# 单反馈 He-Ne 激光器混沌激光产生的理论及 实验研究

张元芳 杨玲珍

(太原理工大学物理与光电工程学院,山西太原 030024)

摘要 基于外光反馈机制,利用 He-Ne 激光器(中心波长为 632.8 nm)进行了混沌激光产生的理论及实验研究。 在固定抽运电流和外腔长度的情况下,研究不同反馈系数对 He-Ne 激光器输出特性的影响。理论及实验结果表明:He-Ne 激光器在单反馈下随着反馈系数的增大可通过周期态进入混沌。

关键词 混沌激光;光反馈;He-Ne激光器

中图分类号 TN248.4 文献标识码 A doi: 10.3788/CJL201239.0102003

## Theoretical and Experimental Study of Chaos Generation with Single Optical Feedback in the He-Ne Laser

Zhang Yuanfang Yang Lingzhen

(College of Physics and Optoelectronics, Taiyuan University of Technology, Taiyuan, Shanxi 030024, China)

**Abstract** Chaos generation of the He-Ne laser, whose central wavelength is 632.8 nm, is demonstrated theoretically and experimentally based on the external optical feedback mechanism. The impact of different feedback coefficients on the dynamics of the He-Ne laser is studied under the condition of fixed pump current and of fixed external cavity length. The numerical and experimental results show that the He-Ne laser can enter chaos by the route of periodic state with the feedback coefficient increasing.

**Key words** chaotic laser; optical feedback; He-Ne lasers

OCIS codes 140.1540; 140.3460; 190.3100; 230.1150

## 1引言

由于混沌信号具有天然的保密性、抗干扰性和 不可预测性等特点,使得混沌在保密通信和抗干扰 测距等应用中具有很大潜力。半导体激光器和光纤 激光器在光注入<sup>[1,2]</sup>、光反馈<sup>[3~5]</sup>或光电反馈<sup>[6,7]</sup>等 情况下可产生混沌现象。对于工作波长为 3390 nm 的 He-Ne 激光器,通过改变其工作条件即可实现混 沌输出,如 Weiss 等<sup>[8,9]</sup>研究了 He-Ne 激光器(中心 波长 3390 nm)在不同激光频率下,可通过倍周期、 "Ruelle-Takens"或 间 歇 路 径 进 入 混 沌; Halas 等<sup>[10,11]</sup>也证实了该类激光器可产生混沌振荡。研 究结果表明:He-Ne激光器(中心波长 3390 nm)的 横、纵向弛豫率和腔衰减率在同一量级,因而激光器 状态就由带有偏振、反转粒子数和电场的 3 个方程 决定,所以激光器容易产生混沌。但是波长为 632.8 nm的单模 He-Ne激光器,其横、纵向弛豫率 比腔衰减率大,激光器状态仅由单个电场方程决定, 通常处于稳定状态,而混沌本质是一种不稳定现象, 所以该类激光器不易产生混沌。然而 Kuwashima 等<sup>[12]</sup>分析得出激光器在单反馈下自由度可变为无 限维,通过调节外反馈镜倾斜度,在长腔长等条件 下,可实现波长为632.8 nm的 He-Ne 激光器混沌输

作者简介:张元芳(1988—),女,硕士研究生,主要从事氦氖激光器的非线性动力学特性方面的研究。

E-mail: fazhanziji@163.com

**导师简介:**杨玲珍(1973—),女,教授,硕士生导师,主要从事光纤激光器的非线性动力学特性方面的研究。 E-mail: office-science@tyut.edu.cn

收稿日期: 2011-07-05; 收到修改稿日期: 2011-09-24

基金项目:国家自然科学基金(61107033)资助课题。

出<sup>[13~15]</sup>。2003年,Uchida等<sup>[16]</sup>实验上实现了在光 反馈下 He-Ne 激光器单向耦合产生的混沌同步。 本文在 Kuwashima 等建立的理论模型基础上,理论 分析了波长为 632.8 nm 的单模 He-Ne 激光器在单 反馈下反馈系数对激光器输出的时序图、频谱图、相 图和自相关图的影响,并进行了相应的实验研究。 理论和实验结果表明:波长为 632.8 nm 的 He-Ne 激光器在外光反馈条件下可通过周期态进入混沌, 数值模拟与实验结果一致。

## 2 理论分析

对于工作波长为 632.8 nm 的单模驻波 He-Ne 激光器,其在单反馈下的理论模型如图 1 所示。满 足的速率方程为<sup>[12]</sup>

$$\frac{\mathrm{d}E(T)}{\mathrm{d}T} = \mu E(T) - bE(T)^{3} + \eta E(T - T_{\mathrm{r}})(\cos\theta - \varepsilon\sin\theta), \qquad (1)$$

$$\frac{\mathrm{d}\phi(T)}{\mathrm{d}T} = \mu \alpha - b\beta E(T)^{2} + \eta \frac{E(T - T_{\mathrm{r}})}{E(T)} (\varepsilon \cos \theta + \sin \theta).$$
(2)

方程中的各参数为

$$T = \gamma_{\perp} t, \quad T_{\rm r} = \gamma_{\perp} \tau_{\rm r},$$
 (3)

$$\mu = \frac{1}{\gamma_{\perp}} \Big[ -\kappa + \frac{g^2 D_0}{\gamma_{\perp} (1+\delta^2)} \Big], \tag{4}$$

$$b = \frac{4g^4 D_0}{\gamma_{\perp}^3 \gamma_{||} (1+\delta^2)^2},$$
(5)

$$\alpha = \Delta$$
 -

$$\left[\frac{g^2 D_0}{\kappa \gamma_{\perp} (1+\delta^2)} (\Delta+\delta)\right] / \left[\frac{g^2 D_0}{\kappa \gamma_{\perp} (1+\delta^2)} - 1\right], \quad (6)$$

$$\beta = -\delta, \qquad (7$$

$$\theta = \phi(T - T_{\rm r}) - \phi(T), \qquad (8)$$

$$\Delta = \frac{\omega_{\rm c} - \omega_{\rm L}}{\kappa},\tag{9}$$

$$\delta = \frac{\omega_0 - \omega_{\rm L}}{\gamma_{\rm L}},\tag{10}$$

$$\eta = \frac{1}{\gamma_{\perp} \tau_{\rm in}} \frac{1 - R_2}{R_2 \sqrt{1 + \epsilon^2}} (R_2 R)^{1/2}, \qquad (11)$$

式中 R 为外反馈系数, $\tau_r$  为延迟时间, $\gamma_{\perp}$  为横向弛 豫率(量级约为 10<sup>8</sup>), $\gamma_{\parallel}$  为纵向弛豫率, $\kappa$  为腔内光 子弛豫率, $T_r$  为归一化后的延迟时间,E(T) 为电场 振幅, $\phi(T)$  为电场相位。 $\mu$  和b 分别为增益系数和饱 和系数, $\alpha$  和 $\beta$  分别为增益相位和饱和相位, $\epsilon$  为反馈 延迟光相位, $D_0$  为不饱和反转粒子数, $R_1$  和 $R_2$  分别 为激光器前后端面的反馈系数, $\tau_{in}$  为光在内腔往返 一次运行的时间, $\omega_{c}$ 为腔频率, $\omega_{L}$ 为激光频率, $\omega_{0}$ 为原子中心频率。



图 1 理论模型

Fig. 1 Theoretical model

在不同反馈系数下,He-Ne 激光器输出不同状 态,图 2 所示为单反馈下 He-Ne 激光器进入混沌振 荡过程的数值模拟。其中,模拟参量为 $\mu = 0.08$ ,  $\alpha = 1.4, \beta = 3.8, b = 1, \epsilon = 2.17, T_r = 0.17$  (外腔 长设为 25 cm),  $R_2 = 0.02$ 。图中分别是反馈系数 R 在 0.15, 0.47, 0.49 和 0.58 时对应的时序图、频谱 图和相图。相图中P(n)是指对应时序图中激光器输 出的连续峰值幅度,如采集数据点数为 n,横坐标表 示第n个点的输出幅值,纵坐标表示第n+1个点的 输出幅值,即整个相图表示的是相邻两点随时间(迭 代次数)的分离程度。反馈系数 R 为 0.15 时, 图 2(a)中时序的波形起伏基本一致,频谱图图 2(b) 中谐振峰之间的间隔相等,相图图 2(c)为一个有限 环,此时激光器输出状态为一周期振荡;反馈系数 R 为 0.47 时,时序图图 2(d)中波形开始有规律地变 动,频谱图图 2(e)中也出现多个间隔相等的谐振 峰,相图图 2(f) 为一个极限环,可判定激光器在该 条件下处于多周期振荡状态;反馈系数 R 为 0.49 和 0.58 时 激 光 器 输 出 状 态 为 混 沌 振 荡, 如 图 2(g)~(1)所示。可见随着反馈系数的增大,时 间序列从规律的振荡状态逐渐进入波形随机起伏的 混乱状态,并且输出光的峰峰值也在增大;频谱中谐 振峰的凸起越来越小,频谱逐渐平缓;相图中区域的 面积也在逐渐增大。以上数值结果表明,在单反馈 下,He-Ne 激光器随着反馈系数的增大经过周期态 最后进入混沌振荡。

### 3 实验装置及结果

#### 3.1 实验装置

光反馈下 He-Ne 激光器产生混沌的实验装置 如图 3 所示。实验中,在抽运电流为 6 mA 时 He-Ne 激光器的输出功率为 2 mW,发出的光经过一个 无偏分束镜(BS,其透射率与反射率比为 80:20)分 成两束光。其中,一束光由反射镜(反馈系数为

)



图 2 反馈系数 R 为 0.15,0.47,0.49 和 0.58 时对应的(a),(d),(g),(j)时序图,(b),(e),(h),(k)频谱图和 (c),(f),(i),(l)相图

Fig. 2 (a), (d), (g), (j) time series, (b), (e), (h), (k) spectra and (c), (f), (i), (l) phase portraits respectively with feedback coefficient R of 0.15, 0.47, 0.49 and 0.58

95%)反射并耦合进激光器中,实现光反馈;另一束 光作为探测光,由带宽为 1.2 GHz 的光电探测器 (PD)和实时示波器(OSC)进行探测,示波器的测量 带宽为 500 MHz。中性密度滤波片(NDF)用来调 节反馈光强度,因反射系数与反射光强度成线性关 系,所以反馈系数 R 的表达式为  $R = 0.95 I_1^2/I_0^2$ (其 中,0.95 为反射镜反馈系数, $I_1$  为中性密度滤波片 右端处测得的功率, $I_0$  为 He-Ne 激光器的直接输出 功率,在本实验中为 2 mW)。



图 3 混沌产生装置示意图 Fig. 3 Experimental setup for chaos generation

#### 3.2 实验结果

图 4 所示为在抽运电流为 6 mA,外腔长为 25 cm,反馈系数 R 分别为0.152,0.1923,0.2874和 0.4013 时对应的时序图,自相关图和相图。图 4(a) 中的时间序列幅值基本不变,图 4(c)为一个极限 环,此时激光器处于周期振荡状态;随着反馈系数增大,激光器输出的时间序列逐渐混乱,如反馈系数

R=0.1923 和 0.2874 时激光器输出情况;最后在 图 4(j)中时间序列随机波动,图 4(k)中产生了一个 倒丁字形结构的自相关曲线,图 4(l)中产生了奇异 吸引子,可见激光器已产生混沌振荡。实验表明,在 单反馈下,He-Ne 激光器随着反馈系数的增大经过 周期态最后进入混沌振荡状态。



图 4 反馈系数 R 为 0.152,0.1923,0.2874 和 0.4013 时对应的(a),(d),(g),(j)时序图,(b),(e),(h),(k)自相关图和 (c),(f),(i),(l)相图

Fig. 4 (a), (d), (g), (j) time series; (b), (e), (h), (k) auto-correlation traces; and (c), (f), (i), (l) phase portraits respectively with feedback coefficient *R* of 0.152, 0.1923, 0.2874 and 0.4013

4 结 论

从理论和实验上研究了外光反馈使 He-Ne 激

光器产生混沌的现象,得出其输出状态与反馈系数 有关,即随着反馈系数的增大,激光器经过周期态进 入混沌振荡,理论模拟和实验结果基本一致。He-Ne激光器具有自身的特点,如相干性好、价格便宜、 波长短等,其产生的混沌带宽在兆赫兹量级,在混沌 测距和混沌传感等方面有望得到更好的应用。

#### 参考文献

1 Kong Huijun, Wu Zhengmao, Wu Jiagui *et al.*. Experimental investigation on the nonlinear dynamical characteristics of distributed feedback semiconductor lasers subjected to external optical injection [J]. *Chinese J. Lasers*, 2006, **33** (11): 1490~1495

孔慧君,吴正茂,吴加贵等.外部光注入分布反馈激光器的非线性动力学特性[J].中国激光,2006,**33**(11):1490~1495

- 2 T. B. Simpson, J. M. Liu, A. Gavrielides *et al.*. Perioddoubling route to chaos in a semiconductor laser subject to optical injection[J]. *Appl. Phys. Lett.*, 1994, **64**(26): 3539~3541
- 3 Zhang Mingjiang, Liu Tiegen, Zheng Jianyu et al.. Demonstration of ultrawideband chaotic signal generating utilizing external feedback laser diode [J]. Chinese J. Lasers, 2011, 38(4): 0405002

张明江,刘铁根,郑健宇等.利用光反馈半导体激光器产生超宽 带混沌脉冲信号[J].中国激光,2011,**38**(4):0405002

4 Kong Lingqin, Wang Anbang, Wang Haihong *et al.*. Dynamics of semiconductor laser with optical feedback: evolution from lowfrequency fluctuations to chaos [J]. *Acta Phys. Sin.*, 2008, 57(4): 2266~2272

孔令琴,王安帮,王海红等.光反馈半导体激光器产生低频起伏 与高维混沌信号及其演化过程[J].物理学报,2008,**57**(4): 2266~2272

5 Yang Lingzhen, Qiao Zhanduo, Wu Yunqiao *et al.*. Study of chaotic bandwidth in erbium-doped ring fiber laser [J]. Acta Phys. Sin., 2010, **59**(6): 3965~3972

杨玲珍,乔占朵,邬云翘等.掺铒光纤环形激光器混沌带宽特性数值研究[J]. 物理学报,2010,**59**(6):3965~3972

- 6 Wang Yanbin, Zhang Shenghai, Shao Ming *et al.*. Chaos and chaotic sychronization in current-modulated semiconductor lasers [J]. Acta Photonica Sinica, 2008, **37**(11): 2167~2171 王彦斌,张胜海,邵 铭等. 电流调制半导体激光器的混沌及其 同步[J]. 光子学报, 2008, **37**(11): 2167~2171
- 7 F. Lin, J. Liu. Nonlinear dynamics of a semiconductor laser with delayed negative optoelectronic feedback[J]. *IEEE J. Quantum Electron.*, 2003, **39**(4): 562~568
- 8 C. O. Weiss, A. Godone, A. Olafsson. Routes to chaotic emission in a cw He-Ne laser[J]. *Phys. Rev. A*, 1983, 28(2): 892~895
- 9 C. O. Weiss, H. King. Oscillation period doubling chaos in a laser[J]. Opt. Commun., 1982, 44(1): 59~61
- 10 N. J. Halas, S.-N. Liu, N. B. Abraham. Route to mode locking in a three-mode He-Ne 3. 39-μm laser including chaos in the secondary beat frequency[J]. *Phys. Rev. A*, 1983, **28**(5): 2915~2920
- 11 R. S. Gioggia, N. B. Abraham. Anomalous mode pulling, instabilities, and chaos in a single-mode, standing-wave 3. 39-μm He-Ne laser[J]. *Phys. Rev. A*, 1984, **29**(3): 1304~1309
- 12 F. Kuwashima, I. Kitazima, H. Iwasawa. Theory of chaotic dynamics on class A laser with optical delayed feedback[J]. Jpn. J. Appl. Phys., 2001, 40(1): 601~608
- 13 F. Kuwashima, I. Kitazima, H. Iwasawa. The chaotic oscillation of the single-mode He-Ne(6328Å) class A laser[J]. *Jpn. J. Appl. Phys.*, 1998, **37**(2): L325~L328
- 14 F. Kuwashima, T. Ichikawa, I. Kitazima *et al.*. Chaotic oscillation in a single-mode class A He-Ne laser(6328Å) [[ [J]. *Jpn. J. Appl. Phys.*, 1999, **38**(1): 6321~6326
- 15 F. Kuwashima, H. Iwasawa. Chaotic oscillations in single-mode class A laser with long optical delayed feedback [J]. Jpn. J. Appl. Phys., 2007, 46(4), 1526~1527
- 16 A. Uchida, K. Higa, T. Shiboe *et al.*. Generalized synchronization of chaos in He-Ne lasers [J]. *Phys. Rev. E*, 2003, 68(1): 0162151

栏目编辑:宋梅梅