数字微镜器件投影系统的全反射式棱镜设计及 系统性能优化

李 丹1 姚连芳1 徐西印1 曹 雯1 薛芸芸1 郭海成3 张宝龙1,2*

1天津科技大学电子信息与自动化学院,天津 300222

²天津峰景光电科技有限公司,天津 300384

³香港科技大学显示技术研究中心,香港 九龙

摘要 直角全反射式(TIR)棱镜比传统 TIR 棱镜加工难度低,结构上体积减小 50%,重量减小 42%,从而降低成本。为了使结构便于加工,应用光学理论对直角 TIR 棱镜进行优化设计。最后运用光学软件对设计进行模拟,实验结果表明,系统效率从 53%降低到 48.3%,均匀性从 68%上升到 91%,证明了设计的直角 TIR 棱镜的合理性与可行性。

关键词 光学器件;直角全反射式棱镜;数字光处理;光程;照明 中图分类号 O436 **文献标识码** A **doi:** 10.3788/CJL201239.s216004

Design and Optimization of a Total-Internal-Reflection Prism in the Digital Micromirror Device Projection System

Li Dan¹ Yao Lianfang¹ Xu Xiyin¹ Cao Wen¹ Xue Yunyun¹ Guo Haicheng³ Zhang Baolong^{1,2}

1 College of Electronic Information and Automation, Tianjin University of Science and Technology,

Tianjin 300222, China

² Giant Optics Technology Limited, Tianjin 300384, China

 $^{\circ}$ Center for Display Research, the Hong Kong University of Science and Technology, Kowloon, Hong Kong, China .

Abstract Compared with the traditional total-internal-reflection (TIR) prism, the right-angle TIR prism is convenient to process. Meanwhile, it decreases 50% in the volume and 43% in the weight, which lowers the cost. Using the theory of optics the right-angle TIR prism is optimized in order to make it easier to process the structure. In the optical software simulation, the system's efficiency decreases from 53% to 48.3%, while its uniformity can be enhanced from 68% to 91%. It proves that the right-angle TIR prism is reasonable and practicable.

Key words optical devices; right-angle total-internal-reflection prism; digital light processing; optical path; illumination

OCIS codes 220.2945; 230.4040; 230.5480; 290.2648

1 引 言

全反射式(TIR)棱镜^[1]是数字光处理(DLP)^[2] 投影系统的关键部分,它和数字微镜器件(DMD)一 起用来连接并区分照明光路和投影光路,它能有效 屏蔽 DMD 平面状态(中间过渡状态)和关闭状态 (投影机的暗场)的反射光,仅使开启状态的反射光 线进入镜头,有效地提高了系统的对比度;TIR 棱 镜采用全反射原理,其反射率理论上为100%,而镀 有反射膜层(如铝,银等)的平面反射镜反射率仅为 90%左右^[3],因此 TIR 棱镜对投影系统关键性能参 数如均匀性和亮度均起重要作用。通过优化 TIR 棱镜的角度与尺寸,设计了一款尺寸小、效率高和均

*通信联系人。E-mail: eezbl@tust.edu.cn

收稿日期: 2012-09-18; 收到修改稿日期: 2012-10-23

基金项目:天津市科技支撑计划(12ZCZDGX02600)资助课题。

作者简介:李 丹(1977—),女,博士,副教授,主要从事自由曲面非成像光学方面的研究。E-mail: lidan@tust.edu.cn

匀性好的直角 TIR 棱镜。

2 传统全反射式棱镜与直角全反射式 棱镜比较

传统 TIR 棱镜^[4]和直角 TIR 棱镜^[5]基本结构 如图 1 所示, TIR 棱镜由两块三角形棱镜胶合而成, 两块棱镜间留有 5~10 μm 的空气间隙, 此间隙在 光线追迹模拟时可以忽略, 因而通过光线在该斜面 上的透射和全反射实现入射光束和反射光束的 区分。 如图 1 所示,传统 TIR 棱镜采用先反射后透射 的工作方式,体积大,重量大,并且两个棱镜均是非 特殊三角形,增加了制作难度。直角 TIR 棱镜采用 先透射后反射工作方式,体积减小,相应重量变轻; 同时在直角 TIR 棱镜中,DMD 反射后的光线只经 过一块棱镜,不会因引入两块棱镜之间的间隙而影 响成像质量;其次它的两个棱镜均为直角棱镜,并且 其中一个直角棱镜含有两个相等的直角边,降低了 加工难度,综合比较直角棱镜的成本要比传统棱镜 低很多。



图 1 (a)传统 TIR 棱镜组和(b)直角 TIR 棱镜组 Fig. 1 Schematic of (a) conventional TIR prism set and (b) right-angle TIR prism set

3 直角全反射式棱镜分光原理

直角 TIR 棱镜的光路示意图如图 2, 直角 TIR 棱镜选用了两种折射率的材料, 可以有效地减小 DMD 角落的轴向色差, 提高均匀性^[6]。两块棱镜的 折射率分别为 n₁ 和 n₂, 光源发光二极管(LED)发出 的光线首先经过照明中继系统的整形收束, 然后从 棱镜 TIR 2 的一个直角边进入, 经过棱镜 TIR 2 后 在胶合面处直接透射进入棱镜 TIR 1, 光线经过棱镜 TIR 1 并从它的一个直角边出射, 最后光线到达 面板 DMD, DMD 上的小微镜阵列将光线反射, 反



图 2 TIR 棱镜光程示意图 Fig. 2 Schematic diagram of TIR prism optical path

射光线再次从此边进入棱镜 TIR 1,光线在交界面 处发生全反射,之后光线从棱镜的另一个直角边垂 直出射,最后光线进入镜头。

4 直角全反射式棱镜设计原理

区分光路主要由棱镜1实现,棱镜2用来补偿 光线在棱镜1中产生的光程差^[7]。当光线从中继系 统垂直入射到棱镜时,可以简化整体结构。方法一, 选取一条中心光线,运用折射定律找到棱镜角度与 入射光角度的函数关系式^[6]。当要求进入棱镜的光 线为垂直光束时棱镜角度计算公式为

$$\alpha = \arcsin\left\{\frac{n_1}{n_2}\sin\left[\frac{\pi}{4} - \arcsin\left(\frac{\sin 24^\circ}{n_1}\right)\right]\right\}, (1)$$

方法二,根据成像条件,当入射的平行光束的光程差 为零时,从棱镜出射的光束到达 DMD 时均匀性较 好,因此可以通过平行光的光程相等来确定 TIR 棱 镜的尺寸。采用方法二,设计中 DMD 芯片转动角 为±12°,两个角度分别为开启和关闭(亮态和暗态) 两个状态,此芯片的最大孔径角为±12°,在开启状 态时要求主光线要与 DMD 表面垂直。

根据光路可逆性,选择从 TIR1 平行入射到 DMD上的两条光线 L₁、L₂,如图 3 所示,在棱镜 TIR 1 中,由于等腰直角三角形,根据几何关系得到 此处光程关系式:

 $A_1B_1 + B_1C_1 = A_2B_2 + B_2C_2$, (2) 即此段光程相等,所以在计算光程相等时,可以简化 为只考虑从 DMD 反射后透过两棱镜的光线。两条 光线 L_1 、 L_2 的反射光在棱镜 TIR 1 中的光程差为

$$S_{1} = (D_{1}E_{1} - D_{2}E_{2}) \times n_{1}, \qquad (3)$$

在棱镜 TIR 2 的光程差为

$$S_2 = (E_2 F_2 - E_1 F_1) \times n_2$$
, (4)
令经过两个棱镜的反射光光程相等可得

$$E_2 F_2 = \frac{(D_1 E_1 - D_2 E_2) \times n_1}{n_2} + E_1 F_1, \quad (5)$$

根据 DMD 芯片的尺寸与偏转角($\pm 12^{\circ}$)得到 PE_2 , 在 $\Delta E_2 PE_1$ 中:

$$\angle E_1 P E_2 = \frac{\pi}{2} - \arcsin\left(\frac{\sin 12^\circ}{n_1}\right),$$
 (6)

$$\angle PE_1E_2 = \frac{\pi}{4} - \arcsin\left(\frac{\sin 12^\circ}{n_1}\right),$$
 (7)

$$\frac{PE_2}{\sin(\angle PE_1E_2)} = \frac{E_1E_2}{\sin(\angle E_1PE_2)},\qquad(8)$$

$$\frac{QE_1}{QE_1 + E_1E_2} = \frac{E_1F_1}{E_2F_2}.$$
(9)

通过(5)~(9)式求解出 $\angle E_1 OF_1$,从而确定了 直角棱镜 TIR 2 的形状。TIR 2 棱镜边长由 DMD 芯片的边缘照明光线决定,TIR 1 棱镜尺寸由经 DMD反射后进入棱镜并从另一侧出射的边缘亮态 光束在此侧的出射位置决定。

对于相同的 DMD 芯片,分别使用传统 TIR 棱 镜和直角 TIR 棱镜进行照明光路设计^[8],最后得到 的两个棱镜具体参数如表1所示,与传统 TIR棱镜 相比,直角 TIR 棱镜的优势有:体积减小 50%;重量 减轻 42%;含有两个直角和两个 45°特殊角,因此加 工难度低。



图 3 TIR 光程示意图

Fig. 3 Schematic diagram of TIR optical path

Table 1 Parameters of conventional TIR prism and right-angle TIR prism

	Conventional	Right-angle		
System	TIR prism	TIR prism		
Volume /mm ³	$32 \times 25 \times 20$	$20 \times 20 \times 20$		
Weight /g	24	14		
Right-angle number	0	2		
45° angle number	0	2		

5 均匀性与效率

将设计好的直角 TIR 棱镜和传统 TIR 棱镜分 别添加到系统中,通过 Zemax 软件进行模拟仿真, 得到屏幕上的照度图如图 4 所示。



图 4 屏幕入射光能照度图。(a)传统 TIR 棱镜;(b)直角 TIR 棱镜

Fig. 4 Total illumination map for incident flux on the screen. (a) Conventional TIR prism; (b) right-angle TIR prism 对两个照度图进行照度均匀性^[1]分析,测量和 。

计算方法如下式所示:

$$N = \left(1 - \frac{E_{\text{max}} - E_{\text{ave}}}{E_{\text{ave}}}\right) \times 100\%.$$
 (10)

提取照度图上 9 个等分块的中心照度值, $E_{\text{ave}} =$

 $\sum_{i=1}^{9} E_i / 9$ 其中 E_i 分别为各点的照度值, E_{ave} 为9点的 平均值,另外在4个角上分别添加一个点, E_{max} 为13 点的最大值。

计算结果如表 2 所示, 直角 TIR 棱镜效率指的

是通过棱镜后到达面板上的光线的比例,通过计算 TIR 效率降低了 9.7%,均匀性却提高了 34%。

表 2 TIR 棱镜的效率和均匀性

Tal	ole 2	Efficiency	and	uniformity	of	TIR	prism
-----	-------	------------	-----	------------	----	-----	-------

Item	Conventional	Right-angle		
Item	TIR prism	TIR prism		
Efficiency	53%	48.3%		
Uniformity	68%	91%		

6 结 论

设计了新款直角 TIR 棱镜,它由两个直角三角 形胶合而成,其中一个为等腰直角三角形,另一个直 角三角形的角度利用光程相等理论来推导出计算公 式,通过这种方式设计的棱镜结构上体积减小 50%,重量减轻42%,加工工艺简单;通过软件模拟 效率降低了9.7%,均匀性却提高34%。通过对照 度均匀性、加工复杂度以及整个系统的工作距离进 行综合考虑以后,得知设计的TIR 棱镜符合设计和 生产要求。

- 参考文献
- 1 Yang Fenghe. DLP Technology and DLP Based Projection Display Application [D]. Changchun: Changchun Institute of Optics, Fine Mechanics and Physics, 2005, 26~30 杨凤和. DLP 技术及其投影显示应用研究[D]. 长春:中国科学

物风和. DLt 我不及真我影显尔应用研充[D]. 长春: 中国哲学院长春光学精密机械与物理研究所, 2005, 26~30

- 2 Single-panel DLPTM projection system optics. $\ensuremath{\mathsf{http://www.ti.}}\xspace$ com
- 3 Liu Xu, Li Haifeng. Modern Projection Display Technology[M]. Hangzhou: Zhejiang University Press, 2008, 320~403
 刘 旭,李海峰. 现代投影显示技术[M]. 杭州:浙江大学出版 社, 2008, 320~403
- 4 John W. Bowron, Reginald P. Jonas. Off-axis illumination design for DMD systems[C]. SPIE, 2003, **5186**: 72~82
- 5 Jui-Wen Pan, Chih-Ming Wang, Wen-Shing Sun *et al.*. Portable digital micro mirror device projector using a prism[J]. *Appl. Opt.*, 2007, **46**(22): 5097~5102
- 6 Jui-Wen Pan, Sheng-Han Lin. Achromatic design in the illumination system for a mini projector with LED light source [J]. Opt. Express, 2011, **19**(17): 15750~15759
- 7 Xu Jia. Investigation on Optical Engine of Projection Display System Based on LED [D]. Shanghai: East China Normal University, 2008, 36~39
- 徐 佳. 基于 LED 的 DLP 投影显示光学引擎研究[D]. 上海: 华东师范大学, 2008, 36~39
- 8 Zhou Jie. Studies on Theoretical Analysis and Application of the Optical Systems for Reflective Projection Displays [D]. Hangzhou: Zhejiang University, 2005, 98~104
- 周 杰.反射式投影显示光学系统的理论分析和应用研究[D]. 杭州:浙江大学,2005,98~104

栏目编辑:韩 峰