# 单反馈 He-Ne 激光器混沌激光产生的理论及实验研究

# 张元芳 杨玲珍

(太原理工大学物理与光电工程学院,山西 太原 030024)

摘要 基于外光反馈机制,利用 He-Ne 激光器(中心波长为 632.8 nm)进行了混沌激光产生的理论及实验研究。在固定抽运电流和外腔长度的情况下,研究不同反馈系数对 He-Ne 激光器输出特性的影响。理论及实验结果表明: He-Ne 激光器在单反馈下随着反馈系数的增大可通过周期态进入混沌。

关键词 混沌激光;光反馈;He-Ne激光器

中图分类号 TN248.4

文献标识码 A

doi: 10.3788/CJL201239.0102003

# Theoretical and Experimental Study of Chaos Generation with Single Optical Feedback in the He-Ne Laser

Zhang Yuanfang Yang Lingzhen

(College of Physics and Optoelectronics, Taiyuan University of Technology, Taiyuan, Shanxi 030024, China)

**Abstract** Chaos generation of the He-Ne laser, whose central wavelength is 632.8 nm, is demonstrated theoretically and experimentally based on the external optical feedback mechanism. The impact of different feedback coefficients on the dynamics of the He-Ne laser is studied under the condition of fixed pump current and of fixed external cavity length. The numerical and experimental results show that the He-Ne laser can enter chaos by the route of periodic state with the feedback coefficient increasing.

**Key words** chaotic laser; optical feedback; He-Ne lasers **OCIS codes** 140.1540; 140.3460; 190.3100; 230.1150

#### 1 引 言

由于混沌信号具有天然的保密性、抗干扰性和不可预测性等特点,使得混沌在保密通信和抗干扰测距等应用中具有很大潜力。半导体激光器和光纤激光器在光注入[1.2]、光反馈[3~5]或光电反馈[6.7]等情况下可产生混沌现象。对于工作波长为 3390 nm的 He-Ne 激光器,通过改变其工作条件即可实现混沌输出,如 Weiss 等[8.9]研究了 He-Ne 激光器(中心波长 3390 nm)在不同激光频率下,可通过倍周期、"Ruelle-Takens"或间歇路径进入混沌; Halas等[10,11]也证实了该类激光器可产生混沌振荡。研

究结果表明: He-Ne 激光器(中心波长 3390 nm)的 横、纵向弛豫率和腔衰减率在同一量级,因而激光器 状态就由带有偏振、反转粒子数和电场的 3 个方程 决定,所以激光器容易产生混沌。但是波长为 632.8 nm的单模 He-Ne 激光器,其横、纵向弛豫率 比腔衰减率大,激光器状态仅由单个电场方程决定,通常处于稳定状态,而混沌本质是一种不稳定现象,所以该类激光器不易产生混沌。然而 Kuwashima 等[12]分析得出激光器在单反馈下自由度可变为无限维,通过调节外反馈镜倾斜度,在长腔长等条件下,可实现波长为632.8 nm的 He-Ne 激光器混沌输

**收稿日期**: 2011-07-05; **收到修改稿日期**: 2011-09-24 基金项目: 国家自然科学基金(61107033)资助课题。

作者简介: 张元芳(1988-),女,硕士研究生,主要从事氦氖激光器的非线性动力学特性方面的研究。

E-mail: fazhanziji@163.com

导师简介: 杨玲珍(1973-),女,教授,硕士生导师,主要从事光纤激光器的非线性动力学特性方面的研究。

E-mail: office-science@tyut.edu.cn

出[13~15]。2003年,Uchida等[16]实验上实现了在光 反馈下 He-Ne 激光器单向耦合产生的混沌同步。本文在 Kuwashima 等建立的理论模型基础上,理论分析了波长为632.8 nm 的单模 He-Ne 激光器在单反馈下反馈系数对激光器输出的时序图、频谱图、相图和自相关图的影响,并进行了相应的实验研究。理论和实验结果表明:波长为632.8 nm 的 He-Ne 激光器在外光反馈条件下可通过周期态进入混沌,数值模拟与实验结果一致。

### 2 理论分析

对于工作波长为 632.8 nm 的单模驻波 He-Ne 激光器,其在单反馈下的理论模型如图 1 所示。满足的速率方程为[12]

$$\frac{\mathrm{d}E(T)}{\mathrm{d}T} = \mu E(T) - bE(T)^{3} +$$

$$\eta E(T - T_{r})(\cos\theta - \epsilon\sin\theta), \qquad (1)$$

$$\frac{\mathrm{d}\phi(T)}{\mathrm{d}T} = \mu\alpha - b\beta E(T)^{2} +$$

$$\eta \frac{E(T-T_{r})}{E(T)} (\varepsilon \cos \theta + \sin \theta). \tag{2}$$

方程中的各参数为

$$T = \gamma_{\perp} t$$
,  $T_{\rm r} = \gamma_{\perp} \tau_{\rm r}$ , (3)

$$\mu = \frac{1}{\gamma_{\perp}} \left[ -\kappa + \frac{g^2 D_0}{\gamma_{\perp} (1 + \delta^2)} \right], \tag{4}$$

$$b = \frac{4g^4 D_0}{\gamma_{\perp}^3 \gamma_{||} (1 + \delta^2)^2},\tag{5}$$

 $\alpha = \Delta$  –

$$\left[\frac{g^2 D_0}{\kappa \gamma_{\perp} (1+\delta^2)} (\Delta + \delta)\right] / \left[\frac{g^2 D_0}{\kappa \gamma_{\perp} (1+\delta^2)} - 1\right], \quad (6)$$

$$\beta = -\delta, \tag{7}$$

$$\theta = \phi(T - T_r) - \phi(T), \tag{8}$$

$$\Delta = \frac{\omega_{\rm c} - \omega_{\rm L}}{\kappa},\tag{9}$$

$$\delta = \frac{\omega_0 - \omega_L}{\gamma_L},\tag{10}$$

$$\eta = \frac{1}{\gamma_{\perp} \tau_{\text{in}}} \frac{1 - R_2}{R_2 \sqrt{1 + \epsilon^2}} (R_2 R)^{1/2},$$
(11)

式中R为外反馈系数, $\tau_r$ 为延迟时间, $\gamma_\perp$ 为横向弛豫率(量级约为 $10^8$ ), $\gamma_\parallel$ 为纵向弛豫率, $\kappa$ 为腔内光子弛豫率, $T_r$ 为归一化后的延迟时间,E(T)为电场振幅, $\phi(T)$ 为电场相位。 $\mu$ 和b分别为增益系数和饱和系数, $\alpha$ 和 $\beta$ 分别为增益相位和饱和相位, $\epsilon$ 为反馈延迟光相位, $D_0$ 为不饱和反转粒子数, $R_1$ 和 $R_2$ 分别为激光器前后端面的反馈系数, $\tau_{in}$ 为光在内腔往返

一次运行的时间, $\omega_c$  为腔频率, $\omega_L$  为激光频率, $\omega_0$  为原子中心频率。

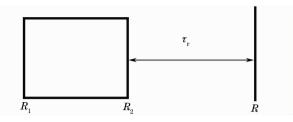


图 1 理论模型

Fig. 1 Theoretical model

在不同反馈系数下, He-Ne 激光器输出不同状 态,图 2 所示为单反馈下 He-Ne 激光器进入混沌振 荡过程的数值模拟。其中,模拟参量为  $\mu = 0.08$ ,  $\alpha = 1.4, \beta = 3.8, b = 1, \epsilon = 2.17, T_r = 0.17$  (外腔 长设为 25 cm),  $R_2 = 0.02$ 。图中分别是反馈系数 R 在 0.15, 0.47, 0.49 和 0.58 时对应的时序图、频谱 图和相图。相图中P(n)是指对应时序图中激光器输 出的连续峰值幅度,如采集数据点数为 n,横坐标表 示第n个点的输出幅值,纵坐标表示第n+1个点的 输出幅值,即整个相图表示的是相邻两点随时间(迭 代次数)的分离程度。反馈系数 R 为 0.15 时, 图 2(a)中时序的波形起伏基本一致,频谱图图 2(b) 中谐振峰之间的间隔相等,相图图 2(c)为一个有限 环,此时激光器输出状态为一周期振荡;反馈系数 R 为 0.47 时,时序图图 2(d)中波形开始有规律地变 动,频谱图图 2(e)中也出现多个间隔相等的谐振 峰,相图图 2(f) 为一个极限环,可判定激光器在该 条件下处于多周期振荡状态; 反馈系数 R 为 0.49 和 0.58 时激光器输出状态为混沌振荡,如 图 2(g)~(1)所示。可见随着反馈系数的增大,时 间序列从规律的振荡状态逐渐进入波形随机起伏的 混乱状态,并且输出光的峰峰值也在增大;频谱中谐 振峰的凸起越来越小,频谱逐渐平缓;相图中区域的 面积也在逐渐增大。以上数值结果表明,在单反馈 下,He-Ne激光器随着反馈系数的增大经过周期态 最后进入混沌振荡。

## 3 实验装置及结果

#### 3.1 实验装置

光反馈下 He-Ne 激光器产生混沌的实验装置如图 3 所示。实验中,在抽运电流为 6 mA 时 He-Ne 激光器的输出功率为 2 mW,发出的光经过一个无偏分束镜(BS,其透射率与反射率比为 80:20)分成两束光。其中,一束光由反射镜(反馈系数为

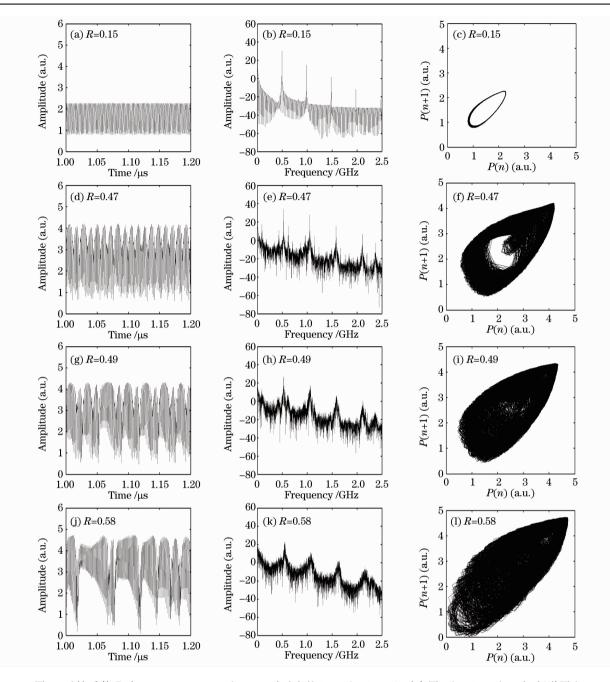


图 2 反馈系数 R 为 0.15,0.47,0.49 和 0.58 时对应的(a),(d),(g),(j)时序图,(b),(e),(h),(k)频谱图和(c),(f),(i),(l)相图

Fig. 2 (a), (d), (g), (j) time series, (b), (e), (h), (k) spectra and (c), (f), (i), (l) phase portraits respectively with feedback coefficient R of 0.15, 0.47, 0.49 and 0.58

95%)反射并耦合进激光器中,实现光反馈;另一束光作为探测光,由带宽为 1.2 GHz 的光电探测器 (PD)和实时示波器(OSC)进行探测,示波器的测量带宽为 500 MHz。中性密度滤波片(NDF)用来调节反馈光强度,因反射系数与反射光强度成线性关系,所以反馈系数 R 的表达式为  $R=0.95I_1^2/I_0^2$  (其中,0.95 为反射镜反馈系数, $I_1$  为中性密度滤波片右端处测得的功率, $I_0$  为 He-Ne 激光器的直接输出功率,在本实验中为 2 mW)。

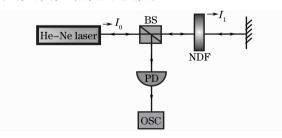


图 3 混沌产生装置示意图

Fig. 3 Experimental setup for chaos generation

#### 3.2 实验结果

图 4 所示为在抽运电流为 6 mA,外腔长为 25 cm,反馈系数 R 分别为0.152,0.1923,0.2874和 0.4013 时对应的时序图,自相关图和相图。图 4(a)中的时间序列幅值基本不变,图 4(c)为一个极限环,此时激光器处于周期振荡状态;随着反馈系数增大,激光器输出的时间序列逐渐混乱,如反馈系数

R=0.1923 和 0.2874 时激光器输出情况;最后在图 4(j)中时间序列随机波动,图 4(k)中产生了一个倒丁字形结构的自相关曲线,图 4(l)中产生了奇异吸引子,可见激光器已产生混沌振荡。实验表明,在单反馈下,He-Ne 激光器随着反馈系数的增大经过周期态最后进入混沌振荡状态。

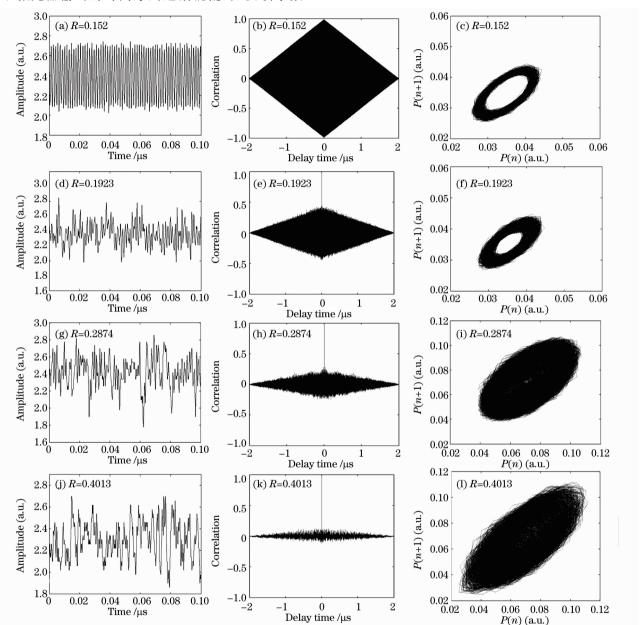


图 4 反馈系数 R 为 0. 152,0. 1923,0. 2874 和 0. 4013 时对应的(a),(d),(g),(j)时序图,(b),(e),(h),(k)自相关图和 (c),(f),(i),(l)相图

Fig. 4 (a), (d), (g), (j) time series; (b), (e), (h), (k) auto-correlation traces; and (c), (f), (i), (l) phase portraits respectively with feedback coefficient R of 0.152, 0.1923, 0.2874 and 0.4013

#### 4 结 论

从理论和实验上研究了外光反馈使 He-Ne 激

光器产生混沌的现象,得出其输出状态与反馈系数有关,即随着反馈系数的增大,激光器经过周期态进

入混沌振荡,理论模拟和实验结果基本一致。He-Ne激光器具有自身的特点,如相干性好、价格便宜、波长短等,其产生的混沌带宽在兆赫兹量级,在混沌测距和混沌传感等方面有望得到更好的应用。

#### 参考文献

- 1 Kong Huijun, Wu Zhengmao, Wu Jiagui *et al.*. Experimental investigation on the nonlinear dynamical characteristics of distributed feedback semiconductor lasers subjected to external optical injection [J]. *Chinese J. Lasers*, 2006, **33** (11): 1490~1495
- 孔慧君,吴正茂,吴加贵等.外部光注人分布反馈激光器的非线性动力学特性[J].中国激光,2006,33(11):1490~1495
- 2 T. B. Simpson, J. M. Liu, A. Gavrielides et al.. Period-doubling route to chaos in a semiconductor laser subject to optical injection[J]. Appl. Phys. Lett., 1994, 64(26): 3539~3541
- 3 Zhang Mingjiang, Liu Tiegen, Zheng Jianyu *et al.*. Demonstration of ultrawideband chaotic signal generating utilizing external feedback laser diode [J]. *Chinese J. Lasers*, 2011, **38**(4): 0405002
  - 张明江,刘铁根,郑健宇等.利用光反馈半导体激光器产生超宽带混沌脉冲信号[J].中国激光,2011,38(4):0405002
- 4 Kong Lingqin, Wang Anbang, Wang Haihong *et al.*. Dynamics of semiconductor laser with optical feedback: evolution from low-frequency fluctuations to chaos [J]. *Acta Phys. Sin.*, 2008, 57(4): 2266~2272
  - 孔令琴,王安帮,王海红等.光反馈半导体激光器产生低频起伏与高维混沌信号及其演化过程[J].物理学报,2008,57(4):  $2266\sim2272$
- 5 Yang Lingzhen, Qiao Zhanduo, Wu Yunqiao *et al.*. Study of chaotic bandwidth in erbium-doped ring fiber laser [J]. *Acta Phys. Sin.*, 2010, **59**(6): 3965~3972
- 杨玲珍,乔占朵,邬云翘等. 掺铒光纤环形激光器混沌带宽特性数值研究[J]. 物理学报,2010,**59**(6): 3965~3972

- 6 Wang Yanbin, Zhang Shenghai, Shao Ming *et al.*. Chaos and chaotic sychronization in current-modulated semiconductor lasers [J]. *Acta Photonica Sinica*, 2008, **37**(11): 2167~2171 王彦斌, 张胜海, 邵 铭等. 电流调制半导体激光器的混沌及其
  - 王彦斌, 张胜海, 邵 铭等. 电流调制半导体激光器的混沌及其同步[J]. 光子学报, 2008, **37**(11): 2167~2171
- 7 F. Lin, J. Liu. Nonlinear dynamics of a semiconductor laser with delayed negative optoelectronic feedback[J]. *IEEE J. Quantum Electron.*, 2003, 39(4): 562~568
- 8 C. O. Weiss, A. Godone, A. Olafsson. Routes to chaotic emission in a cw He-Ne laser[J]. *Phys. Rev. A*, 1983, **28**(2):  $892{\sim}895$
- 9 C. O. Weiss, H. King. Oscillation period doubling chaos in a laser[J]. Opt. Commun., 1982, 44(1): 59~61
- 10 N. J. Halas, S.-N. Liu, N. B. Abraham. Route to mode locking in a three-mode He-Ne 3. 39-μm laser including chaos in the secondary beat frequency[J]. Phys. Rev. A, 1983, 28(5): 2915~2920
- 11 R. S. Gioggia, N. B. Abraham. Anomalous mode pulling, instabilities, and chaos in a single-mode, standing-wave 3. 39-μm He-Ne laser[J]. Phys. Rev. A, 1984, 29(3): 1304~1309
- 12 F. Kuwashima, I. Kitazima, H. Iwasawa. Theory of chaotic dynamics on class A laser with optical delayed feedback[J]. *Jpn. J. Appl. Phys.*, 2001, 40(1): 601~608
- 13 F. Kuwashima, I. Kitazima, H. Iwasawa. The chaotic oscillation of the single-mode He-Ne(6328Å) class A laser[J]. Jpn. J. Appl. Phys., 1998, 37(2): L325~L328
- 14 F. Kuwashima, T. Ichikawa, I. Kitazima et al.. Chaotic oscillation in a single-mode class A He-Ne laser(6328Å) [[ [J]. Jpn. J. Appl. Phys., 1999, 38(1): 6321~6326
- 15 F. Kuwashima, H. Iwasawa. Chaotic oscillations in single-mode class A laser with long optical delayed feedback[J]. Jpn. J. Appl. Phys., 2007, 46(4): 1526~1527
- 16 A. Uchida, K. Higa, T. Shiboe et al.. Generalized synchronization of chaos in He-Ne lasers [J]. Phys. Rev. E, 2003, 68(1): 0162151

栏目编辑: 宋梅梅