探测概率的要求,则脉冲发射频率 f 应满足 $\frac{4}{2}$   $\leq f \leq 1130 \text{ kHz};通常情况下,高重复频率$ 干扰激光器的脉冲发射频率 f 的可调范围很大,但 在实际干扰过程中,可根据上述分析确定不同高重 复频率干扰情况下的脉冲发射频率 f 的工作范围。 4.2.3 已知 f、 $P_1$ 时, $P_0$ 与 R关系

(11)式中的激光斜程传输大气透射率 T 可通 过(10)式进行求解。现假设(10)式、(11)式中参数 取值如下: K = 3.132,  $V_t = 10$  km,  $\sigma_s = 0$  rad,  $\tau =$ 15 ns,  $\theta = 50^\circ$ ,  $\theta_d = 0.01$  rad,  $T_{NR} = 3.5$ ,  $P_{th} =$ 0.35  $\mu$ W/cm<sup>2</sup>,  $P_1 = 1$  W, 脉冲发射频率 f 分别取 400,800,1200 kHz, 通过 MATLAB 软件仿真  $P_p$ 与 R 关系,结果如图 6 所示。





图 6 给出了当对(10)式、(11)式中的参数作 如上假定,导引头探测概率 P<sub>p</sub> 与作用距离 R 的关 系。由图 6 可知,当高重复频率干扰激光器的平 均功率  $P_1$ 、脉冲发射频率 f 一定时,导引头探测 概率 P。随作用距离 R 的增大而逐渐减小。开始 时,随着R的增大,P。减小较慢,当探测概率 P<sub>p</sub>≥99.92%时,认为高重复频率干扰激光可被导 引头探测到。根据仿真结果可知:当高重复频率 干扰激光器平均功率 $P_1 = 1$  W、探测概率  $P_n =$ 99.92%时,若脉冲发射频率 f = 400 kHz,则作用 距离 R = 14.5 km; 而脉冲发射频率 f = 1200 kHz, 则作用距离 R = 8.4 km。根据这一理论分析可知, 当高重复频率干扰激光器的平均功率和脉冲发射 频率确定时,根据合适的探测概率 P。取值,可确 定高重复频率干扰激光器的开机时机。随后导引 头探测概率 P。随着作用距离 R 增大而减小较快, 该段可用于当武器系统要求高重复频率干扰激光 器在较远作用距离处进行干扰时,分析高重复频 率干扰激光被激光导引头探测到的概率。而当探 测概率 P。减小至 P。≪50%时,研究高重复频率 激光对导引头有效干扰的工程意义很小,此处不 再讨论。

### 5 结 论

研究了激光导引头的虚警概率、探测概率,高重 复频率干扰激光在大气传输中能量衰减以及基于探 测概率研究高重复频率干扰激光器的激光导引头探 测概率 P<sub>p</sub>与高重复频率干扰激光器参数、激光导 引头参数以及作用距离 R 之间的关系。当阈噪比  $T_{\rm NR}$ =3.5 时,虚警概率  $P_{\rm f}$ =0.02%,因此,可根据等 效的噪声干扰功率密度标准差 op\_ 设计导引头探测 器门限值 P<sub>th</sub>,从而使导引头的虚警概率较低;基于 虚警概率  $P_{\rm f} = 0.02\%$ , 研究探测概率得出当 m = $\frac{P_s}{P_s} = 1.9$ 时,探测概率  $P_p = 99.92\%$ ,此时认为被检 测信号可被导引头以较高的探测概率探测到。但工 程应用中往往需要研究的是位于地面的高重复频率 干扰激光器发射的激光脉冲对激光导引头的干扰效 果。因此,基于探测概率进一步研究了高重复频率 干扰激光器,得出了探测概率与高重复频率干扰激 光器参数、激光导引头参数以及作用距离之间的关 系,并结合高重复频率干扰的应用背景进行了仿真 分析。对虚警概率和探测概率的研究有助于设计出 虚警概率低、探测概率大的激光导引头;基于探测概 率研究高重复频率干扰激光器有助于根据高重复频 率有效干扰所需的脉冲发射频率和最大有效作用距 离设计高重复频率干扰激光器的平均功率,也有助 于在指定高重复频率干扰激光器的条件下,根据不 同作用距离的探测概率确定高重复频率干扰激光器 的最佳开机时机。这些研究对于激光导引头、高重 复频率干扰激光器的设计与应用均有较大的参考 价值。

### 参考文献

- Dai Y J. The principle of lidar[M]. Beijing: National Defense Industry Press, 2002.
   戴永江. 激光雷达原理[M]. 北京: 国防工业出版 社, 2002.
- [2] Zhang Y, Yang H Q, Zhang M G. The practicality calculation method of laser transmitting loss in atmosphere[J]. Optical Communication Technology, 2007, 31(3): 62-64.
  张瑜,杨豪强,张明高.激光在大气中的传输损耗实用计算方法[J].光通信技术, 2007, 31(3): 62-64.
- [3] Yang R K, Ma C L, Han X E, et al. Study of the attenuation characteristics of laser propagation in the atmosphere [J]. Infrared and Laser Engineering, 2007, 36(s2): 415-418.

杨瑞科,马春林,韩香娥,等.激光在大气中传输衰 减特性研究[J].红外与激光工程,2007,36(s2): 415-418.

[4] Jia J Z, Song D A, Jia R Y, et al. Attenuation estimation of laser atmospheric transmission [J]. Electronic Warfare Technology, 2010, 25(4): 73-76, 81. 贾建周, 宋德安, 贾仁耀, 等. 激光大气传输衰减的

估算方法[J]. 电子信息对抗技术, 2010, 25(4): 73-76, 81.

- [5] Smith F G. Atmospheric propagation of radiation
   [M]. USA: The Infrared & Electro-Optical Systems Handbook, 1993, 2: 26-96.
- [6] Wang Y P, Zhang H Y, Zheng X Y, et al. Analysis of interference mechanism of high-frequency laser to laser guided weapons [J]. Laser Technology, 2014, 38(1): 21-25. 王云萍,张海洋,郑星元,等. 高重频激光对激光制

主云泙, 张西洋, 郑重九, 寺, 同重频激几对激九利 导武器的干扰机理分析[J].激光技术, 2014, 38 (1): 21-25.

- [7] Wang X F, Zhao H, Zhu C, et al. Output characteristics of high-repetition-rate narrow-pulse-width pulsed fiber laser [J]. Chinese Journal of Lasers, 2009, 36(7): 1870-1875.
  王雄飞,赵鸿,朱辰,等.高重频窄脉宽光纤激光器的输出特性实验研究[J].中国激光, 2009, 36(7): 1870-1875.
- [8] Zhang Y L, Wang Y M, Huang A P. Influence of suspended particles based on Mie theory on underwater laser transmission[J]. Chinese Journal of Lasers, 2018, 45(5): 0505002.

张莹珞, 王英民, 黄爱萍. 米氏理论下悬浮粒子对水 下激光传输的影响[J]. 中国激光, 2018, 45(5): 0505002.

- [9] Li H, Liang W W, Yin R G, et al. Effect of disturbance and noise on laser guidance performance and precision [J]. Infrared and Laser Engineering, 2017, 46(2): 73-80.
  李慧,梁巍巍,殷瑞光,等.干扰和噪声对激光制导 性能及精度的影响[J]. 红外与激光工程, 2017, 46 (2): 73-80.
- [10] Huang K, Li S, Ma Y, *et al*. Detection probability model of single-photon laser altimetry and its range accuracy[J]. Chinese Journal of Lasers, 2016, 43 (11): 1110001.
  黄科,李松,马跃,等.单光子模式激光测高探测概 率模型与精度分析[J].中国激光, 2016, 43(11): 1110001.
- [11] Yan F J, Yang C, Chen M, et al. High repetition, high peak power and narrow line-width laser amplifier
  [J]. Infrared and Laser Engineering, 2019, 48(2): 91-95.
  颜凡江,杨策,陈檬,等.高重频高峰值功率窄线宽 激光放大器[J]. 红外与激光工程, 2019, 48(2): 91-

95.

[12] Xu F, Wan M, Yan H, et al. High efficient narrowband grating spectral filtering technology applied to laser echo detection [J]. Chinese Journal of Lasers, 2018, 45(10): 1005002.
许放,万敏,颜宏,等.应用于激光回光探测的高效 窄带光栅光谱滤波技术[J].中国激光, 2018, 45 (10): 1005002.