文章编号: 0258-7025(2002)05-0402-05

半导体激光微小振动实时反馈式干涉测量仪

宋 松,王向朝,王学锋,钱 锋,陈高庭

(中国科学院上海光学精密机械研究所信息光学研究实验室,上海 201800)

提要 提出了一种带有反馈系统的半导体激光正弦相位调制干涉仪。该干涉仪可以实现对微小振动的高精度实时 测量。通过一个简单的信号处理系统对干涉信号进行分析,获得实际振动的振幅和频率。由于引入反馈系统,减低 了测量误差,排除了环境噪声的影响。给出了具体的理论分析和实验结果。

关键词 实时测量,反馈,干涉仪,半导体激光器

中图分类号 TH 744.3 文献标识码 A

A Laser Diode Interferometer with a Feedback Control System for Real-time Micro-vibration Measurements

SONG Song, WANG Xiang-zhao, WANG Xue-feng, QIAN Feng, CHEN Gao-ting (Shanghai Institute of Optics and Fine Mechanics, The Chinese Academy of Sciences, Shanghai 201800)

Abstract A laser diode interferometer with a feedback control system for micro-vibration measurement is proposed. The interferometer can be used to measure micro-vibration of an object with high accuracy in real-time. The interference signal is processed with a simple signal processing system and the amplitude and frequency of the vibration are obtained. The measurement errors are decreased with a feedback system. The theoretical analysis and experimental results are given.

Key words real-time measurement, feedback, interferometer, laser diode

1 引 言

近年来,随着微机械技术和精细加工工艺的飞 速发展及大量应用,有关物体的微小位移与微小振 动精确测量的研究工作引起人们广泛的重视^[1~3]。 光学干涉测量方法作为一种重要的非接触式无损探 测方法,具有结构简单、精度高、易于实现等优点,得 到了广泛应用^[4~7]。在光学干涉测量仪中经常使用 半导体激光器(LD)作为光源,这是因为 LD 具有相 干性和稳定性好、体积小、价格低及耗电少等优点, 特别是它的波长可调谐性,大大简化了干涉仪的构 造。

我们已经提出了一种半导体激光微小振动实时 干涉测量仪^[8]。该干涉测量仪采用正弦相位调制 (SPM)方法,通过对 LD 直接注入正弦变化的交流 电流信号,实现干涉信号的正弦相位调制,经过信号 处理系统处理后,获得物体的振动测量曲线。然而它 存在着测量误差较大、易受外界干扰影响等缺点。为 了克服这些缺点,我们提出一种半导体激光微小振 动实时反馈式干涉测量系统。在该系统中,信号处理 系统对干涉信号进行处理后得到探测信号,再将探 测信号通过反馈控制系统反馈回 LD。根据理论推 导,可以得出探测信号与物体实际振动曲线之间的 线性关系,因此由信号处理系统输出的探测信号,就 可以实时检测物体的微小振动。由于大气扰动和外 界环境的振动都会引起干涉信号中的相位发生变 化,进而导致测量结果产生误差。引入反馈系统,将 由外界扰动引起的干涉信号相位变化反馈为 LD 的

收稿日期:2001-03-02; 收到修改稿日期:2001-06-18

基金项目:国家自然科学基金(编号:69978024)与上海市应用材料研究与发展基金资助项目。

作者简介:宋松(1975—),男,黑龙江大庆人,中国科学院上海光学精密机械研究所硕士,主要从事纳米精度激光实时干涉 测量领域的研究。E-mail:wxz26267@online.sh.cn 输入电流,使 LD 的输出波长产生微小漂移,有效降 低了外界干扰所造成的影响。

2 原 理

图 1 为半导体激光微小振动实时反馈式干涉测 量仪。其中光路部分由一个 Twyman-Green 干涉仪 构成。LD 作为光源,由半导体激光调制器(LM)驱 动 LD。LD 出射的光经透镜 *L* 准直后,被分束器 BS 分为相互垂直的两束平行光,其中一束照射到参考 镜 *M* 上作为参考光束,另一束照射到被测物体 object 上作为物光,由参考镜 *M* 和物体 object 反射回 来的两束平行光束再经过 BS 后相互干涉,两束光 的光程差(OPD)为 2*D*₀,干涉信号通过光阑 PH 后 由光电二极管(PD)检测,输入到信号处理系统中。 由信号处理系统输出的探测信号 *P(t)* 经反馈控制 器后,与信号发生器 OSC 输出的交流调制信号及直 流偏置信号一起输入到 LM 中,控制 LD 的输出。



图 1 半导体激光微小振动实时反馈式干涉测量仪

Fig. 1 LD interferometer with a feedback system for real-time micro-vibration measurement

信号发生器输出的交流调制信号为: $V_m(t) = A\cos\omega_c t$, 经过 LM 后, 得到正弦交流调制电流: $I_m(t) = a\cos\omega_c t$,其中 $a = K_{LM}A$, K_{LM} 为LM 的转换 系数。直流偏置信号经 LM 后得到直流偏置电流 I_0 。

未加反馈时,LD 通过调制电流 $I_m(t)$ 和直流电流 I_0 驱动,它的波长变化量为 $\beta I_m(t)$, β 为 LD 的波长调 制系数。由 PD 检测到的干涉信号 S(t) 为

 $S(t) = S_1 + S_0 \cos[z \cos \omega_c t + \alpha(t) + \delta(t)]$ (1) 其中 S_1 为信号的直流分量, S_0 为信号交流分量的振幅, $z = -4\pi a \beta D_0 / \lambda_0^2$ 为正弦相位调制深度。 λ_0 为 LD 输出光的中心波长,由 I_0 决定 $_{\delta}(t)$ 为由外界干扰引起的相位扰动。下面分析中暂时先不考虑 $_{\delta}(t)$ 。

$$\alpha(t) = \alpha_0 + \alpha_d(t) \tag{2}$$

其中 $\alpha_0 = (4\pi/\lambda_0)D_0$,是初始相位,由光程差 $2D_0$ 决定, $a_d(t) = (4\pi/\lambda_0)d(t)$,是由 object 振动 d(t)引进的相位变化。定义 $K_d = 4\pi/\lambda_0$ 。



图 2 信号处理系统框图

Fig. 2 Schematic diagram of the signal processing system

信号处理系统如图 2 所示,由模拟乘法器和低 通 滤 波 器 LPF 组 成,其中 LPF 的 截 止 频 率 $< \omega_c/10$ 。将干涉信号 S(t) 和调制信号 $V_m(t)$ 相乘 后再通过 LPF,可得到探测信号 $P(t)^{[8]}$

 $P(t) = K_s \sin\alpha(t) = K_s \sin[\alpha_0 + \alpha_d(t)]$ (3) 其中信号处理系统的增益 $K_s = K_m K_L S_0 A J_1(z) \, {}_{\circ}K_m$ 为模拟乘法器的系数, K_L 为 LPF 的增益, $J_1(z)$ 为 一阶 Bessel 函数。由式(3) 可以看出,当相位 $\alpha(t)$ 在 $2n\pi(n = 0, 1, 2, \cdots)$ 附近时,忽略其中的直流部分, 可以得到 P(t) 与振动 d(t) 之间存在着近似线性关 系

$$P(t) \approx K_s K_d d(t) \tag{4}$$

显然,当 object 振动振幅较小时,探测信号 P(t)与d(t)振动很好地满足上面的关系式。然而, 随着 object 振动振幅的增大, $\alpha(t)$ 与 $\sin\alpha(t)$ 之间的 差值逐渐增大,使测量值偏离真实值,引起较大的测 量误差,此时式(4)就不再适用。为了解决这个问 题,引入了反馈控制系统。图 1 中虚线框内的部分为 反馈控制器。它由一个比例放大器和一个反相器组 成,放大器增益为 K_f , r_0 为参考电压,实验中可以使 $r_0 = 0$ 。

反馈环路的框图如图 3 所示,探测信号 P(t) 经 过反馈控制器后,变为控制电压 $V_{\epsilon}(t) = -K_{f}P(t)$, 经过 LM 后,得到控制电流 $I_{\epsilon}(t) = -K_{LM}K_{f}P(t)$ 。 当控制电流 $I_{\epsilon}(t)$ 注入到 LD 后,使 LD 的输出波长 发生变化,波长变化量为 $\lambda_{\epsilon}(t) = \beta I_{\epsilon}(t)$,因此,干涉 信号中的相位 $\alpha(t)$ 也变为

$$\alpha(t) = 4\pi \frac{D_0 + d(t)}{\lambda_0 + \lambda_c(t)} \approx \alpha_0 + \left[\alpha_d(t) - \alpha_c(t)\right]$$



图 3 反馈环路框图

Fig. 3 Block diagram of the feedback loop

其中, $\alpha_c(t) = (4\pi D_0/\lambda_0^2)\lambda_c(t)$,定义 $K_c = 4\pi D_0/\lambda_0^2$, 综合上述各式,可以得出

$$\alpha_{c}(t) = -K_{c}\beta K_{\rm LM}K_{f}P(t) \tag{6}$$

此时式(3)变为

 $P(t) = K_{s} \sin[\alpha_{0} + \alpha_{d}(t) - \alpha_{c}(t)]$ (7) 通过调节 LD 的直流偏置电流 I_{0} ,可以使 $\alpha_{0} = 2n\pi_{o}$ 将式 (7) 代入式 (6) 中, 定义反馈环增益 $G_{0} = K_{c}\beta K_{LM}K_{c}K_{s}$,得到

$$\alpha_{c}(t) = -G_{0} \sin \left[\alpha_{d}(t) - \alpha_{c}(t) \right]$$
(8)

利用简单的数学运算和近似,有

$$\frac{G_0}{5!} \left[\alpha_d(t) - \alpha_c(t) \right]^5 - \frac{G_0}{3!} \left[\alpha_d(t) - \alpha_c(t) \right]^3 + (G_0 - 1) \left[\alpha_d(t) - \alpha_c(t) \right] + \alpha_d(t) = 0$$
(9)

由式(9) 可知, $\alpha_d(t) - \alpha_e(t)$ 的值与反馈环增益 G_0 和相位 $\alpha_d(t)$ 有关。针对不同的 G_0 和 $\alpha_d(t)$ 值, $\alpha_d(t)$ $- \alpha_e(t)$ 的值如图 4 所示。图中 α_d , α_e 分别为 $\alpha_d(t)$, $\alpha_e(t)$ 的振幅。从图中可以看出,随着 G_0 的增大,对应 于相同的 α_d , $\alpha_d - \alpha_e$ 的值逐渐减小,只需适当地选取 G_0 值,在 α_d 的取值范围内,都可以使 $\alpha_d - \alpha_e$ 在 0 附 近,所以式(7) 可以近似为



图 4 $\alpha_d(t) - \alpha_c(t)$ 的值与 $G_0, \alpha_d(t)$ 值之间的关系 Fig. 4 Relationship between $\alpha_d(t) - \alpha_c(t)$ and $G_0, \alpha_d(t)$

$$P(t) = K_s [\alpha_d(t) - \alpha_c(t)]$$
(10)

由式(8)和式(10),最终可以得到

$$\alpha_{c}(t) = \frac{G_0}{G_0 - 1} \alpha_d(t) \tag{11}$$

代入式(10)中,得到

$$d(t) = \frac{1 - G_0}{K_s K_d} P(t)$$
 (12)

当 $G_0 \gg 1$ 时,得到振动d(t)与探测信号P(t)之间的 关系式

$$d(t) = -\frac{K_c \beta K_{\rm LM} K_f}{K_d} P(t)$$
(13)

由上式可知,振动d(t) 与探测信号P(t) 之间成正比 例关系,由P(t) 可以直接得到d(t)。由上面的分析 可以看出,当 object 的振动振幅增大时,仍然可以通 过式(13)求出d(t),而测量误差却不会增大。

然后考虑反馈对相位扰动∂(t)的影响。PZT不 振动时,在反馈环处于工作状态下,信号处理系统输 出信号

 $P'(t) = K_s \sin\{\alpha_0 + [\delta(t) - \delta_f(t)]\}$ (14) 其中 $\delta_f(t)$ 是由反馈环产生的补偿相位,与前面式 (11) 的推导相似,可以得出

$$\delta_f(t) = \frac{G_0}{G_0 - 1} \delta(t) \tag{15}$$

当相位 α_0 在 π 的整数倍附近时,相位 $\delta(t) - \delta_f(t)$ 也 非常接近零,虽然在探测信号 P(t) 中包含了被补偿 后相位扰动,但是它的值已经是大大减小,在测量结 果中所产生的误差也就很小了。因此反馈控制回路 能有效降低外界干扰的影响。

3 实验与结果

实验装置如图 1 和图 2 所示。光源 LD 为本室 自制,其中心波长 λ_0 ,输出功率和波长调制系数 β 分 别为 814 nm,9 mW 和 8.28×10⁻³ nm/mA。实验 中,调制信号的频率为 5 kHz。LM 的转换系数 K_{LM} 为 0. 01 mA/mV。模拟乘法器的系数 K_m 为 3. 96。选 用一个截止频率为 400 Hz 的二阶 LPF,增益 K_L 为 1. 56。由振动 d(t) 到相位 $a_d(t)$ 的转换系数 K_d 为 1. 54×10^{-2} rad/nm。两光臂之间的光程差 $2D_0$ 约为 19 cm。反馈控制器中的增益 K_f 为 0. 34。在实验中,把 一个反射镜粘在压电陶瓷(PZT)上作为被测振动物 体 object。PZT 由一个低频信号发生器输出正弦交 流信号来驱动,object 的振动频率需要小于 LPF 的 截止频率。实验中,PZT 的振动频率约为 200 Hz, object 沿光轴方向做正弦振动。由于参数 K_s , K_c 与 光 程差 $2D_0$ 有关,在现有条件下还不能精确测量 D_{00} 为了准确求出系数 K_s 和 K_c ,我们先采用参考文 献 [3] 中的方法校准 PZT 的振动。在不加反馈和加 反馈两种情况下,利用分别测得的探测信号 P(t), 与 PZT 的振动 d(t) 相对应,根据式(3) 和式(12) 可 以求出 K_s 和 G_0 的值,然后求出 K_c 的值。计算出的 G_0 , K_s 和 K_x 的值分别为 7.78,1.59×10² mV/rad 和 1.75×10³ rad/nm。

首先,我们观察了反馈对排除外界干扰影响的 作用。图 5为 object 的振动 d(t) = 0 时 PD 检测的 干涉信号 S(t),由于受到外界干扰的影响,可以看 到图 5(a)中S(t)有明显的变化。而图 5(b)中的干 涉信号 S(t)则比较稳定,说明反馈系统有效地排除 了外界干扰的影响。









然后,调节 PZT 的正弦驱动电压信号,使 object 的振动振幅为 70 nm。测量结果如图 6 所示。图 6(a)为 PZT 振动的理想曲线,(b)为测量得到的 object 振动曲线,测量振幅均方根(rms)误差为 3.70 nm,(c)为相隔几分钟后的测量结果,(b)和(c)之间 的峰-峰值重复误差为 2.11 nm。此时实验中的误差 主要来源有两点:一是外界干扰过大,反馈系统不能 完全消除;二是电路噪声的影响。 最后,我们比较在未加反馈和加反馈两种情况 下,不同振动振幅的测量结果之间的差别。如图 7 所 示,(a)为 PZT 的振动曲线,(b)为未加反馈时的测 量结果,(c)为反馈打开后的测量结果。从图中可以 看出,未加反馈时,object 的测量曲线与理想曲线在 振幅较小时符合得很好,当振幅较大时,两条曲线之 间出现了偏差。而加上反馈后,无论 object 振动振幅 值的大小,测量值与真实值均很好地相符。



图 7 不同振幅大小时的测量结果 (a) PZT 的实际振动曲线;(b) 反馈环开环时测量得到的曲线;(c) 反馈环闭环时测量得到的曲线 Fig. 7 Measurement of different vibration amplitude

(a) micro-vibration of PZT; (b) feedback off; (c) feedback on

4 结 论

本文提出了一种可以实时测量物体微小振动的 反馈式半导体激光干涉仪。利用简单的信号处理电 路,通过对干涉信号的分析可以得到物体的振动曲 线。引入反馈系统,大大地提高了测量精度,并且能 够自动消除外界环境干扰的影响。实验结果证实了 该装置可以实现物体微小振动的高精度实时测量。

参考文献

- T. Suzuki, O. Sasaki, K. Higuchi *et al.*. Real time displacement measurement in sinusoidal phase modulating interferometry [J]. *Appl. Opt.*, 1989, **28**(24):5270~5274
- 2 Song Song, Wang Xiangzhao, Wang Xuefeng et al.. Real-time micro-vibration measurement using synchronous phase detection [J]. Chinese J. Lasers (中国激光), 2001, A28(8):753~756 (in Chinese)
- 3 Wang Xuefeng, Wang Xiangzhao, Qian Feng et al.. Photothermal modulation of laser diode wavelength: application to sinusoidal phase-modulating interferometer for

displacement measurements [J]. Optics & Laser Technology, 1999, **31**(8):559~564

- 4 Wang Xuefeng, Wang Xiangzhao, Qian Feng et al.. Photo-thermal wavelength modulation of a laser diode for decreasing interferometric error [J]. Opto-Electronic Engineering (光电工程), 1999, 26(5):1~3 (in Chinese)
- 5 Lu Hongbin, Wang Xiangzhao, Wang Xuefeng et al.. Study on photothermal intensity-modulation characteristics of laser-diode [J]. Chinese J. Lasers (中国激光), 2000, A27(11):969~972 (in Chinese)
- 6 X. Z. Wang, O. Sasaki, T. Suzuki *et al.*. Measurement of small vibration amplitudes of a rough surface by an interferometer with a self-pumped phase-conjugate mirror [J]. *Appl. Opt.*, 2000, **39**(25):4593~4597
- 7 O. Sasaki, Y. Takebayashi, X. Wang *et al.*. Exact measurement of flat surface profiles by object shifts in a phase-conjugate Fizeau interferometer [J]. *Opt. Eng.*, 1995, **34**(10):2957~2963
- 8 Song Song, Wang Xiangzhao, Wang Xuefeng et al.. Real-time micro-vibration measurement with a laser diode interferometer [J]. Acta Optica Sinica (光学学报), 2001, 21(5):578~580 (in Chinese)