文章编号:0258-7025(2001)12-1079-03

# 表面等离子体波亚纳米指零系统\*

# 吴 健<sup>1</sup> 殷纯永<sup>1</sup> 郭继华<sup>2</sup>

(清华大学1精密仪器系 精密测量技术与仪器国家重点实验室 ? 应用物理系 北京 100084)

提要 提出了一种基于表面等离子体波(SPW)的纳米定位指零新方法。一个光纤探头可以等效于一个四层介质 棱镜-金属膜-空气-光纤系统。分析了探头得到的近场光强度。分析表明光纤耦合到的光通量随空气层间距变化, 利用这个特点可以建立纳米定位指零系统。实验表明该系统在1℃恒温条件下20min内的定位重复性标准偏差 可以达到2mm,分辨率为0.1mm/nV。 关键词 纳米指零 表面等离子体波,非接触测量

中图分类号 TN 247 文献标识码 A

### Surface Plasma Wave Sub-nanometer Indicating System

WU Jian<sup>1</sup> YIN Chun-yong<sup>1</sup> GUO Ji-hua<sup>2</sup>

(<sup>1</sup>State Key Laboratory of Precision Measurement Technology & Instrumentation, Department of Precision Instrument, <sup>2</sup>Department of Applied Physics, Tsinghua University, Beijing 100084)

Abstract A new method for nanometer positioning based on surface plasma wave is reported. A fiber probe approaching a coated prism can be equivalent to a four-layer prism-metal-air-fiber system. Analysis of the near-field beam intensity entering the fiber probe is presented. Theoretical analysis shows that the intensity coupling into the fibre probe changes according to the thickness of air gap. Non-contact nanometer indicating system can be set up according to this characteristic. Experiments show that standard deviation of 2 nm and resolution of 0.1 nm/nV in 20 minutes procedure of positioning repeatability can be achieved under air conditioning of  $\pm 1^{\circ}\text{C/h}$ .

Key words nanometer indicating , surface plasma wave , non-contact measurement

### 1 引 言

温度漂移是纳米测量中重要的误差源。减少温 度漂移通常有两种方法:精密恒温和温度补偿。精 密恒温经济代价大,目前虽然可以达到0.01℃,但 距离纳米测量要求仍相差甚远。温度补偿由于温度 模型的偏差和不可能得到完全一致的温度场分布, 因此存在着难以克服的残余误差。

由于温度漂移有如下特点:是相对缓慢的漂移, 漂移是累加的。因此,重新回到"原点(回零)是检 查漂移量和修正漂移的可靠手段。所以需要一个高 稳定、高灵敏的亚纳米零位指示器件。现有技术中, 隧道显微镜、力显微镜可以达到亚纳米分辨率,但由 于是接触测量,对环境要求苛刻。光子扫描隧道 显微镜是非接触测量且可以达到纳米级纵向分辨 率。但是在超精加工环境下使用时,探针容易损坏, 这是由于探针太细而且距离表面太近。为此需要一 种直径相对较大、距离表面较远的高灵敏探头。

表面等离子体波(SPW)检测技术近年来在生物传感领域得到了广泛应用<sup>11</sup>。由于表面等离子体共振,反射光和透射光的光强和相位随入射角、介质折射率和其他参数的变化而剧烈变化,因此可以用于生物传感。当 P 偏振光入射到一个Kretschmann 镀膜棱镜<sup>21</sup>中,在金属膜和空气表面将产生表面等离子体波。这时用一个探头接近金属膜,如果间距小于波长量级,由于近场扰动将使光从SPW 转换成传播波,进入探头。探头接收的光通量随探头离开金属膜的距离而剧烈变化,不同的光通量对应于不同的间距。利用这一原理可以构成一种全新的非接触高灵敏度的零位指示器。由于平端面探头调节端面平行很困难,因此本文提出了一种使

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金(No. 59875051)资助项目。 收稿日期 2000-09-11

28 卷

用半球形光纤探头的零位指示器 ,并对它的透射光 强和探头与金属膜的间距的关系进行了理论分析和 实验验证。

### 2 理论分析

如图 1 ,在四层介质棱镜-金属-空气-探头系统 中 ,由 *P* 偏振光的 Fresnel 公式可以推导出如下公 式<sup>[3 4 ]</sup> ,其中 *t*<sub>1234</sub> ,*t*<sub>12</sub> ,*t*<sub>23</sub> ,*t*<sub>34</sub> 是指下标所指示的层 之间的透射光强 ,*r*<sub>234</sub> ,*r*<sub>23</sub> ,*r*<sub>34</sub> 是指下标所指示的层 之间的反射光强。

$$t_{1234} = \frac{t_{12}t_{23}t_{34}\exp\{(ik_{z2}d_2)\exp\{(ik_{z3}d_3)\}}{[1 + r_{23}r_{34}\exp\{(2ik_{z3}d_3)][1 + r_{12}r_{23}\exp\{(ik_{z2}d_2)]]}$$
(1)

$$r_{234} = \frac{r_{23} + r_{34} \exp(2ik_{3z}d_3)}{1 + r_{23}r_{34} \exp(2ik_{3z}d_3)}$$
(2)

$$r_{i,i+1} = \frac{X_i - X_{i+1}}{X_i + X_{i+1}}, t_{i,i+1} = \frac{2X_i}{X_i + X_{i+1}} (i = 1 \ 2 \ 3)$$
(3)

$$X_i = \frac{\varepsilon_i}{k_{zi}} (i = 1 \ 2 \ 3 \ A)$$
(4)

$$k_{zi} = \sqrt{(\omega' c)^2 \epsilon_i - k_x^2}$$
,  $k_x = \frac{\omega}{c} \sqrt{\epsilon_0} \sin\theta$  (5)

1-prism	<b>E</b> 1	
2-metal	e <sub>2</sub>	$d_2$
3-air	63	d3
4-fiber	€,	

#### 图1 表面等离子体波激发装置层结构

Fig. 1 Layer system of surface plasma resonance excitation device

由于在纳米定位实验中,如果使用平端面探头 就需要保证探头表面和金属膜表面相互平行。由于 探头与金属膜的间隙要调节到几十纳米,而探头的 直径为几百微米,因此,要调节探头表面与金属膜表 面平行,调节装置的角度分辨率要达到0.001°,这 在实现时很困难,而且也使实验不易成功。改用半 球形光纤探头可以省去间隙调节的环节。半球形探 头上各点与金属膜的间距各不相同,透射率也不相 同,探头接收的光通量为各点透射光的总和。可以 用图2所示的分割法进行计算。

 $I(r) = I_0 \exp\{-2[R^2 - (R - r)^2]w^2\}(6)$ 其中 I(r)为单位面积上的入射光强 ,为高斯分布。  $S(r) = \pi [2(R-r) - dr] dr \approx 2\pi (R-r) dr$ (7)

其中 S(r)为坐标 r处对应的 dr 分割圆周区域在垂 直方向上的投影面积。

 $T(x) = t_{1234}^2(x) \times \sqrt{\epsilon_4/\epsilon_1} \times \cos\theta_t/\cos\theta_0(8)$ 其中 T(x)为空气间隙为 x 时的透射率。其中  $\theta_t$  为 光纤探头中的折射角  $\theta_0$  为入射角。



### 图 2 分割法计算实际的透射率曲线

Fig. 2 Split-run method to calculate flux coupling into the probe



# 图 3 (a)透射率随空气层间距变化理论曲线; (b)纳米定位重复性实验结果

Fig. 3 ( a )Relation curve of transmissivity ;( b )Nanometer positioning experiment result

考虑公式(1)~(9),可以求得半球形光纤探头 探测到的光通量曲线如图 3(a)所示。从图中可以 看出 ,在 300 nm 处曲线的斜率最大 ,所以可以用该 点的电压值作为判据进行指零定位。很显然 ,与其 他的近场纳米测量系统相比 ,SPW 纳米定位指零系 统的探针与金属膜表面的间距要远得多。需要指出 的是 ,图 3( a )中的光通量是在  $R = 300 \ \mu m$  和  $\theta_0$ = 42.5° 的规范化条件下计算的。

### 3 实验装置和结果

纳米定位系统的实验装置如图 4 所示。



#### 图 4 纳米定位指零实验装置图

# 1 :镀膜棱镜 2,15 :光纤探头 3 微动工作台 4 测量镜 5 :参考镜 6, 11 横向塞曼双频激光器 7 8 :分光镜 9 :渥拉斯顿棱镜 ;10 :凸透镜 ; 12 :光电接收器 ;13 :金属膜 ;14 :半球形探头

Fig. 4 Experiment setup for nanometer indicating 1:coated prism; 2,15:fibre; 3:micro-positioning table; 4:measurement mirror; 5:reference mirror; 6:transverse Zeeman dual-frequency laser(300 kHz); 7 & beam splitter; 9:Wollaston prism; 10:convex lens; 11: transverse Zeeman dual-frequency laser (160 kHz); 12: detector; 13:metal film; 14: semi-sphere end

入射光以共振角入射到镀膜棱镜,由于表面等 离子体共振耦合到表面等离子体波,并通过近场相 互作用进入光纤探头,经光电倍增管放大后进入锁 相放大器,并输出光强信号。探头放置在一个缩小 比为 24 倍的微动工作台上,由一个最高电压 150 V,最大行程 16 µm 的压电陶瓷(PZT)驱动,微动工 作台的行程是 700 nm。并用一个分辨率为 0.1 nm 的差动干涉仪来测量探头的实际运动位移,实验室 的恒温条件为±1℃/h,微动台和镀膜棱镜的底座为 微晶玻璃。

实验采用 600 μm 的光纤,前端加工成半球形 作为探头。在 PZT 上加电压 0 V-150 V-0 V,重复 12 次,历时 20 min 得到的重复性实验结果见图 3(*b*)。其中纵坐标为锁相放大器的输出电压,它与 光纤接收的光通量成正比。可以看出,实验曲线图 3(b)与理论曲线图 3(a)在开头上很相似。由图 3(b)可知,实验的重复性较好,在 300 nm 处的重复 性精度标准偏差为 2 nm,这个标准偏差值是通过用 一条等电压线截取实验曲线得到的 24 个数据点计 算出来的,如图 3(b)中 A view 部分所示。由于锁 相放大器输出电压的变化范围为 7  $\mu$ V,对应于 700 nm 的行程,而锁相放大器输出电压的分辨率为 1 nV,所以该指零系统的分辨率为 0.1 nm/nV。

## 4 结 论

本文通过理论分析和实验,验证了表面等离子 体波定位指零位置的重复性标准偏差达2nm,分辨 率达0.1nm/nV。由于该实验装置使用的探头为 大直径半球形探头,工作点与金属膜的间距达几百 纳米,为非接触测量,探头不易损坏,在普通恒温条 件下也可以工作。在精密测量和生物传感中有广泛 的应用前景。

### 参考文献

- Jiang Hong , Yu Xing-long. Liguid refractive index measurement using phase detection of surface plasma wave. Optical Technique ,2000 , 26 1 ):41~45
- 2 E. Kretschmann. The determination of the optical constants of metals by excitation of surface plasmons. Z. *Physik*, 1971, 241 313~324
- 3 Zhu Zhaoming. Study on high-resolusion angle measurement using surface plasma resonance technique. *Master Dissertation to Tsinghua University*, 1998
- 4 E. Helene, de Bruijn, S. F. Bert *et al.*. Determination of thickness and dielectirc constant of thin transparent dielectric layers using surface plasmon resonance. *Opt. Comm.*, 1991, 82(5-6):425~432