小尺寸固体激光器不稳定腔 的两个参数的计算

朱 振 和 (中国科学院物理研究所)

提 要

设计小尺寸固体激光器不稳定腔时需要考虑取多大的放大倍数 M,为了把不稳 定腔激光器输出的球面波会聚为准平行光束,还需要知道球面波的曲率中心离输出 反射镜的距离 x。本文计算了 x 和 M 这两个参数,指出了必须考虑激光棒的热透镜 效应才能得到正确的结果,还讨论了共振腔参数的变化如何影响 x 和 M 的值以及其 他一些问题。

一、引 言

为了选择激光输出的横模并减少光束发 散角,有时候人们采用不稳定共振腔。由于 采用不稳定腔的激光器的输出光束近似于一 个球面波,因此在实验中往往需要用一块会 聚透镜将光束会聚为准平行光束,透镜的焦 距和位置取决于球面波中心离输出反射镜的 距离 *x*。透镜的焦距和位置固然可以由实验 来确定,但如果事先能计算出 *x* 的值,对于实 验是有指导意义的。此外,放大倍数 *M* (其 定义见资料[1])是决定不稳定腔特性的一个 主要参数,在设计不稳定腔时必须考虑 *M* 值 的大小。本文对常见的小尺寸固体激光器计 算了 *x* 和 *M*,并说明了不稳定腔的结构参数 如何影响 *x* 和 *M*,可供实验参考。

常见的小尺寸不稳定共振腔如图1所示,图中的1是半反射平面镜,2是全反射凸面镜,其曲率半径为R,3是激光棒,其折射率为n,长度为d,激光棒离两个反射镜的距离各为4和12。如果认为激光棒端面是平



图1 常见的不稳定腔激光器

面,那么计算的结果与实际情况相差甚多,因 此必须考虑热透镜效应。考虑到激光棒两个 端面在工作时实际上是凸面(近似地认为是 球面),曲率半径为r(为简单起见,认为两端 的曲率半径相同)。在激光棒和全反射镜之 间往往有一个电光晶体Q开关,在这种情况 下只要把 b 看作是等效光学长度就可以了, 图1仍然是适用的。

二、计算x和M

不稳定腔中的场分布可以用几何光学近 似来描写^[1],两列反方向传播的波的曲率中 心 O₁和 O₂应该互相映象,光波在图 1 所示 的不稳定腔内传播的光路图见图 2。

腔内的激光棒等于是一块厚透镜,我们

· 42 ·



图 2 不稳定腔中的光路图

很容易求出它的焦距*f*以及主平面离激光棒 端面的距离δ^[2]:

$$f = \frac{r'^2}{2r' - d'} \approx \frac{r}{2(n-1)}$$
(1)

$$\delta = \frac{r'd'}{2r' - d'} \approx \frac{d}{2n} \tag{2}$$

其中

$$r' = \frac{r}{n-1} \tag{3}$$

$$d' = \frac{d}{n} \tag{4}$$

利用厚透镜的主平面,我们可以画出与图2 等效的图3,再根据成象公式^[2]我们可以列 出如下方程组:

$$\frac{1}{x+l_1+\delta} - \frac{1}{x_1} = \frac{1}{f}$$
 (5a)

$$\frac{1}{x_1 + l_2 + \delta} - \frac{1}{x_2'} = \frac{-2}{R}$$
(5b)

$$\left(\frac{1}{x_{2}'+l_{2}+\delta}-\frac{1}{x-l_{1}-\delta}-\frac{1}{f}\right)$$
(5e)

在列方程时应注意物距、象距和焦距等的符号,在这里我们已经取所有的量都是正的。但如果求解方程时得到的 *x* 或 *x*₁,或 *x*₂ 为负值也是有意义的,这就表示它与图 3 所示的方向相反。令:

$$l_1 + \delta = L_1 \tag{6}$$

$$l_2 + \delta = L_2 \tag{7}$$

$$x_2' + l_2 + \delta = x_2 \tag{8}$$

则方程组(5)化为:

$$\frac{1}{x+L_1} - \frac{1}{x_1} = \frac{1}{f}$$
(9a)

$$\frac{1}{x_1 + L_2} - \frac{1}{x_2 - L_2} = \frac{-2}{R}$$
(9b)
1 1 1 (9c)

 $\left(\frac{1}{x_2} - \frac{1}{x - L_1}\right) = \frac{1}{f} \tag{96}$

解这个方程组得出:

$$\begin{aligned} x &= \left[\frac{(fL_1 + fL_2 - L_1L_2)^2}{(f - L_2)^2 - R(f - L_2)} + \frac{R(f - L_1)(fL_1 + fL_2 - L_1L_2)}{(f - L_2)^2 - R(f - L_2)} \right]^{1/2} \end{aligned}$$
(10)

方程组有实数解的条件是:

$$f > R + L_2$$
 (11)

当这个条件不满足时,共振腔就不是不稳定腔,而成为稳定腔了。由此可见,我们选用的 凸面反射镜的曲率半径不能太大,它必须小 于激光棒的热透镜焦距。

根据放大倍数 M 的定义并参照图 3, 很容易求出:

$$M = \frac{x + L_1}{x} \cdot \frac{x_1 + L_2}{x_1} \cdot \frac{x_2}{x_2 - L_2} \cdot \frac{x}{x - L_1}$$
$$= \frac{(f - L_2)x + (fL_1 + fL_2 - L_1L_2)}{(f - L_2)x - (fL_1 + fL_2 - L_1L_2)} \quad (12)$$

当 f→∞ 时, (10) 和 (12) 式化为:

$$x = \sqrt{L^2 + LR} \tag{13}$$

$$M = \frac{\sqrt{L^2 + LR + L}}{\sqrt{L^2 + LR - L}}$$
(14)

其中L是等效腔长,

$$L = L_1 + L_2 = l_1 + l_2 + \frac{d}{n} \tag{15}$$

(13)和(14)就是认为激光棒端面是平面的情况下的解。



图 3 图 2 的等效光路图

下面我们考虑共振腔的结构参数 L_1 (即 l_1)、 L_2 (即 l_2)、R和 f改变时, x和 M的值 将怎样改变。我们求出 $\frac{\partial x}{\partial L_1}$ 、 $\frac{\partial x}{\partial L_2}$ 、 $\frac{\partial x}{\partial R}$ 、 $\frac{\partial x}{\partial f}$ 、 $\frac{\partial M}{\partial L_1}$ 、 $\frac{\partial M}{\partial L_2}$ 、 $\frac{\partial M}{\partial R}$ 、 $\frac{\partial M}{\partial f}$ 等偏微商,可 以证明:

$\frac{\partial x}{\partial L_1} > 0,$	$rac{\partial M}{\partial L_1} > 0$,
$\frac{\partial x}{\partial L_2} > 0,$	$\frac{\partial M}{\partial L_2}$ 不一定,
$\frac{\partial x}{\partial R} > 0,$	$\frac{\partial M}{\partial R} < 0$,
$\frac{\partial x}{\partial f} < 0,$	$\frac{\partial M}{\partial f} > 0_{\circ}$

 $\frac{\partial M}{\partial L_2}$ 大于、等于还是小于零取决于判别式 F, $F = f^2 (f^2 - 2fL_1 - 2fL_2 + 2L_1L_2)$ $-R(f - L_1)(2f^2 - 3fL_1 - 3fL_2 + 3L_1L_2)$ (16)

当F>0时, $\frac{\partial M}{\partial L_2}>0$; 当F=0时, $\frac{\partial M}{\partial L_2}=0$; 当F<0时, $\frac{\partial M}{\partial L_2}<0$ 。我们可以列出表1来 表示 x和 M 之值如何随着 L_1 、 L_2 、R、f 而 改变。

表1 x和 M 随着腔结构参数改变的规律

the second s	the second se	the second se	the second se
$L_1 \mathcal{I}$	x], M]	Li	$x \downarrow, M \downarrow$
$L_2 \mathcal{I}$	x 丿, M 不一定	L2 >	x M 不一定
R 🖍	$x \mathcal{I}, M \mathcal{I}$	ŔŊ	x , M)
f 1	x , M 1	<i>f</i> -7	$x \nearrow, M \searrow$

说明: /表示数值增加; /表示数值减少。

三、数值计算及讨论

我们取 $L_1 = 0.1$ 米或 0.2米; $L_2 = 0.3$ 米或 0.4米; R = 1 米或 1.2米; f = 1.5米或 2米, 对 (10) 和 (12) 式作了数值计算,所取的 这些数值是 YAG 激光器可能遇到的数值(说 明:由于 δ 之值与 l_1 或 l_2 相比是很小的,因 此 $L_1 \approx l_1$, $L_2 \approx l_2$)。为比较起见,也对 $f \rightarrow \infty$ 的情况作了计算。计算结果列于表 2。

表2 在若干典型情况下 x 和 M 的值

L1(米)	$L_2(卷)$	R(米)	f(米)	x (米)	M
0.1	0.3	1	1.5	2.16	1.56
0.1	0.3	1	2	1.31	2.05
0.1	0.3	1	~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~	0.75	3.3
0.1	0.3	1.2	2	1.66	1.75
0.1	0.3	1.2	~	0.8	3
0.1	0.4	1	1.5	3.69	1.45
0.1	0.4	1	2	1.69	2.1
0.1	0.4	1	∞	0.87	3.73
0.1	0.4	1.2	2	2.21	1.75
0.1	0.4	1.2	~	0.92	3.37
0.2	0.3	1	1.5	2.38	1.64
0.2	0.3	1	2 .	1.47	2.2
0.2	0.3	1	~	0.87	3.73
0.2	0.3	1.2	2	1.85	1.85
0.2	0.3	1.2	~	0.92	3.37

对于小尺寸固体激光器一般 M 取的值 不要太大⁽¹⁾,所以选用的凸面反射镜的曲率 半径 B 不宜太小,我们在实验中采用曲率半 径为1 米左右的凸面反射镜。从表2 可以看 出,如果不考虑热透镜效应,把激光棒端面看 作平面的话,则计算的 M 值大于3,这太大 了。而且 a <1 米,也与实际情况不符。在实 验中如果把会聚透镜放在输出反射镜 附近, 那么透镜焦距近似地应该就是 a。在实际上 激光输出并非理想的球面波,必然有由于衍 射和其他因素造成的发散,所以往往采用焦 距略小于 a 的会聚透镜。在实验中发现采用 焦距为一点几米或二米左右的透镜 比较合 适。在考虑了热透镜效应以后,计算结果就 比较符合实际情况了。

此外我们还可以看出改变 L₂ 的值对 *x* 有较大的影响,而对 M 则影响不大。因此如 果在实验时没有多种焦距的透镜供选择,需

. 44 .

要改变 *x* 的值来凑合所用的会聚透镜,同时 又不希望不稳定腔的基本特性有大的改变, 即不希望放大倍数 *M* 有大的改变,那么我们 就可以移动凸面全反射镜的位置,即改变 *L*₂,来达到目的。

最后我们还要说明以下两点:(一)在有 些调Q的YAG激光器中用一块平面玻璃片 作为输出端反射镜,这样实际上就有两个反 射表面,等于有L₁相差很小的两个不稳定共 振腔,相应地就有两个相差不大的x值,因此 这个激光器的输出光束就近似于曲率中心相 接近的两列球面波的迭加,我们能观察到它 们相互干涉而形成干涉环。

(二)激光棒的端面最好镀消反射膜,因 为棒端面的反射可能形成特性相差甚远的另 一个共振腔,这是我们不希望发生的。 虽然 我们也可以求出这种共振腔的 *x* 和 *M*,但是 其表达式太复杂了,所以我们对这个问题作 如下考虑:我们把前面计算的叫做情况一。如 图 4 所示,从光线 1 传播到光线 6 可以等效 为通过由两个厚透镜组成的一个光学系统 (图 4(*b*)),这个光学系统的主平面离激光棒 端面的距离为δ',其焦距为*f*',可以求出:

$$f' = \frac{f^2}{2f - 2l_1 - 2\delta} \approx \frac{1}{2} f \qquad (17)$$

$$\delta' = \frac{f(l_1 + \delta)}{f - l_1 - \delta} + \delta \approx l_1 + 2\delta \approx l_1 + \frac{d}{n} \quad (18)$$

在写出近似式时假定了 $f \gg l_1 \gg \delta$ 。

我们把从激光棒端面反射形成共振腔叫 做情况二。如图 5 所示,从光线 1 传播到光 线 4 可以等效为通过图 5(b)中这样一个光 学系统,在棒端面的反射等效为通过一个薄 透镜(它的折射率为 n',浸没在折射率为 n 的 激光介质中)。该光学系统的主平面 离棒 端 面的距离为 δ'',其焦距为 f'',可以求出:

$$f'' = \frac{nr^3}{2[(2n-1)r - (n-1)d][nr - (n-1)d]}$$

$$r \qquad (n-1) \qquad (10)$$

$$\frac{1}{2(2n-1)} \approx \frac{1}{(2n-1)} f \tag{19}$$

$$\delta^{\prime\prime} = \frac{rd}{nr - (n-1)d} \approx \frac{d}{n} \tag{20}$$

取 n=1.8, 则

$$f'' \approx 0.3 f \tag{21}$$

由此可见,在上述两种情况下从光线1出发 到被反射回原处可以等效为各通过一个不同 的光学系统,这两个等效光学系统的焦距相 差甚多,所以这两种情况是很不相同的。如 果这两种情况下形成的共振腔都能发生振 荡,那么所输出的两个激光球面波的曲率中 心是相距相当远的,就不可能用一块透镜把



(下转第35页)

图 4 情况一的等效光路图



3. 储能电容量

如图 5 所示,在一定的储能电容量范围 内,激光器的能量 E 才随电容量 C 的增加 而增加。当电容量超过某一范围时,输出能 量也将趋于饱和。因此,选择合适的电容值, 对于缩短放电管长度并提高储能器转换效率 有重要的意义。

除了上述条件外,还要设计合适的电源, 选择限流电阻和保持一定的火花隙电极距 离,使激光器保持合适的脉冲重复频率,以保 证激光器正常工作。



四、结 语

这种陶瓷储能的小型氮分子激光器目前 还存在一些问题有待进一步解决。从陶瓷储 能电容器来说,还存在转换效率较低,以及由 于陶瓷圆盘面积较大,从而材料出现缺陷的 几率也较大,以致造成电击穿性能较差等问 题。更重要的是,还存在整个氮分子激光器 整机的所有部件在保证不降低激光输出的前 提下,全面实现小型化的问题。



输出激光会聚成准平行光束,这当然是我们 所不希望的。尤其要指出,在情况一中是不 稳定腔的时候,在情况二中有可能构成一个 稳定腔(可以证明,情况二构成一个不稳定腔 的条件是: 2*f*">*R*+*l*₂+δ",近似地是: 0.6*f*>*R*+*L*₂, 所以有可能在条件(11)被满足时不满足这个 条件),这当然更是我们要避免的了。

参考资料

- [1] 国外激光, 1972年第10期(增刊), p. 1~20.
- [2] M. Born and E. Wolf, Principles of Optics, 2nd ed. (1964), Chap. IV, p. 151~163.

· 35 ·