# 自由电子激光器中轴向磁场作用的实验研究

褚 成 施瑞根 陆载通 庄国良 张立芬 胡 煜 施津川 (中国科学院上海光机所)

提要:从约束强流电子束及回旋共振增大激光器增益两方面考虑,确定了喇曼 自由电子激光器轴向引导磁场的工作参数,并进行了实验测试。

## Experimental study of effect of axial megnetic field in free-electron lasers

Chu Cheng, Shi Ruigen, Lu Zaitong, Zhuang Guoliang, Zhang Lifen, Hu Yu, Shi Jinchuan (Shanghai Institute of Optics and Fine Mechanics, Academia Sinica)

Abstract: Parameters of the axial guiding magnetic field in free electron laser based on stimulated Raman scattering are determined. Having measured the guiding field and the e-beam it confines, we carried out preliminary parametric study and obtained free-electron laser radiation in  $K_a$  band.

-、引 盲

東流 1k点,由(5)易彻束意穿唇需临界 密场

为1.1160. 滤示前原因除了(高)中的因子从

我们研制了一台基于受激喇曼散射的自由电子激光器<sup>[1]</sup>,获得了 K。波段激光脉冲输出,并进行了初步的参量研究。

本文讨论轴向引导磁场在约束强流电子 束及磁共振增强激光增益这两方面的作用, 介绍强磁场测试结果及有关的激光器初步参 量的研究结果。



考虑真空中的实心电子束(图1),如果

没有轴向引导磁场  $B_0$ ,则由空间电荷电场引 起的径向外斥力  $eE_r$ 总是大于电子束自磁场  $B_0$ 引起的箍缩力  $e\beta_0B_0$ ,

\*国海光

第14卷第1期



图1 实心(a)及空心(b)圆柱 电子束及圆柱坐标示意图 收稿日期: 1985年10月24日。

$$e(E_r - \beta_z B_\theta) = \frac{\omega_p^2 r_b}{2\gamma_z^3} > 0 \qquad (1)$$

其中  $\omega_{p} \equiv \sqrt{\frac{4\pi n e^{3}}{m}}$  为等离子体频率, n 为空 间电子密度, e 为电子电荷, m 为电子静止 质量; r<sub>b</sub> 为电子束半径;  $\gamma_{s} \equiv 1/\sqrt{1-\beta_{s}^{2}}, \beta_{s}$  $\equiv v_{s}/c, v_{s}$  为电子的轴向速度。

可见为获得准直的电子束必须施加轴向 约束磁场  $B_0$ 。在图 1 场合,设电子密度 n 及 电子轴向速度 v。是恒定值,且 v。远大于圆 速度  $\omega_0 \cdot r$ ,即  $\gamma_s \approx \gamma$ ,则坐标 r 处电子受到 的离心力  $\gamma \omega_0^2(r)$ 及静电库仑力  $1/2\omega_p^2$  将必 须与轴向磁场约束力  $\omega_0 \cdot \Omega$ (其中  $\Omega = eB_0/mc$ )及束自磁场约束力  $\frac{1}{2} \beta_z^2 \omega_p^2$  平衡:

$$\gamma \omega_{\theta}^2(r) + \frac{1}{2} \omega_p^2 = \omega_{\theta} \Omega + \frac{1}{2} \beta_z^2 \omega_p^2 \qquad (2)$$

由此易知各处电子回旋圆频率均相等:

$$\omega_{\theta} = \frac{\Omega}{2\gamma} \left( 1 \pm \sqrt{1 - \frac{2\omega_{p}^{2}}{\gamma \Omega^{3}}} \right)$$
(3)

显见,为获得电磁力平衡的电子束(即为使 (3)式有意义)必须  $2\omega_p^2 < \gamma \Omega^2$ ,亦即轴向磁场  $B_0$  必须大于临界值  $B_{or}$ 

$$B_{or} = \left(\frac{8\pi jmc}{e\beta_{z}\gamma}\right)^{1/2} \tag{4}$$

式中  $B_{or}$  单位为 Gauss, j 为电子束流密度 (静电制电荷/cm<sup>2</sup>·s)。在我们的条件下( $\gamma =$  2)

$$B_{cr} = 1.55\sqrt{j} \qquad (4)'$$

其中 Bor 单位改为 kG, j为 kA/cm<sup>2</sup>。

设束截面直径 6 mm, 束流1 kA, 由(4)' 易知, 束稳定所需临界磁场为 2.91 kG。

对空心电子束所作类似分析可知,使束 内各处电子均获电磁力平衡的最小临界磁场 值 *B*<sub>o</sub>,为

$$B_{cr}' = B_{cr} \cdot \sqrt{1 - \left(\frac{r_i}{r_b}\right)^2} \tag{5}$$

式中 Bor 由式(4)定义; ri、rb 分别为空心束 内、外径。由(5)式不难看出,当束变薄且贴 近壁面时,空心束的临界磁场将大为减小。

设 γ=2, 束内、外径分别为 14、16 mm,

束流 1kA, 由(5)易知束稳定所需临界磁场 为 1.1kG, 减小的原因除了(5)中的因子外 还由于此时面积比实心束增大 1.67 倍, 束流 密度相应减小。

激光增益 α 近似正比于 电子 横 向 速 度 ø<sub>1</sub> 及因子 ψ, 其中

$$v_{\perp} = \Omega_w v_z / (\Omega - \gamma k_w v_z)^{[2]} \tag{6}$$

$$\psi \equiv \{1 - \Omega \gamma_z^2 v_\perp^2 / [(v_z^2 + v_\perp^2) \Omega - \gamma k_w v_z^3]\}^{1/4}$$
(7)

式中  $\Omega_w \equiv eB_r/mO$ ,  $B_r$  为波荡场强;  $k_w = 2\pi/\lambda_w$ ,  $\lambda_w$  为波荡场周期; 其它定义同前。

由(6)、(7)式可见,当引导磁场接近回旋 共振条件(Ω<sub>or</sub> = γk<sub>w</sub>v<sub>s</sub>)时,v<sub>1</sub> 及ψ急剧上升, 激光器增益上升。这从图2可清楚地看到。 然而图2也表明,过份靠近回旋共振点时,激 光频率 f<sub>TE</sub> 大幅度下降,将不再能获得预期 的毫米波段辐射。而且此时电子 横向速度 β<sub>1</sub> 过份增大造成电子束热的不稳定性,导致



. 28 .

束的能散度急剧劣化,将反过来使增益大 幅度下降。为此,选定设计工作点在 $B_0=$ 10kG 处(图 2),此时相应的激光波长为 6.91 mm( $K_0$  波段),相应 $\beta_1=0.211_0$ 。

由以上两方面综合考虑,决定我们的引导磁场应在 0~20 kG 内可调。磁场轴向复 盖范围应在 1m 以上(复盖整个波荡场)。

#### 三、测试及实验结果

对按上述要求绕制的线包(中国科学院 合肥等离子体研究所绕制)进行了测试。用  $\phi$ 0.24 mm 的漆包线绕制的测试小线圈平均 直径  $\phi$ 5 mm, 共 50 匝。测得磁场微分信号 ( $dB_0/dt$ )经由自制的 Miller 积分器 积分后 在示波器上显示。典型的波形如图 3 所示。 可看出到达最大值的时间为 8 ms, 与按 ROL 回路计算出的结果相等。沿轴向移动测得的 结果如图 4 所示。可见不但在整个自由电子 激光工作区域(从波荡场入口到波荡场出口) 都有很平稳的引导磁场 复盖(偏差 <5%),



图 3 实测的引导磁场波形 (时间轴 5 ms/div,纵轴 3.6 kG/div,条件:电容器 充电 1500 V,在引导磁场线包中点轴线上测得)



而且在二极管内也有相当强的引导磁场复 盖,从而满足了磁场浸没型二极管的设计要求<sup>[3]</sup>。

图 5 显示了引导磁场值 B<sub>0</sub> 与冲击电流 发生器中电容器上充电电压的关系。可看出 实测值与 LOR 回路理论计算值(B<sub>0</sub>=6.06• V<sub>29</sub>)符合得很好。



图 5 轴向引导磁场与电容器充电电压的关系 (在引导磁场线包中点轴线上测得)

使用这只引导磁场线包,获得了高度准 直的电子束。典型的远场打靶像示于图6。 由图6可看出,在9kG的磁场约束下,1m 远处的电子束截面仍保持入口处尺寸(\$\phi6\$ mm),可以说基本上是二极管出口的1:1映 射,仅在个别地方略微扩大了0.1mm 左右。



图 6 引导磁场 B₀=9kG 时 实心电子束远场打靶像 (条件:二极管出口内径 φ6mm; 靶距二极管 出口处 1m 远。照片比实物放大一倍)

这两种电子束在引导磁场配合波荡器的 泵浦下,均获得了自由电子激光输出(相干超 辐射放大模式)<sup>111</sup>。二组典型的实验结果示 于图7。图7清楚地表明了轴向引导磁场 $B_0$ 对输出激光能量的巨大影响,在 $B_0=9~$ 10kG范围(相应铁环波荡场强 $B_w\approx500$ G) 辐射能量较高,这与图2所示设计工作点符 合。在此范围,由一系列高通滤波器测得的 激光波长约为 8 mm ( $K_0$  波段)。这 与 图 2 给出的理论值 (频率约 44 GHz)符合。图 7 的其他工作参数是:电子束能量 0.5 MeV,束 流 1kA,电子束持续时间 60 ns,空心电子束 截面外径  $\phi$  16 mm,内径  $\phi$  14 mm;漂移管内 径  $\phi$  20 mm,铁环波荡器共 26 个周期,其周 期长 22.5 mm, 全长 585 mm;辐射由增益为



图 7 引导磁场 Bo 对激光输出能量 E 的影响 (条件:上方,空心电子束,下方;实心电子束; 采用铁环波荡器泵浦(周期 22.5 mm))

(上接第26页)

如果采用其他方法能够测出两条等厚线 之间的厚度增量,那么采用上述方法,就可以 测定物体的内电势。

2. 本实验中采用的 MgO 单晶, 其颗粒 的线度约为 80.0nm, 因此在这里讨论分辨 率似乎没有意义。

13dB 的喇叭输出,由 H 面扇形喇叭接收, 经3m长 K。波段标准波导管输入屏蔽房测 试辐射脉冲的频谱及时谱;由炭斗量热器测 试激光能量。

将引导磁场置于最佳值 (9kG)处,获得的较好结果的一组典型值为:能量 13mJ,脉冲半高宽 25ns,平均功率 0.5MW,瞬时电子效率 0.1%,波长约 8mm(K。波段)。

引导磁场线圈是由中国科学院合肥等离 子体研究所施嘉标、潘引年、王伟同志设计绕 制的;此外,本工作是在王之江教授指导下进 行的。作者对他们表示衷心感谢。

#### 参考文献

- [1] 褚 成等; 《中国激光》, 1985, 12, No. 12, 767.
- [2] R. H. Jackson et al.; IEEE J. Quant. Electr., 1983, QE-19, 346.
- [3] 褚 成等;《中国激光》, 1985, 12, No. 6, 330.
- [4] S. H. Gold et al.; Phys. Rev. Lett., 1984, 52, 1218.
- [5] S. H. Gold et al.; Phys. Fluids, 1984, 27, 746.
- [6] J. A. Pasour et al.; Phys. Rev. Lett., 1984, 53, 1728.

### 参考文献

[1] D. Gabor; Nature(London), 1948, 161, 777.

- [2] H. Wahl; Optik, 1974, 39, 585.
- [3] A. Tonomura, T. Matsuda; Optik, 1979, 53, 143.
- [4] K. J. Hanszen; Electron Microsc. Proc. Eur. Congr. 7th, 1980, Vol. 1, 140.
- [5] 外村彰; 《应用物理》, 1984, 53, No. 8, 664.
- [6] 陈建文; 《光学学报》, 1985, 5, No. 3, 229.