文章编号: 0258-7025(2009)Supplement 1-0308-06

正交散焦光栅 M² 因子测量系统设计研究

马浩统 习锋杰 周 朴 王小林 许晓军 刘泽金

(国防科学技术大学光电科学与工程学院,湖南长沙 410073)

摘要 对基于正交散焦光栅的 M^a 因子测量系统进行了理论研究,该测量系统可以同时测量光束束腰附近 9 个不 同位置处的光强分布,并由二阶矩方法计算束宽,经双曲线拟合得到被测光束的 M^a 因子。为了优化系统设计和提 高系统测量精度,根据高斯光束的薄透镜变换关系,针对基模高斯光束和多模高斯光束,分析被测光束束腰宽度、 束腰位置和模式分布对测量系统测量精度的影响。结果表明,基模高斯光束或者多模高斯光束所对应基模高斯光 束的束腰宽度在设计范围内时,系统可在较大的测量距离内具有较高的测量精度。该研究为实际系统的设计和测 量提供了理论指导。

关键词 激光技术; 激光光束质量; M² 因子测量; 正交散焦光栅 中图分类号 TN247 **文献标识码** A **doi**: 10.3788/CJL200936s1.0308

Research on the Measurement of M^2 Factor Based on Crossed Defocus Gratings

Ma Haotong Xi Fengjie Zhou Pu Wang Xiaolin Xu Xiaojun Liu Zejin

(College of Opto-Electric Science and Engineering, National University of Defense Technology, Changsha, Hunan 410073, China)

Abstract M^2 factor measuring system which based on crossed defocus gratings is theatrical analyzed. This instrument can get nine intensity distributions of different positions near the beam waist. The M^2 factor is determined by calculating the beam waist using the second moment method and curve-fitting. According to the theory of Gaussian beam propagation and transformation; using the zeroth-order and multi-modes Gaussian beam, measured errors as functions of beam waist, positions and modes distribution are analyzed. If zeroth-order Gaussian beam waist radius or the zeroth-order Gaussian beam waist radius corresponding to multi-modes beam was properly controlled, the measuring system can work well in a large range. The guidance for the M^2 factor measuring system is provided by this analysis.

Key words laser technique; laser beam quality; measurement of the M^2 factor; crossed defocus gratings

1 引

言

光束质量是衡量激光光学特性的一项重要指标,目前激光光束质量评价标准主要有:聚焦光斑尺寸、远场发散角和 M² 因子等。M² 因子同时考虑了束宽和远场发散角对激光束的影响,被国际标准化组织(ISO)采纳^[1~3],但是 M² 因子在评价类高斯等 光束时的光束质量存在一定的困难^[4],不同的评价标准在不同的应用领域具有不同的优势^[5]。

在激光加工、定向能技术等应用领域中,光束质 量的变化对激光应用效率具有很大的影响,实时检 测光束质量变化显得尤为重要。传统光束质量检测 方法采用移动 CCD 逐点测量,操作复杂,不能用来 测量脉冲激光或实时检测光束质量的变化。分光镜 法、透镜阵列法等可以实现多个位置的同时测量,但 存在光路过于复杂、操作繁琐等缺陷^[6,7]。

1998年,Paul M. Blanchard 等^[8,9]提出了基于 散焦光栅的多平面成像技术,实现对 3 个物平面的 同时成像。2004年,W. L. Robert 等^[10]将两个正 交叠放的相位型散焦光栅与短焦透镜密接使用,同 时获得光束 9 个不同位置处的光斑,并拟合出激光

作者简介:马浩统(1983-),男,博士研究生,主要从事自适应光学方面的研究。E-mail: mahaotong@163.com

导师简介:刘泽金(1963-),男,教授,博士生导师,主要从事高能激光技术方面的研究。E-mail: zejinliu@vip. sina. com

束的 M² 因子,整个测量系统没有机械移动装置,操 作简单。2006年,习锋杰等^[9,11]研制出了相位光栅 型波前曲率传感器,王晓波等^[12]利用光栅型波前曲 率传感器实现了固体激光器热透镜焦距的测量。耿 义峰等^[13]将正交散焦光栅应用于 He-Ne 激光器的 M² 因子测量,验证了其测量的有效性,但并未对该系 统的适用范围和测量精度等进行详细的讨论。

本文根据高斯光束薄透镜变换关系,介绍了正 交散焦光栅激光 M² 因子测量系统设计原理,分析 了被测光束束腰宽度、束腰位置和模式分布等变化 对测量精度的影响,为实际测量系统的优化设计提 供了指导。

2 正交散焦光栅 M² 因子测量原理

- 2.1 激光 M² 因子定义
 - M²因子的定义为
- $M^2 = \frac{ 实际光束束腰宽度与远场发散角之积}{ 理想光束束腰宽度与远场发散角之积}.$ (1)

这里理想光束取同波长的基模高斯光束,若光 束不是圆对称的(椭圆率 ε ≤ 0.87),则需在光束横 截面上相互垂直的两个主轴上分别进行测量^[14]。 *M*² 因子表示实际光束偏离基模高斯光束的程度,综 合描述了激光束的光束质量。

M² 因子的测量方法有三点法、两点法和双曲线 拟合法等,其中双曲线拟合法最为精确。ISO 标准 中要求该方法在待测光束束腰两侧两倍瑞利范围内 测量 10 个点的光强分布,且有约一半位于瑞利范围 之内^[14]。在位置 z₁, z₂, ..., z₁₀ 处测的束宽为 d₁, d₂,...,d₁₀,束宽测量值按双曲线拟合为传输距离 z 的函数,束宽可根据 1/n,环围功率和二阶矩等定义 得到

$$d^2(z) = a + bz + cz^2, \qquad (2)$$

M² 因子由拟合参数 a,b,c 表示为

$$M^2 = \frac{\pi}{8\lambda} \sqrt{4ac - b^2}.$$
 (3)

2.2 正交散焦光栅测量 M² 因子

散焦光栅实质上是离轴的菲涅耳波带片^[15],如 图1所示,一方面起着普通光栅的棱镜作用,将入射 波前在光栅的不同衍射级上分束,具有对称分布的 正负级次衍射光轴;另一方面起着菲涅耳波带片的 透镜作用,在不同的衍射级上面引入不同的透镜效 应。散焦光栅和短焦透镜密接使用,短焦透镜提供 主要的聚焦能力,使得正负一级衍射光具有不同的 焦距,分别稍长于和稍短于透镜焦距。



图 1 散焦光栅光学原理示意图 Fig. 1 Schematic diagram for working principle of the defocus grating

若将一对正交叠放的散焦光栅和短焦透镜密接 使用,可以在一个像平面上对9个物平面同时成像。 经过合理设计,当高斯光束入射时,在9个光轴上产 生互相分离的高斯光束,变换后的高斯光束束腰位 置分别在各自衍射级的焦平面附近。像平面上的9 个光斑可以近似认为是高斯光束束腰附近的9个光 斑,可据此拟合出光束的 M² 因子。

3 正交散焦光栅透镜组合参数选择及 误差分析

3.1 正交光栅透镜参数选择

散焦光栅与短焦透镜密接使用可以等效为具有 不同焦距的 9 个薄透镜,对高斯光束的薄透镜变换 进行理论分析,可以指导测量系统的设计。

图 2 所示为高斯光束通过薄透镜的几何关系示 意图,图中 f 为薄透镜焦距,s₁,s₂ 为物方与像方束 腰距薄透镜的距离。根据薄透镜对高斯光束的变换 关系^[1]可得

$$s_2 = \frac{(s_1^2 - s_1 f + Z_{01}^2)f}{f^2 - 2s_1 f + s_1^2 + Z_{01}^2},$$
(4)

$$w_{02} = \frac{w_{01}}{\sqrt{(1 - s_1/f)^2 + Z_{01}^2/f^2}},$$
(5)

$$w_{2} = \sqrt{\frac{\lambda(s_{1} + s_{20} - s_{1}s_{20}/f)^{2} + \lambda(1 - s_{20}/f)^{2}Z_{01}^{2}}{\pi Z_{01}}},$$
(6)

这里 w_{01} , w_{02} 为物方与像方束腰宽度, w_2 为像方光 斑大小, s_{20} 为像位置; $Z_{01} = \pi w_{01}^2 / \lambda$, 为物方瑞利长 度。



图 2 高斯光束薄透镜变换 Fig. 2 Lens transformation of Gaussian beam

光

利用(4)式和(5)式进行理论分析,结果表明,固 定透镜焦距和物方束腰位置,物方束腰宽度越大,像 方束腰位置偏离焦平面的距离越小,同时像方的束 腰宽度越小;固定物方束腰宽度和透镜焦距,物方束 腰距离透镜越远,像方束腰宽度和透镜焦距,物方束 腰距离透镜越远,像方束腰宽度和透镜焦距,物方束 腰宽度越小;固定物方束腰和物方束腰位置, 透镜焦距越大,像方束腰宽度越大,像方束腰位置, 透镜焦距越大,像方束腰宽度越大,像方束腰位置偏 离焦平面距离越大。设计 M² 因子测量系统时,希 望像方束腰位置处于焦平面附近,需要较大的物方 束腰宽度、较小的透镜焦距;考虑到利用 CCD 相机 采集成像光斑,欲保证精度,需要较大像方光斑,较 小物方束腰宽度、较大透镜焦距,两者相互矛盾,取 折中值。

综合考虑,取束腰半宽2mm,束腰位置1m,设 计选取第一个光栅的焦距为12120mm,离轴量为 90mm,第二个光栅的焦距为36360mm,离轴量为 270mm,短焦透镜的焦距为200mm。在此组参数 下,9个光斑近似均等地分布在束腰两侧两倍瑞利 范围内,并且由下面的分析可知,系统对物方束腰宽 度和束腰位置等测量参数在设计值附近较大范围内 变化不是很敏感,即系统具有较大的动态工作范围。

3.2 误差分析

系统在测量过程中,是将零级束腰位置处平面 上所成像的9个光斑近似成零级光轴上不同位置处 的9个光斑,各光斑与自身束腰位置之间的距离近 似成像光斑与零级光斑之间的距离,通过双曲线拟 合得到所测光束的 M² 因子;系统是针对束腰半宽 2 mm,位置1m基模高斯光束设计的,在实际测量 过程中,被测光束束腰位置和束腰宽度无法精确到 和设计值一致;被测光束可能存在多种模式分布,以 上因素都会给实际测量带来一定的影响,需要对其 进行分析。

3.2.1 基模高斯光束误差分析

选取基模高斯光束,根据高斯光束的薄透镜变 换关系,利用(2)式,(3)式,(4)式和(6)式计算分析 物方束腰宽度和束腰位置等对 M² 因子测量的影 响。图 3 为取物方束腰半径为 1.5 mm,2 mm,3 mm,4 mm,5 mm,6 mm,6.5 mm 时,M² 因子理论 测量误差随物方束腰位置变化示意图;图 4 为取物 方束腰距离正交光栅-1 m,1 m,2 m,3 m,4 m 时, M² 因子理论测量误差随物方束腰宽度变化示意 图。由以上两图可知系统测量精度与被测光束的束 腰宽度和束腰位置有关。当物方束腰距离测量系统 小于2 m时,物方束腰半宽在 1.5 mm 到 6 mm 之间



图 3 误差随物方束腰位置的变化示意图 Fig. 3 Schematic diagram of errors as a function of positions



图 4 误差随束腰大小的变化示意图 Fig. 4 Schematic diagram of errors as a function of beam semidiameters

变化,系统的理论测量误差不大于 0.01;当物方束 腰半宽在 2 mm 到 6 mm 之间时,物方束腰位置在 ±5 m 范围内变化,系统的理论测量精度变化不大, 误差不大于 0.01。

可知被测光束的束腰位置或者束腰宽度在设计 值附近较大范围内变化时,对系统测量精度影响不 大,系统具有较大的动态工作范围。当物方束腰宽 度过大或者过小时,物方束腰距离透镜位置过远,系 统的测量误差会增大,针对此类光束需要采用光束 变换系统将其变换到合适的范围内进行测量。

3.2.2 多模光束误差分析

稳定腔激光器工作过程中,往往存在多种模式, 这是导致 M² 因子增大、光束质量变差的主要原因。 针对基模高斯光束设计的系统,用于测量存在高阶 模式分布的激光时,会存在一定的测量误差,需要对 其进行分析。下面采用厄米-高斯函数形式表征高 阶高斯光束,分析系统的理论测量误差。

取归一化 x 方向上的厄米-高斯函数形式为

$$u_{n}[x,w(z)] = \left(\frac{1}{\pi}\right)^{1/4} \sqrt{\frac{1}{2^{n}n!}} H_{n}\left[\frac{x}{w(z)}\right] \times \exp\left[-\frac{x^{2}}{2w^{2}(z)}\right],$$
(7)

其中 $H_n \left[\frac{x}{w(z)} \right]$ 为 n 阶厄米多项式, 厄米-高斯函数 的场分布构成了一组正交函数, 因此场分布可以展 开为厄米-高斯分布的各阶模式场的叠加。取光场振 幅分布为

$$E(x) = \sum c_n u_n(x, w), \qquad (8)$$

其中

$$c_n = \int_{-\infty}^{\infty} E(x) u_n(x,w) \,\mathrm{d}x.$$

根据二阶矩定义,得光束的束腰半径为

 $W_x^2 = \sum c_n^2 (2n+1) w_o^2 = M^2 w_o^2,$ (9)

式中 W_x 为多模光束x方向上的束腰半径, w_o 为基 模高斯光束的束腰半径, $M^2 = \sum c_n^2 (2n+1)$ 为多 模光束的 M^2 因子, c_n^2 为各个模式的强度权重因子。 y方向具有相同的结论。

高阶高斯光束同基模高斯光束一样满足 ABCD 定律,可以参考基模高斯光束的传输变换关系,对高 阶高斯光束进行分析^[1]。

假设被测光束所包含的模式为 TEM₀₀ 和 TEM₁₁,分析可知,其他模式分布的光束具有相同的 结论。改变两模式之间权重(TEM₁₁从0间隔0.1 递增到1),根据多模光束束腰宽度定义(9)式,分析 计算物方束腰宽度和束腰位置变化对系统测量精度 的影响。图5为取物方基模高斯光束束腰半宽 2 mm,束腰位置在±5 m范围内变化时,理论测量 值与理论实际值之差随束腰位置的变化关系,可以





Fig. 5 Schematic diagram of the difference between real values and measured values as a function of positions

看出理论测量值与理论实际值之差随着高阶模式权 重的增加(M² 因子增大)逐渐变大。图 6 为系统理 论测量值与理论实际值之差与理论实际值的比值 (测量误差)随物方束腰位置变化示意图,由图可知 测量误差与被测光束模式分布没有关系。



图 6 测量误差随物方束腰位置的变化 Fig. 6 Schematic diagram of measured errors as a function of positions

图 7 为选取物方束腰位置距离测量系统 1 m, 物方基模高斯光束束腰半宽在 1.5 mm 和 6 mm 之 间变化时,理论测量值与理论实际值之差随束腰位置 的变化关系图,可以看出理论测量值与理论实际值之 差随着高阶模式权重增加(*M*^e 因子增大)逐渐变大, 但由图 8 可知其测量误差不受模式分布的影响。



图 7 理论测量值与理论实际值之差随腰斑大小 的变化

Fig. 7 Schematic diagram of the difference between real values and measured values as a function of beam semidiameters

图 5~图 8 中的束腰半宽为所对应的基模高斯 光束的束腰半宽,组合高斯光束的束宽可根据(9)式 求得。

由分析可知,在测量多模光束 M² 因子过程中, 以所对应基模高斯光束的束腰宽度为考察对象。束 腰位置为1m时,所对应的基模高斯光束束腰半宽







在 1.5 mm 到 6 mm 范围内变化时系统的测量误差 不超过 1%;取基模高斯光束束腰半宽为 2 mm,束 腰位置在±5 m 范围内变化,系统的测量误差不超 过 1%。由以上可知仅考虑所对应的基模高斯光束 的束腰宽度时,多模光束的测量精度同基模高斯光 束的测量精度相同。

以多模高斯光束的束腰半宽为考察对象,进行 计算分析。图 9 是取物方束腰半宽为 2 mm 时,系 统测量误差随束腰位置的变化曲线;图 10 为取物方 束腰位置 1 m,测量误差随束腰宽度的变化示意图。 由图可知随着高阶模式强度权重的增加(M² 因子 增大)系统的测量误差逐新增大。由图 5~图 10 可 知,欲使系统具有高的测量精度,必须将多模光束所 对应的基模光束的束腰半宽控制在设计范围内。





正交散焦光栅 M² 因子测量系统不仅可以在较 大的动态工作范围内有效地测量基模高斯光束 M² 因子,还可以同样精确地测量多模光束的 M² 因子。 在用于测量多模光束或者单模光束时,需要根据被 测系统的腔型结构估算出或者直接测量出所对应的



图 10 测量误差随腰斑大小的变化

Fig. 10 Schematic diagram of measured errors as a function of beam semidiameters

基模高斯光束的束腰宽度,然后采用光束变换系统 将基模光束束腰变换到设计范围内进行测量,可得 到较高的测量精度。

4 结 论

介绍了散焦光栅工作原理和正交散焦光栅 M² 因子测量系统的设计要求,理论分析了被测光束束 腰宽度、束腰位置变化和模式分布等对测量系统测 量精度的影响。分析结果表明,基于正交散焦光栅 的 M² 因子测量系统具有对测量环境要求较低、测 量精度高的特点。在测量 M² 因子时,将基模高斯 光束或者多模光束对应的基模高斯光束束腰宽度控 制在设计值附近,系统可以在较大的测量距离内获 得高的测量精度。当被测光束基模高斯光束束腰半 宽在 2 mm 到 6 mm 之间时,物方束腰位置在±5 m 范围内变化,系统的理论测量误差不大于 0.01。理 论分析为系统优化设计和提高测量精度提供了有力 的指导。

参考文献

- Lü Baida. Laser Optics-Beam Characterization, Propagation and Transformation, Resonator Technology and Physics [M]. 3rd ed., Beijing: High Education Press, 2003. 75~77, 111~112
 吕百达.激光光学-光束描述、传输变换与光腔技术物理[M]. 第 3 版,北京:高等教育出版社, 2003. 75~77, 111~112
- 2 Fang Tao, Ye Xin, Wang Zhimin *et al.*. Real-time measurement of beam quality factor M² based on diffraction gratings [J]. *Chinese J. Lasers*, 2006, **33**(5): 650~654

房 滔,叶 新,王志敏等.一种基于衍射光栅光束质量 M² 因 子的实时检测技术[J].中国激光,2006,**33**(5):650~654

3 Yu Yongai, Zhang Lingling, Tang Qianjin et al.. Real-time laser beam quality measurement technique [J]. Chinese J. Lasers, 2007, 34(2): 255~258

于永爱,张玲玲,唐前进等.激光束质量实时测量技术[J].中国激光,2007,**34**(2):255~258

4 Yang Huanxiong, Zhao Daomu, Lu Xuanhui et al.. Several

viewpoints related to the beam quality factor $M^2[J]$. Chinese J. Lasers, 1997, A24(8): 709 \sim 715

- 杨焕雄,赵道木,陆璇辉 等.关于光束质量因子 M² 的几点看法 [J]. 中国激光,1997, **A24**(8):709~715
- 5 Lü Baida, Ji Xiaoling, Luo Shirong *et al.*. Parametric characterization of laser beams and beam quality[J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2004, **33**(1): 14~17 吕百达,季小玲,罗时荣 等. 激光的参数描述和光束质量[J]. 红
- 外与激光工程,2004,33(1):14~17
- 6 Lu X., Wang Y., Wu M. et al.. The fabrication of a 25×25 multiple beam splitter[J]. Opt. Commun., 1989, 72: 157~162
- 7 S. W. Min, B. Javidi, B. Lee. Enhanced three-dimensional integral imaging system by use of double display devices [J]. *Appl. Opt.*, 2003, **42**(20): 4186~4195
- 8 Paul M. Blanchard, Alan H. Greenaway. Simultaneous multiplane imaging with a distorted diffraction grating[J]. Appl. Opt., 1999, 38(32): 6692~6699
- 9 Xi Fengjie, Jiang Zongfu, Xu Xiaojun et al.. High-diffractiveefficiency defocus grating for wavefront curvature sensing[J]. J. Opt. Soc. Am. A, 2007, 24(11): 3444~3448
- 10 Robert W. L., Rodolpho C., Andrew J. W. *et al.*. Compact optical system for pulse-to-pulse laser beam quality measurement

and applications in laser machining [J]. *Appl. Opt.*, 2004, **43**(26): 5037~5046

11 Xi Fengjie, Xu Xiaojun, Wang Tiezhi *et al.*. Wavefront curvature sensor with phase defocus grating[J]. *Acta Optica Sinica*, 2007, 27(2): 377~378
习锋杰,许晓军,王铁志 等. 相位光栅型波前曲率传感器[J]. 光

学学报,2007,27(2):377~378

- 12 Wang Xiaobo, Xu Xiaojun, Li Xiao *et al.*. Revising the formula of thermal focal length in a side-pump laser rod by experiments [J]. Appl. Opt., 2007, 46(22): 5237~5240
- 13 Geng Yifeng, Xu Xiaojun, Xi Fengjie. Real-time measurement of beam quality factor M² based on defocus gratings[J]. Chinese J. Lasers, 2008, 35(s1): 98~100
 耿义峰,许晓军,习锋杰. 一种基于散焦光栅的光束质量 M² 因子 实时测量技术[J]. 中国激光, 2008, 35(s1): 98~100
- 14 International Organization for Standardization (ISO) Standard EN ISO 11146: 2005. Lasers and laser-related equipment. Test methods for laser beam widths, divergence angles and beam propagation ratios[S]. ISO, Geneva, Switzerland, 2005
- 15 Blanchard P., Fisher D. J., Woods S. C. et al.. Phase diversity wave-front sensing with a distorted diffraction grating[J]. Appl. Opt., 2000, 39(35): 6649~6655