文章编号: 0258-7025(2009)06-1523-05

Nd: CaNb₂O₆ 晶体的生长及光谱性质

程 + 1 辛 $t r^2$ 徐晓东¹ 徐 军³ 周圣明¹

(¹中国科学院上海光学精密机械研究所,上海 201800;²山东建筑大学信息与电气工程学院,山东 济南 250101 ³中国科学院上海硅酸盐研究所,上海 200050

摘要 采用提拉法沿 *c* 向成功生长出质量优良的 Nd: CaNb₂O₆ 新型单晶。测量了晶体的室温吸收光谱,在 808 nm处吸收截面为 5.04×10⁻²⁰ cm²,吸收带宽为 8 nm。根据 Judd-Ofelt 理论,拟合出晶体场强度参数 $\Omega_{t(t=2,4,6)}:\Omega_2 = 5.321 \times 10^{-20}$ cm², $\Omega_4 = 1.734 \times 10^{-20}$ cm², $\Omega_6 = 2.889 \times 10^{-20}$ cm²。荧光辐射寿命 τ_{rad} 为 167.02 µs,计算的荧光分支比 β为: $\beta_1 = 36.03\%$, $\beta_2 = 52.29\%$, $\beta_3 = 11.15\%$, $\beta_4 = 0.533\%$ 。这些良好的光谱性 质表明 Nd: CaNb₂O₆ 晶体将成为固态激光器中有潜力的激光增益介质。

关键词 材料; Nd: CaNb2O6 单晶; 吸收光谱; Judd-Ofelt 理论

中图分类号 O782⁺.5; O734 文献标识码 A doi: 10.3788/CJL20093606.1523

Growth and Spectral Properties of Nd : CaNb₂O₆ Crystal

Cheng Yan¹ Xin Zheng² Xu Xiaodong¹ Xu Jun³ Zhou Shengming¹

¹ Shanghai Institute of Optics and Fine Mechanics , Chinese Academy of Sciences, Shanghai 201800, China

² School of Information and Electric Engineering, Shandong Jianzhu University,

Jinan, Shandong 250101, China

³ Shanghai Institute of Ceramics, Chinese Academy of Sciences, Shanghai 200050, China

Abstract New single crystal Nd : CaNb₂O₆ is successfully grown by using the Czochralski method along the *c*-direction. Absorption spectra are measured at room temperature. Peak absorption cross section is calculated to be 5.04×10^{-20} cm² with a broad FWHM of 8 nm at 808 nm. Based on Judd-Ofelt theory, the parameters of line strengths $\Omega_{t(t=2, 4, 6)}$ are fitted and the values are $\Omega_2 = 5.321 \times 10^{-20}$ cm², $\Omega_4 = 1.734 \times 10^{-20}$ cm², and $\Omega_6 = 2.889 \times 10^{-20}$ cm². The radiative lifetime is 167.02 µs. The fluorescence branch ratios are calculated: $\beta_1 = 36.03\%$, $\beta_2 = 52.29\%$, $\beta_3 = 11.15\%$, $\beta_4 = 0.533\%$. Good spectroscopic properties show that the Nd : CaNb₂O₆ crystal is a potential laser gain medium of solid-state laser.

Key words materials; Nd : CaNb₂O₆ single crystal; absorption spectra; Judd-Ofelt theory

1 引

言

近年来,由于大功率激光二极管(LD)的发展和 LD 抽运固态激光器(DPSSL)整体设计的优化, DPSSL广泛应用于光存储、数字视频技术、激光医 疗和激光多媒体技术等方面^[1]。激光晶体作为激光 器的核心,是产生激光的重要物质。另外稀土 Nd³⁺ 离子由于其丰富的离子能级,808 nm 的吸收峰与抽 运源的抽运波长相匹配,以及较大的吸收和发射截 面,成为激光晶体中普遍使用的激活离子^[2]。Nd: YVO4 晶体已经成为商用中小型激光器的主要材 料,而 Nd:YAG 更适用于高功率 LD 抽运的固体 激光器。但 Nd:YAG 晶体分凝系数小,生长时伴 有应力核心^[3],吸收带宽较窄,在激光二极管抽运系 统中需要严格的温度控制系统才能保证抽运波长与 Nd:YAG 激光晶体的吸收峰相吻合^[4]。因此人们 在改善 Nd:YAG 激光晶体的质量和性能的同时, 也在积极地寻找其他性能优良的掺钕激光晶体。近 年来,具有无序结构的红外宽光谱的晶体材料一直

作者简介:程 艳(1981-),女,博士研究生,主要从事激光材料的光谱和激光性能研究。E-mail: chengyan130@163.com 导师简介:徐晓东(1979-),男,副研究员,主要从事晶体材料的生长、光谱以及激光性能研究。

收稿日期: 2008-08-08; 收到修改稿日期: 2008-11-27

基金项目:国家自然科学基金(60544003,60425516)资助项目。

光

成为人们的研究热点。本文所研究的 Nd: CaNb₂O₆ 晶体是一种新型的红外激光材料,最早的 研究兴趣在于掺有稀土离子的 CaNb₂O₆ 晶体用于 全息照相技术^[5]。在 CaNb₂O₆ 基质晶体中掺入稀 土离子时,稀土离子取代 Ca2+离子格位。由于电荷 补偿的影响,晶体中出现部分畸变结构,掺入的稀土 离子和 Ca²⁺离子的相互位置不固定。晶体中稀土 离子具有无序结构,稀土离子的吸收和发射谱线都 比较宽,可提高 LD 抽运的激光效率,有利于宽的波 长调谐和锁模脉冲激光的输出。对于激光晶体来 说,两个能级之间的跃迁几率、跃迁截面、辐射寿命、 荧光分支比等(Judd-Ofelt)都是十分重要的光谱参 数,但是它们的实验测定不太容易。本文报道了 Nd :CaNb₂O₆ 晶体的生长,测量了该晶体的室温吸收 光谱,根据 J-O 理论计算了晶体的吸收参数和发光 参数,并对该晶体的光谱特性进行了分析,为下一步 的激光特性研究打下基础。

2 实 验

2.1 晶体生长

采用 CaCO₃, Nb₂O₅ 和 Nd₂O₃ 化学试剂(纯度 均为 99.999%)为原料,按适当的比例称取,经充分 研磨混匀后,在液压机上压制成块,在马弗炉里烧结 成料饼,然后放于铱坩埚内,采用提拉法生长晶体。 生长单晶用的设备为西安理工大学生产的 DJL-50 单 晶 炉。温 控 装 置 为 EUROTHERM 818 controller/programmer,精度±0.5 ℃。籽晶采用 经 X 射线衍射(XRD)仪精确定向端面法线方向为 [001]的 CaNb₂O₆ 单晶棒,晶体生长在高纯 N₂+O₂ (约为 1%)气氛中进行。生长过程中,晶体的生长 速度约为 1~2 mm/h,晶体的转动速度约为 5~ 15 r/m。晶体提脱后以 30~50 ℃/h 的速率降温。 图 1 为用提拉法生长的 Nd: CaNb₂O₆ 晶体。沿 c 轴生长的晶体尺寸为 ϕ 25 mm×40 mm,质量超过





80 g。晶体呈淡蓝色,晶体在空气中约 1200 ℃下退火 10 h,颜色没变。

用 5 mW He-Ne 激光器照 Nd: CaNb₂O₆ 单晶 时,肉眼观察不到晶体内部有光束通过。这表明该 晶体中没有散射颗粒,晶体有着较好质量可以进行 激光实验。采用HRXRD-D5005型高分辨X射线 衍射仪进一步检测晶体的质量。样品为两面抛光的 (001) 晶片, 尺寸为6 mm×6 mm×3 mm。HRXRD-D5005型高分辨 X 射线衍射仪是以双晶衍射理论 为基础的,其核心部件为四晶单色器,四晶单色器由 两块高度完整的 U-形 Ge(220)单晶组成。X 射线 管为 Cu 靶,采用 CuKα1(λ=0.1541 nm)辐射,仪器 的角度分辨率可达0.0002°。管电压和管电流分别为 30 kV 和 30 mA。测量的扫描范围和步长为 0.2 s 和 0.0005°(1.8″)。图 2 为所测晶体(001)面的摇 摆曲线。可以测得(001)面的半峰全宽为 20.30", 峰形完整对称,无变形,没有劈裂。这表明沿 c 方向 生长的晶体结构完好,晶体的质量较好。



图 2 Nd: CaNb₂O₆ 晶体(001)面的摇摆曲线 Fig. 2 Rocking curve of Nd: CaNb₂O₆ crystal along (001) face

2.2 组分分析与分凝系数

通过 ICP-AES 方法,测定了 Nd^{3+} 在 Nd: CaNb₂O₆ 晶体顶部的浓度,测试样品采用 Nd: CaNb₂O₆ 晶体与籽晶接触处的晶块研磨成的细粉末。 并计算了 Nd: CaNb₂O₆ 晶体中 Nd^{3+} 的分凝系数,测 试及计算结果列于表 1,分凝系数计算公式为^[6]

 $K_{\text{eff}} = \frac{K_0}{K_0 + (1 - K_0) \exp(-f/D)^{ac}} = \frac{C_s}{C_m}, (1)$ 其中, C_s 为生长初期晶体中 Nd³⁺离子的浓度, C_m 为多晶料中 Nd³⁺离子的浓度。溶质边界层厚度 $\delta_c = 1.61f^{1/6}D^{1/3}\omega^{-1/2}, D$ 为熔体中离子的扩散系数, K_0 为平衡分凝系数, f 为提拉速度, ω 为晶转速度。 可见有效分凝系数与 f 和 ω 相关。通过对晶体样 品的组分分析,可以得到 Nd : CaNb₂O₆ 单晶生长

表Ⅰ	Nd :	$CaNb_2O_6$	晶体中 Nd [®]	「离子的有效分凝系数(K_{eff}))
Та	ble 1	Effective	segregation	coefficient (K_{eff}) of Nd ³⁺	

ions	in	Nd	:	$CaNb_2O_6$	crystal	

	S 1.	$c_0 / \frac{0}{0}$	atom fraction / %			. /0/	V
Sample	Sample		Ca^{2+}	$\mathrm{Nb}^{\mathrm{5}+}$	$\mathrm{Nd}^{\mathrm{3}+}$	-C _{top} / 70	$\Lambda_{\rm eff}$
1%	Nd : CaNb ₂	O ₆ 1.0	14.2	60.8	0.61	1.03	1.03

从表1可以看出,Nd:CaNb₂O₆ 晶体的 Nd³⁺ 分凝系数为1.03,接近1。这说明 Nd:CaNb₂O₆ 晶体组分比较均匀,暗示了该晶体将具有优良的光 学性能。并且较大的分凝系数有利于实现高浓度 Nd³⁺的掺杂。而薄片和波导激光器的设计往往要 求激光增益介质具有高的掺杂浓度以获得高功率激 光和改善热效应。所以该晶体可能适用于薄片和波 导激光器。

2.3 吸收光谱测试

利用 Hitachi U-3500 型 IR-VIS-UV 分光光度 计,测定了 Nd : CaNb₂O₆ 晶体的室温吸收谱 (图 3(a)),波长范围为 190~900 nm,晶片厚度为 1 mm。同时还测量了 0.2 mol/L 的 NdCl₃ 溶液的室 温吸收谱(图 3(b))。在 Nd : CaNb₂O₆ 晶体中, Nd³⁺离子有 7 个主要的吸收谱带,16 个光谱支项, 分别对应 Nd³⁺离子吸收能量后从基态⁴ $I_{9/2}$ 向不同 激发态的跃迁。根据晶体的室温吸收光谱图 3(a) 可知,Nd : CaNb₂O₆ 晶体主要有 3 个吸收带,分别 对应中心波长 588 nm,750 nm 和 808 nm,对应 Nd³⁺离子的基态⁴ $I_{9/2}$ 到⁴ $G_{5/2}$ +⁴ $G_{7/2}$,⁴⁴ $F_{7/2}$ +⁴ $S_{3/2}$ 和⁴ $I_{9/2}$ →⁴ $F_{5/2}$ +² $H_{9/2}$ 的跃迁。该晶体在 808 nm 的 吸收带宽为 8 nm,较长的吸收线宽适于商业高功率 AlGaAs 激光二极管抽运。计算了 3 个波长的吸收 截面,晶体在 588 nm 处的吸收截面最大,达到 5.899×10⁻²⁰ cm²,但是由于目前缺少此发射波长 的大功率商用化抽运源,因此难以利用;808 nm 处 的吸收截面为 5.04×10⁻²⁰ cm²,且与商业化的 LD 抽运源相匹配,因此可以选用该波长作为抽运波长。

通过对 Nd³⁺在溶液中以及在晶体中所测量的 室温吸收谱的比较,发现两个吸收谱形基本相同。 这是由于 Nd³⁺离子 4*f* 电子受到屏蔽作用,其特定 的能级结构受晶体场的影响较小,致使在不同基质 中 Nd³⁺离子的发射或吸收波长一般变化不大。

两谱图最大的区别在于,溶液中 Nd³⁺离子在 585 nm 附近的强吸收峰是单峰,而在晶体的室温吸 收谱上却分裂为2重峰。这是由于晶体场作用产生 的 Stark 能级分裂(即处于较低对称性的配位场中 的 Nd³⁺离子,其光谱支项⁴G_{5/2} 的 Stark 分裂造成 的),而并非离子的本征跃迁,弱晶场对 Stark 能级 微扰的非均匀性说明了钕离子的外场是非球对称 的。同时由于克拉默斯(Kramers)简并,故 Nd³⁺能 态的 Stark 劈裂比期望值(2J+1)/2 要少。



图 3 Nd: CaNb₂O₆ 晶体(a)和 NdCl₃ 溶液(b)的吸收光谱 Fig. 3 Absorption spectra of Nd: CaNb₂O₆ crystal (a) and NdCl₃ solution (b)

3 晶体光谱参数的计算

已知基质晶体在该波长的折射率为 2.07~2.2^[7]。 根据 Judd-Ofelt 理论^[8],可计算出晶体中 Nd³⁺离子 的吸收谱线强度

$$S_{\exp}(J - J') = \frac{3ch (2J + 1)}{8\pi 3e^2 N} \times \frac{9n}{(n^2 + 2)^2} \cdot \frac{2 \cdot 3}{L\overline{\lambda}} \int A(\lambda) d\lambda, \qquad (2)$$

式中 e 为电子的电量, c 为真空中的光速, h 为普朗 克常数, L 和 N 分别为样品厚度和晶体中 Nd^{3+} 离 子的浓度, $\overline{\lambda}$ 为跃迁平均波长, n 为基质晶体在该波 长的折射率, J 和 J'为跃迁初态和末态的总量子数, A 为吸光度。

另外,理论谱线强度可表示为

$$S(J \to J') = \sum_{\lambda = 2,4,6} \Omega_{\lambda} \mid \langle 4f^{n}\psi, J \times || U^{(\lambda)} || 4f^{n}\psi', J' \rangle \mid^{2}, \quad (3)$$

52.29

11.149

0.533

167.02

式中 3 个参数 Ω_{λ} 与 J 无关,只含晶体场参数,故可 作为光谱计算中不同基质的可调节参量。 〈 $\|U^{(\lambda)}\|$ 〉为约化矩阵元,本文采用文献[2]中的值。

由计算出的吸收谱线强度及公式(3),用最小二 乘法拟合出光谱的晶体场调节参数 $\Omega_2 = 5.321 \times 10^{-20} \text{ cm}^2$, $\Omega_4 = 1.734 \times 10^{-20} \text{ cm}^2$, $\Omega_6 = 2.889 \times 10^{-20} \text{ cm}^2$, 数据拟合的方差为 $1.97 \times 10^{-21} \text{ cm}^2$ 。由 于磁偶极跃迁对谱线强度贡献不大,与电场相比较 要弱近一个数量级,所以在再计算时将其忽略不计。 晶体中 Nd³⁺离子的各实验和理论吸收谱线强度如 表 2 所示。 振子强度 $f_{J,J'}$,自发辐射跃迁几率 $A_{J,J'}$,辐射 寿命 τ_{rad} 及荧光分支比 $\beta_{J'}$ 之间的关系为

τ

$$A(J \rightarrow J') = \frac{8\pi^2 e^2 n^2}{mc\lambda^2} f_{J,J'}, \qquad (4)$$

$$_{\rm rad} = \frac{1}{\sum A(J \to J')},\tag{5}$$

$$\beta_{J'} = \frac{A(J \to J')}{\sum_{r} A(J \to J')}.$$
(6)

通过(4)~(6)式,可计算出在电偶极近似模式下的辐射跃迁几率、辐射寿命和荧光分支比,列于表3。

表 2 Nd:($\operatorname{CaNb}_2\operatorname{O}_6$	晶体的谱线强度
----------	---	---------

Table 2 Line intensity of the absorption spectrum of Nd : CaNb ₂ O ₆ crystal						
Excited sta	tes (Ground state ${}^4I_{9/2}$)	$\overline{\lambda}$ /nm	$S_{\text{mea}}(J \rightarrow J')$ /10	$0^{-20} {\rm cm}^2 S_{\rm cal}$	$(J \rightarrow J') / 10^{-1}$	- ²⁰ cm ²
${}^{4}D_{3/2} + {}^{4}D_{5/2}$	$I_{2} + {}^{2}I_{11/2} + {}^{4}D_{1/2} + {}^{2}I_{15/2}$	355	1.00805		1.07644	
	${}^{2}P_{1/2}$	436	0.08094		0.06363	
$^{2}P_{2/3}+^{2}$	${}^{2}G_{9/2} + {}^{2}D_{3/2} + {}^{4}G_{11/2}$	478	0.29625		0.16979	
	${}^{4}G_{7/2} + {}^{4}G_{9/2}$	530	0.59412		0.97181	
	${}^{4}G_{5/2} + {}^{2}G_{7/2}$	588	5.59305		5.59096	
	$^{2}H_{11/2}$	632	0.01263		0.03526	
	${}^{4}F_{9/2}$	686	0.10828		0.14122	
	${}^{4}F_{7/2} + {}^{4}S_{3/2}$	750	1.80421		1.98913	
	${}^{4}F_{5/2} + {}^{2}H_{9/2}$	808	2.20614		1.95961	
	${}^{4}F_{3/2}$	878	0.66021		0.55617	
表 3 由 ${}^{4}F_{3/2} \rightarrow {}^{4}I_{J'}$ 跃迁的发光参数						
Table 3 Luminescence parameters for the radiation ${}^4F_{_{3/2}} \rightarrow {}^4I_{J'}$ transition						
Final state	Central wavelength $\overline{\lambda}$	/nm S_{cal} ($J \rightarrow J'$) /10 ⁻²⁰ cm ²	$A(J \rightarrow J') / s^{-1}$	$ au_{ m rad}/\mu{ m s}$	$eta_{J'}$ / $\%$
${}^4 I_{9/2}$	880		0.5606	1270.978		36.026

1.4221

0.6125

0.0809

4 与 Nd: YAG 晶体的光谱参数比较

1062

1340

1880

 $^{4}I_{11/2}$

 ${}^{4}I_{13/2}$

 $^{4}I_{15/2}$

为了便于比较,同时收集了 Nd: YAG 晶体的 一些基本光谱性能数据,见表 4 所示^[9~11]。

与 Nd³⁺离子在 YAG 基质中的光谱参数相比, Nd³⁺离子在 CaNb₂O₆ 晶体中的吸收线宽约为在 YAG 晶体中的 8 倍大小。这与 CaNb₂O₆ 晶体提供 的晶格场有关,CaNb₂O₆ 晶体中畸变 Ca²⁺离子格位 存在使得 Nd³⁺离子与其周围离子的晶体场作用存 在一定的变数,这使得 Nd : CaNb₂O₆ 晶体的吸收 光谱非均匀加宽。另外,对于⁴ $F_{3/2} \rightarrow 4I_{11/2}$ 跃迁,Nd : CaNb₂O₆ 晶体具有比 Nd : YAG 晶体更大的荧 光分支比。这些结果表明 Nd : CaNb₂O₆ 晶体是一 种有前景的可调谐激光晶体。

表 4 Nd: CaNb₂O₆ 与 Nd: YAG 晶体光谱参数的比较

1844.877

393.3253

18.81113

Table 4 Spectroscopic parameters of

Nd : CaNb ₂ O ₆ and Nd	• YAG crystals
--	----------------

Contents	Nd : $YAG^{[9\sim 11]}$	$Nd:CaNb_2O_6$
$\overline{\rm Nd^{3+}~concentration~/10^{20}cm^{-3}}$	1.38	1.03
Absorption wavelength /nm	807	808
Absorption FWHM /nm	1	8
Absorption coefficient $/cm^{-1}$	11.8	5.26
Radiative lifetime $/\mu s$	518	167.02
Fluorescence branch ratio		
$({}^{4}F_{3/2} \rightarrow {}^{4}I_{11/2})$	0.50	0.52

5 结 论

采用提拉法成功地生长出尺寸 $\phi 25 \text{ mm} \times 40 \text{ mm}, \pm 80 \text{ g}$ 的新型 Nd: CaNb₂O₆ 单晶。晶体 中 Nd³⁺离子的分凝系数为 1.03。分析了晶体的室 温吸收谱,结果表明该晶体在 808 nm 左右有 8 mm 的宽吸收带,吸收截面为 5.04 × 10⁻²⁰ cm²。在 Nd³⁺ : CaNb₂O₆ 晶体中,Nd³⁺离子的光谱支 项⁴G_{5/2}由于晶体场作用而产生 Stark 分裂,辐射跃迁 发生在 Stark 能级之间,光谱线的数目增多;同时具有 奇数电子的 Nd³⁺离子产生了 Kramers 简并,故能级 分裂数目少。

根据 J-O 理论, 拟合了该晶体的晶体场参数并 计算了部分光谱参数。结果表明⁴ $F_{3/2}$ 能级荧光辐 射寿命为 167.02 μ s, ${}^{4}F_{3/2} \rightarrow {}^{4}I_{11/2}$ 的荧光分支比为 52.29%, 可采用 AlGaSn 激光二极管作为抽运源, 实现1.06 μ m 的激光输出。Nd: CaNb₂O₆ 晶体具 有宽的吸收带宽、长荧光寿命和大的荧光分支比等 优点, 适于激光二极管抽运系统, 且可用作可调谐 激光增益介质。因此, Nd: CaNb₂O₆ 晶体是一种 有前景的激光增益介质。

参考文献

- 1 Lin Qiang, Wang Xiantao, Zhu Jianqiang. Balance of asymmetry of thermal beam distortion in laser diode end-pumped Nd: YVO₄ solid state lasers [J]. *Chinese J. Lasers*, 2007, 34(10): 1371~ 1374
 - 林 强,王宪涛,朱健强.激光二极管端面抽运 Nd: YVO4 固体 激光器热致光束畸变非对称的平衡[J].中国激光,2007,34 (10):1371~1374

2 A. A. Kaminskii. Laser Crystal[M]. Beijing: Science Press, 1981

卡明斯基,激光晶体[M]. 北京:科学出版社,1981

3 Jiang Benxue, Zhao Zhiwei, Xu Jun et al.. Growth and spectral properties of high average power solid state laser (HAP SSL) crystal Nd: Gd₃ Ga₅O₁₂[J]. Chinese J. Lasers, 2004, **31**(12): 1465~1468
姜本学,赵志伟,徐 军等.高功率固体激光晶体 Nd: Gd₃

5x年子,赵志节,禄 年寺,同功卒回体淑无丽体 Nd, Ga₃ Ga₅O₁₂的生长和光谱性能的研究[J].中国激光,2004,**31**(12): 1465~1468

- 4 Zhu Yueqin, Hang Yin, Zhang Lianhan et al.. Growth and Spectroscopic properties of Nd: (La,Sr)(Al,Ta)O₃ crystal [J]. Chinese J. Lasers, 2006, 33(1): 107~110
 朱月芹,杭 寅,张涟翰等. Nd: (La,Sr)(Al,Ta)O₃ 晶体的生 长及光谱性能的研究[J]. 中国激光, 2006, 33(1): 107~110
- 5 J. P. Cummings, S. H. Simonsen. The crystal structure of calcium niobate (CaNb₂O₆) [J]. Am. Mineral, 1970, 55: 90~ 97
- 6 Zhangke Kecong, Zhang Lehui. Science and Technology of Crystal Growth [M]. Beijing: Science Press, 1997 张克从,张乐潓.晶体生长科学与技术 [M]. 北京:科学出版社, 1997
- 7 A. A. Ballman, S. P. S. Porto, A. Yariv. Calcium niobate Ca (NbO₃)₂-A new laser host crystal [J]. J. Appl. Phys., 1963, 34(11): 3155~3156
- 8 Zhang Siyuan, Bi Xianzhang. Rare Spectral Theory[M]. Jilin: Science Technology Press, 1991. 155~188 张思远,毕宪章. 稀土光谱理论[M]. 吉林:科学技术出版社, 1991. 155~188
- 9 W. F. Krupke. Radiative transition probabilities within the 4f³ ground configuration of Nd : YAG, IEEE J. Quantum Electron., 1971, QE-7(4): 153~159
- 10 W. Koechner. Solid State Laser Engineering [M]. New York: Springer Verlag, 1992
- 11 Mao Yanli, Qiu Hongwei, Xu Jun *et al.*. Spectra and laser characteristics of high-doped Nd: YAG laser crystals [J]. Acta Optica Sinica, 2001, 21(10):1264~1267
 毛艳丽,邱宏伟,徐 军等.高浓度掺钕钇铝石榴石(Nd: YAG) 晶体的光谱与激光特性[J]. 光学学报, 2001, 21(10): 1264~1267