一维掺杂光子晶体缺陷模的干涉理论

刘启能

(重庆工商大学计算机科学与信息工程学院,重庆 400067)

为了解释一维掺杂光子晶体缺陷模的产生机理,建立了一维掺杂光子晶体的多波束干涉模型。利用多光束 摘要 干涉原理建立了一维掺杂光子晶体缺陷模的干涉理论,成功地解释了一维掺杂光子晶体中缺陷模的产生机理。应 用干涉理论和特征矩阵法对一维掺杂光子晶体缺陷模的特征进行了比较研究,两者的结论是一致的。 关键词 材料;光子晶体;缺陷模;干涉理论

中图分类号 O436 文献标识码 A

doi: 10.3788/CIL201340.0806001

Interference Theory of the Defect Mode in One-Dimensional **Doped Photonic Crystal**

Liu Qineng

(School of Computer Science and Information Engineering, Chongqing Technology and Business University, Chongging 400067, China)

Abstract In order to explain the reason of the defect mode in one-dimensional (1D) doped cycle photonic crystal, a multiple-beam interference model of 1D doped photonic crystal is established. Interference theory of the defect mode in 1D doped photonic crystal is established by interference theory, and the mechanism of the defect mode of 1D doped photonic crystal is explained. The defect modes are studied by interference theory and characteristic matrix method, and their conclusion are the same.

Key words materials; photonic crystal; defect mode; interference theory OCIS codes 160.5298; 260.2065; 030.4070; 260.3160

引 1 言

光子晶体就是其介质的折射率在空间结构上呈 周期性变化的带隙材料。光在光子晶体中传播时, 因其与光子晶体的周期结构发生相互作用而出现光 的带隙结构。利用光子晶体中光的带隙结构能够非 常方便地控制光的传播方式,从而使光子晶体成为 控制光传播的理想材料。光子晶体根据其周期结构 空间维数的不同分为一维(1D)光子晶体、二维(2D) 光子晶体和三维(3D)光子晶体。一维光子晶体的 结构最简单、研究最方便, 且具有其他高维光子晶体 的基本属性。因此对一维光子晶体的研究成为光子 晶体研究领域内的重要内容。

光子晶体的研究中,在带隙特性、缺陷模特性、 滤波理论[1-17] 等方面已经取得了可喜成果。由于 一维掺杂光子晶体的缺陷模特性是研制光子晶体滤 波器的理论基础,这使得对光子晶体缺陷模的研究 成为光子晶体研究中的一项重要课题。文献[6]通 过引入复折射率研究了杂质的吸收系数对缺陷模的 影响,得出了缺陷模透射峰的峰值和半峰全宽随吸 收系数的变化规律。文献「8]利用特征矩阵法研究 了矩形掺杂光子晶体中电磁波的模式和缺陷模,得 出了缺陷模随模式量子数和光子晶体的结构参数的 变化规律。随后文献[9]研究了各向异性圆柱掺杂 光子晶体的缺陷模及其量子效应,得出了各向异性 圆柱掺杂光子晶体中缺陷模的变化特征。但是上述 文献中都没有对缺陷模的产生原因进行研究。为了 解释产生一维掺杂光子晶体缺陷模的物理机理,文 献[18]通过建立起一维掺杂光子晶体的谐振腔模 型,利用谐振腔的共振条件推导出缺陷模频率满足 的解析公式,从理论上解释了产生一维掺杂光子晶

基金项目: 重庆市教委科技项目(KJ100717)

作者简介:刘启能(1957一),男,博士,教授,主要从事光学与声学方面的研究。E-mail.liuqineng@yahoo.com.cn

收稿日期: 2013-01-21; 收到修改稿日期: 2013-03-15

体缺陷模的物理机理,并将共振理论的结果与特征 矩阵法的结果进行比较,两者结果完全吻合。但是 文献[18]中存在明显的不足:它只得出了一维掺杂 光子晶体缺陷模频率的解析公式,而对缺陷模的峰 高和带宽两个重要特征不能给予解决。因此,文献 [18]中的共振理论不完善,有待进一步深入研究和 完善。本文在文献[18]的基础上,利用光的干涉理 论推导出一维掺杂光子晶体缺陷模的透射率公式和 频率公式,更加深入和全面地研究一维掺杂光子晶 体缺陷模的产生机理和变化特征。

2 缺陷模现象

一维掺杂光子晶体的两边是由 A 层(折射率为 n_1 、厚度为 d_1)和 B 层(折射率为 n_2 、厚度为 d_2)两种 介质周期性地交替构成,中间是插入一 C 层(折射 率为 n_3 、厚度为 d_3),形成(AB)^NC(BA)^N 结构。如 图 1 所示。取 $n_1=2.8, n_2=1.8, n_3=3.5$,中心波长 $\lambda_0=600$ nm,其中心频率 $f_0=c/\lambda_0$ (c 为真空中的光 速),N=5。设归一化频率 $g=f/f_0, f$ 为入射波的 频率。



图 1 一维掺杂光子晶体

Fig. 1 One-dimensional doped phononic crystal

取 $n_1 d_1 = \lambda_0 / 4$ 、 $n_2 d_2 = \lambda_0 / 4$ 、 $n_3 d_3 = \lambda_0 / 2$,利用特 征矩阵法计算出横电(TE)波以入射角 $\theta_0 = 0.2$ rad 入射一维掺杂光子晶体后其透射率 T 随归一化频 率的响应曲线,如图 2 所示。由图 2 可知,当光以入





射角 $\theta_0 = 0.2 \text{ rad} 人射一维掺杂光子晶体时,在一级$ 禁带的中间 <math>g = 1 附近出现了一个缺陷模;在二级 禁带的中间 g = 3 附近也出现了一个缺陷模。这表 明缺陷模会随着 g 的增加周期性地出现在不同的 禁带内。但特征矩阵法存在以下不足:它只能给出 缺陷模的计算结果,而不能对缺陷模产生的原因给 出理论解释。

3 模型与理论

为了解释一维掺杂光子晶体缺陷模的产生原因,建立了一维掺杂光子晶体的多光束干涉模型:一 维掺杂光子晶体的结构为(AB)^NC(BA)^N,构成以C 层为中心层的对称结构,如图3所示。光进入C层 后会在C层的前后两个平行界面间往复地反射,第 一束透射光为光线1,第二束透射光为光线2,第三 束透射光为光线3,…,这些无限多条光线会在透射 空间发生相干干涉,相干干涉产生的透射峰就形成 了一维掺杂光子晶体的缺陷模。由多光束干涉理 论^[19]可得,这无限多条光线在透射空间发生相干干 涉的透射率为

$$T = \frac{1}{1 + [2r/(1 - r^2)]^2 \sin^2(\delta/2)}.$$
 (1)

式中 r 为 B、C 两层界面的反射系数, ∂ 为相邻两条 透射光线的相位差,

$$\delta = 4\pi d_3 \cos \theta_3 / \lambda_3, \qquad (2)$$

式中 θ₃、λ₃ 分别为 C 层中光的折射角和波长。要使 (1)式出现极大值必须满足下列条件:

$$\delta/2=2\pi d_{\scriptscriptstyle 3}\cos heta_{\scriptscriptstyle 3}/\lambda_{\scriptscriptstyle 3}=j\pi$$
 ,

$$j = 1, 2, 3, \cdots,$$
 (3)

(3)式就是出现一维掺杂光子晶体缺陷模透射峰的 条件。利用折射定律 $n_0 \sin \theta_0 = n_3 \sin \theta_3$ 和 $f = c/(n_3\lambda_3)$,由(1)式得出缺陷模的透射率随归一化频 率 g 和入射角 θ_0 的变化关系为



图 3 多光束干涉模型 Fig. 3 Multiple-beam interference model

$$T = \frac{1}{1 + \lceil 2r/(1-r^2) \rceil^2 \sin^2(2\pi n_3 d_3 g f_0 \sqrt{1-n_0^2 \sin^2 \theta_0/n_3^2}/c)}.$$

由(3)式得出现缺陷模峰值的归一化频率满足的条件为

$$g_j = jc/(2n_3d_3f_0\sqrt{1-n_0^2\sin^2\theta_0/n_3^2}), \quad j = 1, 2, 3, \cdots,$$
(5)

(5)式中的 *j* 称为缺陷模的级数, *j*=1 对应一级缺陷模, *j*=2 对应二级缺陷模, …。取 $n_1d_1 = \lambda_0/4$ 、 $n_2d_2 = \lambda_0/4$ 、 $n_3d_3 = \lambda_0/2$ 、 $\theta_0 = 0.2$ rad, 由(4)式计算 出缺陷模的透射率随归一化频率的响应曲线, 如 图 4所示。由图 4 可以看出, 在归一化频率 *g*=1、2、 3、…附近出现了一级缺陷模、二级缺陷模、三级缺陷 模、…。结合图 2 可以看出, *g*=2、4、6、…附近是该 一维掺杂光子晶体导带所在的位置, 所以在这些位 置的缺陷模会被导带淹没。因此, 该一维掺杂光子 晶体只能出现奇数级缺陷模。比较图 2 和图 4 可以 看出, 干涉理论的结果与特征矩阵法的结果是吻合 的, 这表明干涉理论能成功地解释一维掺杂光子晶 体缺陷模的产生原因。





Fig. 4 Response curve of transmittance along the change of normalized frequency (interference theory)

由(3)式可推出光正入射($\theta_0 = 0$)时,缺陷模峰 值的波长满足的关系:

 $2n_3d_3 = j\lambda_3$, j = 1,2,3,..., (6) (6)式正是文献[18]中由共振腔模型推出的缺陷模 波长公式。由此表明,由干涉理论推导出了(4)式和 (5)式比文献[18]得出的结果能更加全面、深刻地揭 示了产生一维掺杂光子晶体缺陷模的物理机理。

把掺杂缺陷作为共振微腔处理,这与一维掺杂 光子晶体的真实结构存在着一定的差别,主要差别 在于共振微腔中的光波反射面完全定位在共振微腔 的两个界面,而在一维掺杂光子晶体中光波的反射 面会渗透到一维光子晶体内部,因此实际共振微腔 的尺寸大于缺陷层的宽度。这种模型上的近似会使 缺陷模干涉理论的结果出现一些偏差。下面在说明 缺陷模干涉理论正确性的同时也指出其偏差。

(4)

4 缺陷模比较研究

为了进一步说明缺陷模干涉理论的正确性,利 用干涉理论和特征矩阵法对缺陷模的特征进行了对 比研究。由(5)式可以看出缺陷模的归一化频率 g 受入射角 θ₀、杂质折射率 n₃ 和杂质厚度 d₃ 的影响, 下面分别研究缺陷模随 θ₀、n₃、d₃ 的变化特征。

4.1 缺陷模随入射角的变化

为了研究缺陷模随入射角的变化规律, n_1d_1 、 n_2d_2 、 n_3d_3 取值与第3节相同,利用特征矩阵法和 (4)式计算出一级缺陷模的g随 θ_0 的响应曲线,如 图5和图6所示。图5和图6中白色细带为缺陷 模,黑色区域为禁带。比较图5、图6和(5)式可以 得出:



图 5 归一化频率随入射角响应曲线(特征矩阵法) Fig. 5 Response curve of normalized frequency with the change of incident angle (characteristic matrix theory)



图 6 归一化频率随入射角响应曲线(干涉理论) Fig. 6 Response curve of normalized frequency with the change of incident angle (interference theory) 干涉理论的结果与特征矩阵法的结果是一 致的。缺陷模的 g 都随 θ。的增加而增大,即按(5) 式中的函数规律变化。缺陷模的频率宽度随着入射 角的增加无明显变化。

 干涉理论的结果与特征矩阵法的结果也存 在着细微的差别,特征矩阵法的结果中g随θ。的增 加而增大,且增大的速度要略大一些。

4.2 缺陷模随杂质折射率的变化

为了研究缺陷模随杂质折射率的变化规律,取 $n_1d_1 = \lambda_0/4, n_2d_2 = \lambda_0/4, n_3d_3 = \lambda_0/4, \theta_0 = 0.1$ rad, 利用特征矩阵法和基于干涉理论的(4)式计算出一 级缺陷模的 g 随 n_3 的响应曲线,分别如图 7 和图 8 所示。图 7 和图 8 中白色细带为缺陷模,黑色区域 为禁带。比较图 7、图 8 和(5)式可以得出:

1)干涉理论的结果与特征矩阵法的结果也基本一致。缺陷模的g都随n。的增加而减小,即按
 (5)式中的函数规律变化。缺陷模的频率宽度随着n。的增加而无明显变化。

2)干涉理论的结果与特征矩阵法的结果也存 在着小的差别,干涉理论的结果中缺陷模的g随n。 的增加而减小的速度要略大一些。

4.3 缺陷模随杂质厚度的变化

杂质厚度即 d_3 ,为了便于研究令 $d_3 = X\lambda_0$,X 为无量纲的参变量。(4)式和(5)式可以化为随 X 的变化函数:



图 7 归一化频率随杂质折射率响应曲线(特征矩阵法) Fig. 7 Response curve of normalized frequency with the change of the index of impurities (characteristic matrix theory)



图 8 归一化频率随杂质折射率响应曲线(干涉理论) Fig. 8 Response curve of normalized frequency with the change of the index of impurities (interference theory)

$$T = \frac{1}{1 + [2r/(1-r^2)]^2 \sin^2(2\pi n_3 Xg \sqrt{1-n_0^2 \sin^2\theta_0/n_3^2})},$$
(7)

$$g_j = j/(2n_3 X \sqrt{1 - n_0^2 \sin^2 \theta_0 / n_3^2}), \quad j = 1, 2, 3, \cdots,$$
(8)

固定 $\theta_0 = 0.1 \text{ rad}_{n_3} = 3.5, 利用特征矩阵法和基于干涉理论的(7)式计算出一级缺陷模的 g 随 X 的响应曲 线, 分别如图 9 和图 10 所示。图 9 和图 10 中白色细带为缺陷模,黑色区域为禁带。比较图 9、图 10 和(8)式可以得出:$









图 10 归一化频率随杂质厚度响应曲线(干涉理论) Fig. 10 Response curve of normalized frequency with the change of X (interference theory)

 1)干涉理论的结果与特征矩阵法的结果基本 一致。缺陷模的g都随d。的增加而减小,即按(8) 式中的反比规律变化。g宽度随着d。的增加而无 明显变化。

2)干涉理论的结果与特征矩阵法的结果也存 在细微的差别,干涉理论的结果中g随d。的增加而 减小,且减小的速度要略大一些。

特征矩阵法的结果与干涉理论的结果的一致性 表明:本文建立的一维掺杂光子晶体的缺陷模干涉 理论是正确的,它不仅能够用光的干涉理论成功地 解释缺陷模的产生机理,而且能够以解析公式的形 式反映出缺陷模的全貌特征。干涉理论不仅弥补了 特征矩阵法不能解释缺陷模产生机理的不足,而且 还弥补了文献[18]中的解析公式不能对缺陷模进行 全貌分析的不足。

干涉理论的结果与特征矩阵法的结果存在的差 异表明:缺陷模的干涉理论虽然抓住了产生缺陷模 的主要因素,即杂质层的多光束干涉,但是干涉理论 没有考虑杂质层两边的周期结构对缺陷模的影响, 因而使两种方法的结果出现一些差异。

5 结 论

为了解释一维掺杂光子晶体缺陷模的产生机 理,建立了一维掺杂光子晶体的多波束干涉模型,并 利用光的干涉原理建立了一维掺杂光子晶体缺陷模 的干涉理论。利用缺陷模的干涉理论成功地解释了 一维掺杂光子晶体中缺陷模的产生机理,并弥补了 缺陷模的共振理论不能对缺陷模的峰高和半峰全宽 进行全貌分析的不足。

参考文献

- Wang Rui, Zhang Cunxi, Nie Yihang. Band structure and propagation properties of one-dimension anisotropy photonic crystals[J]. Acta Photonica Sinica, 2007, 35(1): 89-92.
 王 瑞,张存喜, 聂一行. 一维各向异性光子晶体的带隙结构和 传输特性[J]. 光子学报, 2007, 35(1): 89-92.
- 2 Li Rong, Ren Kun, Ren Xiaobin. Angular and wavelength selectivity of band gaps of holographic photonic crystals for different polarizations [J]. Acta Physica Sinica, 2004, 53(8): 2520-2523.
 李 蓉,任 坤,任晓斌. 一维光子晶体带隙结构对不同偏振态
- 的角度和波长响应[J]. 物理学报,2004,53(8): 2520-2523. 3 Liu Qineng. Analytical study on total reflection tunnel effect of 1-D
- photonic crystal[J]. Acta Optica Sinica, 2012, 32(2): 0219002. 刘启能. 一维光子晶体的全反射隧穿效应的解析研究[J]. 光学 学报, 2012, 32(2): 0219002.
- 4 Zhang Gaoming, Peng Jingcui, Jian Zhijian, et al.. Orthogonality relations among modes in left-handed materials slab waveguide[J]. Acta Physica Sinica, 2006, 55(4): 1846-1849. 张高明, 彭景翠, 翦知渐,等. 左手材料薄板波导中模式之间的 正交关系[J]. 物理学报, 2006, 55(4): 1846-1849.
- 5 Xu Xuming, Fang Liguang, Liu Nianhua. Unusual photonic

tunneling in multilayer system with a negative refraction index layer[J]. Acta Optica Sinica, 2005, 25(12): 1676-1679. 徐旭明,方利广,刘念华. 含负折射率层的多层体系的反常光子 隧穿[J]. 光学学报, 2005, 25(12): 1676-1679.

- 6 Liu Qineng. Effect of impurity absorption on one-dimensional photonic crystal defect mode [J]. Chinese J Lasers, 2007, 34(6):777-780. 刘启能. 杂质吸收对一维光子晶体缺陷模的影响[J]. 中国激光, 2007, 34(6):777-780.
- 7 Shang Tingyi, Zheng Yi, Zhang Huiyun. Omnidirectional gap and defect mode of one-dimensional photonic crystals with negative-index materials [J]. Acta Photonica Sinica, 2007, 36(4): 663-666.

尚廷义,郑 义,张会云.含负折射率材料一维光子晶体的全方 位带隙和缺陷模[J].光子学报,2007,36(4):663-666.

- 8 Liu Qineng. The mode and defect mode of electromagnetic wave in rectangular doped photonic crystal[J]. Acta Physica Sinica, 2010, 59(4): 2551-2555. 刘启能. 矩形掺杂光子晶体中电磁波的模式和缺陷模[J]. 物理
- 学报,2010,59(4):2551-2555.
 9 Liu Qineng. The defect mode and the quantum effect of light wave in cylindrical anisotropic photonic crystal[J]. Acta Physica Sinica, 2011,60(1):014217.
 刘启能.各向异性圆柱掺杂光子晶体的缺陷模及其量子效应[J].物理学报,2011,60(1):014217.
- 10 Liu Qineng. Filtering feature of 1D rectangle doping photonic crystal [J]. Chinese J Lasers, 2010, 37(8): 2041-2044. 刘启能. 一维矩形掺杂光子晶体的滤波特性[J]. 中国激光, 2010, 37(8): 2041-2044.
- 11 Yuntuan Fang, Zhongcheng Liang. Unusual transmission through usual one-dimensional photonic crystal in the presence of evanescent wave[J]. Opt Commun, 2010, 283(10): 2102-2106.
- 12 Liu Qineng. Defect mode and mode of electromagnetic wave in cylindrical doping photonic crystal[J]. Chinese J Lasers, 2010, 37(4): 991-995.
 刘启能. 圆柱形掺杂光子晶体中电磁波的模式和缺陷模[J]. 中国激光, 2010, 37(4): 991-995.
- 13 Li Lei, Liu Guiqiang, Chen Yuanhao. An optical switch based on coupled heterostructure photonic-crystal waveguides [J]. Acta Optica Sinica, 2013, 33(1): 0123002.
 黎 磊,刘桂强,陈元浩.光子晶体异质结耦合波导光开关[J]. 光学学报, 2013, 33(1): 0123002.
- 14 Yu Jianli, Shen Hongjun, Ye Song, *et al.*. Design of novel highly efficient photonic crystal multi-channel drop filter [J]. Acta Optica Sinica, 2012, 32(11): 1106003
 余建立,沈宏君,叶 松,等. 一种新型高效光子晶体多信道下载 滤波器的设计[J]. 光学学报, 2012, 32(11): 1106003.
- 15 Zhang Dong, Zhao Jianlin, Lü Shuyuan. Slow light waveguide with low group-velocity dispersion and low loss in 2-D photonic crystal[J]. Acta Optica Sinica, 2011, 31(1): 0112001.
 张 栋,赵建林,吕淑媛. 低群速度色散和低损耗的二维光子晶 体慢光波导[J]. 光学学报, 2011, 31(1): 0112001.
- 16 Chen Xuchong, Feng Shuai, Zhang Beibei, et al.. Subwavelength imaging characteristics of the near-infrared silicon-based metallic photonic crystal slabs [J]. Acta Optica Sinica, 2013, 33(1): 0123003. 陈胥冲,冯 帅,张贝贝,等. 近红外波段硅基金属光子晶体平 板的亚波长成像特性[J]. 光学学报, 2013, 33(1): 0123003.
- 17 Zhou Xingping, Shu Jing, Lu Binjie, et al.. Two-wavelength division demultiplexer based on triangular lattice photonic crystal resonant cavity[J]. Acta Optica Sinica, 2013, 33(1): 0123001. 周兴平,疏 静,卢斌杰,等. 基于三角晶格光子晶体谐振腔的 双通道解波分复用器[J]. 光学学报, 2013, 33(1): 0123001.
- 18 Liu Qineng. Resonance theory of the defect mode of 1-D doping photonic crystal[J]. Acta Photonica Sinica, 2012, 41(4): 446-450. 刘启能. 一维掺杂光子晶体缺陷模的共振理论[J]. 光子学报, 2012, 41(4): 446-450.
- 19 E 赫克特, A 赞斯. 光学[M]. 北京:人民教育出版社, 1980. 691-693.
 - E Hecht, A Zajac. Optics [M]. Beijing: People's Education Press, 1980. 691-693.