太赫兹近场涡旋光束的干涉

茅晨曦1,2, 臧小飞1,2*, 朱亦鸣1,2

¹上海理工大学上海市现代光学系统重点实验室,上海 200093; ²上海理工大学光电信息与计算机工程学院,上海 200093

摘要 设计了一种近场涡旋光束干涉的微结构阵列。在该阵列中,一对正交排列的矩形小孔构成阿基米德螺旋 线。在线偏振太赫兹波的激励下,其左旋和右旋分量分别形成具有异号拓扑荷数的近场涡旋光束,并叠加产生新 的电场分布。数值仿真结果表明,通过调控每个矩形小孔的角度和螺旋线的螺距,可实现任意拓扑荷数的正交涡 旋光束的电场叠加。

关键词 物理光学; 轨道角动量; 近场; 涡旋光束; 干涉中图分类号 O436.1 文献标识码 A

doi: 10.3788/CJL201946.0114001

Interference of Near-Field Terahertz Vortex Beams

Mao Chenxi^{1,2}, Zang Xiaofei^{1,2*}, Zhu Yiming^{1,2}

¹Shanghai Key Laboratory of Modern Optical System, University of Shanghai for Science and Technology, Shanghai 200093, China;

² School of Optical-Electrical and Computer Engineering, University of Shanghai for Science and Technology, Shanghai 200093, China

Abstract A microstructural array to generate the interference of near-field vortex beams is designed, in which an Archimedean spiral line is formed by a pair of orthogonally arranged rectangular holes. Upon the excitation of a linearly polarized terahertz beam, the near field vortex beams with different topological charge numbers are formed by their left-handed and right-handed components and superimposed to generate a new field distribution. The numerical simulation results show that the field superposition of orthogonal vortex beams with arbitrary topological charge numbers can be achieved by the adjustments of the angle of each rectangular hole and the pitch of the helix. **Key words** physical optics; orbital angular momentum; near-field; vortex beam; interference **OCIS codes** 160.3918; 260.2110; 300.6495

1 引 言

涡旋光束是一种携带螺旋相位的空心光束,其 能量分布满足第一类贝塞尔函数,相位 φ 分布与方 位角θ满足φ=exp(ilθ)的关系,其中 l 为拓扑荷 数,可以取任意整数,中心处为相位奇异点,能量为 零。涡旋光束中每个光子携带的轨道角动量大小为 h,其中 ħ 为约化普朗克常数。不同本征态之间相 互正交,在大容量的光通信^[1]、光镊^[2]、量子存储^[3-4]、 激光光学^[5]和玻色-爱因斯坦凝聚态等领域有广泛的 应用前景。目前,产生涡旋光束的常用方法有螺旋相

位板法、叉形全息光栅法、螺旋形等离子透镜法等。

超材料是一种亚波长尺度的周期性阵列微结构 器件,通过改变超材料微结构的形状和排列方式,可 以调控所激发的倏逝波在器件表面的能量分布。国 内外学者已对表面等离激元产生的涡旋光束进行大 量研究,例如:将相互正交的矩形小孔^[6]或十字架结 构^[7]沿螺旋线排列,可在螺旋线中心处获得涡旋光 束;多个螺旋环在同一平面上,以不同的几何中心排 布^[8],在单个器件上产生多束涡旋光;不同波长和拓 扑荷数的涡旋光入射到器件上,在不同位置产生不 同拓扑荷数的涡旋光束^[9];根据异常透射理论^[10],

收稿日期: 2018-06-22; 修回日期: 2018-08-13; 录用日期: 2018-09-05

基金项目:上海市自然科学基金(18ZR1425600)

利用 L 型天线^[11] 和 V 型天线^[12-13] 的超表面阵列结 构产生太赫兹涡旋光束。

本文设计了一种可以在近场实现不同拓扑荷数的涡旋光束干涉器件。该器件中,矩形小孔沿螺旋线阵列排列^[14],其中每个小孔以特定的旋转角放置^[15-16]。整个阵列结构同时对入射光的左旋与右旋分量起调制作用^[17-18],当入射光为线偏振光时,可实现不同拓扑荷数的涡旋光束干涉。与螺旋线狭缝结构^[19-21]相比,狭缝结构只能激发拓扑荷数为 $m\pm 1$ 的涡旋光束($m=0,\pm 1,\pm 2,\cdots$),矩形小孔结构激发拓扑荷数为 $m\pm (q-1)$ 的涡旋光束(q 为矩形小孔排列一周时旋转角变化的周期数),从而获得更多



不同涡旋光束叠加的组合。

2 理论模型

所设计器件的结构如图 1 所示,该器件由一对 相互正交的矩形小孔沿螺旋线等间距排列构成,每 对矩形小孔的间距为 $\lambda/2$,螺旋线的螺距 $m\lambda$ 为表面 波波长 λ 的整数倍,小孔分布位置满足:

$$\rho = \rho_0 + m\lambda_{\rm SPP} \,\frac{\theta}{2\pi},\tag{1}$$

式中:ρ 为每个小孔的中心到原点的距离;ρ₀ 为初始 位置小孔到原点的距离;λ_{spp}为入射光对应的表面 等离波长;θ 为每个小孔所在的方位角。



图 1 所设计器件的结构示意图。(a)阿基米德螺旋结构;(b)结构参数 Fig. 1 Structural diagram of designed device. (a) Archimedes spiral structure; (b) structural parameters

矩形小孔的旋转角影响着所激发的表面等离极 化激元(SPP)表面波的初始相位。单个矩形小孔可 以看作一个电偶极子,即电磁波的电场引起聚集在 小孔边界处自由电子的共振,而共振激发的表面波 的方向和相位与小孔的旋转角有关^[22]。由于沿矩 形小孔的长边处聚集的电子较多,共振方向主要沿 垂直于长边方向,幅值大小正比于共振方向入射光 的电场分量大小。当圆偏振光入射时,由于圆偏振 光的每个方向的电场强度相同,相位与方位角一致, 因此激发的表面波电场强度相同,初始相位与小孔 长边垂直方向的角度一致。圆偏振光激发的表面波 复振幅 *E*。可以表示为

$$E_z = A_0 \cdot \exp(\pm i\varphi), \qquad (2)$$

式中: φ 为矩形小孔的旋转角,即垂直于小孔长边方向的方位角; A_0 为表面波的初始振幅。矩形小孔排列一周,旋转角 φ 变化了q 个周期,引起的角度变化为 $q\pi(q \in \mathbf{N})$,因此

$$\varphi = \frac{q\theta}{2}, \theta \in (0, 2\pi)_{\circ}$$
(3)

由于任意的偏振光可以分解为一对正交叠加的 基矢^[23],当入射光为非圆偏振光时,入射光可以用 左旋圆偏光和右旋圆偏振光的琼斯矢量表示: $E = A \cdot \exp(i\varphi_1)e_1 + B \cdot \exp(i\varphi_2)e_2$, (4) 式中: E 为入射光偏振的琼斯矢量; A 为入射光右 旋分量的幅值; B 为入射光左旋分量的幅值; φ_1 和 φ_2 分别为入射光右旋分量和左旋分量的相位; e_1 和 e_2 分别为右旋分量和左旋分量的单位矢量。当A = B 时,入射光为线偏振光。入射的线偏振光可以看 作左旋圆偏振光与右旋圆偏振光的叠加,通过器件 后,由螺旋线结构调制产生轨道角动量为 $\hbar m$ 的光 束,由小孔的旋转角变化产生轨道角动量为 $\pm \hbar (q-1)$ 的光束,线偏振光入射时,两种涡旋光叠 加,可产生轨道角动量为 $\hbar [m \pm (q-1)]$ 的干涉光 束,理论计算如下。

将每个矩形小孔看作一个子波源,沿螺旋线对 电场进行积分,可得到其中一环螺旋线产生的表面 电场分布,以螺旋线中心为原点建立圆柱坐标系(ρ, θ,z),则表面任意一点的z方向的电场分量为

$$E_{z}(\rho,\theta) = \int A(\theta') \cdot \exp(\pm i\varphi) \cdot \exp(ik_{SPP} |\rho - \rho'|) d\theta',$$
(5)

式中: $A(\theta')$ 为从子波源到(ρ', θ')位置的电场强度 分量, $A(\theta') = A_0 \cdot \cos(\theta' - \varphi)$,其中 A_0 为表面波 的初始振幅; exp(± i φ)为初始相位; exp(i $k_{\text{spr}}|\rho-\rho'|$)为表面波从子波源传输到器件表 面的一点所产生的相位变化; k_{spp} 为表面波的波数。将 $A(\theta')$ 和 ρ 代入(5)式,得到:

$$E_{z}(\rho,\theta) = \int A_{0} \cdot \cos\left[\left(\frac{q}{2}-1\right)\theta'\right] \cdot \exp(\pm iq\theta') \cdot \exp\left(ik_{SPP}\left|\rho_{0}+m\lambda_{SPP}\frac{\theta'}{2\pi}-\rho'\right|\right)d\theta' = \int A_{0} \cdot \frac{\exp\left[i\left(\frac{q}{2}-1\right)\theta'\right] + \exp\left[i\left(1-\frac{q}{2}\right)\theta'\right]}{2} \cdot \exp\left(\pm \frac{iq\theta'}{2}\right) \cdot \exp(im\theta') \cdot \exp(ik_{SPP}\left|\rho_{0}-\rho'\right|)d\theta' = \int A_{0} \cdot \left\{\exp\left[\pm i(q-1)\theta'\right] + \exp(\pm i\theta')\right\} \cdot \exp(im\theta') \cdot \exp(ik_{SPP}\left|\rho_{0}-\rho'\right|)d\theta' \propto \int_{m\pm(q-1)}(k_{SPP}\rho) + \int_{m\pm1}(k_{SPP}\rho),$$
(6)

式中: $J_{m\pm(q-1)}(k_{\text{SPP}}\rho)为m\pm(q-1)$ 阶贝塞尔函数; $J_{m\pm1}(k_{\text{SPP}}\rho)为m\pm1$ 阶贝塞尔函数。

螺旋环由两组相互正交的矩形小孔构成,每对小孔之间旋转角相互垂直,角度相差 $\pi/2$,距离为 $\lambda/2$,两组小孔产生的表面电场为

$$E_{z}(\rho,\theta) = \int A(\theta') \cdot \exp(\pm i\varphi) \cdot \exp(ik_{SPP} | \rho - \rho' |) d\theta' + \int A\left(\theta' + \frac{\pi}{4}\right) \cdot \exp\left[\pm i\left(\varphi + \frac{\pi}{4}\right)\right] \cdot \exp(ik_{SPP}\lambda/2) \cdot \exp(ik_{SPP} | \rho - \rho' |) d\theta' = \int A_{0}\left\{\cos\left[\left(\frac{q}{2} - 1\right)\theta'\right] \pm \sin\left[\left(\frac{q}{2} - 1\right)\theta'\right]\right\} \cdot \exp\left(\pm \frac{iq\theta'}{2}\right) \cdot \exp(im\theta') \cdot \exp(ik_{SPP} | \rho_{0} - \rho' |) d\theta' = \int A_{0} \cdot \exp\left[\pm i(q - 1)\theta'\right] \cdot \exp(im\theta') \cdot \exp(ik_{SPP} | \rho_{0} - \rho' |) d\theta' \propto J_{m\pm(q-1)}(k_{SPP}\rho) .$$
(7)

因此,左旋圆偏振光和右旋圆偏振光通过器件 后,分别得到轨道角动量为 $\hbar[m+(q-1)]$ 和 $\hbar[m-(q-1)]$ 的涡旋光束,而线偏振光可看作左旋 圆偏振光和右旋圆偏振光的叠加,通过器件后可得 到轨道角动量大小为 $\hbar[m+(q-1)]$ 和 $\hbar[m-(q-1)]$ 的涡旋光束干涉。改变螺旋线的螺距 $m\lambda$ 和每 个矩形小孔旋转角变化的快慢q,可以获得多组不 同轨道角动量的涡旋干涉光束。

3 计算及分析

利用 MATLAB 和 CST Studio Suite 软件对涡 旋光束进行仿真计算,研究近场涡旋干涉光束的能 量和相位分布的特点。分别取 m=0,q=2;m=0,q=3;m=1,q=2;m=1,q=3来计算拓扑荷数为 +1与-1、+2与-2、0与+2、-1与+3的涡旋光 束干涉,以验证近场涡旋光束干涉的规律。

近场涡旋光束的能量分布与第一类贝塞尔函数 一致,拓扑荷数与贝塞尔函数的阶数相同。因此,场 分布即可看作两个不同的贝塞尔函数相叠加,近场 涡旋光束干涉的场分布为

$$E_{z}(\rho,\theta) =$$

$$J_{m+(q-1)}(k_{SPP}\rho) \cdot \exp\{i[m+(q-1)]\theta\} +$$

$$J_{m-(q-1)}(k_{SPP}\rho) \cdot \exp\{i[m-(q-1)]\theta\}, \quad (8)$$

MATLAB软件计算得到的涡旋光束能量分布 情况如图 2 所示。根据图 2 的能量分布可以发现: 当 $l_1\hbar 与 l_2\hbar$ 的轨道角动量叠加时,在光束中心处 可以得到 $|l_1 - l_2|$ 个均匀分布的光斑,并沿中心向 外扩散。图 2(a)与图 2(c)所示分别为 J₊₁与 J₋₁、 J₊₂与 J₀干涉的能量分布,此时 $|l_1 - l_2|$ =2,沿角向 旋转一周内存在 2 个干涉增强点和 2 个干涉相消 点。图 2(b)和图 2(d)所示分别为 J₊₂与 J₋₂和 J₊₃ 与 J₋₁干涉的能量分布,此时 $|l_1 - l_2|$ =4,沿角向旋 转一周内存在 4 个干涉增强点和 4 个干涉相消点。

MATLAB软件计算得到的涡旋光束相位分布 如图 3 所示。将相位分布与能量分布情况进行对 比,可以发现:在相位分布图中,沿角向的相位突变 奇异点的数量与中心光斑数量相同,即 $|l_1-l_2|$,且 相位奇异点的位置与能量分布中的暗斑位置一致, 说明涡旋光束干涉受到涡旋相位分布的影响;不同 轨道角动量沿角向相位变化速度不同,干涉后在角 向旋转一周内存在 $|l_1-l_2|$ 个干涉增强的点和 $|l_1-l_2|$ 个干涉相消的点,相位分布比较规则。图 3(a)和 图 3(b)所示分别为J₊₁与J₋₁、J₊₂与J₋₂干涉的相位 分布。可以看到,J₊₁与J₋₁、J₊₂与J₋₂能量分布相 同,相位分布相反,复振幅成共轭关系。叠加之后虚 部相抵消,复振幅分布为实数,相位为0或 π ,对应 正实数和负实数的相位。在干涉相消处相位突变, 此时复振幅由负实数向正实数转变。图 3(c) 和 图 3(d)所示分别为 J_{+2} 与 J_0 、 J_{+3} 与 J_{-1} 干涉的相位 分布。此时,叠加的两种涡旋光束的能量分布情况 和相位变化快慢都不同,相位分布不固定,沿着角向 渐变分布,在相位突变处干涉相消。



图 2 MATLAB 软件计算得到的涡旋光束能量分布。(a) J₊₁与 J₋₁干涉;(b) J₊₂与 J₋₂干涉; (c) J₊₂与 J₀干涉;(d) J₊₃与 J₋₁干涉

Fig. 2 Energy distribution of vortex beams calculated by MATLAB software. (a) Interference between J_{+1} and J_{-1} ; (b) interference between J_{+2} and J_{-2} ; (c) interference between J_{+2} and J_0 ; (d) interference between J_{+3} and J_{-1}



图 3 MATLAB 软件计算得到的涡旋光束相位分布。(a) J₊₁与 J₋₁干涉;(b) J₊₂与 J₋₂干涉; (c) J₊₂与 J₀干涉;(d) J₊₃与 J₋₁干涉

Fig. 3 Phase distributions calculated by MATLAB software. (a) Interference between J_{+1} and J_{-1} ; (b) interference between J_{+2} and J_{0} ; (d) interference between J_{+3} and J_{-1}

CST 软件计算得到的涡旋光束能量分布如图 4 所示。图 4(a)和图 4(c)所示分别为 J₊₁与 J₋₁、J₊₂ 与 J₀干涉的能量分布,此时中心处存在 2 个干涉增 强点。图 4(b) 和图 4(d) 分别为 J_{+2} 与 J_{-2} 、 J_{+3} 与 J_{-1} 干涉的能量分布。可以发现,使用 CST 软件计 算得到的两个涡旋光束直接叠加的结果与线偏振光

透过器件的结果一致,说明该器件能够在单个结构 上实现近场涡旋光束的干涉,也验证了理论推导的正 确性。该仿真的结构参数为:每个矩形小孔的尺寸为 300 µm×130 µm,螺旋线初始半径为3000 µm,内外 圈小孔的间距为 340 µm,一圈共有 40 个小孔等间距 排列,入射光的波长为 680 μ m,材料为金属 Au,使用 Drude 模型模拟材料的介电常数,共振频率 $\omega_p = 1.36 \times 10^{16}$,弛豫时间 $\tau = 3 \times 10^{-14}$ s,厚度为 200 nm, 衬底为聚酰亚胺(PI)薄膜(其厚度为 25 μ m),边界条 件为完美匹配层(PML)。



图 4 CST 软件计算得到的涡旋光束能量分布。(a) J₊₁与 J₋₁干涉;(b) J₊₂与 J₋₂干涉;(c) J₊₂与 J₀干涉;(d) J₊₃与 J₋₁干涉 Fig. 4 Energy distributions calculated by CST software. (a) Interference between J₊₁ and J₋₁; (b) interference between J₊₂ and J₋₂; (c) interference between J₊₂ and J₀; (d) interference between J₊₃ and J₋₁

该器件激发的表面波是一种倏逝波,其纵向能 量呈指数性衰减。远场下 CST 软件计算得到的 J₊₁ 与 J₋₁干涉的能量分布如图 5 所示。可以看到,远 场情况下的能量分布与近场情况下分布一致,强度 呈指数衰减,说明该器件的涡旋光束干涉主要分布 在近场,远场的干涉能量较弱,效果不明显。



图 5 CST 软件计算得到的 J₊₁与 J₋₁干涉的远场能量分布。(a) YZ 平面; (b)距离样品表面 200 μm 的 XY 平面;(c)距离样品表面 2000 μm 的 XY 平面 Fig. 5 Far-field energy distributions calculated by CST software for interference between J₊₁ and J₋₁. (a) YZ plane; (b) XY plane 200 μm from sample surface; (c) XY plane 2000 μm from sample surface

综上所述,设计了一种能够实现近场涡旋光束 干涉的表面等离子体器件,通过调控螺旋结构的螺 距 $m\lambda$ 和矩形小孔的旋转角变化速度q,获得轨道角 动量分别为 $\hbar[m+(q-1)]$ 和 $\hbar[m-(q-1)]$ 的涡 旋干涉光束。当q=2时,每个小孔的旋转角变化与 方位角的变化相同,此时为等角度螺旋线结构。因

此,等角度螺旋为所设计结构的一种特殊情况,可产 生拓扑荷数差为2的干涉现象。与传统的远场涡旋 光束(全息光栅)方法相比,所设计方法的表面波沿 器件表面传播,电场方向始终沿Z轴方向,不同轨 道角动量的涡旋光束的电场方向始终保持一致,且 在近场可直接观察到涡旋光束干涉。

3 结 论

设计了一种螺旋形方孔阵列的光束干涉器件来 研究近场涡旋光束的干涉。该器件将相同尺寸的矩 形小孔以不同的旋转角绕螺旋线排列。通过调控螺 旋结构的螺距 mλ 和矩形小孔的旋转角变化速度 q, 可以获得不同拓扑荷数的涡旋光束干涉。使用 MATLAB和CST软件进行数值仿真,两种仿真方 法的结果一致。研究结果表明,近场涡旋光束干涉 的结果与两者拓扑荷数之差的绝对值有关,在角向 形成周期性的干涉增强和干涉相消。与远场涡旋光 束的叠加^[24]相比,近场涡旋光束的电场为纵场,始 终沿 Z 方向,涡旋光束在近场可以直接干涉。通常 采用全息光栅法产生远场涡旋光束,电场为横场,在 XY 平面内沿角向变化,叠加之后各个位置的偏振 态都不同,无法直接干涉。

参考文献

- [1] Mirhosseini M, Magaña-Loaiza O S, Chen C C, et al. Rapid generation of light beams carrying orbital angular momentum [J]. Optics Express, 2013, 21 (25): 30196-30203.
- [2] Padgett M, Bowman R. Tweezers with a twist [J]. Nature Photonics, 2011, 5(6): 343-348.
- [3] Nicolas A, Veissier L, Giner L, et al. A quantum memory for orbital angular momentum photonic qubits[J]. Nature Photonics, 2014, 8(3): 234-238.
- [4] Tsai W Y, Huang J S, Huang C B. Selective trapping or rotation of isotropic dielectric microparticles by optical near field in a plasmonic archimedes spiral [J]. Nano Letters, 2014, 14(2): 547-552.
- [5] Miao P, Zhang Z F, Sun J B, et al. Orbital angular momentum microlaser [J]. Science, 2016, 353 (6298): 464-467.
- [6] Lin J, Mueller J P B, Wang Q, et al. Polarizationcontrolled tunable directional coupling of surface plasmon polaritons [J]. Science, 2013, 340 (6130): 331-334.
- [7] Chen C F, Ku C T, Tai Y H, et al. Creating optical near-field orbital angular momentum in a gold metasurface[J]. Nano Letters, 2015, 15(4): 2746-2750.
- [8] Zhou H L, Dong J J, Zhou Y F, et al. Designing appointed and multiple focuses with plasmonic vortex lenses[J]. IEEE Photonics Journal, 2015, 7(4): 1-7.
- [9] Ren H, Li X, Zhang Q, et al. On-chip

noninterference angular momentum multiplexing of broadband light[J]. Science, 2016, 352(6287): 805-809.

- [10] Maguid E, Yulevich I, Veksler D, et al. Photonic spin-controlled multifunctional shared-aperture antenna array[J]. Science, 2016, 352(6290): 1202-1206.
- [11] Li Y, Mo W C, Yang Z G, et al. Generation of terahertz vortex beams based on metasurface antenna array[J]. Laser Technology, 2017, 41(5): 644-648.
 李瑶,莫伟成,杨振刚,等.利用超表面天线阵列产 生太赫兹涡旋光束[J].激光技术, 2017, 41(5): 644-648.
- [12] Wang B, Zhang Y. Design and applications of THz metamaterials and metasurfaces [J]. Journal of Terahertz Science and Electronic Information Technology, 2015, 13(1): 1-12.
 王波,张岩.太赫兹超材料和超表面器件的研发与应 用[J].太赫兹科学与电子信息学报, 2015, 13(1): 1-12.
- [13] Liu J F, Liu S, Fu X J, et al. Terahertz information metamaterials and metasurfaces [J]. Journal of Radars, 2018, 7(1): 46-55.
 刘峻峰,刘硕,傅晓建,等.太赫兹信息超材料与超 表面[J]. 雷达学报, 2018, 7(1): 46-55.
- [14] Spektor G, David A, Gjonaj B, et al. Metafocusing by a metaspiral plasmonic lens [J]. Nano Letters, 2015, 15(9): 5739-5743.
- [15] Lee S Y, Kim S J, Kwon H, et al. Spin-direction control of high-order plasmonic vortex with doublering distributed nanoslits [J]. IEEE Photonics Technology Letters, 2015, 27(7): 705-708.
- [16] Huang F, Jiang X Q, Yuan H M, et al. Focusing surface plasmon polaritons and detecting Stokes parameters utilizing nanoslits distributed plasmonic lenses[J]. Optics Letters, 2016, 41(7): 1684-1687.
- [17] Yin X, Ye Z, Rho J, et al. Photonic spin hall effect at metasurfaces [J]. Science, 2013, 339 (6126): 1405-1407.
- [18] Gorodetski Y, Niv A, Kleiner V, et al. Observation of the spin-based plasmonic effect in nanoscale structures[J]. Physical Review Letters, 2008, 101 (4): 043903.
- [19] Wang Y, Zhao P, Feng X, et al. Dynamically sculpturing plasmonic vortices: from integer to fractional orbital angular momentum [J]. Scientific Reports, 2016, 6: 36269.
- [20] Spektor G, Kilbane D, Mahro A K, et al. Revealing the subfemtosecond dynamics of orbital angular momentum in nanoplasmonic vortices [J]. Science, 2017, 355(6330): 1187-1191.

- [21] Gorodetski Y, Shitrit N, Bretner I, et al. Observation of optical spin symmetry breaking in nanoapertures[J]. Nano Letters, 2009, 9(8): 3016-3019.
- [22] Shitrit N, Bretner I, Gorodetski Y, et al. Optical spin hall effects in plasmonic chains [J]. Nano Letters, 2011, 11(5): 2038-2042.
- [23] Spektor G, David A, Gjonaj B, et al. Linearly dichroic plasmonic lens and hetero-chiral structures
 [J]. Optics Express, 2016, 24(3): 2436-2442.
- [24] Yue F Y, Wen D D, Zhang C M, et al. Multichannel polarization-controllable superpositions of orbital angular momentum states [J]. Advanced Materials, 2017, 29(15): 1603838.