声光调 Q CO₂ 激光器的理论计算和实验研究

谢冀江1 潘其坤1,2 李殿军1 张来明1 杨贵龙1 阮 鹏1,2 郭 劲1

(¹中国科学院长春光学精密机械与物理研究所激光与物质相互作用国家重点实验室,吉林长春 130033 ²中国科学院研究生院,北京 100049

摘要 采用谐振腔内插入声光调制器的方法进行了小型 CO₂ 激光器的调 Q 实验,并根据影响激光器输出的诸多 因素,利用调 Q 脉冲激光器速率方程对该激光器输出的主要技术参数进行了理论计算,据此提出了声光调 Q CO₂ 激光器优化设计的途径和方法。设计制成的声光调 Q CO₂ 激光器获得峰值功率超过 4000 W,激光脉冲宽度为 180 ns,与理论计算基本一致。激光器脉冲重复频率调节范围 1 Hz~100 kHz。理论分析和实验结果均证明,调 Q 晶体中超声场的渡越时间并不会影响输出激光的脉冲宽度,因此无需在腔内插入光学透镜进行光束直径的压缩变 换;渡越时间的影响只是体现在延长了激光脉冲的建立时间上;激光器的最佳工作频率在 1 kHz 左右,这与 CO₂ 分 子 00°1 能级大约 1 ms 的辐射寿命相匹配,当频率超过 1 kHz 时,激光的脉冲宽度随着频率的增加而开始加宽。激 光器通过光栅选线的设计方式实现了 9.2~10.8 μm 的全波段波长调谐,测得激光输出谱线超过 60 条。 关键词 激光器;CO₂ 激光器;声光调 Q;速率方程;可调谐

中图分类号 TN248.2⁺2 文献标识码 A doi: 10.3788/CJL201138.0202004

Theoretical Calculation and Experimental Study of Acousto-Optically Q-Switched CO₂ Laser

Xie Jijiang¹ Pan Qikun^{1,2} Li Dianjun¹ Zhang Laiming¹ Yang Guilong¹ Ruan Peng^{1,2} Guo Jin¹

¹ State Key Laboratory of Laser Interaction with Matter, Changchun Institute of Optics, Fine Mechanics and Physics, Chinese Academy of Sciences, Changchun, Jilin 130033, China ² Graduate University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China

Abstract Using resonator inserted with acousto-optically modulator, the experiments of the compacted CO_2 laser are performed with *Q*-switch. According to various factors that influence the output of laser, the theoretical calculation of its main parameters are conducted by *Q*-switched pulsed laser rate equations. Based on the results, the technical route and approach are presented for optimization design of this laser. The measured peak power of the acousto-optically *Q*-switched CO_2 laser is more than 4000 W and pulse width is 180 ns which agrees well with the theoretical calculation. The range of repetition frequency can adjust from 1 Hz to 100 kHz. The theoretical analysis and experimental results show that the acoustic traveling time of ultrasonic field can not influence the pulse width of laser so that it doesn' t require inserting optical lens in the cavity to reduce the diameter of beam. The acoustic traveling time only extends the establishing time of laser pulse. The optimum working frequency of laser is about 1 kHz, which it matched with the radiation life time (1 ms) of CO_2 molecular $00^{\circ}1$ energy level. When the frequency is above 1 kHz, the pulse width of laser increases with the frequency. The full band of wavelength tuning between 9.2 μ m and 10.8 μ m is obtained by grating selection one by one which the measured spectrum lines are over 60 in the condition of *Q*-switch.

Key words lasers; CO₂ laser; acousto-optically Q-switched; rate equations; tunable OCIS codes 140.34700; 140.3540; 140.3600

基金项目:国家重点实验室基金(SKLLIM0902-01)和吉林省科技厅科技支撑计划项目(20090358)资助课题。

作者简介:谢冀江(1959—),男,副研究员,硕士生导师,主要从事激光器及其应用技术等方面的研究。

收稿日期: 2010-08-10; 收到修改稿日期: 2010-10-18

1引 言

以脉冲形式工作的小型 CO₂ 激光器在光谱学、 成像雷达、环境探测及激光加工等领域具有广阔的 应用前景[1~4]。目前该类激光器实现脉冲输出的方 法主要有电光调 Q 法和机械调 Q 法。电光调 Q 通 常采用 CdTe 晶体作为开关器件,脉冲频率可以做 到 100 kHz,脉宽可压缩至几十纳秒,但由于电光调 Q需要高电压(通常达到2kV以上),技术相对复 杂, 目设备造价较高^[5]; 机械调 Q 通常是利用插入 谐振腔内并高速旋转的斩波器或转镜实现的,此方 法的优点是结构简单,稳定可靠,成本低,且激光脉 冲的峰值功率较高,可达千瓦级[6],但由于受到斩波 器转速的限制难以实现高重复频率输出,且无法进 行激光脉冲的编码控制。本文介绍另一种实现小型 CO2 激光器脉冲输出的方法——声光调 Q 法,该方 法是将通常用于小型 CO₂ 激光器腔外光强度调制 的声光调制器(AOM)置于谐振腔内实现的^[7]。由 于此器件(通常由 Ge 晶体制成)的吸收系数较大, 造成腔内损耗严重,致使激光器运转困难,因此,还 很少见到采用此技术的相关报道。根据调 Q 脉冲 激光器速率方程对声光调 Q 小型 CO2 激光器的主 要技术参数进行了理论计算,并就调Q晶体中超声 场的渡越时间对激光输出脉冲宽度的影响问题进行 了分析,据此设计的小型声光调QCO2激光器实现 了 9.2~10.8 µm 的全波段激光单线调 Q 脉冲输 出,输出谱线超过60条。激光器重复频率调节范围 1 Hz~100 kHz,1 kHz 时获得最窄激光脉宽 180 ns,最大峰值功率 4055 W。

2 实验装置

2.1 声光 Q 开关

声光Q开关是激光器的关键部件,其原理是利 用超声波在介质中传播造成介质折射率产生相应的 周期性变化,相当于形成一个相位光栅,当光波通过 该介质时会产生衍射实现光束偏转,即产生如图1 所示的布拉格衍射。超声波一般是由几十兆赫兹的 射频信号通过声光换能器产生的,因此,利用0.5 V 交替变化的标准电平信号(TTL)控制射频信号就 可以决定光束是否处于偏转状态:在TTL处于高 电位时,驱动器输出射频信号在调Q晶体中产生超 声波作用使通过的激光光束偏转一个角度,这一角 度完全可以使光束偏离出腔外,谐振腔处于高损耗 低Q值状态,不能形成振荡,或者说Q开关将激光 "关断";在 TTL 处于低电位时,射频信号的作用突 然停止,调 Q 晶体中的超声场消失,相当于开关"打 开",谐振腔恢复为高 Q 值状态形成振荡输出。谐 振腔 Q 值交替变化一次,激光器就输出一个调 Q 脉 冲,因此,TTL 变化的频率等于输出激光脉冲的重 复频率。同时,如果对于 TTL 电平实施编码控制, 就可以实现激光器的编码脉冲输出。实验所用的声 光调制器的声光介质为 Ge 单晶体,对 10.6 μm 激 光的单程透射率为 90%,采用布拉格衍射垂直入射 方式,中心频率为 40 MHz,通光口径为 6 mm× 10 mm。



图 1 调 Q 开关原理示意图 Fig. 1 Scheme of Q-switch

2.2 激光器

激光器光学头实物照片及其原理如图 2 所示, 采用半外腔的直流放电增益区和光栅一级振荡,零 级输出的方式,腔长 1.2 m,放电管由带水冷套的玻 璃管 制成,管内径 8 mm,放电管增益区长度 800 mm,气压为 3.3 kPa,Xe,CO₂,N₂,He 气体的 体积比为 1:3:5:21,全反射镜曲率半径 2.5 m,反射 率 98.5%,布儒斯特窗采用 ZnSe 材料,金属原刻光 栅为 120 line/mm,一级反射率 70%,声光 Q 开关置



于布儒斯特窗与输出光栅之间,腔内放置一个可变 光阑,光栅安装在水平放置的精密转台上,通过旋转 光栅实现激光器输出波长调谐。

为保持波长调谐时激光器输出光束的方向不 变,采用光学角反射器的原理设计了激光定向输出 系统,将光栅和平面反射镜安装在同一转台上,并使 其反射面的交线与转台同轴。

3 速率方程与激光器调 Q 过程分析

3.1 速率方程

根据 Q 开关 CO₂ 激光器的理论,其速率方程可 表示为^[8,9]

$$\frac{\mathrm{d}\phi}{\mathrm{d}t} = (n_{J'} - n_{J''} - 1)\phi + \frac{n_{J'}}{N_{\mathrm{th}}^{\mathrm{V}}},\tag{1}$$

$$\frac{\mathrm{d}n_{J'}}{\mathrm{d}t} = (n_{J'} - n_{J'})\phi + (P_{J'}n_{V'} - n_{J'})k_{J'}, \qquad (2)$$

$$\frac{\mathrm{d}n_{J''}}{\mathrm{d}t} = (n_{J'} - n_{J''})\phi + (P_{J''}n_{V''} - n_{J''})k_{J''} - n_{J''}k''',$$
(3)

$$\frac{\mathrm{d}(n_{V'} - n_{J'})}{\mathrm{d}t} = (n_{J'} - P_{J'}n_{V'})k_{J'}, \qquad (4)$$

$$\frac{\mathrm{d}(n_{V'} - n_{J''})}{\mathrm{d}t} = (n_{J''} - P_{J''}n_{V''})k_{J''} - (n_{V'} - n_{J''})k'',$$
(5)

式中 ϕ 为一个光波模中的光子数, $n_{J'}$ 为激光上能级的粒子数, $n_{V'}$ 为 CO₂ 分子振动能级(001)上的粒子数, $n_{V'}$ 为 CO₂ 分子振动能级(100,020)上的粒子数, $n_{V'}$ 为 CO₂ 分子振动下能级(100,020)上的粒子数, P_J 为初始状态时的玻尔兹曼分布函数, k_J 为转动能级粒子的弛豫速率,k为振动下能级(100,020)的粒子弛豫到其他振动态的弛豫速率。(1)~(5)式中所有粒子数和光子数均以上能级阈值反转粒子数 $N_{\rm th}^{\rm V}$ 为度量单位,所有的速率均以腔寿命 t_i 为度量单位。假设转动弛豫是任意的,则初始时的玻尔兹曼分布函数 P_J 可表示为^[10]

$$P_{J} = \frac{(2J+1)}{Q_{\text{rot}}} \exp\left[\frac{-hcBJ(J+1)}{kT}\right], \quad (6)$$

式中 Q_{rot}为转动分配函数, B 为转动常数,001 振动 模中所有转动能级初始时的粒子数与激光上能级的 粒子数的关系可表示为

$$n_{V'} = \frac{n_{J'}}{P_J},\tag{7}$$

激光的自发辐射速率由 1/N^v_t为度量单位,在上述 情况下它是上激光能级的粒子数的倍数。光子由谐 振腔耦合到腔外的速率可由 cā 表示,c 为光速,且有

$$\bar{\alpha} = \frac{\ln(1/T_{\text{TOT}})}{2L},\tag{8}$$

式中 T_{TOT}为总的输出耦合透射率,L 为腔长。由此得到激光峰值功率表达式为

$$P_{\rm out} = \phi_{h\nu c\bar{\alpha}_{\rm out}} N_{\rm th}^{\rm v}.$$
 (9)

根据 CO₂ 激光器的有关弛豫速率数据^[11~13] 和激光 器的实验结果,计算出该激光器的参数为 $N_{th}^{\vee} =$ 1.02×10^{15} , $P_J = 0.015$, $t_{c'} = 20$ ns, $\delta = 20\%$, $\phi_0 =$ 2.43×10^{-15} , $k_{J'} = k_{J'} = 5.78$, k'' = 0.072, $n_{J'}|_{t=0} =$ 0.88, $n_{V'}|_{t=0} = 58.67$, $n_{J'}|_{t=0} = 0$, $n_{V'}|_{t=0} = 0$, J'' =19,将其代入(1)~(5)式,利用 Runge-Kutta 法进行 数值计算,得到的腔内光子数随时间变化的曲线如 图 3 所示。计算出调 Q 激光脉冲建立时间为 $2.5 \mu s$,脉冲宽度 200 ns,脉冲峰值功率为 3443 W。



图 3 腔内光子数随时间的变化

Fig. 3 Photon number in the laser cavity versus time

当激光器工作在Q调制的模式下,可以通过测量得到小信号增益和弛豫速率。脉冲的建立和上升时间在很大程度上由增益损耗比决定。当激光器开始工作时,辐射很小并且激光上能级粒子消耗可忽略,从文献[8]知道脉冲形成可表示为

$$\Phi_{\rm P}(t) = \Phi_{\rm P}(0) \exp\left\{\left\{2\gamma_0 l - \ln\left[\frac{1}{R_{\rm G}T_{\rm C}^2(1-T_0)}\right]\right\}\frac{ct}{2L}\right\},\tag{10}$$

式中 R_G 为输出镜反射率(光栅一级反射率),T_C 为 腔内光学元件透射率,T₀ 为输出镜通过率(光栅零 级反射率),*l* 为增益介质的长度,**Φ**_P(0) 为模式中从 自发辐射发出的初始光子数。将激光器参数代入 (10)式,得到图 4 所示的激光脉冲建立时间随腔内 透射率变化的曲线,由此可看出腔内透射率增大时 激光脉冲建立时间明显缩短。

3.2 激光器调 Q 过程分析

(1)~(5)式在计算过程中将 Q 开关的作用简 化为一个阶跃函数[如图 5(a)所示],但实际使用的 Q 开关更接近一个线性函数[如图 5(b)所示],因此







需要考虑 Q 开关的开启时间对于调 Q 激光脉冲时 间特性的影响问题。假定激光振荡阈值临界点为 t=0, 则 t=t。可理解为腔损耗 δ 从最大(A 点)减到 最小(B点)所需的时间(相当于Q开关的开启时 间)。于是,实际的开关线性函数与理想的阶跃函数 之间的差异在于 t_s 的不同,当 t_s=0 时,即为理想的 阶跃函数的情况。从调 Q 激光器发生的物理过程 分析,当t。值足够小时(t。→0),速率方程的计算不 会对结果产生实质上的影响,因此,必定存在着这样 的一个特征时间 t_a 点,当 $t_s \leq t_d$ 时,速率方程的解 仍然可以预计激光脉冲的输出行为。线性函数调 Q 过程清晰的物理图像为:当t_s≥0时,调Q脉冲开始 建立,但是由于开关线性函数的限制,腔内的损耗 (或者Q值)是逐渐变化的,在这个阶段,增益小于 损耗,谐振腔内不会产生激光振荡,直至达到临界的 振荡点(即 t_s=t_d)时,腔内Q值变化导致增益大于 损耗,调Q脉冲才有可能真正开始建立并且按照速 率方程所预计的方式形成输出。由此可见,在Q开 关的开启时间 t_s 小于特征时间 t_a 条件下,线性函数 与阶跃函数对于激光输出的脉冲宽度均无影响,两 者的差别只是在于线性函数增加了脉冲的建立时 间。超声波在 Ge 晶体中的传播速度为5900 m/s, 对于直径 5 mm 的光束,开启时间应为 t_s =0.85 μ s。 因此,图 3,4 所显示的脉冲建立时间应该加上 t_s = 0.85 μs 的修正值。根据上述分析结果,当将声光 调制器应用于谐振腔内时,调Q脉冲CO2激光器的 设计不必考虑渡越时间对于激光输出脉冲宽度的影 响问题,因此腔内不用加入光束直径压缩系统。





实验结果与讨论 4

ッ为

实验验证了渡越时间效应对于激光脉冲宽度的 影响问题。为压缩激光脉冲宽度,一般的做法是采 用透镜将光束聚焦变为细小的光束后再照射到声光 调Q晶体上以减小渡越时间。根据声光调制原理, 为充分地利用声能和光能,需要声束和光束的发散 角匹配,满足这个匹配条件的透镜焦距 f 为

$$f = \pi dD/(4\lambda)$$
, (11)
式中 $d = 2.55v/f_{ao}$ 为被聚焦的最佳匹配光束直径;
 v 为声波在声光晶体中的传播速度; f_{ao} 为声光晶体
驱动器调制频率; D 为光束在透镜上的直径; λ 为激
光波长。

实验中按照(11)式设计了一对 ZnSe 透镜(f=

100 mm)插入谐振腔内,对称地放置于调Q晶体的 两侧。实验结果证明,放置 ZnSe 透镜后,光束在声 光调Q晶体中通过时的直径小于0.5 mm,相应的 开启时间小于85 ns;移除ZnSe透镜后,光束在晶体 中的直径变为5mm,相应的开启时间为850ns,而 在这两种情况下,激光器输出的调Q脉冲宽度几乎 相同(如图 6 所示)。这说明对于调 Q 开关在腔内 应用时不必考虑超声波渡越时间的理论分析是正确 的。也就是说,对于腔内调Q输出脉冲的脉宽而 言,能级上反转粒子数变化产生的开关增益效应远 大于声光晶体渡越时间的影响。实验结论的重要意 义在于减少了腔内光学元件的数量,减小了插入损 耗,提高了激光器输出光束的性能。



图 6 不同渡越时间的激光脉冲波形。(a)插入透镜前波形,(b)插入透镜后波形

Fig. 6 Diagrams of laser pulse waveform for different acoustic traveling time. (a) before inserting the lens,

(b) after inserting the lens

激光器放电电流 8~16 mA,连续输出功率 22 W,插入声光调制器(AOM)后输出功率下降到 7.5 W,输出激光模式为基模,脉冲频率调谐范围 1 Hz~100 kHz,图 7 为在重复频率 1 kHz 时使用 HAMAMATSU P3257-30 碲、镉、汞探测器测得的 10.6 µm 输出激光脉冲波形。由图 7(a)可看出激 光脉冲宽度约为 180 ns(通道 2),通道 1 为 TTL 触





图 8 给出了激光脉冲峰值功率和脉冲宽度随脉冲频率变化的情况。由此可见,激光脉冲峰值功率在小于 1 kHz 时基本保持相同的数值,在大于 1 kHz时呈现缓慢下降趋势,当超过 10 kHz 时下降速度开始加快;与此相对应的是,激光的脉冲宽度在小于 1 kHz 时没什么变化,在大于 1 kHz 时宽度有所增加,但是增加的相对速率较小。

以上实验结果说明,激光器输出的脉冲峰值功 率和脉冲宽度在小于或者等于1kHz左右时分别 达到最高和最窄,超过1kHz时指标均有所下降, 说明激光器的最佳工作频率为1kHz范围内。 1kHz的重复频率相当于两个相邻的脉冲时间间隔 1ms左右,恰好与CO2激光器上能级辐射寿命相 等。这种情况既能保证CO2激光工作物质上能级 积累足够多的粒子数,减少过多的自发辐射损耗,又



发信号,通道2左侧的波形为 AOM 驱动器输出的

射频干扰信号,激光脉冲建立时间为2.7 us,射频信

号消失时间(后沿)为200 ns,射频信号与TTL 触发 信号间的延迟时间约150 ns。此时测得平均激光功

率为 0.73 W, 由此算出激光脉冲峰值功率为

4055 W。从图 7(b)可见激光器在重复频率运转时

输出稳定性较好,脉冲幅值差小于±10%。

2400

3200

4000



能实现激光器在保证一定峰值功率下得到最大的反 转粒子数利用率。

图 9 为重复频率 50 kHz 时,在相同条件下通过

调整可变光阑时得到的激光脉冲波形,由此可看出 腔内损耗和增益大小对激光脉冲建立时间的影响非 常明显。「图 9(a)给出的激光建立时间为4.0 μs, 图 9(b)给出的激光建立时间为 2.7 μs],对激光输 出的平均功率和峰值功率均有较大影响(信号幅度 相差 1 倍左右),但对激光脉宽的影响相对较小。





激光脉冲建立时间的实验值比理论计算的结果 略有增大,这主要是由于计算时没有考虑工作中因 热影响等因素造成实际的腔内损耗值的增大,特别 是 AOM 晶体造成的影响最为严重。实验所用的 TSG40-1型 AOM 介质为 Ge 晶体,其缺点不仅是 吸收系数大(吸收系数 0.03 cm⁻¹,通光方向长度 3.7 cm,计算可知单程吸收达到 10%左右),而且吸 收系数随着温度的升高而增加,因此,晶体在振荡时 将吸收激光能量使温度升高,而温度升高又引起吸 收系数变大,进一步加剧了 Ge 晶体的吸收,这样的 恶性循环过程造成极高的温度变化。虽然对于 Ge 晶体在侧面采取了水冷措施,但是在激光束振荡的 中心位置处温度仍然很高。因此设计时对减少激光 器腔内损耗应提出更高的要求。目前国际上同类最 好的产品 Ge 声光调制器单程损耗最小已做到不大 于6%,如采用此种调制晶体做腔内Q开关,在其他 条件不变的情况下,激光器的脉冲形成时间将明显 缩短,输出性能也将进一步提高。

图 10 给出了在调 Q 状态下利用 CO₂ 激光谱线 分析仪测得的激光器输出波长谱线,由此可看出 9.18~10.88 µm 范围内共测得连续输出功率 2.5 W以上的输出谱线 67 条,其中最大输出功率约 8 W。从分布情况看,10R/10P 两支测得的谱线较丰富, 输出功率也较高,而 9R/9P 两支测得的谱线较少, 且功率较低。造成这一现象的原因主要有两方面: 1)所用光栅的闪耀波长是按 10.6 µm 设计的,使输 出激光谱线长波部分相对较强,2)插入 AOM 器件, 增加了腔内损耗,激光器的振荡阈值提高,致使增益 较低的谱线难以形成振荡输出。



Fig. 10 Laser spectral lines

5 结 论

速率方程理论可较好地解释小型 CO₂ 激光器 的声光调 Q 过程。腔内损耗是影响小型声光调 Q CO₂ 激光器高重复频率运转的一个重要因素,可通 过 AOM 的优选及谐振腔的合理设计,实现小型 CO₂ 激光器的高重复频率、窄脉宽,高峰值功率输 出。在激光器设计时不必考虑超声波渡越时间的影 响,无需在腔内插入压缩光束直径的光学元件;声光 调 Q CO₂ 激光器的最佳工作范围在 1 kHz 左右。 通过光栅可实现小型 CO₂ 激光器的全谱线波长调 谐。采用此工作方式运行的激光器可通过 TTL 控 制方便地实现激光脉冲的编码输出,该技术为高重 复频率脉冲 CO₂ 激光器的开发与应用提供了一个 有效的技术途径。

参考文献

¹ Huang Jin, Zhao Songnan, Wang Haijun et al.. Local CO₂ laser treatment for repair surface defect in fused silica[J]. Chinese J. Lasers, 2009, 36(5): 1282~1286

黄 进,赵松楠,王海军等. 熔石英表面缺陷的 CO₂ 激光局部 修复技术[J]. 中国激光,2009,**36**(5):1282~1286

- 2 Harley V. Piltingsrud. CO₂ laser for lider application, producing two narrowly spaced independently wavelength-selectable Qswitched output pulses [J]. Appl. Opt., 1991, **30** (27): 3952~3963
- 3 G. Pearson, B. J. Rye. Frequency fidelity of a compact CO₂ Doppler lidar transmitter [J]. Appl. Opt., 1992, 31 (30): 6475~6484
- 4 Cai Hua, Xiao Rongshi, Chen Kai. Mechanical property of CO₂ laser welded joint of 1420 aluminum-lithium alloy[J]. *Chinese J. Lasers*, 2009, **36**(s1): 122~125
 蔡 华,肖荣诗,陈 凯. 1420 铝锂合金 CO₂ 激光焊接接头的

为学性能研究[J]. 中国激光, 2009, **36**(s1): 122~125

5 Tian Zhaoshuo, Cheng Xiangyang, Wang Qi. Developments of electric-optically Q-switched CO₂ laser[J]. Laser Technology, 2003, 27(3): 208~213

田兆硕,成向阳,王 琪. 电光调 Q CO₂ 激光器进展[J]. 激光 技术,2003, **27**(3): 208~213

6 Wang Tiejun. Studies on mid-infrared tunable lasers[CB/OL]. (2007-09-12). http://dlib.cnki.net/kns50/detail 王铁军.中红外可调谐激光器研究[CB/OL]. (2007-09-12). http://dlib.cnki.net/kns50/detail

- 7 Xie Jijiang, Li Dianjun, Zhang Chuansheng *et al.*. A tunable acousto-optical *Q*-switched pulsed CO₂ laser: China, 200810051433.4[P]. 2008.11.18
 谢冀江,李殿军,张传胜等. 一种波长可调谐的编码输出声光调 *Q* 脉冲 CO₂ 激光器:中国, 200810051433.4[P]. 2008.11.18
- 8 Dietmar Letalick, Ingmar Renhom, Andres Widen et al.. CO₂ waveguide laser with programmable pulse profile[J]. Opt. Eng., 1989, 28(2): 172~179
- 9 Lan Xinju. Laser Technology[M]. Beijing: Science Press, 2005. 83~117

蓝信锯. 激光技术[M]. 北京: 科学出版社, 2005. 83~117

- 10 T. J. Bridges, P. K. Cheo. Spontaneous self-pulsing and cavity dumping in a CO₂ laser with electro-optic Q-switching[J]. Appl. Phys. Lett., 1969, 14(9): 262~264
- 11 Ralph R. Jacobs, Kenneth J. Pettipiece, Scott J. Thomas et al.. Rotational relaxation rate constants for CO₂ [J]. Appl. Phys. Lett., 1974, 24(8): 375~377
- 12 P. K. Cheo, A. K. Levine, A. J. Demarin. Relaxation Phenomena in Gases [M]. New York: Maroel Dekker, 1971. 121~184
- 13 M. Soueikh, B. Abdul Ghain. Mathematical modeling of TEA CO₂ laser[J]. Opt. & Laser Tech., 1998, 30: 451~457