# 中国激光

第15卷 第12期

# 用多次曝光全息透镜作散斑编码的图像处理

王肇圻 吴法祥 查 宇 黄秋元 (南开大学现代光学研究所,天津)

提要:制备了一种新的全息光学透镜——MEHL。用该透镜实现了散射编码的白光图像处理,还可用于狭缝一步彩虹术中。

## Optical processing of images encoded by speckle by means of multi-exposure holographic lens

Wang Zhaoqi, Wu Faxiang, Cha Yü, Huang Qiuyuan (Institute of Modern Optics, Nankai University, Tianjin)

Abstract: A new kind of holographic optical lens, MEHL, is fabricated. White-light optical processing of images encoded by speckle is realized with this holographic lens. MEHL can also be used for one-step rainbow holography without slit.

### 一、引言

用激光散斑在白光图像处理中作编码的 研究已有不少报道。然而狭缝调制散斑法<sup>111</sup> 使像面照度不匀,物视场小;多次曝光散斑屏 和定向散斑屏法<sup>12,83</sup>要求屏与感光干板密接 触,而实际上又难以实现;漫散屏定向移动 法<sup>[4]</sup>需要一扫描机构,给操作带来困难。

本文提出一种改进的技术,用一种新型 的多次曝光全息光学透镜(MEHL)对待处 理图像作激光散斑编码,而后在白光系统中 作诸如黑白图像假彩色编码、白光立体投影、 彩色图像复现等各种处理。由于用该全息透 镜作散斑编码有像面照度均匀、操作方便、不 用密接等优点,因而成为目前较为理想的方 法。此外 MEHL 还可用于无狭缝一步彩虹 术中<sup>53</sup>, 取消了一般彩虹术由于狭缝的存在 对物视场的限制,并且无须移动漫散物或透 镜。

#### 二、多次曝光全息透镜的理论

多次曝光全息透镜的制备系统如图 1 所 示。从激光器发出的相干光被分成两束。一 束经扩束后被成像透镜 L 会聚,并投射到全



. 724 .

息干板 HP上;另一束经扩束作为斜入射参 考光。根据对全息透镜孔径的实际要求调节 HP和 L之间的距离。全息透镜是经多次 曝光记录而成,对于每一次曝光,全息干板都 要沿横向移动一固定的距离  $\varepsilon$ 。由几何关系 可知,全息透镜的数值孔径和成像透镜 L的 数值孔径相同。MEHL 的相干成像特点可由 脉冲响应函数决定。设一成像系统的物平面、 全息透镜平面、像平面的坐标分别为 ( $\xi$ ,  $\eta$ )、 ( $\alpha$ ,  $\beta$ )、(x, y);其脉冲响应函数可由菲涅耳 衍射近似求得:  $h(x, y; \xi, \eta)$ 

 $= O \sum_{n=0}^{N-1} \iint \exp\left\{\frac{\dot{v}\pi}{\lambda z_{c}} \left[(\alpha-\xi)^{2}+(\beta-\eta)^{2}\right]\right\}$   $\times \exp\left\{\frac{-\dot{v}\pi}{\lambda f} \left[\alpha^{2}+(\beta-n\varepsilon)^{2}\right]\right\}$   $\times \exp\left\{\frac{\dot{v}\pi}{\lambda z_{i}} \left[(x-\alpha)^{2}+(y-\beta)^{2}\right]\right\} d\alpha d\beta$   $= O \exp\left[\frac{\dot{v}\pi}{\lambda z_{0}} \left(\xi^{2}+\eta^{2}\right)\right]$   $\times \exp\left[\frac{\dot{v}\pi}{\lambda z_{i}} \left(x^{2}+y^{2}\right)\right]$   $\times \exp\left[\frac{\dot{v}\pi}{\lambda z_{i}} \left(x^{2}+y^{2}\right)\right]$   $\times \sum_{n=0}^{N-1} \delta\left(x+\frac{z_{i}}{z_{0}}\xi, y+\frac{z_{i}}{z_{0}}\eta-\frac{z_{i}}{f}n\cdot\varepsilon\right) (1)$ 

其中 zo 为物距; zi 为像距; f 为全息透镜的焦距; N 为制备全息透镜时的曝光次数。上式中的求和表明, MEHL 可把一个物点成像为沿 y 方向的多个像点,各像点之间的距离为

*<sup>£</sup><sub>i</sub>8*。因而当用这样的全息透镜对激光散斑 场成像时,可得到类同于多次曝光的散斑图。

## 三、用多次曝光全息透镜作 散斑编码

用 MEHL 作散斑编码的光学系统如图 2 所示。由波长为λo 的激光束照明漫散屏 D,在其后得到散斑场 S(ξ, η)。全息透镜对 两个输入图像分别成像作两次曝光,对于第 二次曝光,感光干板需旋转 90°,以获得相互 正交的散斑图。设两个输入图像的光强透过



图 2 用 MFHL 作散斑编码的光学系统

率为 $T_1(\xi, \eta)$ 和 $T_2(\xi, \eta)$ ;由 MEHL的成 像特性可知,在 $\beta = -1$ 的成像条件下,像平 面上的辐照度为

 $E(x, y) = [T_1(x, y)S(x, y)]$ 

$$\sum_{n=0}^{N-1} \delta(x-2ns, y) + [T_{2}(x, y)S(x, y)] + \sum_{n=0}^{N-1} \delta(x, y-2ns)$$
(2)

式中 \* 表示卷积运算。而单个散斑的平均直径 d。与全息透镜的数值孔径成反比:

$$d_s = 1.22(1+M)\frac{\lambda_0 f}{D}$$
 (3)

M 为放大倍数。控制曝光量在 T-E 曲线的 线性区,所得编码片的振幅透过率为

$$T(x, y) = a - bE(x, y)$$
. (4)

## 四、在白光系统中作散斑 信息处理

利用散斑编码片作白光信息处理的系统 如图 3 所示。将所制得的散斑编码片置于输 入平面 P<sub>1</sub>上并用准直白光照明。 对于特定 波长 λ, 在 P<sub>2</sub> 平面上的傅里叶频谱为

$$= \mathscr{F} \{T(\alpha, y)\}$$
  
=  $\mathscr{F} \{T(\alpha, y)\}$   
=  $a\delta(\alpha, \beta) - b\{[\widetilde{T}_1(\alpha, \beta) * \widetilde{S}(\alpha, \beta)]$   
 $\times \sum_{n=0}^{N-1} \exp\left(\frac{\dot{c}4\pi n \varepsilon \alpha}{\lambda f'}\right)$ 



图 3 白光光学信息处理系统。

$$+ \left[\bar{T}_{2}(\alpha, \beta) * \bar{S}(\alpha, \beta)\right] \\ \times \sum_{n=0}^{N-1} \exp\left(\frac{\dot{v} 4 \pi n s \beta}{\lambda f'}\right)$$
(5)

式中 $\hat{T}(\alpha, \beta)$ 、 $\hat{S}(\alpha, \beta)$ 分别表示T(x, y)、 S(x, y)的傅里叶变换, f'为变换透镜的焦 距。求称运算代表一系列的窄脉冲。脉冲间 距d和脉冲宽度W分别为

$$d = \lambda f'/2s \tag{6}$$

$$W = \lambda f'/2Ns \tag{7}$$

单个散斑的最高空间频谱 ρ<sub>max</sub> 由 一 阶 贝 塞 尔函数第一零点决定:

$$\rho_{\rm max} = 1.22/ds \tag{8}$$

为在空间频率平面 P<sub>2</sub> 上仅得到中央零级一个窄脉冲,须使脉冲间距大于单个散斑的最高频谱所对应的空间坐标,即

$$d \ge \lambda f' \rho_{\max} \tag{9}$$

代入(3)、(6)、(8)式,可导出在制备全息透镜 时干板每次移动的距离为:

$$s \leqslant \frac{\lambda_0 f}{D} \tag{10}$$

在满足(10)式的条件下,(5)式所表示的傅里 叶谱为分别卷积着图像 T<sub>1</sub>和 T<sub>2</sub>的频谱的两 条正交条形衍射晕,通过对条形晕作诸如空 间滤波、彩色滤波、偏振滤波可实现信息的多 道存储和提取、图像的彩色编码和彩色相加 减、立体投影等图像处理。若在空间频率平 面上用一条形遮光板分别遮住水平衍射晕和 垂直衍射晕,即可在输出平面 P<sub>3</sub>上分别得到 由两个输入函数构成的输出:

$$\begin{split} I_{\perp}(x', \ y') &= \left[ \left| T_{\perp}(x', \ y') \right|^{2} \right| S(x', \ y') \left|^{2} \right] \\ &* \sum_{n=0}^{N-1} \delta(x - 2n\varepsilon, \ y) \end{split} \tag{11}$$

$$I_{\mathscr{I}}(x', y') = [|T_{2}(x', y')|^{2} |S(x', y')|^{2}] \\ * \sum_{n=0}^{N-1} \delta(x, y-2ns)$$
(12)

式中 I<sub>1</sub>和 I<sub>1</sub>分别表示经水平方向和垂直方 向遮光板滤波后的输出。

#### 五、实验

制备 MEHL 所用激光波长为632.8 • 726 •

nm; 成像透镜 L 的数值孔径 D/f = 1/10。因 而为满足(10)式的仅得中央零级窄脉冲的条 件,全息干板每次移动的距离为 $\varepsilon = 6 \mu m$ 。实 验所取曝光次数为N = 7,所制全息透镜的 焦距为f' = 280 mm。对于 $\lambda = 550.0$  nm 的 特定波长,由(7)式可得窄脉冲的宽度为W= 1.8 mm。为演示用 MEHL 作散斑编码和 在白光系统中解码,用图 4 所示的一组透明 片,按第三节所描述的方法做编码。而后将 编码片置于图 3 的白光系统中。当仅遮住空 间频谱的直流成份时,得到图 5 所示的输出; 当用条形遮光板分别遮住水平衍射晕和垂直 衍射晕时,得图 6 左和图 6 右的图像输出。



图 4 用来作散斑编码的一组透明片图像



图5 遮住零频分量后的输出图像



图 6 用条形滤波器分别遮**住**水平衍射晕 和垂直衍射晕后的输出

参考文献

- 母国光 et al., 物理学报, 31 (11), 1547 (1982)
   黄德根 et al., 光学学报, 4(2), 139 (1984)
   母国光 et al., 光学学报, 5 (2), 113 (1985)
- 4 王肇圻 et al., 应用激光, 6(3), 105 (1986)
- 5 A. Beauregard et al., Appl. Opt.. 23 (18), 3095 (1984)